INTERROGATION ÉCRITE Nº 3

NOM:	Prénom :	Note:

1. Déterminer les racines carrées de $3-4\mathfrak{i}$ sous forme algébrique.

2. Donner la liste des racines quatrièmes de l'unité sous forme algébrique et exponentielle.

3. Soient A, B et C trois parties d'un ensemble E. Montrer à l'aide de fonctions indicatrices que $(A \cup B) \cap C = A \cup (B \cap C)$ si et seulement si $A \subset C$.

4. Déterminer les racines cubiques de 2-2i sous forme exponentielle.

5. L'application $f: \left\{ \begin{array}{ccc} \mathbb{C} & \longrightarrow & \mathbb{C} \\ z & \longmapsto & e^z \end{array} \right.$ est-elle injective? surjective? Justifier.

6. Quelle est l'image de l'application $f: \left\{ \begin{array}{ccc} \mathbb{R} & \longrightarrow & \mathbb{C} \\ x & \longmapsto & e^{\mathrm{i}x} \end{array} \right. ?$

7. Soit $f: \left\{ \begin{array}{ccc} \mathbb{R} & \longrightarrow & \mathbb{R} \\ x & \longmapsto & x^2 \end{array} \right.$ Déterminer sans justification $f\left(f^{-1}\left([-1,4]\right)\right)$.