

08-CS

二叉搜索树

平衡：等价变换

邓俊辉

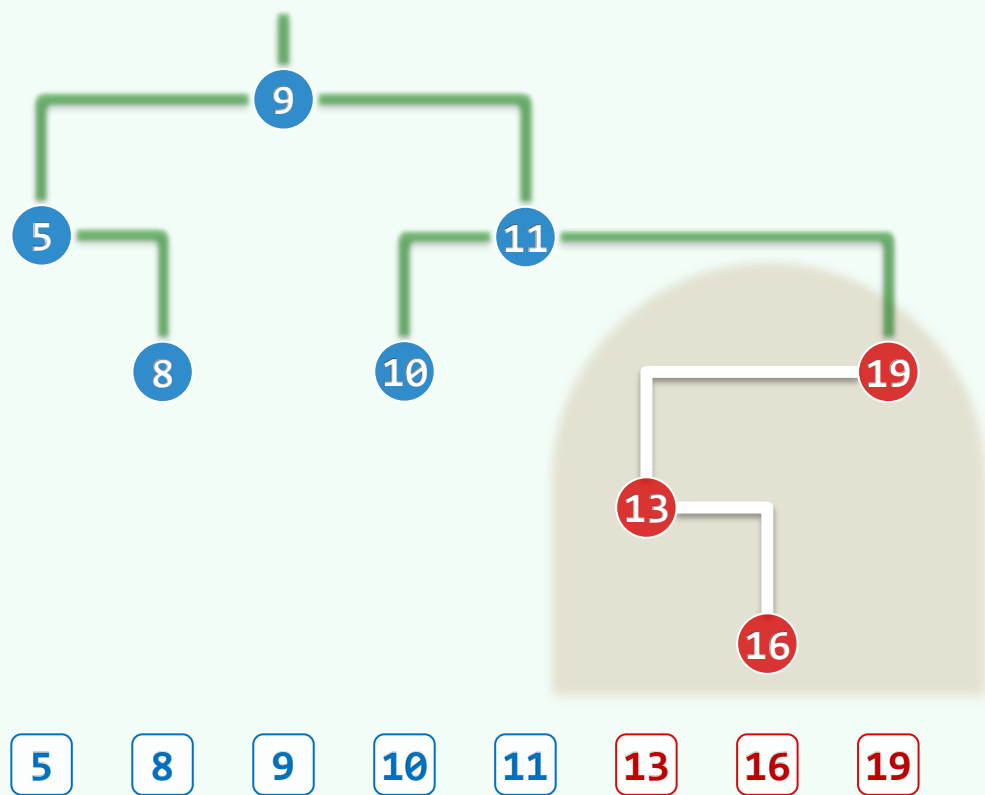
deng@tsinghua.edu.cn

言与行其可迹兮，情与貌其不变

等价BST

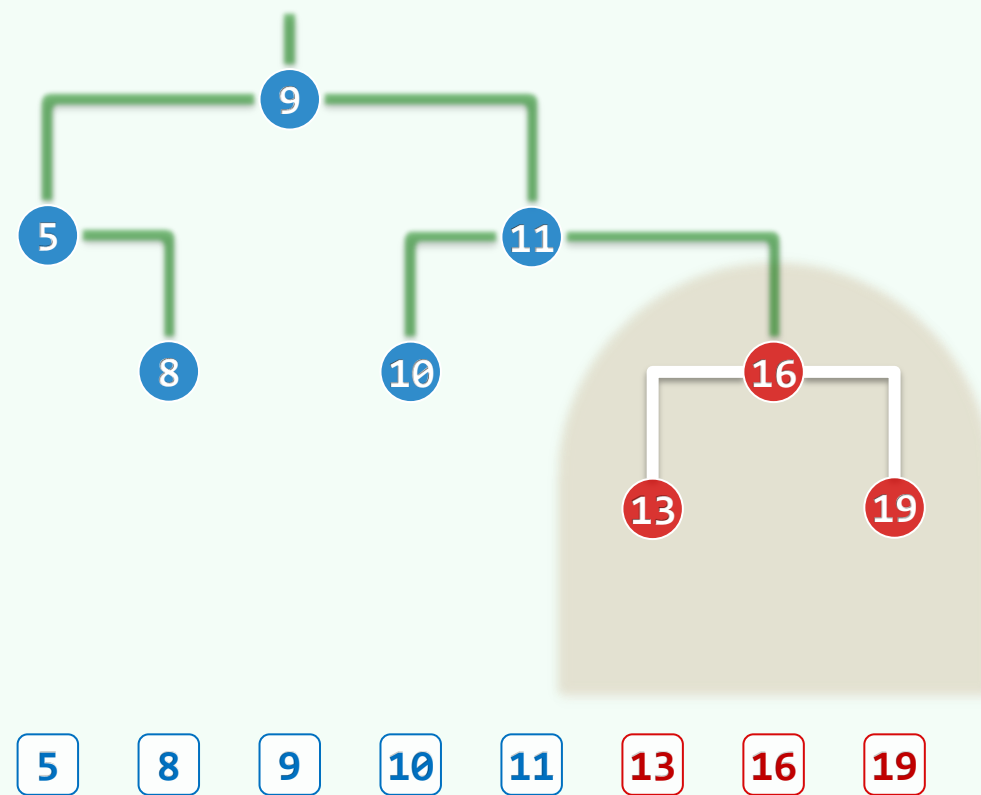
❖ 上下可变

联接关系不尽相同，承袭关系可能颠倒



❖ 左右不乱

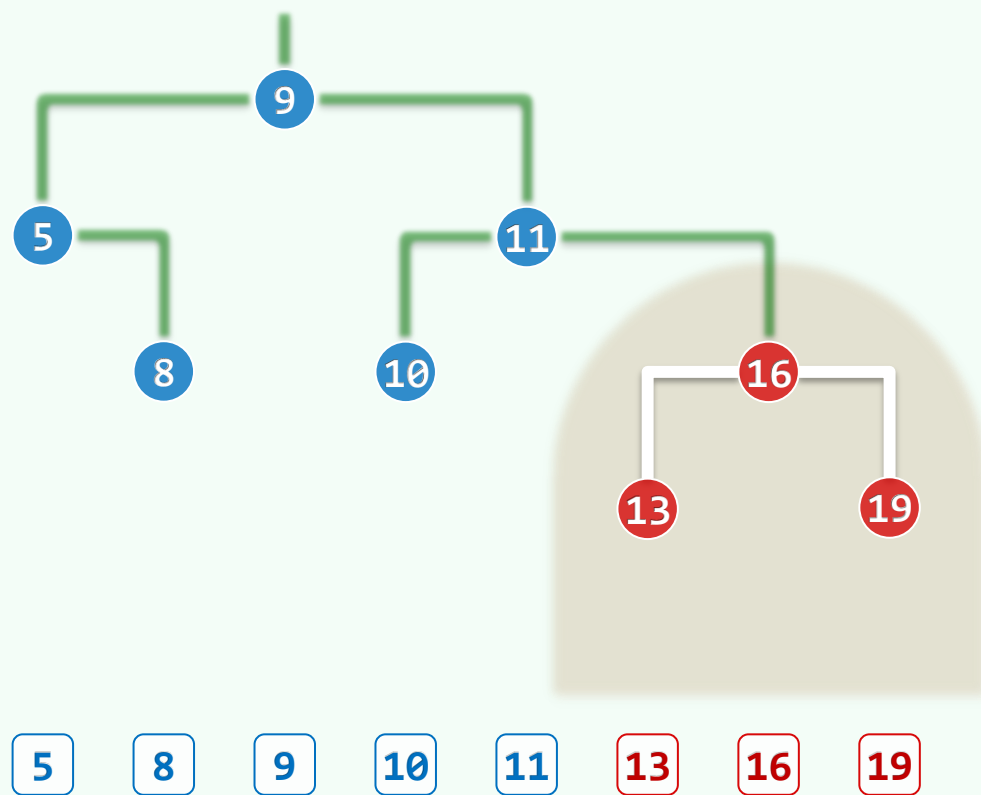
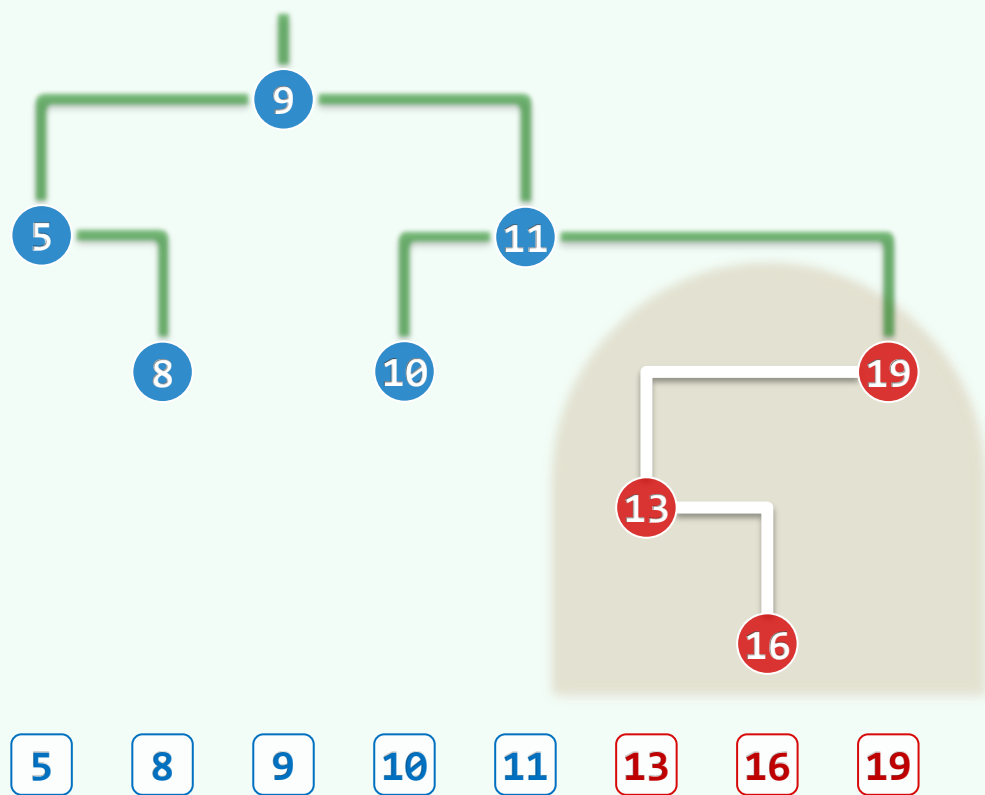
中序遍历序列完全一致，全局单调非降



限制条件 + 局部性

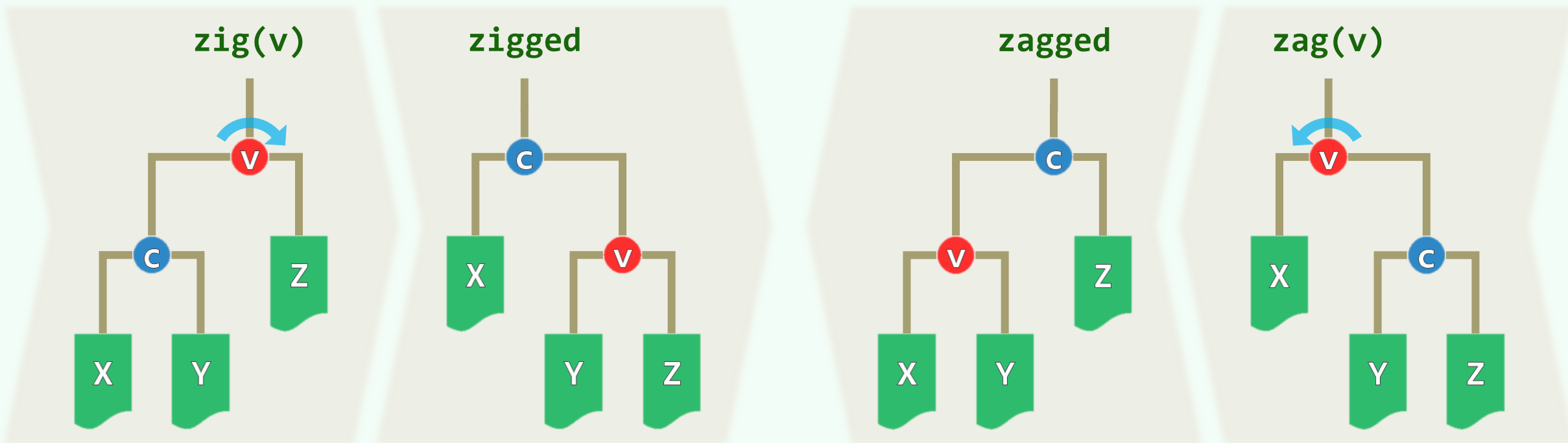
❖ 各种BBST都可视作BST的某一子集，相应地满足精心设计的**限制条件**

- 单次动态修改操作后，至多 $\mathcal{O}(\log n)$ 处局部不再满足限制条件（可能相继违反，未必同时）
- 可在 $\mathcal{O}(\log n)$ 时间内，使这些局部（以至全树）重新满足



等价变换 + 旋转调整

❖ 刚刚失衡的BST，必可**迅速**转换为一棵等价的BBST——为此，只需 $\mathcal{O}(\log n)$ 甚至 $\mathcal{O}(1)$ 次旋转



❖ zig和zag：仅涉及**常数**个节点，只需调整其间的联接关系；均属于**局部**的**基本**操作

❖ 调整之后：v/c深度加/减1，子（全）树高度的变化幅度，上下差异**不超过1**

❖ 实际上，经过不超过 $\mathcal{O}(n)$ 次旋转，等价的BST均可相互转化（习题解析[7-15]）