3. 积木搭建

(1) 问题描述

单位立方体(unit cube)是一个 1×1×1 的立方体,它的所有角的 x, y 和 z 坐标都是整数。我们称两个单位立方体是连通的,当且仅当它们有一个公共的面;一个构形(solid)或者是一个单位立方体,或者是由多个单位立方体组成的连通物体(如图 1 所示),它的体积就是它所含的单位立方体的个数。

一块积木(block)是一个体积不超过4的构形。如果两块积木可以通过平移、旋转(注意,不能镜像)操作变得完全一样,我们称它们属于同一种类。这样,积木总共有12类(如图2所示)。图2中积木的不同颜色仅仅是为了帮助你看清楚它的结构,并没有其他任何含义。

一个构形可以由若干块积木组成。如果用一些积木可以互不重叠地搭建出某个构形,那么就称这些积木是这个构形的一种分解(decomposition)。

你的任务是写一个程序,对于给定的一组积木种类和一个构形 S,求出尽可能少的积木个数,使得它们能够搭建出构形 S。你只需给出这个最少的积木个数,以及这些积木各自所属的种类,而不必给出具体的搭建方案。

(2) 输入

在输入文件中,一个单位立方体用同一行中的三个整数 x, y, z 表示。坐标(x, y, z) 是该单位立方体各个顶点坐标{ (x_i, y_i, z_i) | i=1..8}中 $x_i+y_i+z_i$ 最小的。

输入文件有两个。

第一个输入文件描述了积木的不同种类,文件名为 TYPES.IN。在下文"输入输出样例"部分给出了一个 TYPES.IN 文件,它依次定义了图 2 所示的 12 种积木。注意: 所有的测试数据都将统一采用该 TYPES.IN 文件。

每一种类的积木由连续的若干行描述。第一行是积木的种类编号 I($1 \le I \le 12$);第二行是该类积木的体积 V($1 \le V \le 4$);随后的 V 行每行包含三个整数 x,y 和 z,表示组成该类积木的一个单位立方体,其中 $1 \le x$,y, $z \le 4$ 。

构形 S 由另一个输入文件描述,文件名为 BLOCK.IN。它的第一行是该构形的体积 V $(1 \le V \le 50)$; 随后的 V 行每行包含三个整数 x, y 和 z,表示组成该构形的一个单位立方体,其中 $1 \le x$, y, z ≤ 7 。

(3) 输出

输出文件名为 BLOCK.OUT。

它的第一行是一个正整数 M,表示使用积木的最少块数。

文件的第二行列出 M 个整数,表示搭建出构形 S 的 M 块积木各自的种类。用 M 块积木搭建构形 S 可能有多种不同的方案,你只需输出其中的一种。

(4) 输入输出样例

TYPES.IN

```
1
1 1 1
1 1 1
1 2 1
1 1 1
1 2 1
1 3 1
1 1 1
1 2 1
1 1 2
1 1 1
1 2 1
1 3 1
1 4 1
4
1 1 1
1 2 1
1 1 2
1 2 2
1 1 1
1 2 1
1 1 2
1 1 3
8
4
1 1 1
1 2 1
1 3 1
1 2 2
1 2 1
1 3 1
1 1 2
1 2 2
10
2 1 1
1 2 1
2 2 1
2 1 2
11
1 1 1
2 2 1
1 1 2
12
2 2 1
2 1 2
1 2 2
2 2 2
```

BLOCK.IN

```
18
2 1 1
4 1 1
2 3 1
4 3 1
2 1 2
3 1 2
4 1 2
1 2 2
2 2 2
3 2 2
4 2 2
2 3 2
3 3 2
4 3 2
4 2 3
4 2 4
4 2 5
5 2 5
```

BLOCK.OUT

```
5
7 10 2 10 12
```

注意:

- 样例文件 BLOCK.IN 描述的是图 1 所示的马状构形。
- **②** 其它用 5 块积木搭建该构形的方法如下:

```
2 7 10 11 12
2 7 11 11 12
4 4 7 10 11
```

4 4 9 10 11

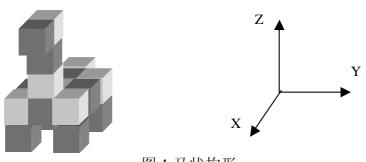


图 1 马状构形

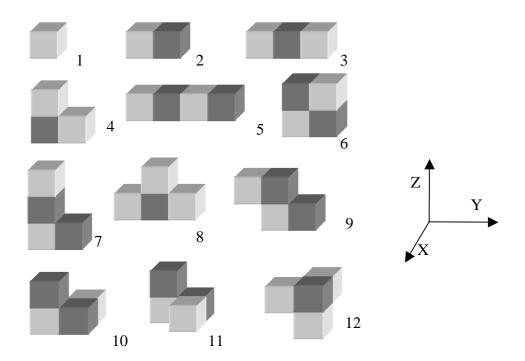


图 2 12 种不同的积木种类