1. Soit $(a,b) \in \mathbb{R}^2_+$. Montrer que $\sqrt{a+b} \leqslant \sqrt{a} + \sqrt{b}$.

2. Résoudre l'inéquation $|x-3| \le |2x+5|$.

3. Soient A et B deux ensembles. Montrer que A=B si et seulement si $A\cup B=A\cap B$.

4. Soit $n\in\mathbb{N}^*.$ Calculer $S_n=\sum_{k=1}^n\frac{1}{k(k+1)}.$

5. Soit
$$n\in\mathbb{N}.$$
 Calculer $S_n=\sum_{k=2}^{n+5}(3k-1).$

$$\text{6. Soit } n \in \mathbb{N}^*. \text{ Calculer } S_n = \sum_{k=2}^{n+1} \binom{n}{k-2} 2^{k+1} 3^{n-k+2}.$$

7. Soit
$$n \in \mathbb{N}$$
. Calculer $S_n = \sum_{k=1}^{n+2} 2^{k-1} 3^{2-k}$.