

Online, November 25th-26th, 2020

candele • IT

Reazione a candela (candele)

Monica ha un elegante set di N candele (del tipo lungo e stretto). Le candele sono indicizzate da 0 a N-1 e, giacché alcune di esse sono parzialmente consumate, hanno lunghezze in generale diverse tra loro. Mojito – il solito distrattone – le ha fatte cadere tutte a terra mentre rincorreva una pallina! Per una fortuita coincidenza, le candele si sono disposte tutte sulla stessa retta (eventualmente sovrapposte). La i-esima candela ha l'estremità superiore della miccia in posizione M_i e la base in posizione B_i , dove M_i e B_i sono numeri interi non negativi.

Inizialmente tutte le candele sono spente. Quando è accesa, una candela brucia al ritmo di una unità al secondo. Quindi, dopo t secondi dall'accensione di una candela la sua miccia si è spostata



di esattamente t unità (verso sinistra o verso destra, a seconda dell'orientazione della candela stessa). Nel momento in cui la miccia di una candela accesa si trova nella stessa posizione della miccia di una candela spenta, quest'ultima si accende a sua volta, in una sorta di effetto domino.

Monica decide di accendere la candela di indice 0 al tempo $t_0 = 0$. Aiutala a capire dopo quanti secondi dall'istante iniziale si accende ciascuna candela, o se non si accende affatto.

Implementazione

Dovrai sottoporre un unico file, con estensione .c o .cpp.

Tra gli allegati a questo task troverai un template candele.c e candele.cpp con un esempio di implementazione.

Dovrai implementare la seguente funzione:

```
C void brucia(int N, int *M, int *B, long long *T);
C++ void brucia(int N, vector<int> &M, vector<int> &B, vector<long long> &T);
```

- L'intero N rappresenta il numero di candele.
- Il vettore M, indicizzato da 0 a N-1, contiene le posizioni delle micce. Più precisamente, $M[i] = M_i$ per ogni $i = 0, \ldots, N-1$.
- Il vettore B, indicizzato da 0 a N-1, contiene le posizioni delle basi delle candele. Più precisamente, $B[i] = B_i$ per ogni $i = 0, \ldots, N-1$.

La funzione brucia dovrà riempire il vettore T, indicizzato da 0 a N-1, con i tempi a cui si accendono le candele. Se una candela non si accende, il suo indice dovrà contenere -1. Va specificato anche il tempo a cui si accende la candela 0.

Grader di prova

Nella directory relativa a questo problema è presente una versione semplificata del grader usato durante la correzione, che potete usare per testare le vostre soluzioni in locale. Il grader di esempio legge i dati da stdin, chiama le funzioni che dovete implementare e scrive su stdout, secondo il seguente formato.

candele Pagina 1 di 3

Il file di input è composto N+1 righe, contenenti:

- Riga 1: l'intero N.
- Riga 2 + i: i due interi M_i e B_i , separati da uno spazio.

Il file di output consiste di una sola riga contenente gli N interi $T[0], T[1], \ldots, T[N-1]$, separati da uno spazio.

Assunzioni

- $1 \le N \le 500\,000$.
- $0 \le M_i$, $B_i \le 10^9$ per ogni i = 0, ..., N-1.
- $M_i \neq B_i$ per ogni $i = 0, \ldots, N-1$.

Assegnazione del punteggio

Il tuo programma verrà testato su diversi test case raggruppati in subtask. Per ottenere il punteggio relativo ad un subtask, è necessario risolvere correttamente tutti i test che lo compongono.

Nel seguito, indicheremo con L il massimo dei 2N numeri $M_0, \ldots, M_{N-1}, B_0, \ldots, B_{N-1}$.

- Subtask 1 [0 punti]: Casi d'esempio.
- Subtask 2 [6 punti]: Le candele bruciano tutte verso destra (cioè $M_i < B_i$ per ogni i) ed è garantito che tutte le candele prima o poi si accendono (cioè $T[i] \neq -1$ per ogni i).
- Subtask 3 [10 punti]: Le candele bruciano tutte verso destra (cioè $M_i < B_i$ per ogni i).
- Subtask 4 [9 punti]: $N, L \leq 50$.
- Subtask 5 [15 punti]: $N \le 50\,000$, $L \le 200$.
- Subtask 6 [17 punti]: $N \le 3000$.
- Subtask 7 [14 punti]: Le candele sono lunghe al più 10 (cioè $|M_i B_i| \le 10$ per ogni i).
- Subtask 8 [29 punti]: Nessuna limitazione specifica.

Esempi di input/output

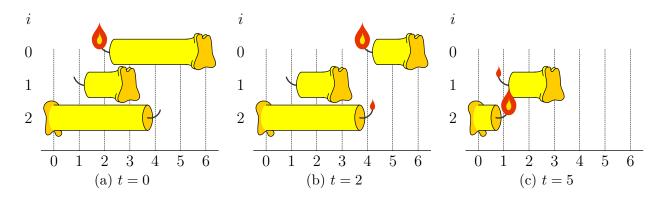
stdin	stdout
3	0 5 2
2 6	0 0 2
1 3	
4 0	
4	0 0 0 -1
2 5	0 0 0 1
2 4	
2 0	
7 2	

candele Pagina 2 di 3

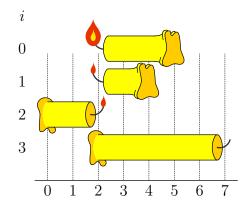
stdin	stdout
8	0 -1 13 21 -1 7 21 3
18 14	
5 12	
13 22	
21 10	
8 9	
19 12	
21 19	
15 20	
4	0 299999994 99999997 199999995
1 99999998	
99999999 100000000	
99999998 0	
0 99999999	

Spiegazione

Nel **primo caso di esempio**, la candela 0 inizia a bruciare verso destra al tempo t=0. Al tempo t=2, la sua miccia si trova in posizione 2+2=4, che coincide con la posizione della miccia della candela 2. Di conseguenza, quest'ultima candela si accende. Trascorso un altro secondo, la candela 0 si esaurisce, mentre dopo altri 2 secondi (cioè al tempo t=5) la miccia della candela 2 si trova a coincidere con quella della candela 1, la quale è l'ultima ad accendersi.



Nel **secondo caso di esempio**, la miccia della candela 0 coincide con quelle delle candele 1 e 2. Queste ultime, quindi, si accendono immediatamente (cioè al tempo t=0). La candela 3, invece, non viene mai raggiunta dalla miccia di una delle altre candele, e pertanto non si accende mai.



candele Pagina 3 di 3