最长句子

题目描述

英语中,有些单词可以出现在其他单词后面。例如"Love"可以出现在"I"之后,"You"可以出现在"Love"之后,因此它们能构成"I Love You"这句话。

现在给你一些单词间的关系,你能计算出最多能有几个单词组合在一起构成一句话吗?

输入描述:

输入包含多组数据。

每组数据的第一行包含一个正整数 n (1≤n≤10000)。

紧接着 n 行单词关系,每行包含两个单词 A 和 B,表示单词 B 能出现在 A 后面。单词长度不超过 32 个字符,并且只有字母组成。

不存在循环的依赖关系。

输出描述:

对应每组数据,输出最多有几个单词能构成一个句子。

输入例子:

⊥ Ի∩1:

hello world

3

I love

love you

love me

输出例子:

2

3

解题思路

步骤一:

假设某一组数据有 n 条,第 i 条记录为 (In_i,Out_i) ,当 $Out_i = In_j$ 时,可以将 (In_i,Out_i) 、 (In_j,Out_j)

结合成 (In_i,Out_i,Out_i) ,它们出现的先后表示有向关系,**不存在循环的依赖关系**。依据这个的思路可以将所有的 (In_i,Out_i) 记录构造成一个有向无环图。 In_i 、 Out_i 表示图中的顶点, (In_i,Out_i) 表示有向边。

假设有输入记录: (A,B)、(B,C)、(C,D)、(B,D)、(E,F)、(F,G)、(C,E)、(I,B)、(A,F)。根据输入的先后顺序构造一个有向图,有向图的构造如图 1 所示。

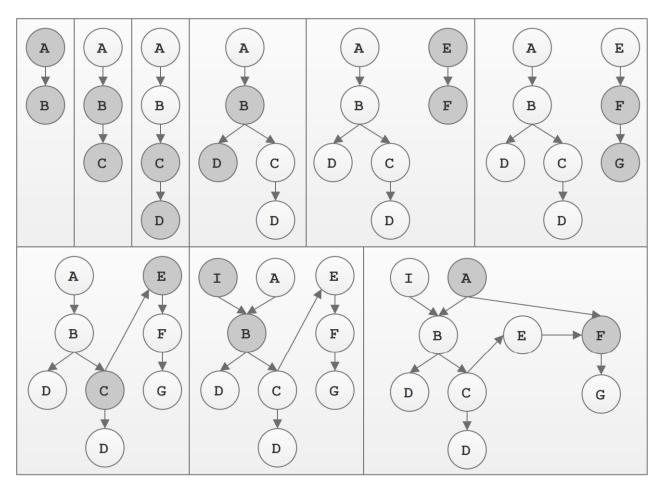


图 1 根据输入构造有向无环图

根据输入的添加过程,可以知道构造有向无环图的过程。假设 G 是有向图,V 是图 G 的顶点集合。对于某一个输入序列(In_i,Out_i)。分四种情况:

如果 In_i 和 Out_i 都在V中,则在图G中,添加 In_i 到 Out_i 的有向边。

如果只有 In_i 在G中,则在图G中添加新的顶点 Out_i 和有向边 (In_i,Out_i) ,并且将 Out_i 加入到V中。

如果只有 Out_i 在 G 中,则在图 G 中添加新的顶点 In_i 和有向边 (In_i,Out_i) ,并且将 In_i 加入到 V中。

如果 In_i 和 Out_i 都不在V中,则在图G中添加新的顶点 In_i 、 Out_i 和有向边 (In_i,Out_i) ,并且将 In_i 和 Out_i 加入到V中。

对所有的输入序列 (In_i,Out_i) 都进行上面的操作,最后构造成一个有向无环图 G。图 G 可能存

在多个连通分支。

步骤二:

对有向无环图 G 的每一个起始顶点进行深度优先遍历,最长的路径的顶点数就是所求的单词个数。图 1 中(A,B,C,E,F,G) (I,B,C,E,F,G)和就是最长的路径,顶点数为 6,所以单词个数为 6。

改进一:

深度优先遍历非常耗时,所以可以在步骤一的过程中记录以顶点 \mathbf{V} 为结束点的最长有向线段的顶点数。当图构建完成后,可以对图的所有顶点遍历一次,找出找出 \mathbf{V} 对应用的最大值就可以了。