

## 【运动控制】Apollo6.0的leadlag\_controller解析



隐匿潮水之中

其修远路漫，而上下求索。

+ 关注他

4 人赞同了该文章

### leadlag\_controller解析



目录

对Apollo 6.0的超前滞后校正模块进行解析。

【运动控制】Apollo6.0的  
leadlag\_controller解析\_yanghq13的博  
blog.csdn.net/weixin\_44041199/article/detai

包括有  
 $\dot{x} = Ax + B \cdot u$   
方程的状态空间表达式  
分方程的表达式为:  
 $\dot{x}_1 = -\lambda_1 x_1 + u$   
 $\dot{x}_2 = -\lambda_2 x_2 + u$

#### 1 leadlag\_controller.h

```
#pragma once

#include "modules/control/proto/leadlag_conf.pb.h"

namespace apollo {
namespace control {

class LeadlagController {
public:

    // 初始化
    void Init(const LeadlagConf &leadlag_conf, const double dt);

    // 设置leadlag
    void SetLeadlag(const LeadlagConf &leadlag_conf);

    // 双线性变换离散化方法 (T型积分: 曲线包围面积用梯形估算)
    // 把连续的控制系数离散化
    void TransformC2d(const double dt);

    void Reset();

    // 超前滞后也是误差输入的控制器
    virtual double Control(const double error, const double dt);

    // 内部状态是什么?

    int InnerstateSaturationStatus() const;

protected:
    // Control coefficients in contiuous-time domain
    double alpha_ = 0.0;
    double beta_ = 0.0;
```

▲ 赞同 4 ▼

● 添加评论

🔗 分享

❤ 喜欢

★ 收藏

📄 申请转载

...

// Control coefficients in discrete-time domain

double kn1\_ = 0.0;

```

double kn0_ = 0.0;
double kd1_ = 0.0;
double kd0_ = 0.0;
// Inner (intermedia) state in discrete-time domain at Direct Form II
double previous_output_ = 0.0;
double previous_innerstate_ = 0.0;
double innerstate_ = 0.0;
double innerstate_saturation_high_ = 0.0;
double innerstate_saturation_low_ = 0.0;
int innerstate_saturation_status_ = 0;
bool transfromc2d_enabled_ = false;
};

} // namespace control
} // namespace apollo

```

## 2 leadlag\_controller.cc

### 2.1 Init

```

void LeadlagController::Init(const LeadlagConf &leadlag_conf, const double dt) {
    previous_output_ = 0.0; // 前一输出
    previous_innerstate_ = 0.0; // 前一内部状态
    innerstate_ = 0.0; // 内部状态

    innerstate_saturation_high_ =
        std::fabs(leadlag_conf.innerstate_saturation_level()); // 内部状态饱和上限
    innerstate_saturation_low_ =
        -std::fabs(leadlag_conf.innerstate_saturation_level()); // 内部状态饱和下限
    innerstate_saturation_status_ = 0; // 内部状态饱和标志
    SetLeadlag(leadlag_conf); // 设置leadlag
    TransformC2d(dt); // 连续转离散
}

void LeadlagController::SetLeadlag(const LeadlagConf &leadlag_conf) {
    alpha_ = leadlag_conf.alpha();
    beta_ = leadlag_conf.beta();
    tau_ = leadlag_conf.tau();
}

```

TransformC2d 函数的作用是将连续形式的传递函数转换成离散形式的传递函数。

#### 2.1.1 leadlag传递函数

超前-滞后补偿器的传递函数形式如下：

$$H(s) = \beta \frac{\tau s + 1}{\alpha s + 1}$$

其中， $\alpha$  为滞后系数； $\beta$  为超前系数； $\tau$  为给定的时间系数。

采用双线性变换，T为采样周期

$$s = \frac{2}{T} \frac{z-1}{z+1}$$

可以得到

$$H(z) = \beta \frac{\tau \frac{2}{T} \frac{z-1}{z+1} + 1}{\tau \alpha \frac{2}{T} \frac{z-1}{z+1} + 1}$$

$$H(z) = \beta \frac{2\tau(z-1) + T(z+1)}{2\tau\alpha(z-1) + T(z+1)}$$

$$H(z) = \beta \frac{(T-2\tau) + (2\tau+T)z}{(T-2\alpha\tau) + (2\alpha\tau+T)z}$$

$$H(z) = \frac{(T\beta - 2\beta\tau) + (2\beta\tau + T\beta)z}{(T - 2\alpha\tau) + (2\alpha\tau + T)z}$$

$$H(z) = \frac{kn_0 + kn_1 * z}{kd_0 + kd_1 * z}$$

从上述公式来看，和代码里是一致的，如下

- $a1 = \alpha\tau$ ,  $a0 = 1.00$ ,  $b1 = \beta\tau$ ,  $b0 = \beta$  ;
- $kn_1 = 2\beta\tau + T\beta$ ,  $kn_0 = T\beta - 2\beta\tau$ ,  $kd_1 = 2\alpha\tau + T$ ,  $kd_0 = T - 2\alpha\tau$  ;

```
void LeadlagController::TransformC2d(const double dt) {
    if (dt <= 0.0) {
        AWARN << "dt <= 0, continuous-discrete transformation failed, dt: "
        transfromc2d_enabled_ = false;
    } else {
        // 公式?
        double a1 = alpha_ * tau_;
        double a0 = 1.00;
        double b1 = beta_ * tau_;
        double b0 = beta_;
        Ts_ = dt;
        // 带入默认参数数值后, dt, dt, dt, dt
        kn1_ = 2 * b1 + Ts_ * b0;
        kn0_ = Ts_ * b0 - 2 * b1;
        kd1_ = 2 * a1 + Ts_ * a0;
        kd0_ = Ts_ * a0 - 2 * a1;
        if (kd1_ <= 0.0) {
            AWARN << "kd1 <= 0, continuous-discrete transformation failed, kd1: "
            << kd1_;
            transfromc2d_enabled_ = false;
        } else {
            transfromc2d_enabled_ = true;
        }
    }
}
```

### 2.1.2 相位角和幅值

超前-滞后补偿器的传递函数相角为

$$\begin{aligned}\phi(\omega) &= \arctan(\tau\omega) - \arctan(\alpha\tau\omega) \\ &= \arctan \frac{(1-\alpha)\tau\omega}{1+\alpha\tau^2\omega^2}\end{aligned}$$

式中，计算公式参考和差化积

$$\arctan A - \arctan B = \arctan \frac{A-B}{1+AB}$$

最大相角在极点  $\frac{1}{\alpha\tau}$  和零点  $\frac{1}{\tau}$  之间，其值大小取决于  $\alpha$  的大小。

对  $\phi(\omega)$  求导，得

$$\begin{aligned}\phi'(\omega) &= \frac{\tau}{1+(\tau\omega)^2} - \frac{\alpha\tau}{1+(\alpha\tau\omega)^2} \\ &= \frac{(\alpha-1)[\alpha(\tau\omega)^2-1]}{[1+(\tau\omega)^2][1+(\alpha\tau\omega)^2]}\end{aligned}$$

令  $\phi'(\omega) = 0$ ，得

$$\omega_m = \frac{1}{\tau\sqrt{\alpha}}$$

最大相位角为

$$\phi(\omega_m) = \arctan \frac{1-\alpha}{2\sqrt{\alpha}}$$

即

$$\tan\phi(\omega_m) = \frac{1-\alpha}{2\sqrt{\alpha}}$$

为了便于分析（正切分母有根号项），将其转换为反正形式，有

$$\frac{\sin\phi(\omega_m)}{\cos\phi(\omega_m)} = \frac{1-\alpha}{2\sqrt{\alpha}} \quad \sin^2\phi(\omega_m) + \cos^2\phi(\omega_m) = 1$$

可得最大相位角为

$$\phi(\omega_m) = \arcsin \frac{1-\alpha}{1+\alpha}$$

在  $\omega_m = \frac{1}{\tau\sqrt{\alpha}}$ ，其幅值增益为

$$\begin{aligned}|G(j\omega)|_m &= 20\beta \lg \sqrt{1 + \left(\tau \frac{1}{\tau\sqrt{\alpha}}\right)^2} - 20\beta \lg \sqrt{1 + \left(\alpha\tau \frac{1}{\tau\sqrt{\alpha}}\right)^2} \\ &= -10\beta \lg \alpha\end{aligned}$$

这里可以得到，只要leadlag的  $\beta$  和  $\alpha$  为正数，其幅值增益为负，即减小幅值。

### 2.1.3 参数分析

leadlag主要是超前或滞后(不能同时)，本质就是讨论极点  $\frac{1}{\alpha\tau}$  和零点  $\frac{1}{\tau}$  的前后位置，如下：

- 若零点  $\frac{1}{\tau} >$  极点  $\frac{1}{\alpha\tau}$ ，即  $\alpha < 1$ ，此时为超前校正，作用是提高响应速度，避免引入高频震荡；
- 若零点  $\frac{1}{\tau} <$  极点  $\frac{1}{\alpha\tau}$ ，即  $\alpha > 1$ ，此时为滞后校正，作用是提高稳态精度，但暂态响应将变慢。

对于增益系数  $\beta$ ，本质上就是讨论leadlag模块串入系统后对系统开环放大系数的影响，有如下情况：

- 若  $0 < \beta < 1$ ，会使得系统的开环放大系数下降，即幅值衰减；
- 若  $\beta > 1$ ，会使得系统的开环放大系数上升，即幅值增加。

在工程实践中，可以通过提高系统其他环节的放大系数或增加比例放大器加以补偿，Apollo的leadlag采用后者的处理方法。但是 $\beta$ 如果过大，容易引起饱和。

## 2.2 control

leadlag控制的流程如下：

1. 判断连续转离散( `transfromc2d_enabled_` )是否成功，失败则重新进行 `TransformC2d`，如果再次失败，则发出警告 `C2d transform failed; will work as a unity compensator`，并返回错误；
2. 检查步长 `dt` 是否小于等于零。如果小于等于零，则发出警告 `dt <= 0, will use the last output`，返回上一时刻输出 `previous_output_`；
3. 计算内部状态 `innerstate_`，计算公式如下

$$s_{inner}(k) = \frac{e(k) - s_{inner}(k-1) * kd0}{kd1}$$

这个公式看起来很玄乎，进行移位后，如下

$$s_{inner}(k-1) * kd0 + s_{inner}(k) * kd1 = e(k)$$

上述公式不能直观理解，需要进行转换。

观察离散传递函数，如下

$$\frac{y(z)}{u(z)} = \frac{kn_0 + kn_1 z}{kd_0 + kd_1 z} \quad y(z) = \frac{kn_0 + kn_1 z}{kd_0 + kd_1 z} u(z)$$

令

$$x(z) = \frac{1}{kd_0 + kd_1 z} u(z)$$

即

$$kd_0 x(k) + kd_1 x(k+1) = u(k)$$

$$x(k+1) = \frac{u(k) - kd_0 x(k)}{kd_1}$$

其中， $x(k)$  为 `innerstate`， $u(k)$  为 `error` (即系统输出与参考值的偏差)。

传递函数变为

$$y(z) = (kn_0 + kn_1 z)x(z)$$

从而得到

$$y(k) = kn_0 x(k) + kn_1 x(k+1)$$

其中， $y(k)$  为 `output`。

因此，这一步按照  $x(k+1) = \frac{u(k) - kd_0 x(k)}{kd_1}$  计算 `innerstate` 的值。

4. 进行 `innerstate` 幅值判断：高于状态饱和上限，则等于状态饱和上限，并将状态饱和状态置1；低于状态饱和下限，则等于状态饱和下限，并将状态饱和状态置-1；其余情况状态饱和状态置0；
5. 按照  $y(k) = kn_0 x(k) + kn_1 x(k+1)$ ，计算 `output`；  
注：这里的  $x(k+1)$  是用  $\frac{u(k) - kd_0 x(k)}{kd_1}$  计算的，
6. 保存 `innerstate` 和 `output` 变量，即为 `previous_innerstate` 和 `previous_output`。

```
double LeadlagController::Control(const double error, const double dt)
// check if the c2d transform passed during the initialization
// 离散化还有不成功的？什么导致不能离散化的？
if (!transfromc2d_enabled_) {
    TransformC2d(dt);
    if (!transfromc2d_enabled_) {
        AWARN << "C2d transform failed; will work as a unity compensator,"
        << dt;
        return error; // treat the Lead/Lag as a unity proportional control
    }
}
// check if the current sampling time is valid
if (dt <= 0.0) {
    AWARN << "dt <= 0, will use the last output, dt: " << dt;
    return previous_output_;
}
double output = 0.0;
```

// 为什么这么定义内部状态?

内部状态代表什么意思:

```
innerstate_ = (error - previous_innerstate_ * kd0_) / kd1_; // calcula
// the inner (intermedia) state under the Direct form II for the Leac
// compensator factorization
if (innerstate_ > innerstate_saturation_high_) {
    innerstate_ = innerstate_saturation_high_;
    innerstate_saturation_status_ = 1;
} else if (innerstate_ < innerstate_saturation_low_) {
    innerstate_ = innerstate_saturation_low_;
    innerstate_saturation_status_ = -1;
} else {
    innerstate_saturation_status_ = 0;
}

output = innerstate_ * kn1_ + previous_innerstate_ * kn0_;
previous_innerstate_ = innerstate_;
previous_output_ = output;
return output;
}
```

### 3参考资料

#### 3.1 传递函数转换差分方程

可参考[传递函数转化为差分方程](#)和[超前滞后补偿器的C++实现](#)。

#### 3.2 传递函数转换状态方程

可参考[线性离散系统状态空间表达式](#)，大概涉及到的部分如下：



已知

$$\frac{Y(z)}{U(z)} = H(z) = \frac{kn_0 + kn_1 z}{kd_0 + kd_1 z}$$

转换成差分方程如下

$$kd_1 y(k+1) + kd_0 y(k) = kn_1 u(k+1) + kn_0 u(k)$$

为了将输出最高项系数置1，得到差分方程如下

$$y(k+1) + \frac{kd_0}{kd_1} * y(k) = \frac{kn_1}{kd_1} * u(k+1) + \frac{kn_0}{kd_1} * u(k)$$
$$y(k+1) + a_1 y(k) = b_0 u(k+1) + b_1 u(k)$$
$$a_1 = \frac{kd_0}{kd_1}, b_0 = \frac{kn_1}{kd_1}, b_1 = \frac{kn_0}{kd_1}$$

将两边作零初始条件下的Z变换，得到

$$zy(z) + a_1 y(z) = b_0 zu(z) + b_1 u(z)$$

上式可以改写成

$$\frac{y(z)}{u(z)} = \frac{b_0 z + b_1}{z + a_1} = b_0 + \frac{b_1 - b_0 a_1}{z + a_1} = b_0 + \frac{\beta_1}{z + a_1}$$
$$\beta_1 = b_1 - b_0 a_1 = \frac{kn_0}{kd_1} - \frac{kn_1}{kd_1} \frac{kd_0}{kd_1}$$

令  $x(z) = \frac{1}{z + a_1} u(z)$ ，并进行反变换得到

$$x(k+1) + a_1 x(k) = u(k)$$

取状态变量

$$x_1(k) = x(k)$$
$$x_2(k) = x_1(k+1) = x(k+1)$$
$$y(k) = \beta_1 x(k) + b_0 u(k)$$
$$y(k) = \beta_1 x_1(k) + b_0 u(k)$$

关于\$y(k)\$的状态变量，需要额外作一些解释，推导如下



$$\begin{aligned}
 \frac{y(z)}{u(z)} &= b_0 + \frac{\beta_1}{z + a_1} \\
 y(z) &= b_0 u(z) + \frac{\beta_1}{z + a_1} u(z) \\
 &= b_0 u(z) + \beta_1 \frac{u(z)}{z + a_1} \\
 &= b_0 u(z) + \beta_1 \frac{(z + a_1)x(z)}{z + a_1} \\
 &= b_0 u(z) + \beta_1 x(z)
 \end{aligned}$$

故而得到

$$\begin{bmatrix} x_1(k+1) \\ x_2(k+1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & -a_1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1(k) \\ x_2(k) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u(k)$$

$$y(k) = \beta_1 x_1(k) + b_0 u(k)$$

这个系统应该是一阶的，再次转换如下

$$x(k+1) = -a_1 x(k) + u(k)$$

$$y(k) = \beta_1 x(k) + b_0 u(k)$$

其中， $u$  为补偿器输入(即系统输出与参考值的偏差)， $x$  为补偿器状态， $y$  为补偿器输出， $k$  为步数。

但这个与代码中的不同，所以代码中没有使用离散的状态空间方程。

编辑于 2021-09-15 16:35

「真诚赞赏，手留余香」

赞赏

还没有人赞赏，快来当第一个赞赏的人吧！

自动驾驶

PID Controller PID控制

运动控制

文章被以下专栏收录



自动驾驶

主要为学习自动驾驶技术的朋友们分享一些见解

推荐阅读

### 【运动控制】Apollo6.0的lon\_controller解析

lon\_controller解析本文是对Apollo 6.0的纵向控制模块解析。【运动控制】Apollo6.0的lon\_controller解析\_yanghq13的博客-CSDN博客纵向控制算法的步骤： 创建一个纵向控制器在文件control\_c...

隐匿潮水之... 发表于自动驾驶



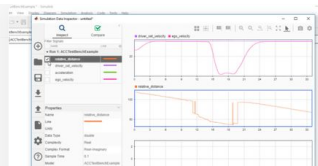
### 自动驾驶控制算法实例之LQR(以Apollo为例)

涅槃斯衬衫

### 使用模型预测控制和PID实现自动驾驶的车道保持

<https://club.leiphone.com/page/...> (二维码自动识别) 本文为 AI 研习社编译的技术博客，原标题： Lane keeping in autonomous driving with Model Predictive Control & PID 作者 |...

AI研习社



### 如何在Simulink中实现基于模型预测控制的传感器融合自适应

涅槃汽车

还没有评论

写下你的评论...

