杨辉三角

1 题目描述

1

1 1

1 2 1

1 3 3 1

1 4 6 4 1

1 5 10 10 5 1

上面的图形熟悉吗?它就是我们中学时候学过的杨辉三角。

1.1 输入描述:

输入数据包含多组测试数据。

每组测试数据的输入只有一个正整数 n(1≤n≤128),表示将要输出的杨辉三角的层数。输入以 0 结束

1.2 输出描述:

对应于每一个输入,请输出相应层数的杨辉三角,每一层的整数之间用一个空格隔开,每一个杨辉三角后面加一个空行。

1.3 输入例子:

2 3

0

1.4 输出例子:

1 1 1

1

1 1

1 2 1

2 解题思路

2.1 解法一:

假设杨辉三角的使用一个二维数组 a 进行表示。a[i][j]表示第 i+1 行第 j+1 列元素的值,有公式:

$$a[i][j] = \begin{cases} 1 & j = 0 \text{ or } j = i \\ a[i-1][j-1] + a[i-1][j] & 0 < j < i \end{cases}$$

2.2 解法二:

将杨辉三角使用一个一维数组 a 表示,从下标 0 开始,杨辉三角第 i 行第 j 列个元素对应用到数组 a 的下标为 x(i,j):则

$$x(i,j) = \sum_{k=1}^{i-1} k + j - 1 \quad j \ge 1 \text{ and } i \ge j$$
$$x(i,j) = \frac{i(i-1)}{2} + j - 1$$

从而可得

$$a[x(i,j)] = \begin{cases} 1 & j = 1 \text{ or } j = i \\ a[x(i-1,j-1)][x(i-1,j)] & 1 < j < i \end{cases}$$