### МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Московский физико-технический институт (государственный университет)

## Волоконный лазер

Лабораторная работа по курсу фотоника

> Выполнили: студенты 654гр. Нехаев А.С. Суманова Е.Д.

Тихонов С.С.

## Содержание

1.	Цел	и и задачи исследования	2
2.	Теоретическая часть		3
	2.1.	Введение	3
	2.2.	Инверсия активной среды как необходимое условие генерации лазера	3
	2.3.	Получение инверсной населенности с помощью когерентной оптической на-	
		качки	4
	2.4.	Режим работы волоконного лазера – режим свободной генерации	4
	2.5.	Динамика генерации лазера в различных режимах работы	4
		2.5.1. Система уравнений, описывающая динамику генерации дазера	4

### 1. Цели и задачи исследования

- 1) Изучить генерацию в волоконном лазере в режиме свободной генерации и физические основы появления релаксационных колебаний.
- 2) Изучить методы создания инверсии, управления режимами генерации и формирования модовой структуры излучения в лазере.
- 3) Определить влияние параметров генерации на частоту и затухание релаксационных колебаний.
- 4) Решить задачи.

### 2. Теоретическая часть

#### 2.1. Введение

Волоконные лазеры являются выдающимся достижением квантовой электроники с момента созданя первого лазера на кристалле рубина в 1960 г.

Поскольку в кварцевом волокие энергия фононов составляет 400-1100 см<sup>-1</sup>, то в качестве активных ионов могут быть использованы только те, у которых энергетический зазор между уровнями с оптическими переходами превышает эту величину, поскольку иначе безизлучательная релаксация приведет к ухудшению люминесценции. Наиболее часто используемые активные ионы это:

- неодим  $Nd^{3+}$  (0.92 0.94 мкм, 1.05 1.1 мкм, 1.34 мкм),
- гольмий  $\text{Ho}^{3+}$  (1.9 2.1 мкм),
- эрбий  $Er^{3+}$  (1.53 1.6 мкм),
- тулий Tm3+ (1.7 1.9 мкм),
- $\bullet$  иттербий  $Yb^{3+}$  (0.98 1.16 мкм).

Преимущества волоконных активных сред по сравнению с объемными активными лазерными средами:

- низкие оптические потери;
- большая длина взаимодействия и малый размер световедущей сердцевины, что обеспечивает эффективную накачку полупроводниковым лазером;
- большое отношение площади поверхности волокна к объему, что улучшает теплоотвод;
- высокое качество поперечной структуры пучка;
- использование внутриволоконных брегговских решеток в качестве распределенных зеркал обеспечивает компактность и стабильность лазера.

# 2.2. Инверсия активной среды как необходимое условие генерации лазера

Излучение лазера рождается на переходах между определенными энергетическими уровнями активных центров; их называют **рабочими уровнями**. Отнесенные к единице объема активной среды заселённости рабочих уровней будем обозначать через  $n_1$  (нижний рабочий уровень) и  $n_2$  (верхний рабочий уровень). Разность

$$N = n_2 - (g_1/g_2)n_1 \tag{1}$$

называют плотностью инверсной заселенности рабочих уровней. Здесь  $g_1$  и  $g_2$  – кратности вырожденных соответствующих уровней; для простоты будем, как правило, полагать, что  $g_1 = g_2$ .

Если выполняется условие

$$N > 0 \tag{2}$$

то говорят, что имеет место инверсия активной среды.

Для создания инверсии необходимо перевести активную среду в неравновесное состояние. Обеспечение инверсии активной среды является необходимой предпосылкой для реализации в лазере режима генерации. Коэффициенты усиления  $\chi_1$  пространственно-однородной среды описывается выражением

$$\chi_1 = \sigma N \tag{3}$$

где  $\sigma$  - сечение вынужденных переходов между рабочими уровнями.

Для создания и поддержания инверсии применяют тот или иной способ возбждения (или, как говорят, способ накачки) активной среды. Активная среда лазера представляет собой некий термостат (сердцевина волокна из стекла), в котором имеются активные центры — квантовые системы, способные в результате возбуждения переходить в состояние с отрицательной температурой, отвечающей инверсной заселенности уровней.

В твердотельных волоконных лазерах активными центрами чаще всего служат ионы с незаполненными внутренними оболочками.

Реальные активные центры обычно имеют богатую систему энергетических уровней. Однако для работы лазера существенную роль играют лишь некоторые из них, в связи с чем при расчетах систему уровней упрощают, рассматривая только необходимые. Чаще всего используют 3-х и 4-х уровневые модели лазера, реже - многоуровневые.

## 2.3. Получение инверсной населенности с помощью когерентной оптической накачки

В волоконных лазерах активное волокно имеет сердцевину, легированную ионами редкоземельных металлов, внутреннюю оболочку, образующую с сердцевиной волновод, и внешнюю оболочку, образующую волновод с внутренней оболочкой по которому распространяется излучение накачки, введенное в эту область от полупроводникового лазера. Для излучения накачки волновод является многомодовым, в то же время сердцевина активной области образует одномодовый волновод для генерируемого излучения. Для ввода излучения накачки используется несколько методов:

- 1) торцевой
- 2) набор V-образных канавок, распределенных по боковой поверхности световода;
- 3) два световода размещаемых в общей оболочке, один из которых активный, а в другой вводится излучение накачки, которое в месте их контакта проходит в активную область и осуществляет накачку. Таким образом, осуществляется распределенная накачка активной области.

# 2.4. Режим работы волоконного лазера – режим свободной генерации

Режим свободной генерации фактически означает отсутствие какого-либо специального управления генерацией или какого-либо воздействия на нее извне. В частности, отсутствует какая-либо модуляция (как активная, так и пассивная) добротности резонатора. Свободная генерация может иметь место как в случае импульсной, так и в случае непрерывной накачки. Свободное излучение волоконного лазера представляет собой, как правило, последовательность относительно коротких импульсов или, как принято говорить, пичков. Длительность отдельного пичка равна  $10^{-7} - 10^{-6}$  (0.1 - 1 мкс); мощность достигает значений  $10^4 - 10^5$  Вт. Временной интервал между писками составляет примерно 1-10 мкс.

### 2.5. Динамика генерации лазера в различных режимах работы

#### 2.5.1. Система уравнений, описывающая динамику генерации лазера

Считая, что переходы между уровнями 4 и 3 и уровнями 2 и 1 являются быстрыми, можно положить  $n_4 \approx n_3 \approx 0$ . В этом случае скоростные уравнения можно записать

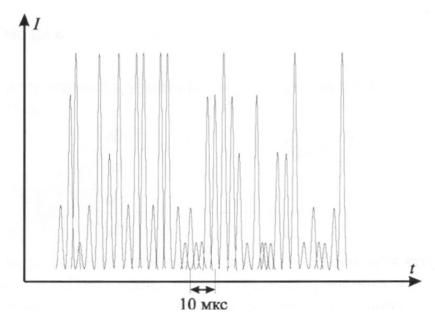


Рис. 1: Осциллограмма излучения твердотельного лазера, работающего в режиме свободной генерации

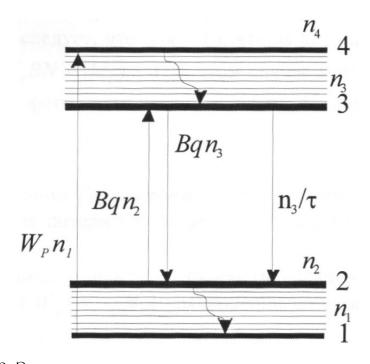


Рис. 2: Энергетическая схема квази-четырехуровневого лазера

следующий образом

$$\begin{cases} \frac{dn_3}{dt} = W_p n_1 - Bqn_3 - \frac{n_3}{\tau} \\ \frac{dq}{dt} = V_a Bqn_3 - \frac{q}{\tau_c} \\ n_1 + n_3 = N_t \end{cases}$$

$$(4)$$

где:

- $N_t = 8 \cdot 10^{19}$  ионов/см $^3$  плотность ионов иттербия Yb $^{3+}$
- $n_1$  населенность основного состояния
- $n_3$  населенность рабочего уровня
- q полное число фотонов в резонаторе

- $W_p$  скорость накачки
- $\lambda = 1.064$  мкм длина волны генерации
- $\gamma$  потери в резонаторе за проход в одном направлении
- $V_a = \pi \omega_0^2 l/4$  объем моды в активной среде
- B скорость индуцированных переходов на один фотон в моде
- $\omega_0$  размер перетяжки моды в резонаторе
- L длина резонатора
- l длина активной зоны
- $L' = L + (n_0 1) l$  оптическая длина резонатора
- $n_0$  показатель преломления активной среды
- $V = \pi \omega_0^2 L'/4$  объем моды в резонаторе
- $c = 2,99792458 \cdot 10^{10}$  см/с скорость света

Выражения для введенных величин B и  $\tau_c$  через известные параметры лазера можно получить следующем виде:

$$B = \frac{\sigma lc}{V_a L'} = \frac{\sigma c}{V} \qquad \tau = \frac{L'}{c\gamma}$$

Вводя инверсную заселенность уровней 3 и 2 по формуле  $N=n_3-n_2\approx n_3$  систему уравнений (4) можно переписать в виде:

$$\begin{cases} \frac{dn_3}{dt} = W_p \left( N_\tau - N \right) - BqN - \frac{N}{\tau} \\ \frac{dq}{t} = \left( V_a BN - \frac{1}{\tau_c} \right) q \end{cases}$$
 (5)

Полученная система уравнений описывает динамику изменения количества фотонов в резонаторе и инверсии населенности.

Рассмотрим работу лазера при стационарной накачке (то есть когда скорость накачки  $W_p$  не зависит от времени).

Определим пороговое условие генерации лазера. Предположим, что в момент времени t=0 в резонаторе, вследствие спонтанного испускания, присутствует некоторое небольшое число фотонов q. При этом из уравнения (5) следует, что для того, чтобы величина  $\frac{dq}{dt}$  была положительной, должно выполняться условие  $(V_aBN-1/\tau_c)$ . В этом случае генерация возникнет, если инверсия населенности N достигнет критического значения  $N_c$ , определяемого выражением

$$N_c = \frac{1}{V_c B \tau_c} = \frac{\gamma}{\sigma l} \tag{6}$$

где:

- $\sigma$  сечение перехода генерации (эффективное сечение перехода генерации для ионов  $Yb^{3+}$   $\sigma=2.5\cdot 10^{-20}c\text{M}^2$ )
- $\gamma$  суммарные потери в резонаторе за проход в одном направлении, определяемые ниже

Таким образом, критическая (пороговая) скорость накачки соответствует ситуации, когда полная скорость накачки уровней  $W_{cp} (N_t - Nc)$  уравновешивает скорость  $N_c/\tau$  спонтанных переходов с рабочего уровня:

$$W_{cp} = \frac{N_c}{(N_t - N_c)\tau} \tag{7}$$

Пороговую скорость накачки уровней можно получить

$$W_{cp} = \frac{1}{(\tau_c V_a B N_t - 1)\tau} \tag{8}$$

Если  $W_p > W_{cp}$ , то число фотонов q будет возрастать от начального значения, определяемого спонтанным излучением, и если  $W_p$  не зависит от времени, то, в конце концов, достигнет некоторого постоянного значения  $q_0$ . Это стационарное значение и соответсвующее ему значение инверсии  $N_0$  получаются из уравнений (5), если в них положить  $\dot{N} = \dot{q} = 0$ .

$$N_0 = \frac{1}{V_a B \tau_c} = N_c, \qquad q_0 = V_a \tau_c \left[ W_p \left( N_t - N_c \right) - \frac{N_0}{\tau} \right].$$
 (9)

Полученные уравнения описывают непрерывный режим работы четырехуровневого лазера. При  $W_p=W_{cp}$  имеем  $N=N_c$  и  $q_0=0$ . Заметим, что при накачке ниже пороговой q=0, и получаем  $N_0=W_p\frac{N_t\tau}{1+W_p\tau}$ . Но поскольку обычно выполняется условие  $N_0=N_c\ll N_t$ , из формулы (8) находим, что  $W_{cp}\tau\ll 1$ , то есть  $W_p\tau\ll 1$  и N увеличивается с  $W_p$  практически линейно. Число фотонов, определяемое в (9), можно записать в эквивалентном виде:

$$q_0 = (V_a N_c) \left(\tau_c / \tau\right) (x - 1) \tag{10}$$

где:

$$x = W_p / W_{cp} \tag{11}$$

и где x — относительное превышение скорости накачки над пороговой. Как для оптической, так и для электрической накачки, модно записать:

$$x = P_p/P_{\text{nop}},\tag{12}$$

где

- $P_p$  мощность электрической накачки (приложенная к лампе или к разряду),
- $\bullet$   $P_{\text{пор}}$  ее пороговое значение.

Таким образом, если выбрать  $P_p/P_{\text{пор}}=1.1$ , то количество фотонов в резонаторе будет около  $10^{10}$