

# 第十九届全国信息学奥林匹克竞赛

## NOI 2002

### 第一试

题目名称	银河英雄传说	调皮的小孩	贪吃的九头龙
目录	day1/galaxy	day1/child	day1/dragon
可执行文件名	galaxy	child	dragon
输入文件名	galaxy.in		dragon.in
输出文件名	galaxy.out		dragon.out
是否有部分分	否	是	否
附加文件	无	check	无
时限	2 秒	5 秒	2 秒

注：每题 10 个测试点，共 100 分。

**竞赛时间：2002 年 8 月 12 日上午 8:00-13:00**

# 银河英雄传说

## 【问题描述】

公元五八〇一年，地球居民迁移至金牛座  $\alpha$  第二行星，在那里发表银河联邦创立宣言，同年改元为宇宙历元年，并开始向银河系深处拓展。

宇宙历七九九年，银河系的两大军事集团在巴米利恩星域爆发战争。泰山压顶集团派宇宙舰队司令莱因哈特率领十万余艘战舰出征，气吞山河集团点名将杨威利组织麾下三万艘战舰迎敌。

杨威利擅长排兵布阵，巧妙运用各种战术屡次以少胜多，难免恣生骄气。在这次决战中，他将巴米利恩星域战场划分成 30000 列，每列依次编号为 1, 2, ..., 30000。之后，他把自己的战舰也依次编号为 1, 2, ..., 30000，让第  $i$  号战舰处于第  $i$  列 ( $i = 1, 2, \dots, 30000$ )，形成“一字长蛇阵”，诱敌深入。这是初始阵形。当进犯之敌到达时，杨威利会多次发布合并指令，将大部分战舰集中在某几列上，实施密集攻击。合并指令为  $M\ i\ j$ ，含义为让第  $i$  号战舰所在的整个战舰队列，作为一个整体（头在前尾在后）接至第  $j$  号战舰所在的战舰队列的尾部。显然战舰队列是由处于同一列的一个或多个战舰组成的。合并指令的执行结果会使队列增大。

然而，老谋深算的莱因哈特早已在战略上取得了主动。在交战中，他可以通过庞大的情报网络随时监听杨威利的舰队调动指令。

在杨威利发布指令调动舰队的同时，莱因哈特为了及时了解当前杨威利的战舰分布情况，也会发出一些询问指令： $C\ i\ j$ 。该指令意思是，询问电脑，杨威利的第  $i$  号战舰与第  $j$  号战舰当前是否在同一列中，如果在同一列中，那么它们之间布置有多少战舰。

作为一个资深的高级程序设计员，你被要求编写程序分析杨威利的指令，以及回答莱因哈特的询问。

最终的决战已经展开，银河的历史又翻过了一页……

## 【输入文件】

输入文件 `galaxy.in` 的第一行有一个整数  $T$  ( $1 \leq T \leq 500,000$ )，表示总共有  $T$  条指令。

以下有  $T$  行，每行有一条指令。指令有两种格式：

1.  $M\ i\ j$  :  $i$  和  $j$  是两个整数 ( $1 \leq i, j \leq 30000$ )，表示指令涉及的战舰编号。该指令是莱因哈特窃听到的杨威利发布的舰队调动指令，并且保证第  $i$  号战舰与第  $j$  号战舰不在同一列。
2.  $C\ i\ j$  :  $i$  和  $j$  是两个整数 ( $1 \leq i, j \leq 30000$ )，表示指令涉及的战舰编号。该指令是莱因哈特发布的询问指令。

## 【输出文件】

输出文件为 `galaxy.out`。你的程序应当依次对输入的每一条指令进行分析和处理：

如果是杨威利发布的舰队调动指令，则表示舰队排列发生了变化，你的程序要注意到这一点，但是不要输出任何信息；

如果是莱因哈特发布的询问指令，你的程序要输出一行，仅包含一个整数，

表示在同一列上，第 i 号战舰与第 j 号战舰之间布置的战舰数目。如果第 i 号战舰与第 j 号战舰当前不在同一列上，则输出 -1。

【样例输入】

4  
M 2 3  
C 1 2  
M 2 4  
C 4 2

【样例输出】

-1  
1

【样例说明】

战舰位置图：表格中阿拉伯数字表示战舰编号

	第一列	第二列	第三列	第四列	.....
初始时	1	2	3	4	.....
M 2 3	1		3 2	4	.....
C 1 2	1 号战舰与 2 号战舰不在同一列，因此输出 -1				
M 2 4	1			4 3 2	.....
C 4 2	4 号战舰与 2 号战舰之间仅布置了一艘战舰，编号为 3，输出 1				

## 调皮的小孩

### 【问题描述】

一群小孩在草坪上玩游戏，十分开心，一个喜欢猎奇的过路人走过来问他们：

“孩子们，你们在玩什么游戏呢？”

“我们中有一个人当裁判，剩下的人分成两队：星星队有  $N$  个人，月亮队有  $M$  个人。如果你猜对了谁是裁判，我就告诉你玩的是什么游戏。”

“好啊。不过，总得给我点提示吧？”

“那当然。你可以问我们某人是不是属于某队，而不能问某人是不是裁判。被问到的星星队的队员总是告诉你正确的答案；月亮队的队员总是告诉你错误的答案；而裁判，在你向他问奇数次的时候他会告诉你正确的答案，偶数次的时候会告诉你错误的答案。”

“哦，明白了。可以随便提问题吗？”

“你不许问任何人关于他自己的问题。例如，你不许问我：‘你是不是星星队的？’你也不能向任何一个人询问两次关于同一个人的问题。例如，你曾问过我丁丁是不是星星队的，你就不能再问我丁丁是不是月亮队的。最后，请你尽量不要问同一个人太多的问题，因为他还要接着玩呢，没时间老回答你的问题。”

过路人很聪明，不仅猜出了谁是裁判，还说出了剩下的每个人是哪个队的。你也来试试吧！

### 【交互】

本题是一道交互式题目，你的程序应当和测试库进行交互，而不得访问任何文件。测试库提供三个函数：GetNM，Ask，Answer，它们的作用和用法如下：

- Ø GetNM( $N, M$ ) 必须首先调用，用它来获得正整数  $N, M$  的值。( $2 \leq N+M \leq 500$ )。
- Ø Ask(Child1, Child2,  $T$ ) 的作用是询问。其中  $1 \leq \text{Child1}, \text{Child2} \leq N+M+1$ ，且  $\text{Child1} \neq \text{Child2}$ 。 $T$  非 0 即 1， $T$  为 0 表示星星队，为 1 表示月亮队。即询问小孩 Child1 “小孩 Child2 是不是属于  $T$  队”。若函数返回 1，表示 Child1 回答说“是”；若函数返回 0，表示 Child1 回答“否”。
- Ø Answer(Ans) 用来告诉测试库你猜的答案。参数 Ans 的值为 0，1，2。为 0 表示星星队，为 1 表示月亮队，为 2 表示裁判。你应当连续调用  $N+M+1$  次本过程，从 1 号开始到  $N+M+1$  号为止依次说明每个小孩的角色，注意仅有一个裁判。调用完  $N+M+1$  次本过程后，测试库会终止你的程序，切记你的程序不得自行终止。

### 【一个成功交互的例子】

函数调用	返回值	说明
GetNM(N,M)	N=1, M=1	星星队和月亮队各有一名队员
Ask(1,2,0)	0	问小孩 1: “小孩 2 是不是星星队的?” 答: “否”
Ask(2,1,0)	1	问小孩 2: “小孩 1 是不是星星队的?” 答: “是”
Ask(3,1,1)	0	问小孩 3: “小孩 1 是不是月亮队的?” 答: “否”
Answer(2)	无	小孩 1 是裁判。
Answer(1)	无	小孩 2 是月亮队的。
Answer(0)	无	小孩 3 是星星队的。

### 【对 Pascal 程序员的提示】

你的程序应当使用下列语句引用测试库:

```
uses childlib;
```

测试库提供的函数/过程原型为:

```
procedure GetNM(var N,M:integer);
```

```
function Ask(Child1,Child2,T:integer):integer;
```

```
procedure Answer(Ans:integer);
```

### 【对 C/C++程序员的提示】

你应当建立一个工程, 把文件 childlib.o 包含进来, 然后在程序头加上一行:

```
#include "childlib.h"
```

测试库提供的函数原型为:

```
void GetNM(int *N, int *M);
```

```
int Ask(int Child1, int Child2, int T);
```

```
void Answer(int Ans);
```

### 【评分方法】

如果你的程序有下列情况之一, 得 0 分:

- Ø 访问了任何文件(包括临时文件)或者自行终止;
- Ø 非法调用库函数;
- Ø 让测试库异常退出。

否则每个测试点你的得分按这样来计算:

1. 你只猜对了裁判是谁而没有完全猜对其余孩子所在的队。在这种情况下, 如果你对某个小孩提了三个以上(含三个)的问题, 那么你只能得 40% 的分, 否则可以得 60% 的分;
2. 你猜对了裁判是谁以及其余所有孩子所在的队。在这种情况下, 如果你对某个小孩提了三个以上(含三个)的问题, 那么你只能得 70% 的分, 否则你将得到该测试点的满分。

【你如何测试自己的程序】

1. 在工作目录下建立一个文本文件 `child.in`，文件第一行包括两个整数 `N`，`M`，第二行包括 `N+M+1` 个数（数的取值为 0,1,2），第 `k` 个数为小孩 `k` 所在的队，0 表示星星队，1 表示月亮队，2 表示裁判。样例输入文件存放在用户目录中。
2. 执行你的程序，此时测试库会产生输出文件 `child.log`。
3. 如果程序正常结束，`child.log` 的第一行包含一个整数 `P`，即被询问次数最多的小孩被问了多少次（超过 10 次的按 10 次计）。第二行包含 `N+M+1` 个数，依次为你的程序对每个孩子的猜测结果。  
如果程序非法退出，则 `child.log` 会记录如下内容：“Abnormal Termination”。
4. 在工作目录下执行程序 `check`，会在屏幕上看到你的得分。

# 贪吃的九头龙

## 【问题描述】

传说中的九头龙是一种特别贪吃的动物。虽然名字叫“九头龙”，但这只是说它出生的时候有九个头，而在成长的过程中，它有时会长出很多的新头，头的总数会远大于九，当然也会有旧头因衰老而自己脱落。

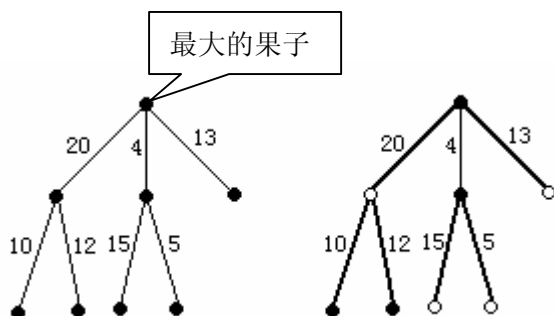
有一天，有  $M$  个脑袋的九头龙看到一棵长有  $N$  个果子的果树，喜出望外，恨不得一口把它全部吃掉。可是必须照顾到每个头，因此它需要把  $N$  个果子分成  $M$  组，每组至少有一个果子，让每个头吃一组。

这  $M$  个脑袋中有一个最大，称为“大头”，是众头之首，它要吃掉恰好  $K$  个果子，而且  $K$  个果子中理所当然地应该包括唯一的一个最大的果子。果子由  $N-1$  根树枝连接起来，由于果树是一个整体，因此可以从任意一个果子出发沿着树枝“走到”任何一个其他的果子。

对于每段树枝，如果它所连接的两个果子需要由不同的头来吃掉，那么两个头会共同把树枝弄断而把果子分开；如果这两个果子是由同一个头来吃掉，那么这个头会懒得把它弄断而直接把果子连同树枝一起吃掉。当然，吃树枝并不是很舒服的，因此每段树枝都有一个吃下去的“难受值”，而九头龙的难受值就是所有头吃掉的树枝的“难受值”之和。

九头龙希望它的“难受值”尽量小，你能帮它算算吗？

例如图 1 所示的例子中，果树包含 8 个果子，7 段树枝，各段树枝的“难受值”标记在了树枝的旁边。九头龙有两个脑袋，大头需要吃掉 4 个果子，其中必须包含最大的果子。即  $N=8$ ， $M=2$ ， $K=4$ ：



图一

大头吃 4 个果子，用实心点标识；  
小头吃 4 个果子，用空心点标识；  
九头龙的难受值为 4，因为图中用细边标记的树枝被大头吃掉了。

图二

图一描述了果树的形态，图二描述了最优策略。

**【输入文件】**

输入文件 `dragon.in` 的第 1 行包含三个整数  $N$  ( $1 \leq N \leq 300$ ),  $M$  ( $2 \leq M \leq N$ ),  $K$  ( $1 \leq K \leq N$ )。  $N$  个果子依次编号  $1, 2, \dots, N$ , 且最大的果子的编号总是 1。第 2 行到第  $N$  行描述了果树的形态, 每行包含三个整数  $a$  ( $1 \leq a \leq N$ ),  $b$  ( $1 \leq b \leq N$ ),  $c$  ( $0 \leq c \leq 10^5$ ), 表示存在一段难受值为  $c$  的树枝连接果子  $a$  和果子  $b$ 。

**【输出文件】**

输出文件 `dragon.out` 仅有一行, 包含一个整数, 表示在满足“大头”的要求的前提下, 九头龙的难受值的最小值。如果无法满足要求, 输出 -1。

**【样例输入】**

```
8 2 4
1 2 20
1 3 4
1 4 13
2 5 10
2 6 12
3 7 15
3 8 5
```

**【样例输出】**

```
4
```

**【样例说明】**

该样例对应于题目描述中的例子。