试炼场的题目确实很具有代表性,但是近几年以来,又有许多经典题目出现在OI界中,这个大题单就是作为试炼场的扩展和补充。

PS: 题单建设中, 很多部分都还不完善, 有建议可以在下面提出。

# Copyleft



本项目采用知识共享署名-相同方式共享 4.0 国际许可协议进行许可。

# 更新日志

1.0 2019/1/24:

1. 再一次校对了题单,并修正了部分内容。

更早版本的更新日志请点击这里查看

# Part 0 试机题

三道试机题目。

- P1000 超级玛丽游戏
- P1001 A+B Problem
- P1008 三连击

# Part 1入门阶段

本部分内容主要针对入门Oler。算法的成分不算太多,主要是语言方面的知识。

# Part 1.1 程序三大结构——顺序, 分支与选择结构

这些内容是程序设计的基础。

- P1421 小玉买文具
- P1425 小鱼的游泳时间
- P1909 买铅笔
- P1089 津津的储蓄计划
- P1085 不高兴的津津
- P1035 级数求和
- P1980 计数问题
- P1014 Cantor表
- P1307 数字反转

## Part 1.2 数组基础

数组可以用于存储大量的信息。

- P1046 陶陶摘苹果
- P1047 校门外的树
- P2141 珠心算测验

## Part 1.3 字符串基础

字符串是特殊的数组,但它也有很多自身的特点。

- P5015 标题统计
- P1055 ISBN号码
- P1308 统计单词数
- P2010 回文日期

## Part 1.4 函数, 递归及递推

这是初学者最难理解的部分,建议画出递归图来理解递归的过程。

- P1028 数的计算
- P1036 选数
- P1464 Function
- P1192 台阶问题
- P1025 数的划分

# Part 2 普及组算法

这一部分的内容包含了OI中绝大多数的基本算法,供各位巩固基础。

## Part 2.1 模拟

模拟,顾名思义就是题目要求你做什么你就做什么,这样的题目很考验选手的代码组织能力。

- P1003 铺地毯
- P1067 多项式输出
- P1328 生活大爆炸版石头剪刀布
- P1563 玩具谜题
- P1042 乒乓球

## Part 2.2 排序算法

通过排序,我们可以将数据有序化,这让我们对数据的处理方便了很多。

- P1177 【模板】快速排序
- P1059 明明的随机数
- P1068 分数线划定
- P1051 谁拿了最多奖学金
- P1309 瑞士轮
- P1908 逆序对

## Part 2.3 基础搜索

搜索可以穷举各种情况。很多题目都可以用搜索完成。就算不能,搜索也是骗分神器。

### Part 2.3.1 深度优先搜索

深度优先搜索(DFS),即按照深度优先的顺序搜索的算法。

深度优先搜索一般使用栈来实现。

- P1378 油滴扩展
- P1219 八皇后
- P1019 单词接龙
- P5194 [USACO05DEC]Scales 天平

## Part 2.3.2 广度优先搜索

广度优先搜索(BFS),即优先扩展浅层节点,逐渐深入的搜索算法。

广度优先搜索一般使用队列来实现。

- P1162 埴涂颜色
- P1032 字串变换
- P1126 机器人搬重物
- P1443 马的遍历
- P3956 棋盘

## Part 2.4 二分答案

对一个满足单调性质的问题,我们可以采用二分答案的方法来解决。

- P1024 元三次方程求解
- P2678 跳石头
- P1314 聪明的质监员
- P1316 丟瓶盖
- P1083 借教室
- P1902 刺杀大使

# Part 2.5 分治

分治,即分而治之,将大问题分解为小问题,分别求解,最后合并结果。

- <u>P1226 【模板】快速幂 | 取余运算</u>
- P1010 幂次方
- P1498 南蛮图腾
- P1257 平面上的最接近点对
- P3612 [USACO17]AN]Secret Cow Code秘密奶牛码

## Part 2.6 基础数据结构

普及组阶段可能考到的数据结构有:链表、栈、队列、二叉树。

这几种数据结构都比较基础, 实现难度较低。

#### Part 2.6.1 链表

在一个数列中高效插入一个元素,链表毫无疑问是最好的选择。

• P1996 约瑟夫问题

### Part 2.6.2 栈

- 栈,是一种后进先出 (FILO) 的数据结构。
  - P1449 后缀表达式
  - P1739 表达式括号匹配
  - P1981 表达式求值

### Part 2.6.3 队列

- 队列,是一种先进先出(FIFO)的数据结构。
  - P1160 队列安排
  - P1540 机器翻译

### Part 2.6.4 二叉树

- 二叉树是一种特殊的树,它有很多特殊的性质。
  - P1<u>087\_FBI树</u>
  - P1030 求先序排列
  - P1305 新二叉树
  - P1229 遍历问题

## Part 2.7 贪心

- 贪心,指的是决策时都采取当前最优解的算法。有的时候,这样做确实可以获得最优解。
  - P1090 合并果子
  - P1208 [USACO1.3]混合牛奶 Mixing Milk
  - P1094 纪念品分组
  - P1080 国王游戏
  - P1199 三国游戏
  - P2672 推销员

## Part 2.8 动态规划基础

普及组考察的动态规划都比较基础,难度一般也不会太高。

### Part 2.8.1 线性动态规划

- 线性动态规划,即具有线性阶段划分的动态规划。
  - P1216 数字三角形
  - P1020 导弹拦截
  - P1091 合唱队形
  - P1005 矩阵取数游戏
  - P1095 守望者的逃离
  - P1541 乌龟棋

### Part 2.8.2 背包动态规划

背包动态规划是线性动态规划中特殊的一类,NOIP中考到的次数也不少。

- P1048 采药
- P1049 装箱问题
- P1060 开心的金明
- P5020 货币系统
- P1064 金明的预算方案
- P2946 [USACO09MAR]牛飞盘队Cow Frisbee Team
- P1855 榨取kkksc03
- P1156 垃圾陷阱

## Part 2.9 高精度

在C++中, long long都无法表示我们需要的整数时怎么办?那就用高精度吧!

- P1601 A+B Problem (高精)
- P2142 高精度减法
- P1303 A\*B Problem
- P1480 A/B Problem

# Part 3 提高组算法

算法的难度在这里又上了一个台阶,很多题目都需要多种算法间的结合。

## Part 3.1 高级动态规划

提高组的动态规划要比普及组复杂的多,状态的设计和转移都是值得讨论的话题。

## Part 3.1.1 区间动态规划

区间动态规划一般以区间作为动态规划的阶段。

- <u>P3146 [USACO160PEN]</u>248
- P2466 [SDOI2008]Sue的小球
- P4302 [SCOI2003]字符串折叠
- P1880 [NOI1995]石子合并
- P1063 能量项链

#### Part 3.1.2 树形动态规划

树形动态规划,即在树上进行的动态规划。

因为树的递归性质, 树形动态规划一般都是递归求解的。

- P1352 没有上司的舞会
- P2014 选课
- P1040 加分二叉树
- P1122 最大子树和

# Part 3.2 高级搜索

如何优化搜索的效率,让搜索算法拿到更多的分数?

我们在这里主要讨论记忆化搜索和剪枝这两种NOIP常用的搜索优化方法。

## Part 3.2.1 记忆化搜索

通过将已经遍历的状态记录下来,从而减少重复的搜索量,这就是记忆化搜索。 动态规划的时候,记忆化搜索也是一种高效简洁的实现方式。

- P1514 引水入城
- P1535 游荡的奶牛
- P1434 [SHOI2002]滑雪
- P3953 逛公园

### Part 3.2.2 搜索的剪枝

对于一些不必要搜索的部分,我们可以避免访问这些状态,从而提高搜索效率。

- P1120 小木棍 [数据加强版]
- P1312 Mayan游戏
- P1074 靶形数独

## Part 3.3 数学

OI中的数学知识很多,也有些杂乱。当然,NOIP考到的数学知识范围并不算太大。 这里给出的是NOIP中较常考的数学内容,更多的数学知识可以在省选部分找到。

## Part 3.3.1 整除相关

与整除相关的概念有很多, 比较常用的有素数, 最大公约数和欧拉函数。

#### Part 3.3.1.1 素数

素数,指的是除1和它本身之外没有其他约数的数。

- P3383 【模板】线性筛素数
- P1865 A % B Problem
- P4718【模板】Pollard-Rho算法

#### Part 3.3.1.2 最大公约数

如果两个数有一个共同的约数,那么这个约数就被称为公约数。最大公约数就是指这两个数的所有公约数中,最大的一个。

求解两个数的最大公约数,可以采用欧几里得算法解决。

- P1029 最大公约数和最小公倍数问题
- P2152 [SDOI2009]SuperGCD
- P1072 Hankson 的趣味题

#### Part 3.3.1.3 欧拉函数

欧拉函数  $\varphi(x)$  表示了小于 x 的数字中,与 x 互质的数字个数。

- P2158 [SDOI2008]仪仗队
- P2568 GCD

P2398 GCD SUM

## Part 3.3.2 不定方程相关

求解不定方程 ax + by = c 往往可以引出不少话题。

特别地,满足  $ax \equiv 1 \pmod{b}$ 的 x 被称为 a 在  $\mod b$  意义下的乘法逆元,记作  $a^{-1}$  。

- P4549 【模板】 装蜀定理
- P2613 【模板】有理数取余
- P1082 同余方程
- P3951 小凯的疑惑
- P1516 青蛙的约会
- P1414 又是毕业季II

### Part 3.3.3 博弈论

博弈论考虑游戏中的个体的预测行为和实际行为,并研究它们的优化策略。

- P1288 取数游戏II
- P1290 欧几里德的游戏
- P1247 取火柴游戏
- P2197 【模板】nim游戏
- P2252 取石子游戏

## Part 3.4 高级数据结构

虽然这些数据结构NOIP中并不一定会考察到,但这些数据结构都非常有用,并且也是学习更高级数据结构的基础。

#### Part 3.4.1 树状数组

树状数组是一种简洁高效的树形数据结构。

- P3374【模板】树状数组 1
- P3368 【模板】树状数组 2
- P1908 逆序对
- P1966 火柴排队
- P1972 [SDOI2009]HH的项链

#### Part 3.4.2 线段树

线段树的通用性比树状数组更强,可以处理更多涉及区间操作的题目。

- P3372 【模板】线段树 1
- P3373 【模板】线段树 2
- P1502 窗口的星星
- P2471 [SCOI2007]降雨量
- P1382 楼房

### Part 3.4.3 并查集

并查集常用于处理一些不相交集合的合并和查询问题。

- P1111 修复公路
- P3958 奶酪
- P2024 [NOI2001]食物链
- P1197 [JSOI2008]星球大战
- P1196 [NOI2002]银河英雄传说
- P1955 [NOI2015]程序自动分析
- P1525 关押罪犯

### Part 3.4.4 堆

堆总是一棵完全树,堆中某个节点的值总是不大于或不小于其父节点的值。

- P3378 【模板】堆
- P1168 中位数
- P2827 蚯蚓
- P2085 最小函数值

## Part 3.5 图论

图论是数学的一个分支,它以图为研究的对象。

### Part 3.5.1 图的存储与遍历

这里的图论内容都比较简单,涉及图的存储以及遍历图的方式。

- P2661 信息传递
- P2921 [USACO08DEC]在农场万圣节Trick or Treat on the Farm

#### Part 3.5.2 最短路问题

很多题目都可以转化为最短路的模型。因此,掌握最短路算法非常重要。

- P3371 【模板】单源最短路径 (弱化版)
- P4779 【模板】单源最短路径(标准版)
- P1144 最短路计数
- P5001 魔法祝福
- P1462 通往奥格瑞玛的道路
- P1522 牛的旅行 Cow Tours

### Part 3.5.3 树上问题

作为一种特殊的图,树上的问题具有很多鲜明的特点。

#### Part 3.5.3.1 树的直径

树的直径被定义为树上最远的两点间的距离。

计算树的直径,可以通过两遍DFS解决。

- P2195 HXY造公园
- P3629 [APIO2010]巡逻
- P1099 树网的核

### Part 3.5.3.2 最近公共祖先

两个点的最近公共祖先,即两个点的所有公共祖先中,离根节点最远的一个节点。

求解最近公共祖先, 常用的方法是树上倍增或者树链剖分。

- P3379 【模板】最近公共祖先 (LCA)
- P3938 斐波那契
- P4281 [AHOI2008]紧急集合 / 聚会
- P2420 让我们异或吧

### Part 3.5.4 最小生成树

用n-1条边将图上的n个点连接起来,就是最小生成树问题。

- P3366 【模板】最小生成树
- P1546 最短网络 Agri-Net
- P2330 [SCOI2005]繁忙的都市
- P1991 无线通讯网
- P1967 货车运输

## Part 3.5.5 拓扑排序

将一个有向无环图排序,使得所有排在前面的节点不能依赖于排在后面的节点,这就是拓扑排序。

- P1113 杂务
- P1983 车站分级
- P1038 神经网络

### Part 3.5.6 差分约束

差分约束要解决的问题是: 求出一组 n 元不等式的一组解, 使得所有约束关系都能得到满足。

- <u>P3275 [SCOI2011]糖果</u>
- P2294 [HNOI2005]狡猾的商人
- P4926 [1007] 倍杀测量者

### Part 3.5.7 图的连通性相关

利用Tarjan算法,我们可以解决很多与图的连通性相关的问题。

- P3387 【模板】缩点
- P3388 【模板】割点 (割顶)
- P4782 【模板】2-SAT 问题
- P2863 [USACO06]AN]牛的舞会The Cow Prom
- P2746 [USACO5.3]校园网Network of Schools
- P2341 [HAOI2006]受欢迎的牛
- <u>P3825 [NOI2017]游戏</u>

## Part 4 省选/NOI算法

省选考到的东西很多,这里列出代表性的题目,供大家参考。

# Part 4.1 省选数据结构

数据结构的题目,只有尽可能多练,才能熟能生巧。

### Part 4.1.1 分块

分块是一种非常通用的暴力方法,虽然效率不如线段树和树状数组,但可以解决很多线段树和树状数组处理不了的问题。

- P3870 [TJOI2009]开关
- P1972 [SDOI2009]HH的项链
- P1494 [国家集训队]小Z的袜子
- P3396 哈希冲突
- P1903 [国家集训队]数颜色 / 维护队列
- P1975 [国家集训队]排队
- P3710 方方方的数据结构
- P4074 [WC2013]糖果公园
- P4168 [Violet]蒲公英
- P4119 [Ynoi2018]未来日记
- P4117 [Ynoi2018] 五彩斑斓的世界

### Part 4.1.2 Trie树

- P2292 [HNOI2004]L语言
- P2922 [USACO08DEC]秘密消息Secret Message
- <u>P3065 [USACO12DEC]第一!First!</u>
- P3294 [SCOI2016]背单词
- <u>P3783 [SDOI2017]天才黑客</u>
- P3879 [T]OI2010]阅读理解
- P4551 最长异或路径
- P4407 [JSOI2009]电子字典

## Part 4.1.3 后缀数组

- P3809 【模板】后缀排序
- P1117 [NOI2016]优秀的拆分
- P2178 [NOI2015] 品酒大会
- P2463 [SDOI2008]Sandy的卡片
- P4051 [JSOI2007]字符加密

### Part 4.1.4 点分治

- P3806 【模板】点分治1
- P2634 [国家集训队]聪聪可可
- P2664 树上游戏
- P4292 [WC2010]重建计划
- P4149 [IOI2011]Race

#### Part 4.1.5 主席树

- P2468 [SDOI2010] 粟粟的书架
- P3157 [CQOI2011]动态逆序对
- P3302 [SDOI2013]森林
- P3168 [CQOI2015]任务查询系统
- P4559 [JSOI2018]列队

• P4618 [SDOI2018]原题识别

### Part 4.1.6 平衡树

- P3369 【模板】普诵平衡树
- <u>P3391 【模板】文艺平衡树(Splay)</u>
- P3285 [SCOI2014]方伯伯的OJ
- P3850 [TIOI2007]书架
- P4008 [NOI2003]文本编辑器
- P2042 [NOI2005]维护数列
- P1110 [Z]OI2007]报表统计
- P3644 [APIO2015]八邻旁之桥
- P3765 总统选举

#### Part 4.1.7 树链剖分

- P3384 【模板】树链剖分
- P3313 [SDOI2014]旅行
- P2590 [ZJOI2008]树的统计
- P2486 [SDOI2011]染色
- P2146 [NOI2015]软件包管理器
- <u>P3613 睡觉困难综合征</u>
- P3178 [HAOI2015]树上操作

### Part 4.1.8 树套树

- P3380 【模板】二逼平衡树 (树套树)
- P1975 [国家集训队]排队
- <u>P3332 [Z|OI2013]K大数查询</u>
- P4278 带插入区间K小值
- P1903 [国家集训队]数颜色 / 维护队列
- P3759 [T]OI2017]不勤劳的图书管理员

#### Part 4.1.9 动态树

- P3690 【模板】Link Cut Tree (动态树)
- <u>P3203 [HNOI2010]弹飞绵羊</u>
- <u>P1501 [国家集训队]Tree II</u>
- P4338 [Z]OI2018]历史
- P4312 [COCI 2009] OTOCI / 极地旅行社

#### Part 4.1.10 AC自动机

- P3808 【模板】AC自动机(简单版)
- P3796 【模板】AC自动机 (加强版)
- P3121 [USACO15FEB]审查(黄金) Censoring (Gold)
- P2336 [SCOI2012] 喵星球上的点名
- P2414 [NOI2011]阿狸的打字机
- P3966 [TJOI2013]单词

## Part 4.1.11 可持久化数据结构

可持久化数据结构实现了在更新信息的时候保留历史版本。

- P3835 【模板】可持久化平衡树
- P3919 【模板】可持久化数组(可持久化线段树/平衡树)
- P5055【模板】可持久化文艺平衡树
- <u>P3834 【模板】可持久化线段树 1 (主席树)</u>
- P3402 【模板】可持久化并查集

## Part 4.2 省选动态规划

省选的动态规划往往要与其他算法结合,对选手思维的要求也很高。

### Part 4.2.1 状态压缩动态规划

将一个状态压缩为一个整数(通常为二进制数),就可以在更为方便地进行状态转移的同时,达到节约空间的目的。

- P2704 [NOI2001]炮兵阵地
- P1879 [USACO06NOV]玉米田Corn Fields
- P1896 [SCOI2005]互不侵犯
- P2051 [AHOI2009]中国象棋
- P2150 [NOI2015]寿司晚宴
- P2157 [SDOI2009]学校食堂
- P2167 [SDOI2009]Bill的挑战
- P4925 [1007]Scarlet的字符串不可能这么可爱
- P5005 中国象棋 摆上马

## Part 4.2.2 倍增优化动态规划

利用倍增的方式,我们可以将状态转移的效率大大提高。

- P1081 开车旅行
- P1613 跑路
- P5024 保卫干国

#### Part 4.2.3 数据结构优化动态规划

利用数据结构来维护已有信息,也可以达到优化状态转移的目的。

- P4719 【模板】动态dp
- ₱4751 动态dp【加强版】

#### Part 4.2.4 单调队列优化动态规划

如果决策具有单调性,就可以考虑运用单调队列来优化动态规划的效率。

- P3572 [POI2014]PTA-Little Bird
- P3522 [POI2011]TEM-Temperature
- P4544 [USACO10NOV]购买饲料Buying Feed

#### Part 4.2.5 斜率优化动态规划

通过用单调队列维护一个凸壳,来达到优化转移的目的。

- P2305 [NOI2014]购票
- P2900 [USACO08MAR]土地征用Land Acquisition
- P3195 [HNOI2008]玩具装箱TOY
- P3628 [APIO2010]特别行动队
- P4027 [NOI2007]货币兑换

## Part 4.2.6 四边形不等式优化动态规划

利用四边形不等式,我们就可以提高一些区间动态规划的效率。

• <u>P4767 [IOI2000]邮局</u>

## Part 4.2.7 数位统计类动态规划

统计一个区间中满足条件的数有多少,就是数位统计类动态规划。

- P2602 [ZIOI2010]数字计数
- P3281 [SCOI2013]数数
- P2518 [HAOI2010]计数
- P2657 [SCOI2009]windy数
- P3286 [SCOI2014]方伯伯的商场之旅

## Part 4.2.8 轮廓线动态规划

轮廓线动态规划(即常说的插头DP)是一种特殊的状压动态规划,通过以轮廓线为状态来实现状态转移。

- P5056【模板】插头dp
- P2289 [HNOI2004]邮递员
- P2337 [SCOI2012] 喵星人的入侵

## Part 4.3 省选数学

真正进入了数学的海洋,这里的数学题类型繁多,思维难度也不小。

## Part 4.3.1 概率与期望

概率和期望是紧密相连的,OI中往往会出现和概率期望相关的动态规划问题。

- P1850 换教室
- P2081 [NOI2012]迷失游乐园
- P3600 随机数生成器
- P3830 [SHOI2012]随机树
- P4564 [CTSC2018]假面
- P5104 红包发红包
- P2473 [SCOI2008]奖励关
- P2221 [HAOI2012] <u>高速公路</u>
- P3317 [SDOI2014] 重建
- P3343 [Z]OI2015]地震后的幻想乡
- P4284 [SHOI2014]概率充电器

#### Part 4.3.2 线性代数

Part 4.3.2.1 矩阵

利用矩阵优化数列递推,可以实现复杂度从线性到对数级的转变。

- P3390 【模板】矩阵快速幂
- ₱ P1939 【模板】矩阵加速(数列)
- P1962 斐波那契数列
- P1349 广义斐波那契数列
- P4000 斐波那契数列

#### Part 4.3.2.2 高斯消元

高斯消元可以用来求解方程组。

- P4783 【模板】矩阵求逆
- P4035 [ISOI2008]球形空间产生器
- P4111 [HEOI2015]小Z的房间
- P4208 [JSOI2008]最小生成树计数
- P4387 付公主的函数
- P4457 [BJOI2018]治疗之雨

#### Part 4.3.2.3 线性基

线性基可以求解最大异或和的一类问题。

- P3812【模板】线性基
- <u>P3857 [T]OI2008]彩灯</u>
- P4151 [WC2011]最大XOR和路径
- P4301 [CQOI2013]新Nim游戏

### Part 4.3.3 组合数学

- <u>P3807 【模板】卢卡斯定理</u>
- P2822 组合数问题
- P1655 小朋友的球
- P3197 [HNOI2008]越狱
- P2290 [HNOI2004]树的计数
- P4931 情侣? 给我烧了! (加强版)
- P3214 [HNOI2011]卡农
- P3978 [T]OI2015]概率论

#### Part 4.3.4 多项式

对多项式的运算进行优化,从而能够解决规模更大的问题。

- P1919 【模板】A\*B Problem升级版 (FFT快速傅里叶)
- P3803 【模板】多项式乘法 (FFT)
- P4238 【模板】多项式求逆
- ₱ P4239 【模板】多项式求逆(加强版)
- P4245 【模板】任意模数NTT
- P4717 【模板】快速沃尔什变换
- P4721 【模板】分治 FFT
- P4091 [HEOI2016/TJOI2016]求和
- <u>P4461 [CQOI2018]九连环</u>

### Part 4.3.5 莫比乌斯反演

- P3768 简单的数学题
- P3172 [CQOI2015]选数
- P3455 [POI2007]ZAP-Queries
- P3327 [SDOI2015]约数个数和
- P4619 [SDOI2018]旧试题

## Part 4.4 省选搜索

省选的搜索要注意的细节很多,对代码效率的要求也比较高。

### Part 4.4.1 双向搜索

在搜索时,如果能从初态和终态出发,同时进行搜索,就可以减小搜索树的规模,提高时间效率。

- P3067 [USACO12OPEN]Balanced Cow Subsets
- P4799 [CEOI2015 Day2]世界冰球锦标寒
- P5195 [USACO05DEC]Knights of Ni 骑士

#### Part 4.4.2 A\*

在BFS中,如果能设计一个合理的估价函数,就可以更快扩展到最优解。这就是A\*算法。

• P1379 八数码难题

#### Part 4.4.3 IDA\*

像BFS那样,每次只扩展一层节点,却采用DFS方式来遍历搜索树,这就是迭代加深搜索。 再加上一个估价函数来减小搜索量,就是IDA\*了。

• P2324 [SCOI2005]骑士精神

# Part 4.5 省选图论

更复杂的图论问题,有些问题还要借助数据结构才能得到解决。

#### Part 4.5.1 二分图

二分图上的不少问题都可以转化成网络流解决,当然也有独特的其他方法。

- P3386 【模板】二分图匹配
- P2756 飞行员配对方案问题
- P1559 运动员最佳匹配问题
- P2055 [ZJOI2009] 假期的宿舍
- P2825 [HEOI2016/TJOI2016]游戏
- P3033 [USACO11NOV]牛的障碍Cow Steeplechase
- <u>P3731 [HAOI2017]新型城市化</u>

#### Part 4.5.2 网络流

网络流是图论中一个重要的分支,很多题目都可以通过建立网络流的模型来解决。

#### Part 4.5.2.1 最大流/最小割

最大流, 即求网络中最大的流量。

最小割,即求一个边权最小的边集,使得源点和汇点不再连通。

可以证明,最大流=最小割,因此我们将最大流和最小割专题放在一起。

- P3376 【模板】网络最大流
- P1345 [USACO5.4]奶牛的电信Telecowmunication
- P2774 方格取数问题
- P2763 试题库问题
- P2472 [SCOI2007]蜥蜴
- P2065 [TJOI2011]卡片
- P2765 魔术球问题
- P2764 最小路径覆盖问题
- P2766 最长不下降子序列问题
- P2805 [NOI2009]植物大战僵尸
- P3749 [六省联考2017]寿司餐厅
- P5039 [SHOI2010]最小生成树

#### Part 4.5.2.2 费用流

在网络流中给边加上一个参数——费用,就出现了费用流。

- P3381 【模板】最小费用最大流
- P2153 [SDOI2009]晨跑
- P2053 [SCOI2007]修车
- <u>P3159 [CQOI2012]交换棋子</u>
- P4016 负载平衡问题
- P4249 [WC2007]剪刀石头布
- P4452 [国家集训队]航班安排
- P2604 [Z]OI2010]网络扩容
- P2050 [NOI2012]美食节
- P3980 [NOI2008]志愿者招募