

# 实验报告

指导教师: 成绩:

# 沈阳工业大学实验报告

## (适用计算机程序设计类)

专业班级: 智能 1801

学号: 180407109

姓名: 陈智深

### 实验名称: Rosenblatt 感知器模型的实际应用

#### 1.实验目的:

- 1、利用 Rosenblatt 感知器实现模式分类(线性可分);
  - 2、说明 Rosenblatt 感知器算法对线性可分模式正确分类的能力,并说明当线性可分性不满足时 Rosenblatt 感知器会崩溃。
- 要求复习 Rosenblatt 感知器及其学习算法等内容。

#### 2.实验原理:

感知器示意图如下图:

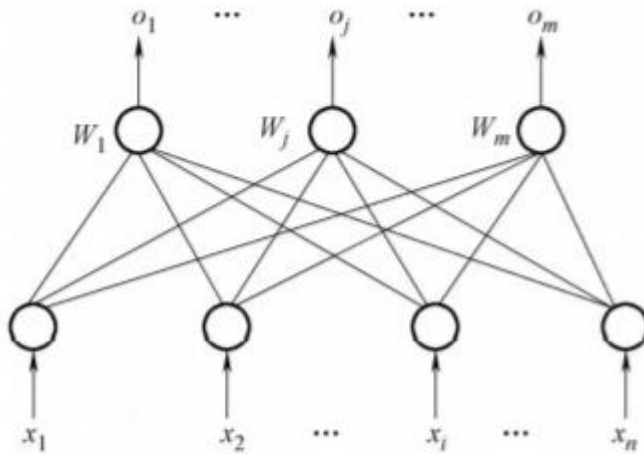


图 1.1 感知器示意图

模型输入、输出、权值参数如下:

$$X = (x_1, x_2, \dots, x_i, \dots, x_n)^T$$

$$O = (o_1, o_2, \dots, o_j, \dots, o_m)^T$$

$$W_j = (w_{1j}, w_{2j}, \dots, w_{ij}, \dots, w_{nj})^T \quad j = 1, 2, \dots, m$$

$$o_j = \text{sgn}(\text{net}_j' - T_j) = \text{sgn}\left(\sum_{i=0}^n w_{ij} x_i\right) = \text{sgn}(W_j^T X)$$

# 沈阳工业大学实验报告

## (适用计算机程序设计类)

专业班级： 智能 1801      学号： 180407109      姓名： 陈智深

感知器的学习算法步骤：

- (1) 对各权值  $w_{0j}(0), w_{1j}(0), \dots, w_{mj}(0), j=1, 2, \dots, m$  ( $m$  为计算层的节点数) 赋予较小的非零随机数。
- (2) 输入样本对  $\{X^p, d^p\}$ ，其中  $X^p = (-1, x_1^p, x_2^p, \dots, x_n^p)$ ， $d^p = (d_1^p, d_2^p, \dots, d_m^p)$  为期望的输出向量（教师信号），上标  $p$  代表样本对的序号，设样本集中的样本总数为  $P$ ，则  $p=1, 2, \dots, P$ 。
- (3) 计算各节点的实际输出  $o_j^p(t) = \text{sgn}[W_j^T(t)X^p], j=1, 2, \dots, m$ 。
- (4) 调整各节点对应的权值， $W_j(t+1) = W_j(t) + \eta[d_j^p - o_j^p(t)]X^p, j=1, 2, \dots, m$ ，其中  $\eta$  为学习率，用于控制调整速度， $\eta$  值太大会影响训练的稳定性，太小则使训练的收敛速度变慢，一般取  $0 < \eta \leq 1$ 。
- (5) 返回到步骤 (2) 输入下一对样本。

以上步骤周而复始，直到感知器对所有的样本的实际输出与期望输出相等。

应用上述学习算法，当被分开的模式是线性可分时，即能用一个超平面将两类输入模式分隔开时，感知器就可以通过有限次的学习，学会正确分开两类模式，知识感知器的收敛定理。

### 3.实验内容

1、二维平面上的两类模式，如图 1.2 及表 1.1 所示。

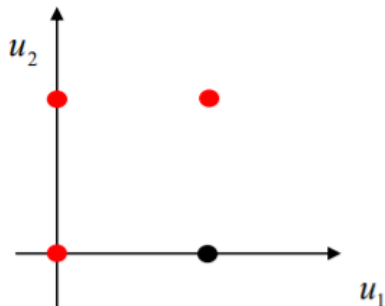


表 1.1 二维平面的两类模式

| $u_1$ | $u_2$ | $y$ |
|-------|-------|-----|
| 0     | 0     | 0   |
| 0     | 1     | 0   |
| 1     | 1     | 0   |
| 1     | 0     | 1   |

图 1.2 二维平面的两类模式示意图

根据权重系数的迭代方法，用你自己熟悉的编程语言（C、Matlab、C++、Python 等）实现其分类直线的求取。

2、二维平面上的两类模式，如图 1.3 及表 1.2 所示。

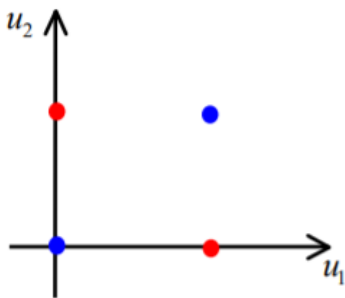


表 1.2 二维平面的两类模式

| $u_1$ | $u_2$ | $y$ |
|-------|-------|-----|
| 0     | 0     | 0   |
| 0     | 1     | 1   |
| 1     | 0     | 1   |
| 1     | 1     | 0   |

图 1.3 二维平面的两类模式示意图

# 沈阳工业大学实验报告

## (适用计算机程序设计类)

专业班级: 智能 1801

学号: 180407109

姓名: 陈智深

根据权重系数的迭代方法, 用你自己熟悉的编程语言 (C、Matlab、C++、Python 等) 实现其分类直线的求取。

3、通过上述上机, 验证感知机的收敛定理。

### 4.实验步骤或程序 (经调试后正确的源程序)

```
clc,clear,close;

repeat = 10;%最大计算量
count = 0;%迭代次数

%绘制数据点
sample_X = [-1 0 0;
             -1 0 1;
             -1 1 1;
             -1 1 0];
lable_d = [1 1 1 -1]';           %代价
%lable_d = [-1 1 -1 1]';         %线性不可分代价
date2 = lable_d';                 %转置矩阵后用于之后比较
figure(1);
draw(sample_X(:,2:3),date2);      %画目标点函数
%初始化 w, b, alpha
w = [0.42,0.38,0.44];
b = 0.06;
alpha = 0.15;                    %学习率

x1 = -1:0.01:10;
%缓存替代、初始化退出标志
buff = zeros(1,4);
flag = 0;

% while 1
while flag == 0
    for i = 1:4
        net = w * sample_X(i,:); %净输入
        %符号函数
        if net > 0
            o=1;
        elseif net == 0
            o = 0;
        else
            o=-1;
        end
    end
end
```

# 沈阳工业大学实验报告

## (适用计算机程序设计类)

专业班级: 智能 1801

学号: 180407109

姓名: 陈智深

```
buff(i) = o; %记录一轮的实际输出
%数据更迭
w = w' + alpha * (lable_d(i,:) - o) * sample_X(i,:);
w = w';
w(1) = w(1) + b * (lable_d(i,:) - o);
%实时划线测试用
% b = b + b*(lable_d(i) - o);
% x2 = (-w(2)*x1+w(1))/w(3);
% hold on;
% plot(x1,x2);
% pause(1);
end
%退出判定
if date2 == buff %感知器收敛要求
    flag = 1;
end

count = count + 1;
end
%最后结果画线
x2 = (-w(2)*x1+w(1))/w(3);
hold on;
axis([0 2 -1 2]); %坐标轴确定
plot(x1,x2);
%输出显示
text = ['经过',num2str(count-1),'次迭代后收敛'];
disp(text);
fprintf('函数为: y=(%.4f*x-%d)/%.4f\n',w(2),b,w(3));
fprintf('权重为: %.4f %.4f\n',w(2),w(3));
函数 draw 详细:
function draw(sample,label) %输入参数为坐标点和期望输出
    %区分两种不同的输出的点
    idx_pos = find(label==1);
    idx_neg = find(label~=1);
    %使用两种不同的方式画出要求的点
    plot(sample(idx_pos, 1), sample(idx_pos, 2),'ro')
    hold on
    plot(sample(idx_neg, 1), sample(idx_neg, 2),'b*')
    axis([0 2 0 2])
    grid on
end
```

# 沈阳工业大学实验报告

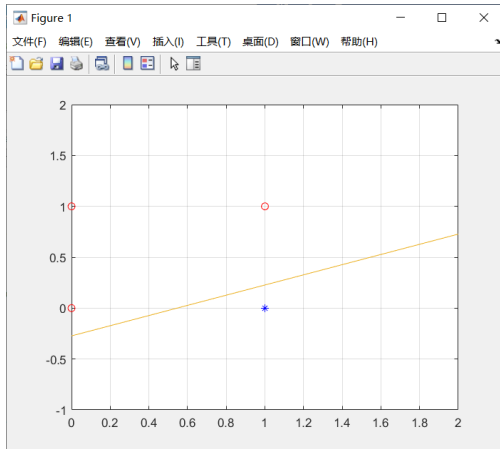
## (适用计算机程序设计类)

专业班级: 智能 1801

学号: 180407109

姓名: 陈智深

### 5.程序运行结果



经过5次迭代后收敛

函数为:  $y = (-0.2200x - 6.000000e-02) / 0.4400$

权重为: -0.2200 0.4400

图 1.4 线性可分结果图

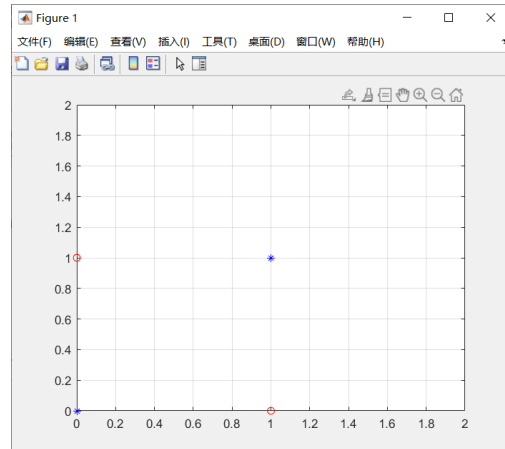


图 1.5 线性可分性不满足结果图

### 6.结果分析和解释

在线性可分情况下, 由图 1.4 可得程序在第 5 次迭代后达到期望输出和实际输出相等, 达到分类的效果。函数为  $y = \frac{-0.22x-0.06}{0.44}$ , 权重为-0.22, 0.44.由此可得实验成功, 感知器模型设计成功。

在线性可分性不满足的时候, 实际输出和期望输出无法达到相等的输出, 程序在更迭权重中, 在更新权重、计算实际输出时, 始终无法达到收敛的条件, 导致无法跳出, 即无法收敛, 使得感知器崩溃。

中途强制停止, 可得如图 1.5 的输出。

在进行线性可分性条件满足时, 在修改不同的学习率, 参数阈值等, 得到的分类线也时不同的, 但是相同的是, 都可以达到分类的最终目的。

### 7.实验结论

Rosenblatt 感知器算法对线性可分模式有着正确分类的能力, 但当线性可分性不满足时 Rosenblatt 感知器会崩溃, 无法进行正常的分类。

所以 Rosenblatt 感知器可以应用于线性可分模式, 且正确率良好。不能够处理线性可分条件不满足的情况, 线性可分条件不满足时需要使用其他的分类方法。