# Dominatori di torneo (domina)

# Difficoltà D = 3 (tempo limite 3 secondi).

# Descrizione del problema

Il torneo amatoriale di Rocca Caprina per N giocatori prevede lo scontro diretto di ogni partecipante con tutti gli altri, ossia N x (N-1) / 2 partite. Poiché l'intero torneo dura una settimana, le partite vengono interrotte allo scadere della settimana.

Per l'assegnazione del montepremi (orecchiette, cavatelli, intorchiate, taralli, diavulaccé, taràtufulu e scagliozzi), sono considerate valide soltanto le M partite in cui è stata assegnata una vittoria, dove  $M \le N \times (N-1) / 2$ . Non potendo sempre stabilire un singolo vincitore del torneo, tale montepremi viene assegnato a una **coalizione di dominatori**, che esiste sempre ed è definita come segue.

Una **coalizione** è un gruppo di giocatori tali che nessun giocatore del gruppo ha mai vinto contro un altro giocatore dello stesso gruppo.

Numerati in modo univoco i giocatori da 1 fino a N, i giocatori **dominati** da una coalizione G sono tutti quei giocatori C per i quali almeno una delle seguenti condizioni è soddisfatta (dove  $1 \le A$ , B,  $C \le N$  sono tre numeri distinti che individuano altrettanti giocatori):

- C appartiene alla coalizione G oppure
- esiste un giocatore A in G che ha vinto la partita contro C oppure
- esiste un giocatore A in G che ha vinto la partita contro un qualche giocatore B e, a sua volta, B ha vinto la partita contro C.

Lo **scoperto** di una coalizione è il numero di giocatori non dominati da essa.

Una **coalizione di dominatori** è quindi una coalizione con scoperto pari a 0.

Scrivete un programma che aiuti a individuare una coalizione.

### Dati di input

Il file input.txt è composto da M+1 righe, dove M è un intero positivo.

La prima riga contiene due interi positivi N e M che rappresentano rispettivamente il numero N di giocatori e il numero M di partite in cui è stata assegnata una vittoria.

Le successive M righe contengono i risultati delle partite in cui è stata assegnata una vittoria. Ciascuna di tali righe è composta da due interi distinti I e J separati da uno spazio per indicare che I ha vinto nella partita contro J, dove  $1 \le I$ ,  $J \le N$  (quindi il primo intero è il vincitore mentre il secondo intero è il perdente).

## Dati di output

Il file output.txt è composto da una sola riga contenente i numeri, separati da uno spazio, che identificano i giocatori di una coalizione.

### **Assunzioni**

- $2 \le N \le 1000$
- $1 \le M \le N \times (N-1) / 2$

#### Valutazione delle soluzioni

- Il punteggio è pari a 0 nel caso in cui l'output non rappresenti una coalizione. Altrimenti, sia Z lo scoperto della coalizione restituita. Il punteggio viene assegnato secondo la seguente regola:
  - o punteggio pieno pari a D = 3 se Z = 0 (coalizione di dominatori);
  - o punteggio pari a 1 se  $0 < Z \le N/2$ ;
  - o punteggio pari a 0 altrimenti.

# Esempi di input/output

File input.txt	File output.txt
4 4 1 2 4 2 3 4 3 2	1 3

7 8 1 5 6 1 6 2 4 2 4 1	File input.txt	File output.txt
3 6	7 8 1 5 6 1 6 2 4 2 4 1 2 3	-

File input.txt   File	e output.txt
7 8 1 3 1 3 1 3 1 5 6 1 6 2 4 2 4 1 2 3 3 3 6 3 4	-

#### Note

- Poiché una coalizione di dominatori esiste sempre, per gli esempi forniti è stato reputato utile elencare una delle coalizioni di dominatori, ma ovviamente una soluzione parziale è ammessa come risposta e soggetta alla valutazione di cui sopra.
- Se usate la piattaforma di sviluppo software basata sul compilatore Turbo Pascal e sul sistema operativo Windows, fare attenzione: i vostri programmi potrebbero essere valutati in una piattaforma diversa dalla vostra, e la garanzia di uniformità di comportamenti si ha soltanto se utilizzate *sempre* il tipo LongInt al posto del tipo Integer (quest'ultimo permette di rappresentare gli interi nell'intervallo [-32768...32767] mentre LongInt ne permette la rappresentazione in [-2147483648...2147483647]).