Lesson 1

Áron F. Hegyi, GitHub Copilot

February 15, 2023

1 Konjuktív és diszjunktív logikai kapcsolatok

1.1 Egyszerűbb írásmód: De Morgan's Laws

m_i^n	**i**	**j**	$\overline{M_j^n}$
A * B * C	7	0	$\overline{\overline{A}+\overline{B}+\overline{C}}$
$\overline{A}$ * B * $\overline{C}$	2	5	$\overline{A+\overline{B}+C}$
A * $\overline{B}$ * C	5	2	$\overline{\overline{A}+B+\overline{C}}$

This is the sum of all the minterms of F^4.

$$F^4 = \sum^4 (0, 2, 3, 4, 5, 11, 15)$$

F^4 = ABCD 7 times

$$F^4 = (\overline{A}+\overline{B}+\overline{C}+\overline{D}) \cdot (\overline{A}+\overline{B}+C+\overline{D}) \cdot (\overline{A}+\overline{B}+C+D) \cdot (\overline{A}+B+\overline{C}+\overline{D}) \\ \cdot (\overline{A}+B+\overline{C}+D) \cdot (\overline{A}+B+C+\overline{D}) \cdot (A+B+C+D)$$

ABCD igazságtábla

0	**A**	**B**	**C**	**D**	**F**
1	0	0	0	0	0
2	0	0	0	1	1
3	0	0	1	0	1
4	0	0	1	1	1
5	0	1	0	0	1
6	0	1	0	1	0
7	0	1	1	0	0
8	0	1	1	1	0
9	1	0	0	0	0
10	1	0	0	1	0
11	1	0	1	0	1
12	1	0	1	1	0
13	1	1	0	0	0
14	1	1	0	1	0
15	1	1	1	0	1

2 Egyszerűsítés

Logikai függvények egszerűsítése! Logikai algebra. Szabályai és alkalmazásuk:

2.1 Kommutatív szabály

$$A + B = B + A$$
$$A \cdot B = B \cdot A$$

2.2 Disztributív szabály

$$A \cdot (B + C) = A \cdot B + A \cdot C$$
$$A + (B \cdot C) = (A + B) \cdot (A + C)$$

2.3 A logikai algebra alapszabályai

$$\begin{array}{lll} A \cdot \oslash = \oslash & A \cdot A = A & \oslash \cdot \oslash = \oslash \\ A + \oslash = A & A + A = A & \oslash + \oslash = \oslash \\ A \cdot 1 = A & A + 1 = 1 & 1 \cdot 1 = 1 \\ A + 1 = 1 & A \cdot 1 = A & 1 + 1 = 1 \end{array}$$

2.4 De Morgan szabály

$$\overline{A \cdot B} = \overline{A} + \overline{B}$$
$$\overline{A + B} = \overline{A} \cdot \overline{B}$$

Igazságtábla:

A	**B**	$\overline{A \cdot B}$	$\overline{A} + \overline{B}$
0	0	1	1
0	1	1	1
1	0	1	1
1	1	0	0

De Morgan szabály megfordítja a logikai műveleteket a negációval.

2.5 XOR és XNOR

$$A \oplus B = \overline{A} \cdot B + A \cdot \overline{B}$$
$$A \odot B = \overline{A} \cdot \overline{B} + A \cdot B$$

2.6 Gyakorlás

$$\begin{aligned}
A \oplus B &= \overline{A \odot B} \\
\overline{A} \cdot B + A \cdot \overline{B} &= \overline{\overline{A} \cdot \overline{B} + A \cdot B} \\
\overline{A} \cdot B + A \cdot \overline{B} &= (A + B) \cdot (\overline{A} + \overline{B}) \\
\overline{A} \cdot B + A \cdot \overline{B} &= A \cdot \overline{A} + A \cdot \overline{B} + \overline{B} \cdot \overline{A} + B \cdot \overline{B} \\
\overline{A} \cdot B + A \cdot \overline{B} &= A \cdot \overline{B} + B \cdot \overline{A}
\end{aligned}$$

2.7 Logikai függvények egyszerűsítése grafikus módszerrel

A

0	$\overline{A}$
1	A

A B

	0	1
0	$\overline{A} \cdot \overline{B}$	$\overline{A} \cdot B$
1	$A \cdot \overline{B}$	$A \cdot B$

A BC

	00	01	11	10
0	0	1	3	2
1	4	5	7	6

AB CD

	00	01	11	10
00	0	1	3	2
01	4	5	7	6
11	12	13	15	14
10	8	9	11	10

$$F^3 = A \cdot B \cdot C + \overline{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \overline{B} \cdot C + A \cdot B \cdot \overline{C} + \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot C$$

$$\begin{aligned} \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} + \overline{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} + A \cdot B \cdot \overline{C} + A \cdot B \cdot C \\ \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} + A \cdot \overline{C} + B \cdot C \\ \overline{C}(\overline{A} \cdot A) + B \cdot C = \overline{C} \cdot (\overline{B} + A) + B \cdot C \end{aligned}$$