TRIGONOMÉTRIE INVERSE

Bijection et variations -

- arcsin est une bijection strictement croissante de [-1,1] sur $\left[-\frac{\pi}{2},\frac{\pi}{2}\right]$
- \bullet arccos est une bijection strictement décroissante de [-1,1] sur $[0,\pi]$
- arctan est une bijection strictement croissante de \mathbb{R} sur $\left]-\frac{\pi}{2},\frac{\pi}{2}\right[$

- Parité -

$$\arcsin(-x) = -\arcsin x$$

$$\arccos(-x) = \pi - \arccos x$$

$$\arccos(-x) = \pi - \arccos x$$
 $\arctan(-x) = -\arctan x$

Liens avec les fonctions trigonométriques directes

$$\forall x \in [-1,1], \; \sin(\arcsin x) = x$$

$$\forall x \in [-1, 1], \cos(\arccos x) = x$$

$$\forall x \in \mathbb{R}, \ \tan(\arctan x) = x$$

$$\arcsin(\sin x) = x \iff x \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$$

$$\arccos(\cos x) = x \iff x \in [0, \pi]$$

$$\arctan(\tan x) = x \iff x \in \left] -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right[$$

- Dérivation -

$$\forall x \in]-1,1[,\ \arcsin'(x)=\frac{1}{\sqrt{1-x^2}} \quad \ \forall x \in]-1,1[,\ \arccos'(x)=-\frac{1}{\sqrt{1-x^2}} \quad \ \forall x \in \mathbb{R},\ \arctan'(x)=\frac{1}{1+x^2}$$

- Identités

$$\forall x \in [-1,1], \quad \sin(\arccos x) = \cos(\arcsin x) = \sqrt{1-x^2}$$

$$\forall x \in [-1, 1], \quad \arcsin x + \arccos x = \frac{\pi}{2}$$

$$\forall x \in \mathbb{R}^*, \qquad \arctan x + \arctan \frac{1}{x} = \mathrm{signe}(x) \frac{\pi}{2}$$

