

```

        if (head == null) {
            return;
        }
        setAnswers(head.left, ans);
        sets.union(head.left, head);
        ancestorMap.put(sets.findFather(head), head);
        setAnswers(head.right, ans);
        sets.union(head.right, head);
        ancestorMap.put(sets.findFather(head), head);
        LinkedList<Node> nList = queryMap.get(head);
        LinkedList<Integer> iList = indexMap.get(head);
        Node node = null;
        Node nodeFather = null;
        int index = 0;
        while (nList != null && !nList.isEmpty()) {
            node = nList.poll();
            index = iList.poll();
            nodeFather = sets.findFather(node);
            if (ancestorMap.containsKey(nodeFather)) {
                ans[index] = ancestorMap.get(nodeFather);
            }
        }
    }
}

```

## 二叉树节点间的最大距离问题

### 【题目】

从二叉树的节点 A 出发，可以向上或者向下走，但沿途的节点只能经过一次，当到达节点 B 时，路径上的节点数叫作 A 到 B 的距离。

比如，图 3-48 所示的二叉树，节点 4 和节点 2 的距离为 2，节点 5 和节点 6 的距离为 5。给定一棵二叉树的头节点 head，求整棵树上节点间的最大距离。

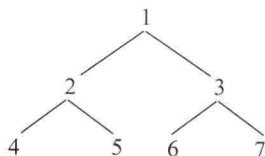


图 3-48

## 【要求】

如果二叉树的节点数为  $N$ ，时间复杂度要求为  $O(N)$ 。

## 【难度】

尉 ★★☆☆

## 【解答】

一个以  $h$  为头的树上，最大距离只可能来自以下三种情况：

- $h$  的左子树上的最大距离。
- $h$  的右子树上的最大距离。
- $h$  左子树上离  $h.left$  最远的距离  $+1(h) + h$  右子树上离  $h.right$  最远的距离。

三个值中最大的那个就是整棵  $h$  树中最远的距离。

根据如上分析，设计解法的过程如下：

1. 整个过程为后序遍历，在二叉树的每棵子树上执行步骤 2。

2. 假设子树头为  $h$ ，处理  $h$  左子树，得到两个信息，左子树上的最大距离记为  $lMax$ ，左子树上距离  $h$  左孩子的最远距离记为  $maxfromLeft$ 。同理，处理  $h$  右子树得到右子树上的最大距离记为  $rMax$  和距离  $h$  右孩子的最远距离记为  $maxFromRight$ 。那么  $maxfromLeft + 1 + maxFromRight$  就是跨  $h$  节点情况下的最大距离，再与  $lMax$  和  $rMax$  比较，把三者中的最大值作为  $h$  树上的最大距离返回， $maxfromLeft+1$  就是  $h$  左子树上离  $h$  最远的点到  $h$  的距离， $maxFromRight+1$  就是  $h$  右子树上离  $h$  最远的点到  $h$  的距离，选两者中最大的一个作为  $h$  树上距离  $h$  最远的距离返回。如何返回两个值？一个正常返回，另一个用全局变量表示。

具体过程请参看如下代码中的 `maxDistance` 方法，其中，`record[0]` 就表示另一个返回值。

```
public int maxDistance(Node head) {
    int[] record = new int[1];
    return posOrder(head, record);
}

public int posOrder(Node head, int[] record) {
    if (head == null) {
        record[0] = 0;
        return 0;
    }
    int lMax = posOrder(head.left, record);
    int maxfromLeft = record[0];
```

```

    int rMax = posOrder(head.right, record);
    int maxFromRight = record[0];
    int curNodeMax = maxfromLeft + maxFromRight + 1;
    record[0] = Math.max(maxfromLeft, maxFromRight) + 1;
    return Math.max(Math.max(lMax, rMax), curNodeMax);
}

```

## 先序、中序和后序数组两两结合重构二叉树

### 【题目】

已知一棵二叉树的所有节点值都不同, 给定这棵二叉树正确的先序、中序和后序数组。请分别用三个函数实现任意两种数组结合重构原来的二叉树, 并返回重构二叉树的头节点。

### 【难度】

先序与中序结合 士 ★☆☆☆

中序与后序结合 士 ★☆☆☆

先序与后序结合 尉 ★★☆☆

### 【解答】

先序与中序结合重构二叉树的过程如下:

1. 先序数组中最左边的值就是树的头节点值, 记为  $h$ , 并用  $h$  生成头节点, 记为  $head$ 。然后在中序数组中找到  $h$ , 假设位置是  $i$ 。那么在中序数组中,  $i$  左边的数组就是头节点左子树的中序数组, 假设长度为  $l$ , 则左子树的先序数组就是先序数组中  $h$  往右长度也为  $l$  的数组。

比如: 先序数组为  $[1, 2, 4, 5, 8, 9, 3, 6, 7]$ , 中序数组为  $[4, 2, 8, 5, 9, 1, 6, 3, 7]$ , 二叉树头节点的值是 1, 在中序数组中找到 1 的位置, 1 左边的数组为  $[4, 2, 8, 5, 9]$ , 是头节点左子树的中序数组, 长度为 5; 先序数组中 1 的右边长度也为 5 的数组为  $[2, 4, 5, 8, 9]$ , 就是左子树的先序数组。

2. 用左子树的先序和中序数组, 递归整个过程建立左子树, 返回的头节点记为  $left$ 。

3.  $i$  右边的数组就是头节点右子树的中序数组, 假设长度为  $r$ 。先序数组中右侧等长的部分就是头节点右子树的先序数组。

比如步骤 1 的例子, 中序数组中 1 右边的数组为  $[6, 3, 7]$ , 长度为 3; 先序数组右侧等长的部分为  $[3, 6, 7]$ , 它们分别为头节点右子树的中序和先序数组。