

# 杨辉三角

## 题目描述

```
1
1 1
1 2 1
1 3 3 1
1 4 6 4 1
1 5 10 10 5 1
```

上面的图形熟悉吗？它就是我们中学时候学过的杨辉三角。

## 输入描述:

输入数据包含多组测试数据。

每组测试数据的输入只有一个正整数  $n$  ( $1 \leq n \leq 128$ )，表示将要输出的杨辉三角的层数。

输入以 0 结束

## 输出描述:

对应于每一个输入，请输出相应层数的杨辉三角，每一层的整数之间用一个空格隔开，每一个杨辉三角后面加一个空行。

## 输入例子:

```
2
3
0
```

## 输出例子:

```
1
1 1
```

1  
1 1  
1 2 1

## 解题思路

### 解法一：

假设杨辉三角的使用一个二维数组  $a$  进行表示。 $a[i][j]$  表示第  $i+1$  行第  $j+1$  列元素的值，有公式：

$$a[i][j] = \begin{cases} 1 & j = 0 \text{ or } j = i \\ a[i-1][j-1] + a[i-1][j] & 0 < j < i \end{cases}$$

### 解法二：

将杨辉三角使用一个一维数组  $a$  表示，从下标 0 开始，杨辉三角第  $i$  行第  $j$  列个元素对应用到数组  $a$  的下标为  $x(i,j)$ ：则

$$x(i,j) = \sum_{k=1}^{i-1} k + j - 1 \quad j \geq 1 \text{ and } i \geq j$$

$$x(i,j) = \frac{i(i-1)}{2} + j - 1$$

从而可得

$$a[x(i,j)] = \begin{cases} 1 & j = 1 \text{ or } j = i \\ a[x(i-1,j-1)] + a[x(i-1,j)] & 1 < j < i \end{cases}$$