$1. \ \ \text{Soit} \ (u_n) \ \text{la suite telle que} \ u_0 = 1 \ \text{et} \ u_{n+1} = \frac{u_n}{1+u_n^2} \ \text{pour tout} \ n \in \mathbb{N}. \ \text{Montrer que} \ (u_n) \ \text{converge vers 0}.$

 $2. \ \ \text{Soit} \ (u_n) \ \text{la suite telle que} \ u_0 = 0 \ \text{et} \ u_{n+1} = u_n + e^{-u_n} \ \text{pour tout} \ n \in \mathbb{N}. \ \text{Montrer que} \ (u_n) \ \text{diverge vers} \ + \infty.$

3. On pose $u_0=0$ et $u_{n+1}=3u_n-2$ pour tout $n\in\mathbb{N}.$ Donner une expression de $u_n.$

4. Citer la formule de Stirling.

 $5. \ \ \text{On pose } u_0=1, u_1=-\frac{1}{2} \text{ et } u_{n+2}+u_{n+1}+u_n=0 \text{ pour tout } n\in \mathbb{N}. \text{ Donner une expression de } u_n.$

 $6. \ \ \text{On pose pour } n \in \mathbb{N}, u_n = \sum_{k=0}^n \frac{1}{k!} \text{ et } \nu_n = \sum_{k=0}^n \frac{1}{k!} + \frac{1}{n \cdot n!}. \text{ Montrer que les suites } (u_n) \text{ et } (\nu_n) \text{ sont adjacentes.}$