

$$P \neq NP$$

Thomas Käfer

Juli 2025

## 1 Zusammenfassung

Es wurde lange diskutiert, ob zwischen *NP*-Probleme und *P*-Problemen eine Unterscheidung besteht. Das lässt sich mithilfe der *Strengen Logik* beweisen. Es ergibt sich, dass *NP*-Probleme in der *Reinen Logik* eine Entsprechung der *Angewandten Logik* haben.

## 2 Einführung

Zur Einführung wird kurz erklärt, was die *Strenge Logik* ist und die Behandlung des *Modus ponens* und die Umschreibung von *Babara* darin dargestellt.

### 2.1 Allgemeines zur Strengen Logik

Die *Strenge Logik* wurde von Walther Brüning 1996 in seinem Buch *Grundlagen der Strengen Logik* begründet. Dem Vorwort ist zu entnehmen, wie sie aufzufassen ist. Sie benötigt für ihren Aufbau lediglich das *Prinzip der Identität* und das *Prinzip der Limitation*, sowie die *Bejahung* (*A*) und die *Verneinung* (*N*).

Das *Prinzip der Identität* formuliert er (positiv) so: 'Jedes in der Logik Festgesetzte ist mit sich selbst und nur mit sich selbst identisch.'

Das *Prinzip der Limitation* formuliert er (positiv) so: 'Jedes Festgesetzte ist

1. von den anderen

2. aber auch nur von den anderen

limitativ unterschieden.'

Für eine genauere Erläuterung der Prinzipien, siehe das Buch (Seite 58f).

'Verletzt eine Logik die Prinzipien, so heißt sie *transgressiv*.' (Seite 50).

'Beim Rückgang zum Anfang des logischen Denkens' geht Brüning von der *dyadischen Stufe* (zwei Sachverhalte betreffend) zur *henadischen Stufe* (einen Sachverhalt betreffend) zurück. Hier soll zunächst die *henadische Stufe* erklärt werden (Seite 52f):

*Henadisch* bedeutet genau ein Sachverhalt wird betrachtet. Durch die logischen Prinzipien wird ein Grundbereich aufgespalten in zwei *Teilbereiche* (für eine genauere Erläuterung, siehe das Buch). Es entsteht ein Sachverhaltsbereich (Bereichsbezeichnung: *B*) und ein Komplement von *B* (Bereichsbezeichnung:

$\sim B$ ). Aufgrund der logischen Prinzipien können diese Teilbereiche kombinatorisch vier Möglichkeiten annehmen:

	$B$	$\sim B$
1	$A$	$A$
2	$N$	$N$
3	$A$	$N$
4	$N$	$A$

Tabelle 1: Henadische Stufe

Dies sind jeweils *synthetische Festsetzungen*. Zu beachten ist, dass es formallogisch keinen Vorrang affirmativer vor negativer Geltung gibt.

Die vier vollständigen henadischen Formeln stehen miteinander im Widerspruch. An mindestens einer Stelle treffen je zwei Formeln  $A$  und  $N$  aufeinander:

Lässt man unvollständige Formeln zu ( $Au$ ,  $uA$ ,  $Nu$ ,  $uN$ ), so kann man hier schon eine Vorform logischer Ableitung aufzeigen. Logische Ableitung im strengen Sinn heißt ja, aus einer vorgegebenen Information einen Teil herauslösen.

Z. B. ist  $AN$  vorgegeben, so folgt daraus logisch  $Au$ :

$$AN \rightarrow Au$$

[...].'

Analog kann man bei weiteren Formeln vorgehen. Das sind Beispiele für *unmittelbare Schlüsse*.

Weiters:

'Aus der Annahme

*Es gibt keine Nicht-Menschen ( $uN$ )*

folgt nicht:

*Es gibt Menschen ( $Au$ )*

[...].'

Nun kann man die Festsetzung der ersten Teilung des Grundbereichs (die zur henadischen Stufe führte) erweitern.

'Bei einer ersten Erweiterung werden vier Affirmationen bzw. Negationen gleichzeitig verwendet. Dadurch wird der Grundbereich noch einmal geteilt und entsprechend ein neuer Sachverhalt samt Komplement ( $C$ ,  $\sim C$ ) eingeführt. Es ergibt sich die dyadische Stufe.

Zwischen der ersten Sachverhaltsebene ( $B$ ,  $\sim B$ ) und der zweiten ( $C$ ,  $\sim C$ ) bestehen vier Überschneidungsmöglichkeiten (die ihren Ausdruck in den entsprechenden Geltungswertstellen finden) [...].'

Analog zur monadischen Stufe ergeben sich 16 mögliche vollständige *Sachverhaltsverbindungen*.

'Analoge Erweiterungen können dann beliebig angefügt werden[.]

[...]

Es ist bei all dem Gesagten darauf zu achten, daß es sich hier im Bereich der Reinen Logik immer um Sachverhalte allgemeiner Natur handelt. Individuelle Sachverhalte werden erst in der Angewandten Logik berücksichtigt.'

Es kann zwischen Stufen oder innerhalb von Stufen geschlossen werden. Zum Schließen (hier und im Folgenden: auf derselben Stufe) ist Folgendes zu sagen (siehe das Buch, Seite 21ff): Der Übergang zu mittelbaren Schlüssen erfordert die Einführung eines zweiten Begriffs. Dazu: 'Die Geltungswertformeln sind entsprechend zu verlängern[.]' Es entstehen Gleichstellen die im Weiteren mit Kleinbuchstaben belegt werden. Weiters (siehe das Buch, Seite 23): 'Wie für das unmittelbare Schließen gilt auch für das mittelbare:

Eine logische Folgerung im strengen Sinne ist das Herauslösen eines Teilaspekts (Konklusion) aus einer vorgegebenen Information (Prämissen). Was dazu gebraucht wird, ist nur die Vorgabe der Information und das Prinzip der Identität.'

Der Schluss soll aus einer vorgegebenen Information den Teil herauslösen, der für die Konklusion relevant ist. Weiters dazu: 'Dabei werden die Gleichstellen der erwarteten Konklusion [...] im Hinblick auf mögliche Information aus den Prämissen durchgesehen, und so wird schrittweise die Formel der Konklusion aufgebaut[.]'

'Das [...] Schlußverfahren kann auf die folgenden beiden Regeln zurückgeführt werden:

1. Ist von zwei  $a$ -Gleichstellen der Prämissen eine blockiert (durch ein  $n$  der anderen Prämisse), so muß das  $a$  der anderen Gleichstelle in die Konklusion eingehen (Die entsprechenden Gleichstellen der Konklusion sind also  $a$ ).

2. Sind zwei Gleichstellen der Konklusion von den Prämissen her durch mindestens ein  $n$  blockiert, so müssen sie auch in der Konklusion beide  $n$  sein.

Die leitende Grundfrage bei dem Verfahren ist einfach: Welche Information der Prämissen ist für die Konklusion relevant.' (siehe das Buch, Seite 26f)

Wenn beide Regeln gleichzeitig (bei bestimmten Gleichstellen der Konklusion) angewandt werden müssten, ständen die Prämissen im Widerspruch zueinander (siehe dazu das Buch, Seite 88).

## 2.2 Bedingungsschlüsse und Modus ponens als Beispiel in der Strengen Logik

**Allgemeines.** Das angegebene Schlussverfahren kann auf den Modus ponens angewandt werden:

'In den verschiedenen Abschnitten der strengen Speziellen Logik werden jeweils einige zusätzliche Aspekte herausgestellt, die sich in dem entsprechenden Zusammenhang als besonders nützlich erweisen.

Das ist zum Beispiel der Fall bei den Bedingungsschlüssen der Prädikatenlogik [...].

Es ist aber wichtig zu sehen, daß alle diese Aspekte grundsätzlich für die gesamte Reine Logik Gültigkeit haben. [...]' (siehe das Buch, S.100)

**Bedingungsschlüsse.** 'Die Bedingungen, von denen die Schlüsse hier ausgehen, sind in Sachverhaltsverbindungen formuliert, deren Geltungswertformeln neben Unbestimmtheitszeichen nur  $N$  enthalten.' (siehe das Buch, Seite 104).

**Modus Ponens.** Die erste Prämisse ist eine Bedingung dyadischer (d. h. zwei Sachverhalte sind miteinander verbunden) Stufe (deshalb Großbuchstabe). Es handelt sich um einen Bedingungssatz (*Es gibt kein  $F$  ohne  $G$ .*). Die zweite Prämisse ist eine dyadisch verlängerte henadische (d. h. einen Sachverhalt betreffend) Formel (deshalb Kleinbuchstaben und Gleichstellen); ebenso die Konklusion. (Das unterstrichen geschriebene  $a$  geht in die Konklusion ein, weil das andere  $a$  der Gleichstelle von einem  $N$  blockiert wird.). Das hochgestellte  $c$  bedeutet *condicio* (siehe v. a. Seite 106):

	$F$ $G$	$\sim F$ $G$	$F$ $\sim G$	$\sim F$ $\sim G$
$F \supset^c G$	$u$	$u$	$N$	$u$
$F$	$\underline{a}$	$u$	$a$	$u$
$G$	$a$	$a$	$u$	$u$

Tabelle 2: Modus Ponens in der Strengen Logik

Die Spalten sind nach den verschiedenen möglichen Kombinationen getrennt. Die Verlängerung der Geltungswertformeln der Prämisse  $F$  bzw. der Konklusion  $G$  ergibt sich durch die Einführung des jeweils zweiten Begriffes  $G$  bzw.  $F$ . Ihr Wert bleibt deshalb bei der Erweiterung gleich (es bilden sich Gleichstellen).  $a$  – kurz für Affirmation (entspricht wahr);  $N$  – kurz für Negation (entspricht falsch);  $u$  – kurz für unbestimmt;  $\sim X$  – kurz für Komplement von  $X$ .

Das wäre also ein Beispiel für einen Bedingungsschluss.

## 2.3 Strenge Syllogistik von Brüning

**Urteile.** Universelle Urteile ziehen ein negatives Urteil über einen Teilbereich einer dyadischen Formel (Seite 8ff):

	$S$ $P$	$\sim S$ $P$	$S$ $\sim P$	$\sim S$ $\sim P$
$SaP$	$u$	$u$	$N$	$u$
$SeP$	$N$	$u$	$u$	$u$

Tabelle 3: Universelle Urteile in der Strengen Logik

Nämlich, dass  $S$  ohne  $P$  nicht sind ( $SaP$ ) bzw. dass  $S$  ohne  $\sim P$  nicht sind ( $SeP$ ).

Partikuläre Urteile ziehen ein affirmatives Urteil über einen Teilbereich einer dyadischen Formel:

	$S$	$\sim S$	$S$	$\sim S$
	$P$	$P$	$\sim P$	$\sim P$
$SiP$	$A$	$u$	$u$	$u$
$SoP$	$u$	$u$	$A$	$u$

Tabelle 4: Partikuläre Urteile in der Strengen Logik

Nämlich, dass einige  $S P$  sind ( $SiP$ ) und dass einige  $S \sim P$  sind ( $SoP$ ).

Es ist bekannt, dass die traditionelle Syllogistik Voraussetzungen über die Offenheit gegenüber Existenzen der Begriffe macht. Dadurch spezifizieren sich die universellen Urteile. Offenheit heißt nämlich in der Strengen Logik zunächst nur, dass  $A$ -Stellen möglich sein müssen. Und zwar für jeden Begriff und jeden komplementären Begriff der in den Prämissen auftaucht. Somit ergeben sich folgende Spezifizierungen:

	$S$	$\sim S$	$S$	$\sim S$
	$P$	$P$	$\sim P$	$\sim P$
$SaP$	$A$	$u$	$N$	$A$
$SeP$	$N$	$A$	$A$	$u$

Tabelle 5: Universelle Urteile in der Strengen Logik

Nämlich, dass zum Beispiel der erste Teilbereich von  $SaP$  ( $SP$ ) affirmativ werden muss, denn der andere Teilbereich von  $S$  ( $S \sim P$ ) ist mit Sicherheit nicht offen ( $N$ ).

**Barabara in der Strengen Syllogistik.** Zum syllogistischen Schließen müssen wir die Geltungswertformeln der Urteile nur noch um einen Mittelbegriff erweitern. Das geschieht, indem die Geltungsstellen - gemäß des jeweils sozusagen unbeteiligten Begriffes - verdoppelt, also die Werte in den entsprechenden Spalten verdoppelt werden:

	$S$	$\sim S$	$S$	$\sim S$	$S$	$\sim S$	$S$	$\sim S$
	$M$	$M$	$\sim M$	$\sim M$	$M$	$M$	$\sim M$	$\sim M$
	$P$	$P$	$P$	$P$	$\sim P$	$\sim P$	$\sim P$	$\sim P$
$MaP$	$a$	$a$	$u$	$u$	$n$	$n$	$a$	$a$
$SaM$	$a$	$u$	$n$	$a$	$a$	$u$	$n$	$a$

Tabelle 6: Beispiele für verlängerte Urteile (hier:  $MaP$  und  $SaM$ ) in der Strengen Syllogistik

Nun kann man für das ableitbare Verhältnis ( $S \bullet P$ ) anhand der beiden Ableitungsregeln schrittweise schließen. Schrittweise deshalb, weil man sich auch der Gleichstellen für die Konklusion bewusst sein muss. Zu beachten ist, dass sämtliche in der traditionellen Syllogistik gemachten Schlüsse die Prämissenpaare

nie im Widerspruch zu einander stehen. (Das wäre dann der Fall, wenn die beiden Regeln für ein Gleichstellenpaar der Konklusion gleichzeitig anwendbar gemacht würde.)

	$S$	$\sim S$	$S$	$\sim S$	$S$	$\sim S$	$S$	$\sim S$
	$M$	$M$	$\sim M$	$\sim M$	$M$	$M$	$\sim M$	$\sim M$
	$P$	$P$	$P$	$P$	$\sim P$	$\sim P$	$\sim P$	$\sim P$
$MaP$	$a$	$a$	$u$	$u$	$\underline{n}$	$n$	$a$	$\underline{a}$
$SaM$	$\underline{a}$	$u$	$n$	$a$	$a$	$u$	$\underline{n}$	$a$
$SaP$	$a$	$u$	$n$	$a$	$a$	$u$	$n$	$a$

Tabelle 7: Beispiel für einen traditionellen Schluss in der Strengen Syllogistik (hier: *Barbara*)

Die unterstrichenen Buchstaben in den Prämissen gehen in die Konklusion ein.

Nach diesem Verfahren gewinnt man sämtliche in der traditionellen Syllogistik gültigen Schlüsse.

### 3 Umschreibungen

#### 3.1 *P*-Probleme

*P*-Probleme können mit der Puren Logik so umschrieben werden:

	$F$	$\sim F$	$F$	$\sim F$
	$G$	$G$	$\sim G$	$\sim G$
$F$ und $\sim F$ nicht	$\underline{a}$	$n$	$a$	$n$
$F \cap^c G$	$u$	$N$	$N$	$u$
$G$ und $\sim G$ nicht	$a$	$a$	$n$	$n$
<i>Ganzformel</i>	$A$	$N$	$N$	$N$

Tabelle 8: *P*-Probleme

Sie sind also bidirektional (Genauso gut könnte man von  $G$  und  $\sim G$  auf  $F$  und  $\sim F$  schließen.). *Ganzformeln* fassen die (relevante) Information auf einer höheren Stufe zusammen.

**Umschreibung von *P*-Problemen in der Angewandten Logik.** Dazu schreibt Brüning: 'In der Angewandten Logik kann die Geltung individueller Sachverhalte zunächst im Sinne von bloßen 'Existenz'-Bestimmungen eingeführt werden. Wird eine  $A$ -Stelle durch einen  $e$ -Index zusätzlich bezeichnet ( $A^e$ ), so soll damit gesagt sein, daß die Stelle nicht nur 'offen' ist, sondern daß hier auch Individuen (in unbestimmter Zahl) 'existieren'. Dabei ist 'Existenz' im Sinne

logischer Festsetzung verstanden. Es geht hier nicht um Aussagen über real Bestehendes.

In gewissen überschaubaren Zusammenhängen kann die  $e$ -Indizierung auch einfach dadurch ersetzt werden, daß man alle  $A$ -Stellen als existentiell bestimmt versteht.' (Seite 162)

### 3.2 NP-Probleme

**Umschreibung von NP-Problemen.** Bei  $NP$ -Problemen (*Entscheidungsprobleme*) hingegen ist bekannt, dass die Lösung ein individueller Sachverhalt ist (z. B.  $SAT$ -Problem: Es gibt mindestens eine Belegung (Erfüllbarkeit)). Es handelt sich also um Angewandte Logik und um einen individuellen Sachverhalt. Hier soll er  $g^i$  heißen. Die Geltungswertformel heißt damit  $A^i A^i$ . D.h. Bei individuellen Sachverhalten kann nur eins der  $A^i$  zu  $A$  werden und die restlichen  $A^i$ s werden dann zu  $N$  (Siehe Seite 164ff und Seite 109ff. Ein individueller Sachverhalt kann nicht geteilt werden.). Dass beide  $A^i A^i$  zu  $N$  werden, stellt keinen Widerspruch dar ( $NN$ , ebd.). Beim Schließen bleiben die  $A^i$ s immer zusammen (ebd.).

Als Prämisse bei  $NP$ -Problemen gilt, dass zusätzlich zu einem Bedingungssatz  $F \supset^c G$  ( $uuNu$ ), auch ein *verifier*  $F \subset^c G$  ( $uNuu$ ) vorhanden sein muss. Daraus ergibt sich als Bedingungssatz:  $F \cap^c G$  ( $uNNu$ ).

Zunächst ist ohne Bedeutung, ob  $F \supset^c G$  ( $uuNu$ ) oder  $F \subset^c G$  ( $uNuu$ ) als *verifier* interpretiert wird, weil beide transitiv, aber nicht symmetrisch sind. Bei 'Festsetzung bestimmter Bedeutungen für die Begriffe' ist aber auf eine Unterscheidung zu achten (Es entsteht ein anderer Schlusszusammenhang, Seite 43).

Zuerst wird mit dem Bedingungssatz  $F \supset^c G$  ( $uuNu$ ) geschlossen. Wie schon erwähnt müssen  $A^i$ -Stellen beim Schließen zusammenbleiben. Deshalb folgt entweder  $g^i$  ( $A^i A^i$ ) oder  $f^i$  ( $A^i A^i$ ):

	$F$	$\sim F$	$F$	$\sim F$
	$G$	$G$	$\sim G$	$\sim G$
$f^i$	$(a^i)$	$a^i$	$a^i$	$(a^i)$
$F \supset^c G$	$u$	$u$	$N$	$u$
Entweder:				
$g^i$	$a^i$	$a^i$	$a^i$	$a^i$
Oder:				
$f^i$	$a^i$	$a^i$	$a^i$	$a^i$
<i>Ganzformel</i>	$(A^i)$	$u$	$N$	$(A^i)$

Tabelle 9: Erster Schritt von  $NP$ -Problemen

Jetzt könnte das Problem also schon gelöst sein. Nur könnte man das nicht beweisen. Also wird mit dem *verifier*  $F \subset^c G$  ( $uNuu$ ) noch einmal geschlossen.

Pro Synthese kann man aus verlängerten Individuenvariablen nur einmal schließen.

Es folgt also eine neuerliche Synthese der Prämissen. Je nachdem, ob man die Individuenvariable als dieselbe (idente) anerkennt, ergeben sich zwei Möglichkeiten:

Die erste Möglichkeit soll nun festsetzen, dass sich das Individuum aus der Prämisse nicht ändert (ident):

	$F$ $G$	$\sim F$ $G$	$F$ $\sim G$	$\sim F$ $\sim G$
$f^i$	$(a^i)$	$a^i$	$a^i$	$(a^i)$
$Ganzformel$	$(A^i)$	$u$	$N$	$(A^i)$
$F \subset^c G$	$u$	$N$	$u$	$u$
$Ganzformel$	$A^i$	$N$	$N$	$A^i$

Tabelle 10: Zweiter Schritt von  $NP$ -Problemen mit einem identen Individuum

Es folgt  $P \neq NP$ . (Verschränkung: Vertrauen kann nicht bewiesen werden.)

Die zweite Möglichkeit soll nun festsetzen, dass sich das Individuum aus der Prämisse ändert (unterschiedlich):

	$F$ $G$	$\sim F$ $G$	$F$ $\sim G$	$\sim F$ $\sim G$
$f_{zwei}^i$	$(a^i)$	$a^i$	$a^i$	$(a^i)$
$F \cap^c G$	$u$	$N$	$N$	$u$
$Ganzformel$	$(A^i)$	$N$	$N$	$(A^i)$

Tabelle 11: Zweiter Schritt von  $NP$ -Problemen mit einem unterschiedlichen Individuum

Da wieder nur einmal geschlossen werden kann, folgt  $P = NP$ . (Souveränität: Vertrauen muss bewiesen werden.)

**Exkurs.** Da konventionelle Computer die Verschränkung nicht beherrschen, ändern sie das Individuum. Sie können also nur  $P$ -Probleme schnell lösen (schrittweise Kalkulation). Dabei wird der Bedingungssatz  $F \cap^c G$  ( $uNNu$ ) verlängert und eine Dummy-Variable  $H$  und  $\sim H$  nicht ( $AN$ ) eingeführt. Sie enthält alle Informationen, die die Individualität ausmachen (z. B. eine Pseudozufallsinformation) und sie von anderen Individuen abtrennt.



	$F$	$\sim F$	$F$	$\sim F$	$F$	$\sim F$	$F$	$\sim F$
	$G$	$G$	$\sim G$	$\sim G$	$G$	$G$	$\sim G$	$\sim G$
	$H$	$H$	$H$	$H$	$\sim H$	$\sim H$	$\sim H$	$\sim H$
$F \sqcap^c G$	$u$	$N$	$N$	$u$	$u$	$N$	$N$	$u$
$H$ und $\sim H$ nicht	$\underline{a}$	$a$	$a$	$a$	$n$	$n$	$n$	$n$
$F$ und $\sim F$ nicht	$a$	$n$	$a$	$n$	$a$	$n$	$a$	$n$
$G$ und $\sim G$ nicht	$a$	$a$	$n$	$n$	$a$	$a$	$n$	$n$

Tabelle 12: Erster Schritt bei konventionellen Computern

Es fällt also wieder ' $F$  und  $\sim F$ ' nicht und ' $G$  und  $\sim G$  nicht' gleichzeitig heraus.

In einem zweiten Schritt ist also noch eine Kausalität von ' $F$  und  $\sim F$  nicht' zu ' $G$  und  $\sim G$  nicht' zu synthetisieren:  $F \supset^c G$  ( $uuNu$ ). - Es wird Realität erzeugt:

	$F$	$\sim F$	$F$	$\sim F$
	$G$	$G$	$\sim G$	$\sim G$
$F \supset^c G$	$u$	$u$	$N$	$u$
$F$ und $\sim F$ nicht	$\underline{a}$	$n$	$a$	$n$
$G$ und $\sim G$ nicht	$a$	$a$	$n$	$n$

Tabelle 13: Modus Ponens in der Informatik

Insgesamt wird also bei einem Unterschied zwischen ' $F$  und  $\sim F$  nicht und ' $G$  und  $\sim G$  nicht' mit drei Sachverhalten geschlossen, also eine Verdopplung.

*Transformation von NP-Problemen zu P-Problemen*

Bekannte Lösungen sind einfach zu überprüfen. Die Ganzformel lautet: ' $F$  nur mit  $G$  und  $\sim F$  nur mit  $\sim G$ ' ( $A^i N N A^i$ ). Wenn aus dem gelösten NP-Problem  $G$  ( $Au$ ) resultiert, folgt weiters (s. S. 113):

	$F$	$\sim F$	$F$	$\sim F$
	$G$	$G$	$\sim G$	$\sim G$
$F \cap^i G$	$A^i$	$N$	$N$	$A^i$
$G$	$a$	$a$	$u$	$u$
$F$	$a$	$u$	$a$	$u$

Tabelle 14: Bei resultierendem  $G$  kann man  $F$  zur Transformation zu  $P$ -Problemen verwenden.

Wenn aus dem gelösten NP-Problem Nicht  $G$  ( $G'$ ,  $Nu$ ) resultiert, folgt alternativ:

	$F$	$\sim F$	$F$	$\sim F$
	$G$	$G$	$\sim G$	$\sim G$
$F \cap^i G$	$A^i$	$N$	$N$	$A^i$
Nicht $G$ ( $G'$ )	$n$	$n$	$u$	$u$
$\sim F$	$u$	$a$	$u$	$a$

Tabelle 15: Bei resultierendem Nicht  $G$  ( $G'$ ) kann man  $\sim F$  zur Transformation zu  $P$ -Problemen verwenden.

**Umschreibung von  $NP$ -Problemen in der Reinen Logik**  $A^i$ s entsprechen in der Reinen Logik  $A^1$ s. ( $A^k$ s stehen für kollektive Sachverhalte in der Angewandten Logik.)

## 4 Konklusion

Sofern  $NP$ -Probleme behauptet (synthetisiert) werden, folgt aus ihnen eine durchschnittlich (wesentlich) längere Laufzeit gegenüber (synthetisierten)  $P$ -Problemen. Entscheidungsprobleme sind individuelle Sachverhalte. Die längere Laufzeit wird durch die Klarheit über eine Entscheidung abgegolten.

Bisher hatten Bereiche der Logik transgressiven Charakter. Mit Hilfe der Strengen Logik ist zu beweisen:

Rein logisch sind  $NP$ - und  $P$ -Probleme unterschiedlich.

## 5 Danksagung

Meinen Eltern.