

昆明理工大学2014级试卷 A卷

考试科目: 高等数学A(1) 考试日期: 2015-01-08 命题教师: 命题小组

题号	一	二	三	四	五	总分
评分						
阅卷人						

一、单项选择题 (将正确的答案填在括号内; 每小题4分, 共24分)

1. 已知向量 $\vec{a} = (2, 1, -1)$, $\vec{b} = (1, -2, 2)$, 则 $\vec{a} \times \vec{b} = (\quad)$.

- (A) $(0, 5, -5)$ (B) -2 (C) $(0, -5, -5)$ (D) 2

2. 极限 $\lim_{x \rightarrow 0} e^{\frac{1}{x}} = (\quad)$.

- (A) $+\infty$ (B) 不存在 (C) 0 (D) $-\infty$

3. 设 $f(x) = \frac{\sin x}{x}$, 则 $x=0$ 是 $f(x)$ 的 (\quad) .

- (A) 可去间断点 (B) 跳跃间断点

- (C) 无穷间断点 (D) 振荡间断点

4. 设 $f(x)$ 可导, 且 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(1) - f(1-2x)}{x} = 2$, 则曲线 $y = f(x)$ 在 $(1, f(1))$ 处的切线的斜率是 (\quad) .

- (A) 2 (B) -2

- (C) 1 (D) -1

5. 设函数 $f(x)$ 可微, $y = f(\ln x)e^{f(x)}$, 则 $dy = (\quad)$.

- (A) $f'(\ln x)e^{f(x)}f'(x)dx$ (B) $e^{f(x)}(f'(\ln x)\frac{1}{x} + f(\ln x)f'(x))dx$

- (C) $e^{f(x)}(f'(\ln x)\frac{1}{x} + f(\ln x)f'(x))$ (D) $e^{f(x)}(f'(\ln x) + f'(x))dx$

6. 下列级数中收敛的是 (\quad) .

(A) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n(n+1)}}$

(B) $\sum_{n=1}^{\infty} \sin \frac{1}{n}$

(C) $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{\sqrt{n^3}}$

(D) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n+1} - \sqrt{n})$

二、填空题（每小题 4 分，共 24 分）

7. 两平面 $\begin{cases} 2x-3y+4z=12 \\ x+4y-2z=10 \end{cases}$ 的交线在 xoy 面上的投影是 _____.

8. 已知向量 $\vec{a}=(1,-2,1)$ 与 $\vec{b}=(2,3,\lambda)$ 垂直，则 $\lambda=$ _____.

9. 设 $f(x)=xe^x$ ，则 $f(x)$ 的 n 阶导数 $f^{(n)}(x)=$ _____.

10. $\sec x \tan x dx = d($ _____ $)$.

11. 反常积分 $\int_1^{\infty} \frac{dx}{x^2}$ 的敛散性为_____（填收敛或发散）.

12. 设 $f(x)=\int_x^{x^3} e^{t^2} dt$ ，则 $f'(x)=$ _____.

三、 计算题(每小题 6 分，共 12 分).

13. 求从点 $(1, -1, 1)$ 到直线 $L: \begin{cases} y-z+1=0 \\ x=0 \end{cases}$ 的垂线方程.

14. 求极限 $\lim_{x \rightarrow 0} \left[\frac{1}{\ln(1+x^2)} - \frac{\sin x}{\tan x \ln(1+x^2)} \right]$.

四、计算题(每小题 6 分, 共 30 分).

15. 求函数 $y = x^{\cot x}$ 的导数.

16. 设函数 $y = y(x)$ 由方程 $y = 1 + xe^y$ 确定, 求 $y''(x)$.

17. 求不定积分 $\int e^x \sin x dx$.

18. 求定积分 $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{\cos x - \cos^3 x} dx$.

19. 将 $f(x) = a^x$ ($a > 0, a \neq 1$) 展开为关于 x 的幂级数, 并求展开式成立的区间.

五、综合题与证明题 (每小题 5 分, 共 10 分)

20. 设 $f(x)$ 在 $[-a, a]$ 上连续, 证明: $\int_{-a}^a f(x) dx = \int_0^a (f(-x) + f(x)) dx$; 并利

用该结论计算定积分 $\int_{-1}^1 \frac{x^3 \sin^2 x + 1}{1 + x^2} dx$ 的值.

21. 讨论方程 $\ln x = kx$ (其中 $k > 0$) 有几个实根.