赛道修建

track

track

CCF 全国信息学奥林匹克联赛(NOIP2018)复赛

提高组 day1 (请选手务必仔细阅读本页内容)

铺设道路

road

road

货币系统

money

money

中文题目名称 英文题目与子目录名

可执行文件名

-. 题目概况

输入文件名	road.in	money.in	track.in
输出文件名	road.out	money.out	track.out
每个测试点时限	ls	ls	1s
测试点数目	10	20	20
每个测试点分值	10	5	5
附加样例文件	有	有	有
结果比较方式	全文比较(过滤行末空格及文末回车)		
题目类型	传统	传统	传统
运行内存上限	512M	512M	512M

对丁 pascal 语言 road.pas money.pas track.pas 三. 编译命令(不包含任何优化开关) 对于 C++语言 g++ -o money g++ -o track g++ -o road road.cpp -lm track.cpp -lm money.cpp -lm 对于C语言 gcc -o road road.c gee -o track track.e gcc -o money

-lm money.c -lm -lm 对于 pascal 语言 fpc road.pas fpc money.pas fpc track.pas 注意事项: 文件名(程序名和输入输出文件名)必须使用英文小写。

2、C/C++中函数 main()的返回值类型必须是 int, 程序正常结束时的返回值必须是 0。 3、全国统一评测时采用的机器配置为: Intel(R) Core(TM) i7-8700K CPU @ 3.70GHz, 内存 32GB。上述时限以此配置为准。 4、只提供 Linux 格式附加样例文件。

【输出格式】

【输入输出样例2】

【数据规模与约定】

第1页共7页

全国信息学奥林匹克联赛(NOIP2018)复赛 提高组 day1

域,一开始,第 i 块区域下陷的深度为 di。 春春每天可以选择一段连续区间 [L,R],填充这段区间中的每块区域,让其下陷深

春春希望你能帮他设计一种方案,可以在最短的时间内将整段道路的下陷深度都变

第二行包含 n 个整数, 相邻两数间用一个空格隔开, 第 i 个整数为 di 。

输出文件名为 road.out。 输出文件仅包含一个整数,即最少需要多少天才能完成任务。

4 3 2 5 3 5 见选手目录下的 road/road1.in 和 road/road1.ans。 【样例解释】

第2页共7页

2. 货币系统

(money.cpp/c/pas)

假设每一种货币都有无穷多张。为了方便, 我们把货币种数为 n、面额数组为 a[1..n]

每一个非负整数 x,都存在 n 个非负整数 t[i] 满足 a[i] x t[i] 的和为 x。然而,

在网友的国度中, 货币系统可能是不完善的, 即可能存在金额 × 不能被该货币系统表

在网友的国度中共有 n 种不同面额的货币, 第 i 种货币的面额为 a[i], 你可以

在一个完善的货币系统中,每一个非负整数的金额 × 都应该可以被表示出,即对

两个货币系统 (n,a) 和 (m,b) 是等价的,当且仅当对于任意非负整数 x,它要

么均可以被两个货币系统表出, 要么不能被其中任何一个表出。 现在网友们打算简化一下货币系统。他们希望找到一个货币系统 (m,b),满足

(m,b) 与原来的货币系统 (n,a) 等价,且 m 尽可能的小。他们希望你来协助完成这

示出。例如在货币系统 n=3, a=[2,5,9] 中, 金额 1,3 就无法被表示出来。

【输入格式】 输入文件名为 money.in。

个艰巨的任务: 找到最小的 m。

提高组 day1

提高组 day1

money.out money.in 5 3 19 10 6

输出文件共有 T 行,对于每组数据,输出一行一个正整数,表示所有与 (n,a) 等

【输入输出样例2】 见选手目录下的 money/money2.in 和 money/money2.ans。

【数据规模与约定】

测试点

1

2

8

9

10

全国信息学奥林匹克联赛(NOIP2018)复赛

n

= 2

=4

= 5

3 13 4 14 5 15 ≤ 25 ≤ 40 ≤ 1000 6 16 7 17

测试点

11

12

18

19

20

n

 ≤ 13

 ≤ 100

 a_i

 ≤ 16

 ≤ 25000

 a_i

提高组 day1

提高组 day1

全国信息学奥林匹克联赛(NOIP2018)复赛

第5页共7页

需要修建3条赛道。可以修建如下3条赛道: 1. 经过第1,6条道路的赛道(从路口1到路口7),长度为6+9=15;

否 ≤ 200 否 $\leq 1,000$

为 0。 【输入格式】 输入文件名为 road.in。

一种可行的最佳方案是,依次选择:

对于 30% 的数据, $1 \le n \le 10$;

对于 70% 的数据, $1 \le n \le 1000$;

输入文件包含两行,第一行包含一个整数 n,表示道路的长度。

9

[1,6]、[1,6]、[1,2]、[1,1]、[4,6]、[4,4]、[4,4]、[6,6]、[6,6]。

见选手目录下的 road/road2.in 和 road/road2.ans。

对于 100% 的数据, $1 \le n \le 100000$, $0 \le d_i \le 10000$ 。

每组数据的第一行包含一个正整数 n。接下来一行包含 n 个由空格隔开的正整数 a[i]. 【输出格式】 输出文件名为 money.out。

11 29 13 19 17 见选手目录下的 money/money1.in 和 money/money1.ans。 【输入输出样例1说明】 在第一组数据中,货币系统(2,[3,10])和给出的货币系统(n,a)等价,并

在第二组数据中,可以验证不存在 m < n 的等价的货币系统,因此答案为 5。

第3页共7页

可以验证不存在 m < 2 的等价的货币系统, 因此答案为 2。

对于 100% 的数据, 满足 1 ≤ T ≤ 20, n,a[i] ≥ 1。

全国信息学奥林匹克联赛(NOIP2018)复赛 3. 赛道修建 (track.cpp/c/pas) 【问题描述】 C 城将要举办一系列的赛车比赛。在比赛前,需要在城内修建 m 条赛道。 C 城一共有n个路口,这些路口编号为1,2,...,n,有n-1条适合于修建赛道的双 向通行的道路,每条道路连接着两个路口。其中,第 i 条道路连接的两个路口编号为 ai 和 b_i ,该道路的长度为 l_i 。借助这n-1条道路,从任何一个路口出发都能到达其他所 有的路口。 一条赛道是一组互不相同的道路 $e_1, e_2, ..., e_k$, 满足可以从某个路口出发, 依次经过 道路 $e_1, e_2, ..., e_k$ (每条道路经过一次,不允许调头)到达另一个路口。一条赛道的长度 等于经过的各道路的长度之和。为保证安全, 要求每条道路至多被一条赛道经过。 目前赛道修建的方案尚未确定。你的任务是设计一种赛道修建的方案, 使得修建的 m条赛道中长度最小的赛道长度最大(即m条赛道中最短赛道的长度尽可能大)。 【输入格式】 输入文件名为 track.in。

第4页共7页

输入文件第一行包含两个由空格分隔的正整数 n, m, 分别表示路口数及需要修建的

接下来n-1行,第i行包含三个正整数 a_i,b_i,l_i ,表示第i条适合于修建赛道的道

track.out

31

路连接的两个路口编号及道路长度。保证任意两个路口均可通过这 n-1条道路相互到

输出共一行,包含一个整数,表示长度最小的赛道长度的最大值。

见选手目录下的 track/track1.in 与 track/track1.ans。

所有路口及适合于修建赛道的道路如下图所示:

10 道路旁括号内的数字表示道路的编号,非括号内的数字表示道路长度。 需要修建1条赛道。可以修建经过第3,1,2,6条道路的赛道(从路口4到路口7), 则该赛道的长度为9+10+5+7=31,为所有方案中的最大值。

track.out

15

2. 经过第5,2,3,8条道路的赛道(从路口6到路口9),长度为4+3+5+4=16; 3. 经过第7.4条道路的赛道(从路口8到路口5),长度为7+10=17。 长度最小的赛道长度为15,为所有方案中的最大值。 【输入输出样例3】 见选手目录下的 track/track3.in 与 track/track3.ans。 第6页共7页

见选手目录下的 track/track2.in 与 track/track2.ans。

所有路口及适合于修建赛道的道路如下图所示:

提高组 day1 分支不超过3 $b_i = a_i + 1$ $a_i = 1$ nm ≤ 5 = 1否 否 是 是 ≤ 10 $\leq n-1$ 是 否 ≤ 15 否 是 $\leq 1,000$ 是 =1否 否 $\leq 30,000$ 否 是 $\leq 50,000$ $\leq 1,000$ 是 $\leq 30,000$ $\leq 50,000$ 是 ≤ 50 $\leq n-1$

16 17 18 否 $\leq 30,000$ 19 20 $\leq 50,000$

对于所有的数据, $2 \le n \le 50,000$, $1 \le m \le n-1$, $1 \le a_i$, $b_i \le n$, $1 \le l_i \le 10,000$ 。

其中,"分支不超过3"的含义为:每个路口至多有3条道路与其相连。

5、特别提醒:评测在当前最新公布的 NOI Linux 下进行,各语言的编译器版本以其为准。 1. 铺设道路 (road.cpp/c/pas) 【问题描述】 春春是一名道路工程师,负责铺设一条长度为 n 的道路。 铺设道路的主要工作是填平下陷的地表。整段道路可以看作是 n 块首尾相连的区

度减少 1。在选择区间时,需要保证,区间内的每块区域在填充前下陷深度均不为 0。

【输入输出样例1】 road.in road.out

全国信息学奥林匹克联赛(NOIP2018)复赛

【问题描述】

的货币系统记作 (n,a)。

输入文件的第一行包含一个整数 T,表示数据的组数。接下来按照如下格式分别给 出工组数据。

价的货币系统 (m,b) 中,最小的 m。

【输入输出样例1】

达。每行中相邻两数之间均由一个空格分隔。

输出文件名为 track.out。

寨道数。

【输出格式】

track.in

7 1

1 2 10

1 3 5

2 4 9

2 5 8

3 6 6

3 7 7

【输入输出样例1】

【输入输出样例1说明】

【输入输出样例 2】

【输入输出样例 2 说明】

track.in

9 3

1 2 6

2 3 3

3 4 5

6 2 4

7 2 9

8 4 7

9 4 4

4 5 10

全国信息学奥林匹克联赛(NOIP2018)复赛 【数据规模与约定】 所有测试数据的范围和特点如下表所示 测试点编号

2

3

4

5

6

7

8

9

10

11

12

13

14

15