1.4 逻辑运算与逻辑门

逻辑变量与逻辑运算

- 逻辑:是指事物因果之间所遵循的规律
- 逻辑变量:逻辑代数中的变量,一般用大写字母A、B、C...表示。逻辑变量只有两种取值,即逻辑0和逻辑1。0和1没有数值意义,仅是一种符号,代表事物矛盾双方的两种状态。
- 逻辑运算:逻辑变量按照某种特定的**因果关系**进行的运算, 三种基本逻辑运算:**与、或、非**。

1.4 逻辑运算与逻辑门

逻辑函数

- 为避免用冗繁的文字来描述逻辑问题,采用逻辑变量和逻辑运算符组成逻辑函数表达式来描述事物的因果关系。
- 若输入逻辑变量A、B、C … 的取值确定后,其输出逻辑 变量L的值也被唯一地确定了,则可以称L是A、B、C … 的逻辑函数 ,可记为 $\frac{\mathbb{Z}_{\mathbb{A}}\mathbb{Z}_{\mathbb{A}}\mathbb{Z}_{\mathbb{A}}\mathbb{Z}_{\mathbb{A}}\mathbb{Z}_{\mathbb{A}}\mathbb{Z}_{\mathbb{A}}}{\mathbb{Z}_{\mathbb{A}}\mathbb{Z}_{\mathbb{A}}\mathbb{Z}_{\mathbb{A}}\mathbb{Z}_{\mathbb{A}}\mathbb{Z}_{\mathbb{A}}}$

$$L = f(A, B, C, \cdots)$$

逻辑电路:数字电路能够实现逻辑函数描述的输出与输入之间因果关系的电路。

1.4.1 逻辑运算

基本逻辑运算:与、或、非

所有的逻辑电路最 后都可以转化为与 非运算

复合逻辑运算:与非、或非、同或、异或

逻辑运算的描述方式:

逻辑函数表达式 真值表

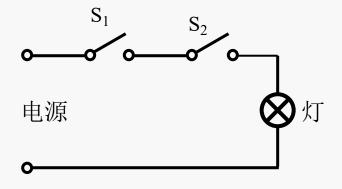
逻辑图 卡诺图

波形图 硬件描述语言 (HDL)等

1.4.1 逻辑运算(1)——"与"

与逻辑:只有当决定某一事件的条件全部具备时,该事件才会发生。

与逻辑举例



与逻辑举例状态表

开关S ₁	开关S ₂	灯
断	断	灭
断	合	灭
合	断	灭
合	合	亮

1.4.1 逻辑运算(1)——"与"

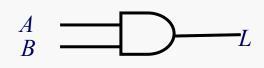
与逻辑举例状态表

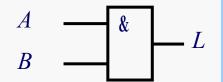
开关S ₁	开关 S_2	灯	-
断	断	灭	_
断	合	灭	
合	断	灭 亮	
合	合	亮	,

与逻辑真值表

-	A	В	L
_	0	0	0
	0	1	0
	1	0	0
,	1	1	1

与逻辑符号





 $S_1 - A$

 S_2 -B

断-0

合-1

灯-L

灭-0

亮-1

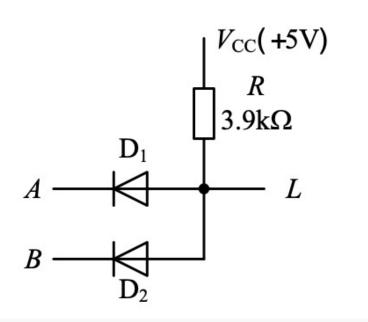
与逻辑表达式: $L = A \cdot B = AB$

口诀:见0为0,全1才是1

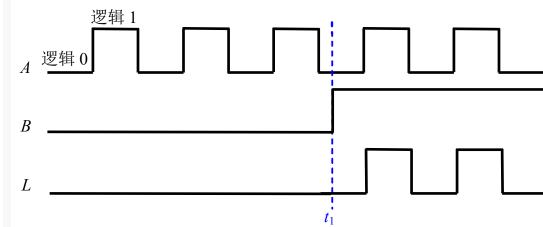
1.4.1 逻辑运算(1)——"与"

与门:实现与逻辑运算的电路

只要A、B有一个为0(低电平),则 二极管至少有一个导通,L为0. 只有当A、B同时为1时,二极管都截 止,L与高电平相连,为1.



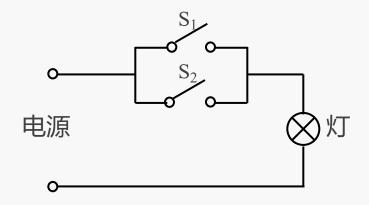
二极管实现与逻辑电路



1.4.1 逻辑运算(2)——"或"

或逻辑:只要在决定某一事件的各种条件中,有一个或几个条件具备时,该事件就会发生。

或逻辑举例



或逻辑举例状态表

开关S ₁	开关 S_2	灯
断	断	灭
断	合	亮
合	断	亮 亮 亮
合	合	亮

1.4.1 逻辑运算(2)——"或"

或逻辑举例状态表

开关S ₁	开关 S_2	灯
断	断	灭
断	合	灭
合	断	灭
合	合	亮



或逻辑真值表

A	В	L
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

或逻辑符号

$$A \longrightarrow B \longrightarrow I$$

$$A \to L$$

或逻辑表达式: L = A + B

口诀:见1为1,全0才是0

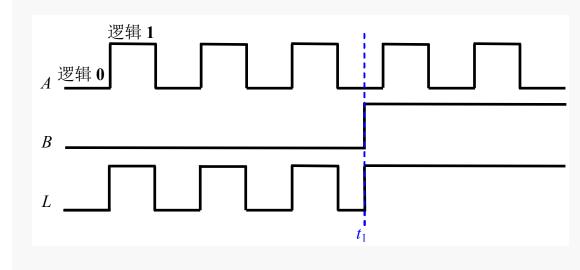
1.4.1 逻辑运算(2)——"或"

或门:实现或逻辑运算的电路

 $\begin{array}{c|c}
D_1 \\
R \\
D_2
\end{array}$ $\begin{array}{c|c}
R \\
3.9k\Omega
\end{array}$

二极管实现或逻辑电路

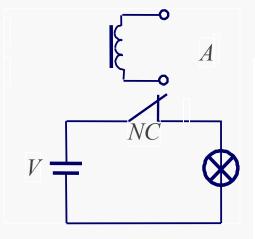
与上面分析类似 A、B只要有一个为1,则二 极管至少有一个导通,L与高 电平相连,为1. 当A、B全为0时,截止,L与 低电平相连,为0.

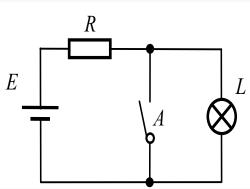


1.4.1 逻辑运算(3)——"非"

非逻辑:事件发生的条件具备时,事件不会发生;事件发生的条件不具备时,事件发生。

非逻辑举例





非逻辑举例状态表

A	灯
不通电	亮
通电	灭

1.4.1 逻辑运算(3)——"非"

非逻辑举例状态表

A	灯
不通电	亮
通电	灭

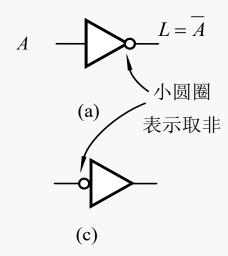
线圈(A) 通电-1 不通电-0

灯(*L*) 灭-0 亮 -1

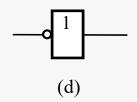
非逻辑真值表

A	L
0	1
1	0

非逻辑符号



$$A \qquad \boxed{1} \qquad L = \overline{A}$$
(b)

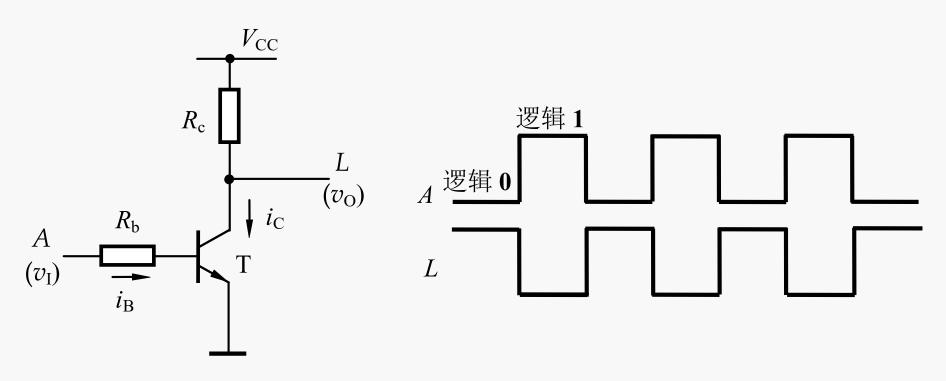


非逻辑表达式

$$L = \overline{A}$$

1.4.1 逻辑运算(3)——"非"

非门:实现非逻辑运算的电路



二极管实现非逻辑电路

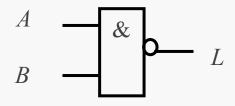
MOS管?

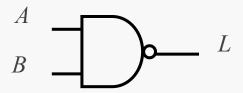
1.4.1 逻辑运算(4)——"与非"

两输入变量 与非逻辑真值表

A	В	L
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

与非逻辑符号





与非逻辑表达式 $L = \overline{AB}$

$$L = \overline{AB}$$

1.4.1 逻辑运算(5)——"或非"

两输入变量

或非逻辑真值表

\overline{A}	В	L
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

或非逻辑符号

$$\begin{array}{c|c}
A & \longrightarrow \\
B & \longrightarrow \\
\end{array}$$

$$\begin{array}{ccc}
A & & \\
B & & \\
\end{array}$$

$$L = \overline{A + B}$$

1.4.1 逻辑运算(6)——"异或"

异或:若两个输入变量的值相异,输出为1,否则为0。

异或逻辑真值表

A	В	L
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

异或逻辑符号

$$\begin{array}{c|c}
A & \longrightarrow & = 1 \\
B & \longrightarrow & = 1
\end{array}$$

$$A \longrightarrow \sum_{B} L = A \oplus B$$

异或逻辑表达式 $L = \bar{A}B + A\bar{B} = A \oplus B$

1.4.1 逻辑运算——"同或"

同或:若两个输入变量的值相同,输出为1,否则为0。

同或逻辑真值表

A	В	L
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

同或逻辑逻辑符号

$$\begin{array}{c}
A \\
B
\end{array}$$

同或就是对异或再取非

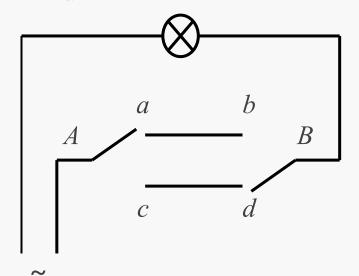
同或逻辑表达式 $L = \bar{A} \bar{B} + AB = A \odot B$

1.4.2 应用举例(1)——状态表

下图是一个控制楼梯照明灯的电路。单刀双掷开关A装在楼下,B装在楼上。上楼时,在楼下开灯后,可在楼上关灯;下楼时,可在楼上开灯,而在楼下关灯。

试列出灯的状态和开关位置之间的逻辑关系的真值表,并写出逻辑表达式, 画出逻辑图和波形图。

楼道灯开关示意图



1. 开关状态表

开关 A	开关 B	灯
下	下	亮
下	上	灭
上	下	灭
上	上	亮

1.4.2 应用举例(2)——逻辑抽象

开关状态表

开关 A	开关 B	灯
下	ユ	亮
下	上	灭
上	下	灭
上	上	亮

确定变量、函数,并赋值

开关: 变量 A、B

灯:函数L

A、B: 向上-1 向下-0

L : 亮-1; 灭-0

逻辑 抽象

逻辑真值表

A	В	L
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

1.4.2 应用举例(3)——逻辑函数

根据真值表写出逻辑函数表达式

把每个输出为1的一组输入变量组合状态写成乘积项的形式。 在乘积项中,逻辑值为1用原变量表示,逻辑值为0用反变量表示,最后将所有的这些乘积项进行逻辑加,即得逻辑函数的与-或表达式。

逻辑真值表

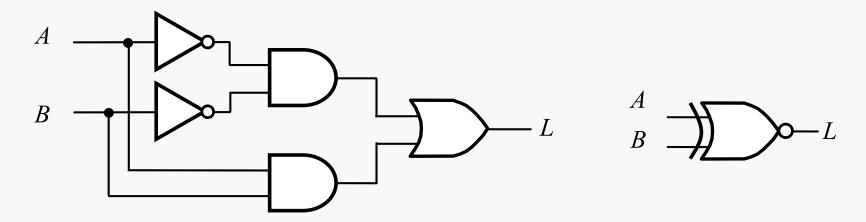
A	В	L
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

$$L = \overline{A} \overline{B} + AB$$

1.4.2 应用举例(4)——逻辑电路图

用逻辑图形符号代替逻辑表达式中的相应的代数运算符号

$$L = \overline{A} \, \overline{B} + AB$$



(a) 由与、或、非逻辑符号构成的逻辑图

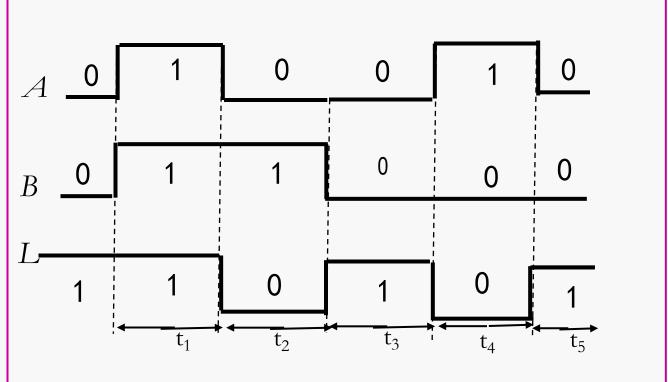
(b) 由同或逻辑符号构成的逻辑图

1.4.2 应用举例(5)——波形图

将真值表中的变量和函数的对应值分别用波形的高、低电平表示

真值表

A	В	L
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1



1.4.3 一些说明

- 基本逻辑运算相应的逻辑运算电路称为<mark>逻辑门</mark>,如74LS00内有 4个与非门,74LS04内有六个非门。
- 逻辑门的内部是由MOS管或三极管等基本元件组成。
- 本教材中,用+5V表示1,0V表示0。实际上,不同电路中,高低电平的定义也不同。
- 每个逻辑门的输入和输出信号之间都会存在延时,器件工艺不同,延时也不同,在ns级。

