【扩展】

这种一次删掉 K 个不同的数的思想在面试中通常会变形之后反复出现。例如,下面这道面试真题:有一场投票,投票有效的条件是必须有一个候选人得票数超过半数,但是验票人员不能看到每张选票上选了谁,只能把任意两张选票放到一台机器上看这两张选票是否一样,若一样,则机器给出 true 的提醒,不一样则给出 false 的提醒。如果你作为验票的人员,怎么判断这场投票是有效的?

这道题目就是原问题的变形,但是"不能看到每张选票上选了谁"的这个限制实际上 把用哈希表来解题的可能性完全堵死了。但本文的方法却可以满足题目的要求,因为我们 实现的方法只需要当前数和候选数做比较,而不需要知道每个数的值。

在行列都排好序的矩阵中找数

【题目】

给定一个有 $N \times M$ 的整型矩阵 matrix 和一个整数 K,matrix 的每一行和每一列都是排好序的。实现一个函数,判断 K 是否在 matrix 中。

例如:

```
0 1 2 5
2 3 4 7
```

4 4 4 8 5 7 7 9

如果 K 为 7, 返回 true: 如果 K 为 6, 返回 false。

【要求】

时间复杂度为O(N+M),额外空间复杂度为O(1)。

【难度】

士 ★☆☆☆

【解答】

符合要求的解法比较巧妙且易于理解。

可以用以下步骤解决:

- 1. 从矩阵最右上角的数开始寻找(row=0, col=M-1)。
- 2. 比较当前数 matrix[row][col]与 K 的关系:
- 如果与 K 相等, 说明已找到, 直接返回 true。
- 如果比K大,因为矩阵每一列都已排好序,所以在当前数所在的列中,处于当前数下方的数都会比K大,则没有必要继续在第col列上寻找,令col=col-1,重复步骤2。
- 如果比K小,因为矩阵每一行都已排好序,所以在当前数所在的行中,处于当前数左方的数都会比K小,则没有必要继续在第row行上寻找,令row=row+1,重复步骤2。
- 3. 如果找到越界都没有发现与K相等的数,则返回 false。

或者,也可以用以下步骤:

- 1. 从矩阵最左下角的数开始寻找(row=N-1, col=0)。
- 2. 比较当前数 matrix[row][col]与 K 的关系:
- 如果与 K 相等, 说明已找到, 直接返回 true。
- 如果比K大,因为矩阵每一行都已排好序,所以在当前数所在的行中,处于当前数右方的数都会比K大,则没有必要继续在第row行上寻找,令row=row-1,重复步骤2。
- 如果比 K 小, 因为矩阵每一列都已排好序, 所以在当前数所在的列中, 处于当前

数上方的数都会比K小,则没有必要继续在第col 列上寻找,令col=col+1,重复步骤 2。

3. 如果找到越界都没有发现与 K 相等的数,则返回 false。 具体请参看如下代码中的 is Contains 方法:

```
public boolean isContains(int[][] matrix, int K) {
    int row = 0;
    int col = matrix[0].length - 1;
    while (row < matrix.length && col > -1) {
        if (matrix[row][col] == K) {
            return true;
        } else if (matrix[row][col] > K) {
            col--;
        } else {
            row++;
        }
    }
    return false;
}
```

最长的可整合子数组的长度

【题目】

先给出可整合数组的定义。如果一个数组在排序之后,每相邻两个数差的绝对值都为1,则该数组为可整合数组。例如,[5,3,4,6,2]排序之后为[2,3,4,5,6],符合每相邻两个数差的绝对值都为1,所以这个数组为可整合数组。

给定一个整型数组 arr,请返回其中最大可整合子数组的长度。例如,[5,5,3,2,6,4,3]的最大可整合子数组为[5,3,2,6,4],所以返回 5。

【难度】

尉★★☆☆

【解答】

时间复杂度高但容易理解的做法。对 arr 中的每一个子数组 arr[i..j](0<=i<=j<=N-1),都验证一下是否符合可整合数组的定义,也就是把 arr[i..j]排序一下,看是否依次递增且每次递增 1。然后在所有符合可整合数组定义的子数组中,记录最大的那个长度,返回即可。