

大学物理知识串讲 (二)

谢悦晋

提高 2201 班

u202210333@hust.edu.cn

2024 年 1 月 2 日

小广告

问问题和找试卷的群



基本定义

- 波的分类：机械波与电磁波，横波纵波与混合波
- 波动方程：

$$y = A \cos\left[\omega\left(t - \frac{x}{u}\right) + \varphi\right] = A \cos[\omega t - 2\pi\nu/\lambda + \varphi] = A \cos[\omega t - kx + \varphi]$$

- 波长 λ
- 周期 T , 频率 ν : $T_{\text{波动}} = T_{\text{振动}}$
- 波速 $u = \frac{\lambda}{T}$
- 波数 $k = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{uT} = \frac{\omega}{u}$: 在波的传播方向上 2π 长度内包含的波长的个数
- 波的传播方向：左行波与右行波

波的能量

结论: 1. 每一质元 Δm 的总能量是时间和位置的函数! ——能量也以速度 u 随波一起传播

$$\Delta W_k = \frac{1}{2} \Delta m \left(\frac{\partial y}{\partial t} \right)^2 = \frac{1}{2} \rho \Delta V \omega^2 A^2 \sin^2(\alpha t - kx + \varphi)$$

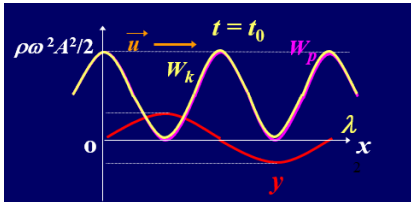
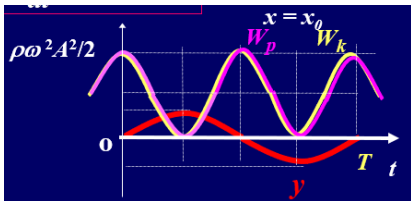
$$\Delta W_p = \frac{1}{2} \Delta V \rho \omega^2 A^2 \sin^2(\omega t - kx + \varphi) = \Delta W_k$$

$$\Delta W = \Delta W_k + \Delta W_p = \rho \Delta V \omega^2 A^2 \sin^2(\omega t - kx + \varphi)$$

固定 x : $W_k = W_p$

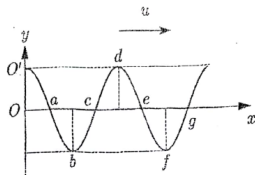
固定 t : W_k, W_p 随 x 周期分布, $y=0$, $W_k = W_p$ 最大, y 最大
 W_k, W_p 为 0

谢悦晋



2. 质元 Δm 的动能和势能**同相变化**，而且始终具有相同数值，质元在平衡位置时，具有最大能量

4、一列机械横波在 t 时刻的波形曲线如图所示,则该时刻弹性势能为最大值的介质质元的位置是 ()



A, O', b, d, f

B, a, c, e, g

 C, O', d D, b, f

波的能量

几个有关波能量的公式 (应该不会考):

- 能量密度: 媒质单位体积内的能量

$$w = \frac{\Delta W}{\Delta V} = \rho \omega^2 A^2 \sin^2(\omega t - kx + \varphi)$$

- 能流密度: 单位时间通过垂直传播方向的单位截面上的能量

$$i = wu = \rho \omega^2 A^2 u \sin^2(\omega t - kx + \varphi)$$

- 波的强度: 平均能流密度

$$I = \langle i \rangle = \frac{1}{T} \int_0^T i dt = \frac{1}{2} \rho \omega^2 A^2 u \propto A^2$$

惠更斯原理

内容：媒质中任一波阵面上的各点，都可以看作是发射子波的波源，其后任一时刻，这些子波的包迹就是新的波阵面（没考过，掌握课件中的几个例子应该足够了）

例

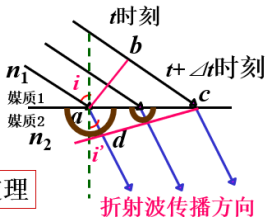
用惠更斯证明折射定律

$$bc = c_1 \Delta t, \quad ad = c_2 \Delta t$$

$$bc = ac \sin i, \quad ad = ac \sin i'$$

$$\Rightarrow \frac{\sin i}{\sin i'} = \frac{bc}{ad} = \frac{c_1}{c_2} = \frac{n_2}{n_1}$$

折射定理



波的叠加与干涉

波的叠加原理：在几列波相遇的区域中，质元的振动是各个波单独在该点产生的振动的合成。(空间不同位置处各质元振动的叠加)

波叠加的特例：波的干涉

稳定干涉产生的条件 (相干条件)：相干波源发出的波在空间相遇时产生干涉，相干波源必满足

- 频率相同
- 振动方向相同
- 相位差恒定

两波源的相同方向振动的**振幅相近或相等**时干涉现象明显。

重要公式

波源 $S_1: y_1 = A_1 \cos(\omega t + \varphi_1)$, $S_2: y_2 = A_2 \cos(\omega t + \varphi_2)$, 任意点 P 的振动方程: $y_p = y_{1p} + y_{2p} = A \cos(\omega t + \varphi)$, 其中:

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos \Delta\phi$$

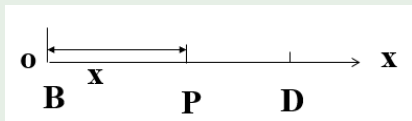
$$\Delta\phi = \phi_2 - \phi_1 = -\frac{2\pi(r_2 - r_1)}{\lambda} + \varphi_2 - \varphi_1$$

- $\Delta\phi = \pm 2n\pi$ 振动加强
- $\Delta\phi = \pm(2n+1)\pi$ 振动减弱

波的干涉

例

两波源 B 和 D 具有相同的振动方向和振幅, $\varphi_D - \varphi_B = \pi$, 其发出的两列平面简谐波沿相反方向传播。频率均为 100Hz , 波速 400ms^{-1} 。B 在坐标原点处, $BD=30\text{m}$ 。求 (1) 两波源的振动方程。(2) BD 连线上因干涉而静止的点的位置。



波的干涉

解:(1)设 $t=0$, B的初位相为 $\varphi_B=0$, 则 $\varphi_D=\pi$

$$y_B = A \cos(\omega t + \varphi_B) = A \cos 200\pi t \quad y_D = A \cos(\omega t + \varphi_D) = A \cos(200\pi t + \pi)$$

$$(2) \text{ 设 } BP=x \quad \text{则} \quad y_B = A \cos \omega(t - \frac{BP}{u}) = A \cos 200\pi(t - \frac{x}{400})$$

$$y_D = A \cos[\omega(t - \frac{DP}{u}) + \pi] = A \cos[200\pi(t - \frac{30-x}{400}) + \pi]$$

$$\Delta\phi = [200\pi(t - \frac{30-x}{400}) + \pi] - [200\pi(t - \frac{x}{400})] = (2k+1)\pi$$

化简得: $x = 2k + 15$ 因为: $x < 30$

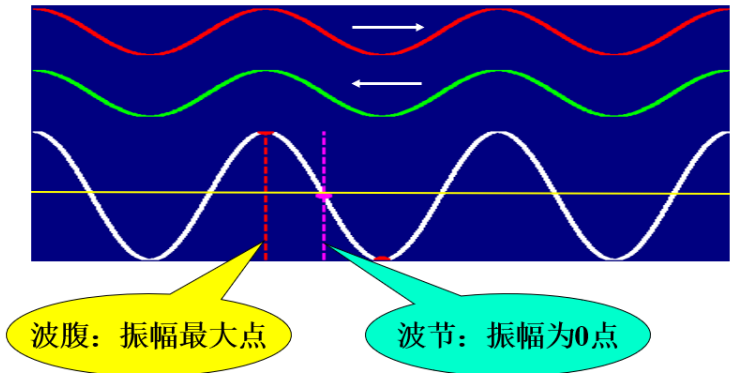
所以k的取值为 $k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots, \pm 7$

干涉静止的位置为 $x = 1m, 3m, \dots, 29m$

$$\Delta\phi = \Delta\phi - \frac{2\pi}{\lambda} \Delta r = \pm(2n+1)\pi \quad \text{更简便}$$

驻波

定义：两列振幅相等的相干波相向而行，在相遇的区域迭加干涉，形成驻波.



驻波

驻波方程

设两列波为平面余弦波 $y_1 = A \cos \omega(t - \frac{x}{u})$, $y_2 = A \cos \omega(t + \frac{x}{u})$,
 则合成波: $y = y_1 + y_2 = 2A \cos \frac{\omega}{u}x \cdot \cos \omega t$, 其中 $A_{\text{驻}} = 2A \cos \frac{\omega}{u}x$
 描述每个固定点的振幅

- 波腹位置: $A_{\text{驻}} = 2A, x = \pm(2n+1)\frac{\lambda}{4}$
- 波节位置: $A_{\text{驻}} = 0, x = \pm n\frac{\lambda}{2}$
- 驻波的位相关系: 相邻波节之间的各点同相, 任一波节两侧的质点反相.

振动状态不传播, 因此驻波中没有净能量传递, 能流密度为 0.
 波形不动, 分段振动 (故而 '驻' 波)

反射波为: $y_{\text{反}} = A_{\text{反}} \cos \omega(t - \frac{x}{u})$

$$y_{\text{反}} = A_{\text{反}} \cos \omega(t - \frac{x}{u}) = -A_{\lambda} \cos \omega(t - \frac{x}{u}) = A_{\lambda} \cos [\omega(t - \frac{x}{u}) + \pi]$$

在 $x=0$ 处, $y_{\lambda}|_{x=0}=A_{\lambda}\cos\omega t$ $y_{\text{反}}|_{x=0}=A_{\lambda}\cos(\omega t+\pi)$

入射波在界面发生反射时有 π 的位相突变 称为:

$$\Delta\phi = \frac{\omega\Delta r}{u} = \frac{2\pi}{\lambda}\Delta x = \pi \quad \Delta x = \frac{\lambda}{2} \quad \text{半波损失}$$

入射波由波疏媒质→波密媒质：有半波损失(波节,固定端)

由波密媒质→波疏媒质：无半波损失(波腹,自由端)

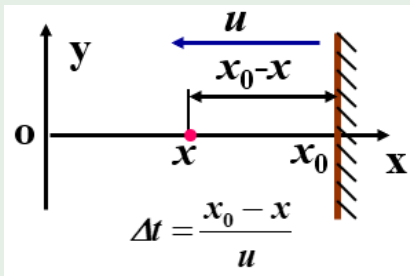
波由波疏媒质传到波密媒质,

在分界面上发生反射时，反射点一定是波节。

驻波

例

平面简谐波 $y = A \cos(\omega t - kx)$ 在 $x_0 = 4\lambda$ 处 (固定端) 反射, 求 (1) 反射波的波函数; (2) 驻波的波函数; (3) 0 与 x_0 处之间的各个波节和波腹的位置。



多普勒效应

$$v' = \frac{u \pm v_o}{u \mp v_s} v$$

v_o 观察者向波源运动 + , 远离 - .
 v_s 波源向观察者运动 - , 远离 + .

例

A、B 为两个汽笛，其频率皆为 500Hz，A 静止，B 以 60m/s 的速率向右运动。在两个汽笛之间有一观察者 O，以 30m/s 的速度也向右运动。已知空气中的声速为 330m/s，求：(1) 观察者听到来自 A 的频率 (2) 观察者听到来自 B 的频率 (3) 观察者听到的拍频

电磁波与电磁振荡

\vec{E}, \vec{H} 的变化是同步的, 位相相同, 数量 (幅值) 关系为:

$$\sqrt{\epsilon}E = \sqrt{\mu}H$$

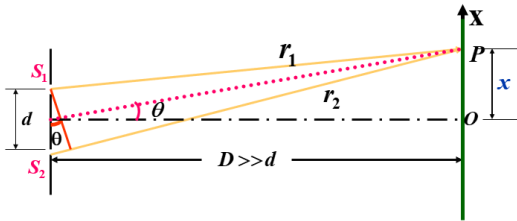
$\vec{E} \perp \vec{H} \perp \vec{u}$, $\vec{E} \times \vec{H}$ 的方向就是 u 的方向 \vec{E} \vec{H} 在各自的平面上振动, 是横波

例

已知 $H_x = -H_0 \cos \omega(t + \frac{z}{c})$, $H_y = H_z = 0$ 写出 \vec{E} 的波动方程

已知 $E_y = 800 \cos \omega(t + \frac{x}{c})$, $E_x = E_z = 0$ 写出 \vec{H} 的波动方程

杨氏双缝干涉



结论

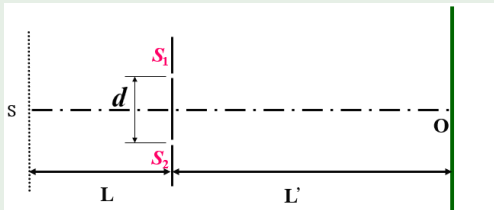
$$\Delta r = d \sin \theta = d \frac{x}{D} = \begin{cases} k\lambda & , \text{明纹} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & , \text{暗纹} \end{cases} \quad k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

相邻两条明 (暗) 纹的间距: $\Delta x = \frac{D}{d} \lambda$

光强分布: $I_{\alpha} = I_0 \cos^2 \alpha$, $\alpha = \frac{\pi d \sin \theta}{\lambda}$

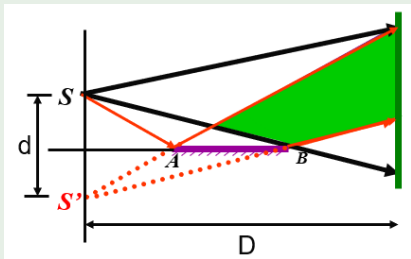
大学物理知识串讲 (二)

例



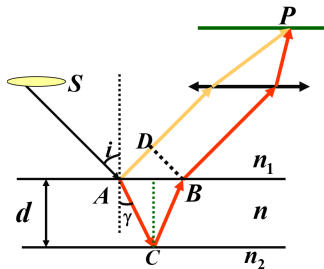
- (1) 光源 S 向上移动 l , 干涉图案向何方移动多少?
- (2) 光源 S 逐渐变为较长波长的单色光, 干涉图样怎么变化?
- (3) 两狭缝距离 $2d$, 干涉图样中相邻极大之间的距离怎么变化?
- (4) 两光源的光分别通过各自的狭缝, 干涉图样是什么样的?
- (5) 两狭缝自身宽度加倍, 干涉图样相邻极大间距如何变化?

例



洛埃镜实验中，等效缝间距 $d=2.00\text{mm}$ ，缝屏与屏幕间距为 $D=5.00\text{m}$ ，入射光频率 $6.522 \times 10^{14}\text{Hz}$ ，实验在空气中进行，求第一级极大的位置。

等倾干涉



结论

$$n_1 < n < n_2$$

$$2d\sqrt{n^2 - n_1^2 \sin^2 i} = \begin{cases} k\lambda, & \text{明} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2}, & \text{暗} \end{cases}$$

明暗条件中是否考虑半波损失，要看 n_1, n, n_2 的关系

$$\left. \begin{matrix} n_1 > n > n_2 \\ n_1 < n < n_2 \end{matrix} \right\} \text{不考虑!} \quad \left. \begin{matrix} n_1 > n < n_2 \\ n_1 < n > n_2 \end{matrix} \right\} \text{要加 } \lambda/2 \quad !!! \quad \frac{n_1}{n_2}$$

$$2d\sqrt{n^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \boxed{\frac{\lambda}{2}} = \begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\dots) \dots \text{明条纹} \\ (2k+1)\lambda/2 & (k=0,1,2,\dots) \dots \text{暗条纹} \end{cases}$$

大学物理知识串讲 (二)

等倾干涉的几点说明

- 平行光垂直入射的干涉现象：单色光垂直入射时，薄膜表面或全亮、或全暗、或全居中。复色光垂直入射时，薄膜表面有的颜色亮，有的消失
- 透射光也有干涉现象

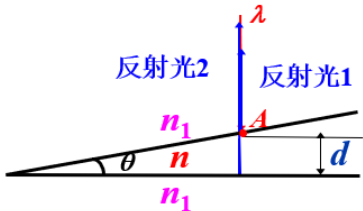
例

折射率 $n=1.50$ 的玻璃表面涂一层 MgF_2 ($n=1.38$)，为使它在 5500\AA 波长处产生极小反射，这层膜应多厚？

例

空气中有一透明薄膜 $d = 0.4\mu\text{m}$, $n = 1.5$ 白光垂直照射。求反射光呈什么颜色？

等厚干涉/劈尖



结论

$$\delta = 2nd + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda, k = 1, 2, \dots, \text{明纹} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2}, k = 0, 1, \dots, \text{暗纹} \end{cases}$$

相邻两明（暗）纹之间的厚度差： $\Delta d = \frac{\lambda}{2n}$ 条纹间距： $L = \frac{\lambda}{2n \sin \theta}$

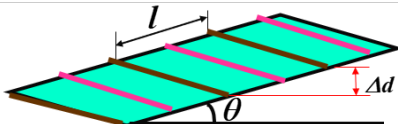
等厚干涉/劈尖的动态变化

(4) 明（暗）纹间距 l ：

$$l \sin \theta = \Delta d = \frac{\lambda}{2n}$$

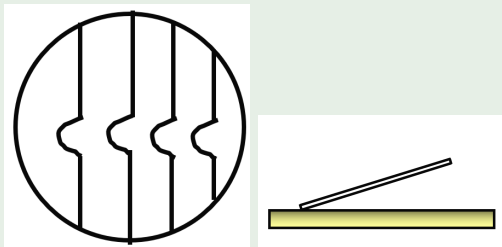
$$l = \frac{\lambda}{2n \sin \theta}$$

- θ 、 λ 一定, l 确定, 条纹等间距
- θ 一定, $\lambda \uparrow$ 、 $l \uparrow$; $\lambda \downarrow$ 、 $l \downarrow$
- $\theta \uparrow$ $l \downarrow$ (条纹变密), $\theta \downarrow$ $l \uparrow$ (条纹疏远)

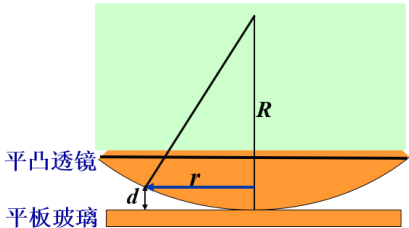


例

下图是检测精密加工后的工件表面光洁度的装置示意图。下面是待测工件，上面是标准平板玻璃，其间形成空气劈，用单色光垂直入射，若在反射光中观察到图示的条纹，试对工件表面的光洁度进行分析。



牛顿环



结论 (考虑半波损失)

$$\text{干涉环半径 } r_k \approx \begin{cases} \sqrt{\frac{(2k-1)R\lambda}{2n}} & (k = 1, 2 \cdots) \quad \text{max} \\ \sqrt{kR\lambda/n} & (k = 0, 1 \cdots) \quad \text{min} \end{cases}$$

牛顿环条纹特征及动态变化

考虑半波损失的情况下

(1) $2nd + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \rightarrow d \uparrow, k \uparrow$

愈往边缘，条纹级别愈高。

与等倾干涉
的本质区别

(2) 牛顿环的中心一定是暗点。

(3) 相邻两暗环的间隔 $\Delta r = r_{k+1} - r_k \approx \sqrt{\frac{R\lambda}{4nk}} \quad (k > 1)$
可见：干涉环中心疏、两边密。

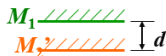
(4) 已知 λ 可求出 R : $R = \frac{r_{k+m}^2 - r_k^2}{m\lambda / n}$

(5) 已知 R 可求 λ

(6) 透射光与之互补

——迈克尔逊干涉仪

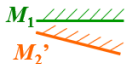
当 $M_1 \perp M_2 \longrightarrow M_1 \parallel M'_2$



M_1 与 M_2' 形成厚度均匀的薄膜,

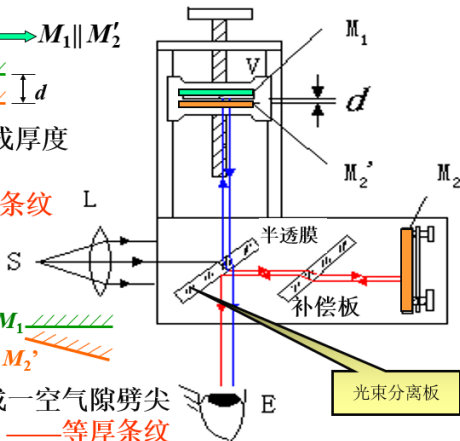
——等倾条纹 L

当 $M_1 \perp M_2$



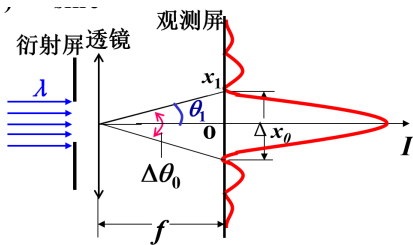
M_1 与 M_2' 形成一空气隙劈尖

——等厚条纹



弗朗和费衍射

惠更斯——菲涅耳原理：波传到的任何一点都是子波的波源，各子波在空间某点的相干叠加，就决定了该点波的强度。



结论

$$I_{\theta} = I_0 \left(\frac{\sin \alpha}{\alpha} \right)^2 \quad \text{其中} \quad \alpha = \frac{\pi a \sin \theta}{\lambda}$$

结论

衍射极小: $a \sin \theta = \pm k\lambda$

衍射次极大:

$$a \sin \theta = \pm 1.43\lambda, \pm 2.46\lambda, \pm 3.47\lambda, \dots \Rightarrow a \sin \theta \approx \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2}$$

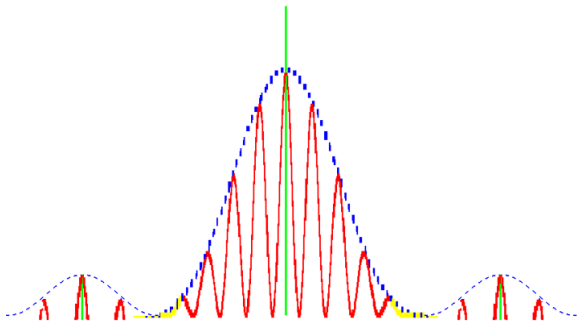
中央明纹的线宽度: $\Delta x \approx 2f \frac{\lambda}{a}$ 半角宽度: $\theta_1 \approx \frac{\lambda}{a}$

了解半波带法: $a \sin \theta = k \frac{\lambda}{2}$, k 为波带数, 每两个波带会相消

例

一束单色光垂直投射到宽度为 $a = 6.00 \times 10^{-1} \text{ mm}$ 射在距缝 $D = 4.00 \times 10 \text{ cm}$ 的屏上。距中央明纹中心距离为 $y = 1.40 \text{ mm}$ 处是明条纹。求 (1) 入射光的波长; (2) $y = 1.40 \text{ mm}$ 处的条纹级数 k ; (3) 根据所求得的级数 k , 计算此光波在狭缝处波阵面可作半波带的数目

双缝衍射



$$I_{\theta} = I_0 \left(\frac{\sin \alpha}{\alpha} \right)^2 \cos^2 \beta, \alpha = \frac{\pi a \sin \theta}{\lambda}, \beta = \frac{\pi d \sin \theta}{\lambda}$$

双缝衍射

双缝衍射光强度的分布规律

衍射极小 $a \sin \theta = \pm k\lambda \quad k = 1, 2, \dots$

干涉极小: $d \sin \theta = \pm (2k' + 1) \frac{\lambda}{2}$

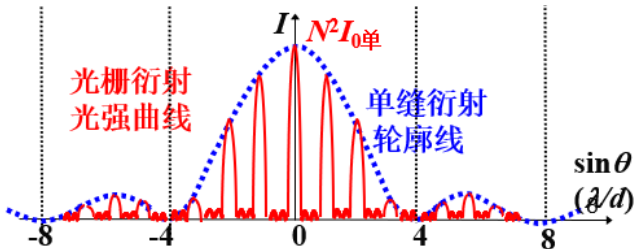
干涉极大: $d \sin \theta = \pm k'\lambda \quad k' = 0, 1, 2, \dots$

若干干涉极大同时衍射极小: $k' = k \frac{d}{a} = \text{整数} - \text{缺级}$

例

对于 $d = 0.15\text{mm}$, $a = 0.030\text{mm}$ 的双缝, 波长 $\lambda = 5.5 \times 10^{-7}\text{m}$ 的光入射。包络线的两个第一极小间有多少条完整条纹出现?

光栅



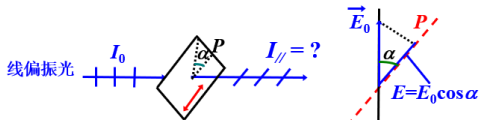
亮线光栅强度分布: $I_{\theta} = I_0 \left(\frac{\sin \alpha}{\alpha} \right)^2 \left(\frac{\sin N\beta}{\sin \beta} \right)^2$

主极大/明纹: $d \sin \theta = k\lambda, k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$

暗纹: $d \sin \theta = \pm \frac{k'}{N} \lambda = \pm (k + \frac{m}{N}) \lambda, k = 0, 1, \dots, m = 1, 2 \dots N - 1$

存在缺项，与双缝衍射同理：衍射极小，干涉极大

了解五种偏振光的分类



$$I_0 \propto E_0^2, \quad I_{\parallel} \propto E^2 = E_0^2 \cos^2 \alpha$$

$$I_{//} = I_0 \cos^2 \alpha \quad \text{——马吕斯定律}$$

$$\alpha = 0, \quad I_{//} = I_{\max} = I_0 \quad \alpha = \frac{\pi}{2}, \quad I = 0 \text{ —— 消光}$$

例

一束光由线偏振光和自然光混合而成，当它通过理想偏振片时，光强随偏振片偏振化方向旋转出现 5 倍变化，求这两种光比例？

一条入射光线产生两条折射光线 (o 光和 e 光) 的现象

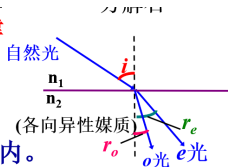
O (ordinary)光：遵从折射定律

$$n_1 \sin i = n_2 \sin r_o$$

e (extraordinary)光 :

一般不遵从折射定律

e光折射线也不一定在入射面内。



o 光和 e 光都是线偏振光, 一定条件下其偏振方向相互垂直.

波晶片 (波片): o 光和 e 光通过时, 获得额外位相差获得椭圆

偏振光：线偏振光通过 $\lambda/4$ 波片

会通过偏振片和波晶片检验光的类型，结合偏振知识，处理光的干涉问题。

17

2) 惠更斯作图法($v_e > v_o$)

The diagram illustrates the propagation of light through a uniaxial crystal, specifically calcite (方解石体). A horizontal line represents the optical axis (光轴). Two vertical arrows represent incident light rays. Each ray splits into two: an extraordinary ray (e) and an ordinary ray (o). The extraordinary ray (e) is shown as a blue line that follows a curved path, while the ordinary ray (o) is shown as a red line that travels straight. The labels 'e' and 'o' are placed at the bottom of the rays, and the text '方解石体' is on the right side.

波晶片/相位延迟片

波晶片是光轴平行表面的晶体薄片。

通过厚为 d 的晶片， o 、 e 光不可分开，但产生光程差：

$$\Delta r = l_o - l_e = d(n_o - n_e) \Rightarrow \Delta\varphi = \frac{\Delta r}{\lambda} 2\pi = (n_o - n_e) \cdot d \cdot \frac{2\pi}{\lambda}$$

可见： λ 一定，适当选择 d 可使两分振动产生任意数值的位相差。

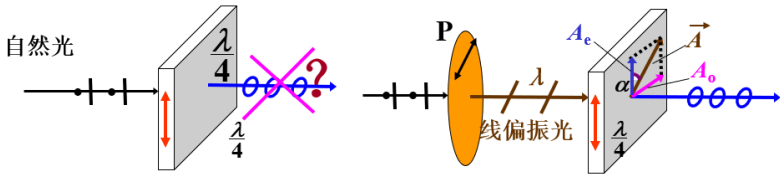
$$\text{常用波片: } \begin{cases} \text{四分之一波片} & \Rightarrow |n_e - n_o|d = \frac{\lambda}{4}, |\Delta\phi| = \frac{\pi}{2} \\ \text{二分之一波片} & \Rightarrow |n_e - n_o|d = \frac{\lambda}{2}, |\Delta\phi| = \pi \\ \text{全波片} & \Rightarrow |n_e - n_o|d = \lambda, |\Delta\phi| = 2\pi \end{cases}$$

圆偏振光 (椭圆偏振光) 的获得

由振动合成可知，当两互相垂直振动的位相差为：

$$\varphi_2 - \varphi_1 = \frac{\pi}{2} \text{ 时合成为一正椭圆 } \frac{x^2}{A_1^2} + \frac{y^2}{A_2^2} = 1$$

若 $A_1=A_2$ ，就是一个圆。



即：一束线偏振光经**1/4**晶片后出射的是两束传播方向相同、振动方向相互垂直、频率相等、相位差为 **$\pi/2$** 的线偏振光，它们合成为一束**椭圆偏振光**。

不太理解的话原因的话可以看这个[视频](#)

祝大家取得满意的成绩!