第二十四届全国青少年信息学奥林匹克联赛初赛

提高组 C++语言试题

竞赛时间: 2018年10月13日14:30~16:30

选手注意:

- 试题纸共有 10 页,答题纸共有 2 页,满分 100 分。请在答题纸上作答,写 在试题纸上的一律无效。
- 不得使用任何电子设备(如计算器、手机、电子词典等)或查阅任何书籍资 料。
- 一、单项选择题(共10题,每题2分,共计20分;每题有且仅有一个正确选项)

1.	下列四个不同进制的数中,	与其它三项数值上不相等的是()。
	A. (269) ₁₆	
	B. (617) ₁₀	
	C. (1151) ₈	
	D. (1001101011) ₂	- /

- 2. 下列属于解释执行的程序设计语言是(
 - A. C
 - B. C++
 - C. Pascal
 - D. Python
-) 年创办全国青少年计算机程序设计竞赛。 3. 中国计算机学会于(
 - A. 1983
 - B. 1984
 - C. 1985
 - D. 1986
- **4.** 设根节点深度为 0, 一棵深度为 k 的满 k (k>1) 叉树,即除最后一层无任何 子节点外,每一层上的所有结点都有 k 个子结点的树,共有() 个结点。 A. $(k^{h+1} - 1) / (k - 1)$
 - B. k h-1
 - C. k^h
 - D. $(k^{h-1})/(k-1)$
- **5.** 设某算法的时间复杂度函数的递推方程是 T(n) = T(n-1) + n (n) 为正整数) 及 T(0) = 1,则该算法的时间复杂度为()。

 - A. $O(\log n)$ B. $O(n \log n)$ C. O(n) D. $O(n^2)$

```
6. 表达式 a * d - b * c 的前缀形式是()。
  A. a d * b c * -
  B. - * a d * b c
  C. a * d - b * c
  D. - * * a d b c
7. 在一条长度为1的线段上随机取两个点,则以这两个点为端点的线段的期望
  长度是()。
  A. 1/2
  B.1/3
  C.2/3
  D. 3 / 5
8. 关于 Catalan 数 Cn = (2n)! / (n+1)! / n! ,下列说法中错误的是(
  A. Cn 表示有 n+1 个结点的不同形态的二叉树的个数。
  B. Cn 表示含 n 对括号的合法括号序列的个数。
  C. Cn 表示长度为 n 的入栈序列对应的合法出栈序列个数。
  D. Cn 表示通过连接顶点而将 n+2 边的凸多边形分成三角形的方法个数。
9. 假设一台抽奖机中有红、蓝两色的球,任意时刻按下抽奖按钮,都会等概率
  获得红球或蓝球之一。有足够多的人每人都用这台抽奖机抽奖,假如他们的
  策略均为: 抽中蓝球则继续抽球, 抽中红球则停止。最后每个人都把自己获
  得的所有球放到一个大箱子里,最终大箱子里的红球与蓝球的比例接近于
  ( ) 。
  A. 1:2
  B. 2:1
  C.1:3
  D. 1:1
10. 为了统计一个非负整数的二进制形式中1的个数,代码如下:
  int CountBit(int x)
  {
     int ret = 0;
     while (x)
       ret++;
     return ret;
```

则空格内要填入的语句是()。

A. x >>= 1

- B. x &= x 1 C. x |= x >> 1 D. x <<= 1 不定项选择 多选或少选
- 二、不定项选择题(共5题,每题2分,共计10分;每题有一个或多个正确选项,多选或少选均不得分)
- 1. NOIP 初赛中,选手可以带入考场的有()。
 - A. 笔
 - B. 橡皮
 - C. 手机(关机)
 - D. 草稿纸
- 2. 2-3 树是一种特殊的树,它满足两个条件:
 - (1)每个内部结点有两个或三个子结点;
 - (2) 所有的叶结点到根的路径长度相同。

如果一棵 2-3 树有 10 个叶结点,那么它可能有(一)个非叶结点。

- A. 5
- B. 6
- C. 7
- D. 8
- 3. 下列关于最短路算法的说法正确的有()。
 - A. 当图中不存在负权回路但是存在负权边时,Dijkstra 算法不一定能求出源点到所有点的最短路。
 - B. 当图中不存在负权边时,调用多次 Dijkstra 算法能求出每对顶点间最短路 径。
 - C. 图中存在负权回路时,调用一次 Dijkstra 算法也一定能求出源点到所有点的最短路。
 - D. 当图中不存在负权边时,调用一次 Dijkstra 算法不能用于每对顶点间最短路计算。
- 4. 下列说法中,是树的性质的有()。
 - A. 无环
 - B. 任意两个结点之间有且只有一条简单路径
 - C. 有且只有一个简单环
 - D. 边的数目恰是顶点数目减 1
- 5. 下列关于图灵奖的说法中,正确的有()。
 - A. 图灵奖是由电气和电子工程师协会(IEEE)设立的。
 - B. 目前获得该奖项的华人学者只有姚期智教授一人。
 - C. 其名称取自计算机科学的先驱、英国科学家艾伦·麦席森·图灵。

D. 它是计算机界最负盛名、最崇高的一个奖项,有"计算机界的诺贝尔奖"之称。

三、问题求解(共2题,每题5分,共计10分)

- 1. 甲乙丙丁四人在考虑周末要不要外出郊游。 己知①如果周末下雨,并且乙不去,则甲一定不去;②如果乙去,则丁一定去;③如果丙去,则丁一定不去;④如果丁不去,而且甲不去,则丙一定不去。如果周末丙去了,则甲_____(去了/没去)(1分),乙_____(去了/没去)(1分),丁____(去了/没去)(1分),周末____(下雨/没下雨)(2分)。
- 2. 方程 a*b = (a or b) * (a and b), 在 a,b 都取 [0, 31] 中的整数时, 共有 组解。(*表示乘法; or 表示按位或运算; and 表示按位与运算)

四、阅读程序写结果(共4题,每题8分,共计32分)

2. #include <cstdio>
 int n, d[100];
 bool v[100];
 int main() {
 scanf("%d", &n);
 for (int i = 0; i < n; ++i) {
 scanf("%d", d + i);
 v[i] = false;</pre>

```
}
     int cnt = 0;
     for (int i = 0; i < n; ++i) {
       if (!v[i]) {
        for (int j = i; v[j]; j = d[j]) {
          v[j] = true;
        ++cnt;
       }
     printf("%d\n", cnt);
     return 0;
   }
   输入: 10 7 1 4 3 2 5 9 8 0 6
   输出:
3. #include <iostream>
   using namespace std;
   string s;
   long long magic(int 1, int r) {
      long long ans = 0;
      for (int i = 1; i <= r; ++i) {
         ans = ans * 4 + s[i] - 'a' + 1;
      }
      return ans;
   }
   int main() {
      cin >> s;
      int len = s.length();
  int ans = 0;
      for (int 11 = 0; 11 < len; ++11) {
        for (int r1 = l1; r1 < len; ++r1) {
            bool bo = true;
          for (int 12 = 0; 12 < len; ++12) {
                for (int r2 = 12; r2 < len; ++r2) {
                   if (magic(l1, r1) == magic(l2, r2) && (l1 !=
   12 || r1 != r2)) {
                      bo = false;
                }
             }
            if (bo) {
```

```
ans += 1;
             }
          }
      }
      cout << ans << endl;</pre>
      return 0;
   }
   输入: abacaba
   输出:
4. #include <cstdio>
   using namespace std;
   const int N = 110;
   bool isUse[N];
   int n, t;
   int a[N], b[N];
   bool isSmall() {
      for (int i = 1; i <= n; ++i)
          if (a[i] != b[i]) return a[i] < b[i];</pre>
      return false;
   }
   bool getPermutation(int pos) {
      if (pos > n) {
          return isSmall();
      for (int i = 1; i <= n; ++i) {
         if (!isUse[i]) {
             b[pos] = i; isUse[i] = true;
             if (getPermutation(pos + 1)) {
                return true;
             isUse[i] = false;
      return false;
   void getNext() {
      for (int i = 1; i <= n; ++i) {
          isUse[i] = false;
      }
      getPermutation(1);
      for (int i = 1; i <= n; ++i) {
```

```
a[i] = b[i];
   }
}
int main() {
  scanf("%d%d", &n, &t);
   for (int i = 1; i <= n; ++i) {
      scanf("%d", &a[i]);
   }
   for (int i = 1; i <= t; ++i) {
      getNext();
   for (int i = 1; i <= n; ++i) {
      printf("%d", a[i]);
      if (i == n) putchar('\n'); else putchar('
   }
   return 0;
}
输入1:610164532
输出 1: _____(3分)
输入2:6 200 1 5 3 4 2 6
输出 2: _____(5分)
```

五、完善程序(共2题,每题14分,共计28分)

1. 对于一个1到n的排列P(即1到n中每一个数在P中出现了恰好一次),令 q_i 为第i个位置之后第一个比 P_i 值更大的位置,如果不存在这样的位置,则 $q_i = n + 1$ 。举例来说,如果n = 5且P为1 5 4 2 3,则<math>q为2 6 6 5 6。

下列程序读入了排列P,使用双向链表求解了答案。试补全程序。(第二空 2 分,其余 3 分) 数据范围 $1 \le n \le 10^5$ 。

```
#include <iostream>
using namespace std;
const int N = 100010;
int n;
int L[N], R[N], a[N];
int main() {
   cin >> n;
   for (int i = 1; i <= n; ++i) {
      int x;</pre>
```

2. 一只小猪要买 N 件物品(N 不超过 1000)。

它要买的所有物品在两家商店里都有卖。第 i 件物品在第一家商店的价格是 a[i],在第二家商店的价格是 b[i],两个价格都不小于 0 且不超过 10000。如果在第一家商店买的物品的总额**不少于** 50000,那么在第一家店买的物品都可以打 95 折(价格变为原来的 0.95 倍)。

求小猪买齐所有物品所需最少的总额。

输入:第一行一个数 N。接下来 N 行,每行两个数。第 i 行的两个数分别代表 a[i],b[i]。

输出:输出一行一个数,表示最少需要的总额,保留两位小数。 试补全程序。(第一空 2 分,其余 3 分)

```
#include <cstdio>
#include <algorithm>
using namespace std;

const int Inf = 1000000000;
const int threshold = 50000;
const int maxn = 1000;

int n, a[maxn], b[maxn];
bool put_a[maxn];
int total_a, total_b;
```

```
double ans;
int f[threshold];
int main() {
   scanf("%d", &n);
   total a = total b = 0;
   for (int i = 0; i < n; ++i) {
      scanf("%d%d", a + i, b + i);
      if (a[i] <= b[i]) total_a += a[i];</pre>
      else total b += b[i];
   }
   ans = total_a + total_b;
   total_a = total_b = 0;
   for (int i = 0; i < n; ++i) {
      if (<u>(1)</u>) {
         put_a[i] = true;
         total a += a[i];
      } else {
         put_a[i] = false;
         total_b += b[i];
      }
   if (<u>(2)</u>) {
      printf("%.2f", total_a * 0.95 + total_b);
      return 0;
   }
   f[0] = 0;
   for (int i = 1; i < threshold; ++i)</pre>
      f[i] = Inf;
   int total_b_prefix = 0;
   for (int i = 0; i < n; ++i)
   if (!put a[i]) {
     total b prefix += b[i];
      for (int j = threshold - 1; j >= 0; --j) {
       if ( (3) >= threshold && f[j] != Inf)
             ans = min(ans, (total_a + j + a[i]) * 0.95
                                + (4) );
         f[j] = min(f[j] + b[i], j >= a[i] ? ___(5) : Inf);
      }
   printf("%.2f", ans);
   return 0;
}
```