鸽兔同校

题目描述

浙江大学校园里绿树成荫,环境非常舒适,因此也引来一批动物朋友来此居住。

童心未泯的 NowCoder 就经常带些碎面包什么的去广场喂鸽子和兔子,并和它们玩耍。 一点也没有大学生的样子,还是一副老不正经的样子,呵呵。

随着鸽子和兔子数目的增多,NowCoder带的那点食物已经不够它们瓜分了。为了能让自己的好朋友吃的饱饱的,NowCoder决定统计一下有多少只鸽子和有多少只兔子,以便带来足够的食物。一、二、三、四、五、••••••,他开始数了。

现在,他已经知道有这些鸽子和兔子一共有 n 个头和 m 只脚。请你帮他写个程序计算一下一共有多少只鸽子和兔子。

输入描述:

输入包括多组数据。每行包括 2 个正整数n和m,n和m可能会很大,超过 2^{64} ,但位数不超过100 位。

输出描述:

每组数据的输出都只有一行,分别是鸽子的数量和兔子数量。

如果输入的测试数据不能求得结果,那肯定是 NowCoder 这个马大哈数错了,就输出"Error"提示他。

输入例子:

35 94

13

输出例子:

23 12

Error

解题思路

假设有x只鸽子,y只兔子,它们的头和脚的数目分别是m和n。则有:

$$\begin{cases} x + y = m \\ 2x + 4y = n \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{4m - n}{2} & x \in \mathbb{N} \\ y = \frac{n - 2m}{2} & y \in \mathbb{N} \end{cases}$$

x 和 y 都是自然数 \Rightarrow n 为偶数, $x = \frac{4m-n}{2} \Rightarrow 4m-n$ 为偶数(一定成立,因为 n 为偶数), $y = \frac{n-2m}{2} \Rightarrow n-2m$ 为偶数(一定成立,因为 n 为偶数)。同时因为m 和n 非常大,要使用大整数进行操作。