线性回归分析

MATHWYZ

目录

1. 引论	1
1.1. 什么是回归	1
1.2. 统计软件 R	1
2. 回归的方法	1
2.1. 线性回归	1
2.2. 线性与非线性	1
2.3. 逻辑回归	2
2.4. 多项式回归	2
2.5. 岭回归	2
2.6. 最小角回归,Lasso 回归	2
2.7. 弹性回归	2
3. 其他线性回国问题	2
3.1. 异方差	2
3.2. 自相关	2
3.3. 过拟合	3
3.4. 多重共线性	3

1. 引论

1.1. **什么是回归**. 回归最早是由英国生物学家高尔顿在研究人类遗传问题时提出来的。他发现一种有趣的现象,

1.2. 统计软件 R.

1.2.1. R语言的发展历史.

1

MATHWYZ

- 1.2.2. *R* 语言的优势和缺点. R 语言与 SAS,SPSS 1. 首先 R 是 GNU 计划的一部分,是开源软件,是免费软件。选择了开源软件,就选择了一套体系,它不仅仅是免费。2.
 - R 语言与 Python
 - R 语言与 Hadoop 家族
- 1.2.3. R 语言的网站. 目前,CRAN 上面有 15573 个包。

2. 回归的方法

- 2.1. 线性回归.
- 2.2. **线性与非线性**. 数学家是这么一类人,他们把所有的问题都转化成线性代数的问题。这是因为,现实生活中的很多问题可以用线性关系来替代。比如动力系统,我们用线性部分来近似的替代整个动力系统,如果初始值在微小的范围内,解任然在微小的范围内,我们就说是稳定的。这个时候就可以近似的用线性部分来替代非线性部分。同样的,我们在统计中,经常也遇到这样的问题。我们的变量之间是线性的,更准确的说是近似线性的。那么我们就可以假设它是最简单的线性的相关关系。我们就可以用线性的方法来近似。另一方面,虽然很多问题并不是线性的,但是我们把变量经过变换之后,他们之间就会出现线性的相关关系,我们仍然可以用线性的来近似。
- **定理 2.1** (Gauss-Markov 定理). 在线性无偏估计类中,最小二乘估计是唯一的具有最小方差的估计。
- 2.3. 逻辑回归.
- 2.4. 多项式回归.
- 2.5. 岭回归.
- 2.5.1. 复共线性.
- 2.5.2. MSE.
 - 定理 2.2. 在 MSE 的意义下存在领估计,它的 MSE 比线性回归要好.
- 2.5.3. 岭估计.

线性回归分析 3

- 2.5.4. 计算岭回归的方法.
 - Hoerl-Kennard 公式
 - 岭迹法

岭回归在共线性数据分析中应用较多,也称为脊回归,它是一种有偏估计的回归方法,是在最小二乘估计法的基础上做了改进,通过舍弃最小二乘法的无偏性,使回归系数更加稳定和稳健。其中 R 方值会稍低于普通回归分析方法,但回归系数更加显著,主要用于变量间存在共线性和数据点较少时。

- 2.6. **最小角回归,Lasso 回归.** LASSO 回归的特点与岭回归类似,在拟合模型的同时进行变量筛选和复杂度调整。变量筛选是逐渐把变量放入模型从而得到更好的自变量组合。复杂度调整是通过参数调整来控制模型的复杂度,例如减少自变量的数量等,从而避免过拟合。LASSO回归也是擅长处理多重共线性或存在一定噪声和冗余的数据,可以支持连续型因变量、二元、多元离散变量的分析。
- 2.6.1. 理论基础.
- 2.6.2. 例子.
- 2.6.3. 相关的 R 的包.
- 2.7. 弹性回归.

3. 其他线性回国问题

- 3.1. 异方差.
- 3.1.1. 具有异方差的线性回归模型.
- 3.2. 自相关.
- 3.2.1. 具有自回归的线性回归模型.
- 3.3. 过拟合.
- 3.4. 多重共线性.
- 3.4.1. 岭回归.
- 3.4.2. 主成分.

4 MATHWYZ

 $3.4.3.\ LASSO.$