二叉树

1 题目描述

1

/ \

2 3

/ \ / \

4 5 6 7

/\ /\ /\ /\

如上图所示,由正整数 1,2,3,...组成了一棵无限大的二叉树。从某一个结点到根结点(编号是 1 的结点)都有一条唯一的路径,比如从 5 到根结点的路径是(5,2,1),从 4 到根结点的路径是(4,2,1),从根结点 1 到根结点的路径上只包含一个结点 1,因此路径就是(1)。对于两个结点 x 和 y,假设他们到根结点的路径分别是($x_1,x_2,\ldots,1$)和($y_1,y_2,\ldots,1$),那么必然存在两个正整数 i 和 j,使得从 x_i 和 y_i 开始,有 x_i = y_j , x_i +1= y_j +1, x_i +2= y_j +2,...

现在的问题就是,给定 x 和 y,要求他们的公共父节点,即 x_i (也就是 y_i)。

1.1 输入描述:

输入包含多组数据,每组数据包含两个正整数 x 和 y (1 $\leq x,y \leq 2^{31}$ -1)。

1.2 输出描述:

对应每一组数据,输出一个正整数 x_i ,即它们的首个公共父节点。

1.3 输入例子:

10 4

1.4 输出例子:

2

2 解题思路

根据题意,以 18 和 27 为例找二叉树的第一个公共父节点,公共父节点的查找过程如图 2-1 所示。

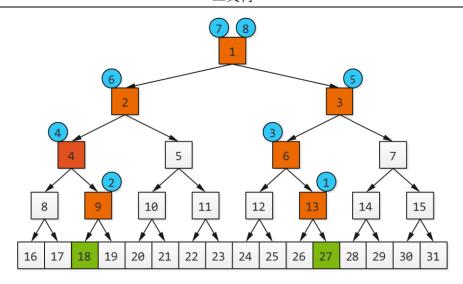


图 2-1 二叉树中查找 18 和 27 的第一个公共父节点

图 2-1 中的圆圈代表求父节点的操作,圆圈中的序列代表第几次操作。根据操作的过程可以知道。当两个数不相等时,对较大的那一个数求父节点操作,得到父节点的值,这个与未求父节点的值一起,求第一个公共父节点,直到两个数相等,那么这个数就是第一个公共父节点的值。