

# 昆明理工大学 2013 级 试卷 (A 卷)

考试科目: 高等数学 A (2) 考试日期: 2014-6-20 命题教师: 命题小组

题号	一	二	三	四	总分
评分					
阅卷人					

一、 填空题 (每题 4 分, 共 40 分):

1. 设  $f(x, y) = \arctan \frac{y}{1+x^2}$ , 则  $f_y(0, 0) =$  \_\_\_\_\_;

2. 设  $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ , 则  $dz =$  \_\_\_\_\_;

3. 曲面  $x^2 + y^2 + z^2 = 14$  上点  $(1, -2, 3)$  处的切平面方程为

\_\_\_\_\_;

4. 设  $D$  为  $x^2 + y^2 \leq 1$ , 则  $\iint_D (1 - \sqrt{x^2 + y^2}) d\sigma =$  \_\_\_\_\_;

5. 设  $D$  是平面区域  $x^2 + y^2 \leq 1$ , 则  $\iint_D f(\sqrt{x^2 + y^2}) d\sigma$  在极坐标下的二次积

分为 \_\_\_\_\_;

6. 设  $\Omega$  是半球体  $0 \leq z \leq \sqrt{1 - x^2 - y^2}$ , 则  $\iiint_{\Omega} f(\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}) dv$  在球面坐

标下的三次积分为 \_\_\_\_\_;

7. 交换积分次序  $\int_0^1 dx \int_x^1 e^{y^2} dy =$  \_\_\_\_\_;

8. 设  $\Sigma$  为  $xoy$  上的区域  $x^2 + y^2 \leq 1$ , 则  $\iint_{\Sigma} (1 + xyz) dS =$  \_\_\_\_\_;

9. 微分方程  $y'' - 2y' + 2y = 0$  的通解  $Y =$  \_\_\_\_\_;

10. 微分方程  $y'' - 2y' + 2y = x^2 e^x$  的特解形式  $y^* =$  \_\_\_\_\_.

二、 计算题（每题 7 分，共 21 分）：

11. 由方程  $e^z + xyz = 2$  所确定的隐函数  $z = z(x, y)$ ，求  $\frac{\partial z}{\partial x}, \frac{\partial z}{\partial y}$ ；

12. 求  $f(x, y) = x^3 - 4x^2 + 2xy - y^2$  的极值；

13. 求对坐标的曲线积分  $\int_{(0,0)}^{(6,8)} xdx + ydy$  的值。

三、 计算题（每题 7 分，共 21 分）：

14. 求  $\oint_L (x+y)ds$ ，其中  $L$  是  $x+y=1$  与  $x$  轴及  $y$  轴所围区域的整个边界；

15.  $ydx = (y^2 + x)dy$ ；

16.  $y'' = 1 + (y')^2, y(0) = y'(0) = 0$ .

四、综合应用题（每题 6 分，共 18 分）：

17. 求  $\oint_L xydx + (x + e^y)dy$ ，其中  $L$  为圆周  $x^2 + y^2 = 1$  取逆时针方向；

18. 计算  $\iint_{\Sigma} xdydz + ydzdx + zdx dy$ ，其中  $\Sigma$  为半球面  $z = \sqrt{1 - x^2 - y^2}$  取上侧；

19. 试用重积分求  $z = \sqrt{x^2 + y^2}$  与  $z = 1 + \sqrt{1 - x^2 - y^2}$  所围立体的体积.