

华中科技大学 2018 ~ 2019 学年度第 1 学期

大学物理（二）课程考试卷（A）参考答案

考试日期：2019. 01. 12

一、选择题

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	D	D	D	B	C	C	C	B	A	A

二、填空题

1、 $\frac{5}{6}$

2、 400

3、 $2\pi\sqrt{\frac{x_0}{g}}$

4、 $\frac{2}{3}$

5、 0.08 , $-\frac{\pi}{2}$

6、 $\frac{\lambda}{2}$, 0

7、 $\frac{3\lambda}{4n_2}$

8、 9

9、 15

10、 空穴

三、计算题

1、解： $T_b = \frac{p_a T_a}{p_a} = 4T_a = 800\text{K}$ 1 分

$$\because p_c = \frac{p_a V_c^2}{V_a^2}; \quad \therefore V_c = \sqrt{\frac{p_c}{p_a}} V_a = 2V_a \quad 1 \text{ 分}$$

$$\because p_c V_c = RT_c; \quad \therefore T_c = 8T_a = 1600\text{K} \quad 1 \text{ 分}$$

(1) $a \rightarrow b$ 过程:

$$Q_{ab} = C_V (T_b - T_a) = \frac{3}{2} R (4T_a - T_a) = \frac{9}{2} RT_a = 7.48 \times 10^3 (\text{J}) \quad 1 \text{ 分}$$

$b \rightarrow c$ 过程:

$$Q_{bc} = C_p (T_c - T_b) = 10RT_a = 1.66 \times 10^4 (\text{J}) \quad 1 \text{ 分}$$

$c \rightarrow a$ 过程:

$$\begin{aligned} Q_{ca} &= C_V (T_a - T_c) + \int_{V_c}^{V_a} \frac{p_a V^2}{V_a^2} dV \\ &= \frac{3}{2} R (T_a - 8T_a) + \frac{P_a}{3V_a^2} (V_a^3 - V_c^3) \\ &= -13.2RT_a = -2.19 \times 10^4 (\text{J}) \end{aligned} \quad 3 \text{ 分}$$

$$(2) \quad \eta = 1 - \frac{|Q_{ca}|}{Q_{ab} + Q_{bc}} = 9\% \quad 2 \text{ 分}$$

2、解： (1) $\because t=0$ 时, $y_0=0, v_0>0$, $\therefore \phi_0=-\frac{\pi}{2}$ 故入射波函数为

$$y = A \cos[2\pi\nu(t - \frac{x}{u}) - \frac{\pi}{2}] \quad 2 \text{ 分}$$

(2) 反射波的波函数为

$$\begin{aligned} y_{\text{反}} &= A \cos[2\pi\nu(t - \frac{2 \times \frac{3\lambda}{4} - x}{u}) - \frac{\pi}{2} + \pi] \\ &= A \cos[2\pi\nu(t + \frac{x}{u}) - \frac{\pi}{2}] \end{aligned} \quad 3 \text{ 分}$$

此时驻波方程为

$$\begin{aligned} y &= A \cos[2\pi\nu(t - \frac{x}{u}) - \frac{\pi}{2}] + A \cos[2\pi\nu(t + \frac{x}{u}) - \frac{\pi}{2}] \\ &= 2A \cos \frac{2\pi\nu x}{u} \cos(2\pi\nu t - \frac{\pi}{2}) \end{aligned} \quad 3 \text{ 分}$$

故波节位置为: $\frac{2\pi\nu x}{u} = \frac{2\pi}{\lambda} x = (2k+1) \frac{\pi}{2}$

故 $x = (2k+1) \frac{\lambda}{4} \quad (k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots)$

根据题意, k 只能取 0, 1, 即 $x = \frac{1}{4}\lambda, \frac{3}{4}\lambda$ 2 分

3、解： 解法（一）：半波带法

$\theta=0$ 的方向上，所有的光线相消，为暗纹。 4 分

$a \sin \theta = \lambda$ ，狭缝分成两个半波带，但由于薄膜使光线位相相同，为明纹。

$a \sin \theta = 2\lambda$ ，狭缝分成 4 个半波带，所有光线互相抵消，为暗纹。 3 分
同理。

$a \sin \theta = 3\lambda$ ，狭缝分成六个半波带，但由于薄膜使光线位相相同，为明纹。

$a \sin \theta = 4\lambda$ ，狭缝分成八个半波带，所有光线互相抵消，为暗纹。 3 分

$a \sin \theta = 5\lambda$ ，狭缝分成十个半波带，但由于薄膜使光线位相相同，为明纹。

综上所述，暗纹的衍射角 θ 满足的关系为： $\frac{a \sin \theta}{\lambda} = 0, \pm 2, \pm 4$

解法（二）：用费涅尔衍射公式

$$\begin{aligned} E_{\theta} &= \int_{-\frac{a}{2}}^0 c' \cos 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{r_0 - x \sin \theta}{\lambda} + \pi \right) dx + \int_0^{\frac{a}{2}} c' \cos 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{r_0 - x \sin \theta}{\lambda} \right) dx \\ &= c \frac{[\cos(\frac{\pi a \sin \theta}{\lambda}) - 1]}{\frac{\pi a \sin \theta}{\lambda}} \cos 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{r_0}{\lambda} \right) \end{aligned} \quad 5 \text{ 分}$$

则相对光强度为：

$$I_{\theta} = I_0 \frac{(\cos \alpha - 1)^2}{\alpha^2}, \quad (\alpha = \frac{\pi a \sin \theta}{\lambda}) \quad 2 \text{ 分}$$

暗纹位置为 $\cos \alpha = 1$ ， $\alpha = \frac{\pi a \sin \theta}{\lambda} = 2k\pi$ ，即

$$\frac{a \sin \theta}{\lambda} = 2k \quad (k = -2, -1, 0, 1, 2) \quad 3 \text{ 分}$$

4、解： (1) 波函数归一化

$$\int_0^{\infty} |\phi(x)|^2 dx = \int_0^{\infty} \left| A\sqrt{x}e^{-ax^2} \right|^2 dx = 1 \quad 2 \text{ 分}$$

$$\int_0^{\infty} A^2 x e^{-2ax^2} dx = \frac{1}{4\alpha} A^2 = 1$$

$$A = \pm 2\sqrt{\alpha} \quad 1 \text{ 分}$$

$$(2) \quad \rho = |\phi(x)|^2 = \left| A\sqrt{x}e^{-ax^2} \right|^2 = A^2 x e^{-2ax^2} \quad 1 \text{ 分}$$

$$\text{令 } \frac{d\rho}{dx} = 0, \text{ 得 } 4\alpha x^2 = 1$$

$$x = \frac{1}{2\sqrt{\alpha}} \quad 2 \text{ 分}$$

$$(3) \quad \rho = \int_0^{\frac{1}{\sqrt{2\alpha}}} |\phi(x)|^2 dx = \int_0^{\frac{1}{\sqrt{2\alpha}}} 4\alpha x e^{-2ax^2} dx \quad 2 \text{ 分}$$

$$= 1 - \frac{1}{e} = 0.632 \quad 2 \text{ 分}$$