第七章 静电场中的导体和电介质

一、选择题:

- 1. 已知厚度为d的无限大带电导体平板,两表面上电荷均匀分布,电荷面密度均为 σ ,如 图所示,则板外两侧的电场强度的大小为: []

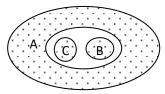
- (A) $E = \frac{\sigma}{2\varepsilon_0}$ (B) $E = \frac{2\sigma}{\varepsilon_0}$ (C) $E = \frac{\sigma}{\varepsilon_0}$ (D) $E = \frac{\sigma d}{2\varepsilon_0}$



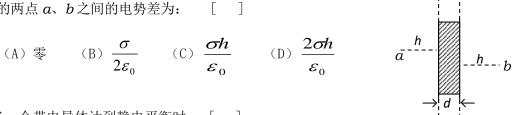
- 2. 两个同心薄金属体,半径分别为 R_1 和 R_2 , $(R_1 < R_2)$,若分别带上电量为 q_1 和 q_2 的电荷, 则两者的电势分别为 U_1 和 U_2 (选无穷远处为电势零点),现用导线将两球壳相连接,则它 们的电势为: []

- (A) U_1 (B) U_2 (C) $U_1 + U_2$ (D) $\frac{1}{2}(U_1 + U_2)$
- 3. 如图所示,一封闭的导体壳 A 内有两个导体 B 和 C, A、C 不带电, B 带正电,则 A、B、 C 三导体的电势 $U_{\scriptscriptstyle A}$ 、 $U_{\scriptscriptstyle B}$ 、 $U_{\scriptscriptstyle C}$ 的大小关系是: []

 - (A) $U_{\scriptscriptstyle A} = U_{\scriptscriptstyle B} = U_{\scriptscriptstyle C}$ (B) $U_{\scriptscriptstyle B} > U_{\scriptscriptstyle A} = U_{\scriptscriptstyle C}$
 - (C) $U_B > U_C > U_A$ (D) $U_B > U_A > U_C$

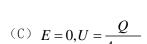


- 4. 一厚度为d 的"无限大"均匀带电导体板,电荷面密度为 σ ,则板的两侧离板的距离均 为h的两点 a、b之间的电势差为: []

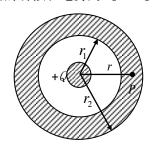


- 5. 当一个带电导体达到静电平衡时: []
 - (A) 表面上电荷密度较大处电势较高;
 - (B) 表面曲率较大处电势较高;
 - (C) 导体内部的电势比导体表面的电势高;
 - (D) 导体内任一点与其表面上任一点的电势差等于零。

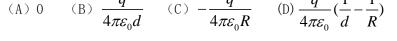
- 6. 如图所示,一均匀带电球体,总电量为+Q,其外部同心地罩一内、外半径分别为 r_i 、 r_2 的金属球壳,设无穷远处为电势零点,则在球壳内半径为r的P点处的场强和电势为:[
 - (A) $E = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}, U = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 r}$ (B) $E = 0, U = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 r_1}$



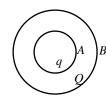
(C) $E = 0, U = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 r}$ (D) $E = 0, U = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 r_0}$



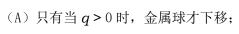
- 7. 一个未带电的空腔导体球壳,内半径为R,在腔内离球心0距离为d处(d < R)固定一 电量为+q的点电荷,用导线把球壳接地后,再把地线撤去,选无穷远 处为电势零点,则球心0处的电势为:
 - (A) 0 (B) $\frac{q}{4\pi\varepsilon_0 d}$ (C) $-\frac{q}{4\pi\varepsilon_0 R}$ (D) $\frac{q}{4\pi\varepsilon_0}(\frac{1}{d}-\frac{1}{R})$



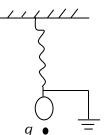
- 8. 金属球 A与同心球壳 B组成电容器, 球 A上带电荷 q , 壳 B上带电荷
- Q,测得球与壳间电势差为 U_{AB} ,可知该电容器的电容值为: [



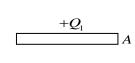
- (A) $\frac{q}{U_{AB}}$ (B) $\frac{Q}{U_{AB}}$ (C) $\frac{q+Q}{U_{AB}}$ (D) $\frac{q+Q}{2U_{AB}}$
- 9. 如图所示,有一接地的金属球,用一弹簧吊起,金属球原来不带电,若在它的下方放置
- 一电量为q的点电荷,则 []



- (B) 只有当q<0时,金属球才下移;
- (C) 无论 q 是正是负, 金属球都下移;
- (D) 无论 q 是正是负, 金属球都不动。



- 10. $A \times B$ 为两导体大平板,面积均为 S,平行放置,如图所示,A 板带电荷 +Q ,B 板带电
- 荷 $+Q_2$,如果使 B 板接地,则 AB 间电场强度的大小 E 为: []



- (A) $\frac{Q_1}{2\varepsilon_0 S}$ (B) $\frac{Q_1 Q_2}{2\varepsilon_0 S}$ (C) $\frac{Q_1}{\varepsilon_0 S}$ (D) $\frac{Q_1 + Q_2}{2\varepsilon_0 S}$

17. 面积为 S 的空气平行板电容器,极板上分别带电量 $\pm q$,若不考虑边缘效应,则两极板间的相互作用力为:

(A) $\frac{q^2}{\varepsilon_0 S}$ (B) $\frac{q^2}{2\varepsilon_0 S}$ (C) $\frac{q^2}{2\varepsilon_0 S^2}$ (D) $\frac{q^2}{\varepsilon_0 S^2}$

(C) 3C/2 (D) 2C

学院:	专业:	学号:	姓名:

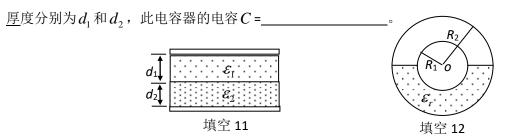
18. 三块互相平行的导体板,相互之间的距离 d_1 和 d_2 比板面积线度小得多,外面二板用导 线连接,中间板上带电,左右两面上电荷面密度分别为 σ_1 和 σ_2 , 如图所示,则 σ_1/σ_2 为: [] (A) d_1/d_2 (B) d_2/d_1 (C) 1 (D) d_2^2/d_1^2 19. 极板间为真空的平行板电容器,充电后与电源断开,将两极板用绝缘工具拉开一些距 离,则下列说法正确的是: [] (A) 电容器极板间的电势差增大; (B) 电容器极板间的电场强度增加; (C) 电容器的电容不变; (D) 电容器极板上电荷面密度增加。 20. C₁和 C₂两个电容器, 其上分别标明 200pF (电容量)、500V (耐压值)和 300pF、900V, 把它们串连起来在两端加上 1000V 电压,则 [] (A) C₁被击穿, C₂不被击穿; (B) C₂被击穿, C₁不被击穿; (C) 两者都被击穿; (D) 两者都不被击穿。 21. 一空气平行板电容器充电后与电源断开,然后在两极板间充满某种各向同性,均匀电 介质,则电场强度的大小 E、电容 C、电压 U、电场能量 W 四个量各自与充入介质前相比较, 增大(↑)或减小(↓)的情形为: 「 1 (A) $E \uparrow$, $C \uparrow$, $U \uparrow$, $W \uparrow$ (B) $E \downarrow$, $C \uparrow$, $U \downarrow$, $W \downarrow$ (C) $E \downarrow$, $C \uparrow$, $U \uparrow$, $W \downarrow$ (D) $E \uparrow$, $C \downarrow$, $U \downarrow$, $W \uparrow$ 22. 若某带电体的电荷分布的体密度 ρ 增大为原来的 2 倍,则其电场能量变为原来的 [] (A) 2倍 (B) 1/2 倍 (C) 4倍 (D) 1/4 倍 23、用力 F 把电容器中的电介质拉出,在图(a)和图(b)的两种情况下, 电容器中储存 的静电能量将 [] (A) 都增加; (B) 都减少; (C)(a)增加, (b)减少; (D)(a)减少, (b)增加。 (a) 充电后与电源连接 (b) 充电后与电源断开

24. 一平行板电容器, 充电后与电源保持联接, 然后使两极板间充满相对介电常数为 ε 的 各向同性均匀介质,这时两极板上的电荷、两极板间的电场强度、总的电场能量分别是原来 的 []

- (A) ε_r 倍, 1 倍和 ε_r 倍; (B) $1/\varepsilon_r$ 倍, 1 倍和 ε_r 倍;
- (C) 1 倍, $1/\varepsilon_r$ 倍和 ε_r 倍; (D) ε_r 倍, 1 倍和 $1/\varepsilon_r$ 倍。

一 谊空師。

二、 吳工燈:			
1. 两同心导体球壳,内球壳分布为: 内表面带电量为2. 将一负电荷从无穷远处移的电势。(填增大、7	; 外表面带电量为 到一个不带电的导体附近	_	
3. 一任意形状的带电导体,	其电荷面密度分布为 σ (x	с, y、z), 则在导	体表面外附近任意
点处的电场强度的大小 $E(x,$	y, z) =	_,其方向	0
4. 一带电量为 q 半径为 r_{A} 的	金属球 A,与一不带电、	内外半径分别为 $r_{\scriptscriptstyle B}$	和 r_{C} 的金属球壳 B
同心放置,如图所示,则图中	P 点的电场强度 $ec{E}$ =	,	F ₀
电势 <i>U</i> =	;如果用导线将 A、	B 连接起来, <i>B</i>	$A \stackrel{r_c}{\smile} \stackrel{a}{\smile} $
则 A 球的电势 U =			P
5. 如图所示,把一块原来不靠置,设两板面积都是 S ,板间距两板间电势差 U_{AB} =	三离是 <i>d</i> , 忽略边缘效应,날 ;		的金属板 A,平行放 S + + + d → S
B 板接地时,两板间电势差 U	°		
6. A、B 为靠得很近的两块平			
A 板带电量为 q_A ,B 板带电量	为 $q_{\scriptscriptstyle B}$,且 $q_{\scriptscriptstyle A} > q_{\scriptscriptstyle B}$,则A有	以 的内侧带电量为	;
两板间电势差 $U_{AB}=$	°		
7. 如图所示,平行板电容器中质,图中画出两组带有箭头的位移线,则其中实线为。	的线分别表示电场线、电		
8. 半径为 R_1 和 R_2 的两个同年	曲金属圆筒,其间充满着	相对介电常数为 $oldsymbol{arepsilon}_r$	的均匀介质,设两
筒上单位长度带电量分别为+	$-\lambda$ 和 $-\lambda$,则介质中的电	位移矢量的大小D	=,
电场强度的大小E=	o		
9. 一空气平行板电容器,两	极板间距为 d ,极板上带	电量分别为+q和-	-q, 板间电势差为
U, 在忽略边缘效应的情况	下,板间场强大小为	,若在两板间	平行地插入一厚度
为 $t(t < d)$ 的金属板,则板间	电势差变为	,此时电容值等于	0

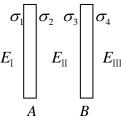


- 12. 球形电容器的内、外半径分别为 R_1 和 R_2 $(R_2-R_1 << R_2)$,其间一半充满相对介电常量为 ε_r 的均匀电介质,此电容器的电容C=______。
- 13. A、B 为两个电容值都等于 C 的电容器,已知 A 带电量为 Q,B 带电量为 2Q,现将 A、B 并联后,系统电场能量的增量 \triangle W=____。
- 14. 真空中,半径为 R_1 和 R_2 的两个导体球,相距很远,则两球的电容之比 C_1/C_2 =____。 当用细长导线将两球相连后,电容C =_____,今给其带电,平衡后两球表面附近场强之比 E_1/E_2 =____。
- 15. 地球表面附近的电场强度为 100N/C,方向垂直地面向下,假设地球上的电荷都均匀分布在地表面上,则地面上的电荷面密度 σ = ________,是_____号电荷(正或负)。
 16. A、B 两个导体球,相距甚远,因此均可看成是孤立的,其中 A 球原来带电,B 球不带电,现用一根细长导线将两球连接,则球上分配的电量与球半径成_______比。
- 17. 一平行板电容器的电容值 C=100pf,面积 $S=100cm^2$,两板间充以相对介电常数为 $\mathcal{E}_r=6$ 的云母片。当把它接到 50V 的电源上时,云母中电场强度的大小 E=_______, 金属板上的自由电荷电量 q=______。

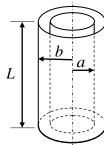
- (3) 在上述两种情况下电容器系统的总电能之比是____。

三、计算题:

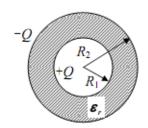
1. 有两块面积为S的大金属平板A、B平行放置,A带电量为 Q_1 ,B带电量为 Q_2 ,求静电平衡时,金属板上的电荷分布及周围空间的电场。



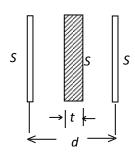
- 2. 一电容器由两个同轴圆筒组成,内筒半径为a,外筒半径为b,筒长都是L,中间充满相对介电常数为 ε_r 的各向同性均匀电介质,内、外筒分别带有等量异号电荷+Q和-Q,设b-a<<a,L>>b,可以忽略边缘效应,求:
 - (1) 半径r处(a < r < b)的电位移的大小D;
 - (2) 半径r处((a < r < b))的电场强度的大小E;
 - (3) 两极板间电势差的大小U;
 - (4) 圆柱形电容器的电容C;
 - (5) 电容器贮存的电场能量W。



- 3. 一球形电容器两个极板由同心导体球面组成,内球面半径为 R_1 ,外球面半径为 R_2 ,两球面间充满了电容率(相对介电常数)为 ε_r 的各向同性均匀电介质,如果内、外球面分别带有等量异号电荷+Q和-Q,求:
 - (1) 半径 $r(R_1 \le r \le R_2)$ 处的电位移的大小D;
 - (2) 半径 $r(R_1 < r < R_2)$ 处的电场强度的大小 E;
 - (3) 两极板间的电势差U;
 - (4) 球形电容器的电容C;
 - (5) 电容器贮存的电场能量W。



- 4. 一空气平行板电容器,两极板面积均为 S,板间距离为 d (d 远小于极板线度),在两板间平行地插入一面积也是 S、厚度为 t (t < d)的金属板,则:
- (1) 电容器电容C等于多少? (2) 金属板放在两极板间的位置对电容值有无影响?



第七章 静电场中的导体和电介质习题参考答案

一、选择题:

二、填空题:

4. 0,
$$\frac{q}{4\pi\varepsilon_0} (\frac{1}{r_A} - \frac{1}{r_B} + \frac{1}{r_C}); \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r_C}$$

5.
$$Qd/2\varepsilon_0 S$$
, $Qd/\varepsilon_0 S$

6.
$$\frac{1}{2}(q_A-q_B)$$
, $(q_A-q_B)d/2\varepsilon_0S$

8.
$$\lambda/2\pi r$$
, $\lambda/2\pi\varepsilon_0\varepsilon_r r$

9.
$$\frac{U}{d}$$
, $\frac{U}{d}(d-t)$, $\frac{q}{U}\frac{d}{d-t}$

10.
$$\sigma$$
, $\sigma/(\varepsilon_0 \varepsilon_r)$

11.
$$C = \frac{\varepsilon_1 \varepsilon_2 S}{d_1 \varepsilon_2 + d_2 \varepsilon_1}$$

12.
$$C = C_1 + C_2 = \frac{2\pi\varepsilon_0(1+\varepsilon_r)R_1R_2}{R_2 - R_1}$$

13.
$$-Q^2/(4C)$$

14.
$$R_1/R_2$$
; $4\pi\varepsilon_0(R_1+R_2)$; R_2/R_1

17.
$$9.42 \times 10^3 V \cdot m^{-1}$$
, $5 \times 10^{-9} C$

18.
$$r_1^2/r_2^2$$
;

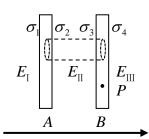
三、计算题:

1. 解:静电平衡时,电荷只分布在金属板表面,电荷面密度如图。

由电荷守恒定律有:
$$\sigma_1 + \sigma_2 = \frac{Q_1}{S}$$
 (1)

$$\sigma_3 + \sigma_4 = \frac{Q_2}{S} \tag{2}$$

由高斯定律有: $\sigma_2 + \sigma_3 = 0$ (3)



(图中闭合圆柱面的电通量为零,则包围的电量代数和为零。)

由场强叠加原理,金属板内的场强为四个带电面的场强的叠加,有:

$$E_P = \frac{\sigma_1}{2\varepsilon_0} + \frac{\sigma_2}{2\varepsilon_0} + \frac{\sigma_3}{2\varepsilon_0} - \frac{\sigma_4}{2\varepsilon_0} = 0$$

则有: $\sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3 - \sigma_4 = 0$ (4)

联立以上四式解得:
$$\sigma_1 = \frac{Q_1 + Q_2}{2S}$$
, $\sigma_2 = \frac{Q_1 - Q_2}{2S}$, $\sigma_3 = -\frac{Q_1 - Q_2}{2S}$, $\sigma_4 = \frac{Q_1 + Q_2}{2S}$

(两金属平板上电荷分布:相对两个面电荷密度大小相等,符号相反,即 $\sigma_2=-\sigma_3$;相背两个面电荷密度大小相等,符号相同,即 $\sigma_1=\sigma_4$)

以向右为正方向,(设
$$Q_1 > Q_2$$
)有: $E_1 = -\frac{\sigma_1}{\varepsilon_0} = -\frac{Q_1 + Q_2}{2\varepsilon_0 S}$ (方向向左)

$$E_{\text{II}} = \frac{\sigma_2}{\varepsilon_0} = \frac{Q_1 - Q_2}{2\varepsilon_0 S}$$
 (方向向右), $E_{\text{III}} = \frac{\sigma_4}{\varepsilon_0} = \frac{Q_1 + Q_2}{2\varepsilon_0 S}$ (方向向右)

2. 解:由题给条件b-a << a,L >> b,忽略边缘效应,将两同轴圆筒导体看作是无限长带电体,自由电荷分布轴对称。取半径为 r(a < r < b),高为l 的共轴圆柱面为高斯面 S,根据高斯定理可以得到两同轴圆筒导体之间的电位移为:

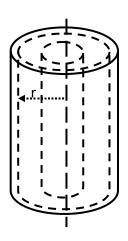
$$\oint_{S} \vec{D} \cdot d\vec{s} = \Sigma q(\vec{P})$$

$$\oint_{\bot \vec{\mathrm{K}} \vec{\mathrm{B}}} \vec{D} \cdot d\vec{s} + \oint_{\lnot \vec{\mathrm{K}} \vec{\mathrm{B}}} \vec{D} \cdot d\vec{s} + \oint_{\texttt{M} \vec{\mathrm{B}}} \vec{D} \cdot d\vec{s} = 2\pi r l D = l \frac{Q}{L}$$

$$D = \frac{Q}{2\pi Lr}$$

同轴圆筒之间的电势差:

$$U = \int_{a}^{b} \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_{a}^{b} \frac{Q}{2\pi\varepsilon_{0}\varepsilon_{-}L} \frac{dr}{r} = \frac{Q}{2\pi\varepsilon_{0}\varepsilon_{-}L} \ln \frac{b}{a}$$



根据电容的定义:
$$C = \frac{Q}{U} = \frac{2\pi\varepsilon_0\varepsilon_r L}{\ln\frac{b}{a}}$$

电容器储存的能量:
$$W = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} = \frac{1}{2} CU^2 = \frac{1}{2} QU = \frac{Q^2}{4\pi\varepsilon_0\varepsilon_* L} \ln \frac{b}{a}$$

3. 解:自由电荷分布球对称,取半径为 $r(R_1 < r < R_2)$ 的同心球面为高斯面 S,根据高斯定理可以得到两球面导体之间的电位移为:

$$\oint_s \vec{D} \cdot d\vec{s} = \Sigma q(\vec{P})$$

$$\oint_{\mathbb{S}} \vec{D} \cdot d\vec{s} = 4\pi r^2 D = Q$$
,可得 $D = \frac{Q}{4\pi r^2}$

$$\vec{D} = \varepsilon \vec{E} \Rightarrow \vec{E} = \frac{\vec{D}}{\varepsilon} \Rightarrow E = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0\varepsilon_*r^2}$$

两极板间之间的电势差:

$$U = \int_{R_1}^{R_2} \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_{R_1}^{R_2} \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0\varepsilon_0} \frac{dr}{r^2} = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0\varepsilon_0} \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2}\right)$$

根据电容的定义:
$$C = \frac{Q}{U} = \frac{4\pi\varepsilon_0\varepsilon_r R_1 R_2}{R_2 - R_1}$$

电容器储存的能量:
$$W = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} = \frac{1}{2} C U^2 = \frac{1}{2} Q U = \frac{Q^2}{8\pi\varepsilon_0\varepsilon_r} (\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2})$$

4. 解: (1) 电容器两极板为 A、B, 设极板上带电量分别为 +q 和 -q;

金属板与 A 板距离为
$$d_1$$
,与 B 板距离为 d_2 ;

金属板与 A 板间场强为
$$E_1 = \frac{q}{\varepsilon_0 S}$$

金属板与 B 板间场强为
$$E_2 = \frac{q}{\varepsilon_0 S}$$

$$金属板内部场强为$$
 $E=0$

则两极板间的电势差为

$$\begin{array}{c|c}
+q \\
\hline
S \\
\hline
d_1 \\
\hline
d_2 \\
\hline
d_2 \\
\hline
s
\end{array}$$

 \boldsymbol{A}

$$U_{AB} = \int_{A}^{B} \vec{E} \cdot d\vec{l} = E_{1}d_{1} + E_{2}d_{2} = \frac{q}{\varepsilon_{0}S}(d_{1} + d_{2}) = \frac{q}{\varepsilon_{0}S}(d - t)$$

由此得
$$C = \frac{q}{U_{AB}} = \frac{\varepsilon_0 S}{d - t}$$

(2) 因 C 值仅与 d、t 有关,与 d_1 、 d_2 无关,故金属片的安放位置对电容值无影响。