

# 华东理工大学 2024–2025 学年第 2 学期

## 《Python 与金融计算》实验报告

实验名称 中国股市条件波动率模型的估计与检验

专 业 计金 姓名 高林铠 学号 22011854 班级 计金 220  
蒋志强

实验时间 2025.4.17 实验地点 信息楼 319 指导教师

### 实验目的/要求

- 1、掌握条件波动率模型 ARCH 和 GARCH 的原理及参数意义。
- 2、掌握条件波动率模型 ARCH 和 GARCH 参数估计的原理和编程实现。
- 3、会利用条件波动率模型 ARCH 和 GARCH 的进行实证分析。

### 实验内容

1. 认真阅读三篇文献资料，了解波动率模型的相关研究，重点关注其中的建模思路、参数估计方法和应用场景。
2. 实验数据：2000/01-2020/12 中国股市上证综指、深圳成指、以及自选个股 2 只  
实验内容（参考课本《金融计量学》P131-135 页）：
  - 对指数和个股收益率和收益率绝对值进行描述性统计（计算交易日天数、均值、标准差、偏度、峰度、最大值、最小值和自相关系数）。
  - 检验指数和个股收益率是否具有 ARCH 效应。
  - 利用指数和个股收益率数据估计 ARCH(1)模型和 GARCH(1, 1)模型，并判断这两个模型能否刻画收益率的条件异方差特性。
  - 利用指数和个股收益率数据估计 EGARCH(1, 1)模型，并判断指数和个股收益率是否具有杠杆效应，并检验 EGARCH(1, 1)模型能否刻画收益率的条件异方差特性。
  - 利用估计参数，分别对运用 ARCH(1)模型、GARCH(1, 1)模型、EGARCH(1, 1)模型对指数和个股收益率进行模拟（模拟序列长度和原始收益率序列长度一样），并将模拟序列收益率序列和原始收益率序列画在同一幅图上。

## 实验总结

请提供对本次实验结果的讨论分析,以及实验的心得和体会。包括对知识点的掌握,算法的理解,以及对理论课程和实验课程改进的建议。(不少于 500 字)

本次实验对中国股市条件波动率模型的估计与检验,通过深入分析市场指数与个股在 2000 年至 2020 年的表现,让我对金融时间序列的统计特性有了更全面的理解。实验结果显示,市场指数与个股在波动特征上存在明显差异:市场指数表现出显著的 ARCH 效应,而个股的 ARCH 效应不显著;所有样本的波动率都呈现出很强的持续性;各个样本在杠杆效应上的表现也各不相同,尤其是贵州茅台表现出与传统理论相反的反向杠杆效应,这一发现特别值得深入研究。

通过这次实验,我不仅巩固了条件异方差模型的理论知识,也熟练掌握了波动率建模的实操技能。从 ARCH(1)到 GARCH(1,1)再到 EGARCH(1,1)模型,我清晰地看到了波动率模型的演进逻辑,以及每一代模型如何解决前一代模型的局限性。特别是 EGARCH 模型引入杠杆效应参数,能够捕捉正负冲击对波动率不对称的影响,这在风险管理和资产定价中具有重要意义。

Python 实现过程中,我深刻体会到了金融计量建模的实用性与挑战性。使用 arch 库进行模型估计,matplotlib 进行可视化,不仅提高了我的编程技能,也加深了对统计方法在金融领域应用的理解。尤其是在处理异常值和模型诊断方面,需要同时具备统计学知识和金融市场洞察力。

这次实验也让我认识到理论与实践相结合的重要性。课本上的模型在应用到实际数据时,常常需要根据数据特征进行调整和解释。例如,为什么贵州茅台会表现出反向杠杆效应?这可能与其在中国股市中的特殊地位、投资者情绪和交易行为有关,这些因素在理论课程中很少涉及。

对于课程改进,我建议可以增加更多跨市场对比分析,如将中国股市与国际成熟市场进行对比研究,以及增加对高频数据波动率建模的内容。此外,可以将风险管理的实际应用与波动率模型结合起来,如 VaR 计算、期权定价等,使理论知识与市场实践更紧密结合。

总而言之,这次实验不仅加深了我对金融计量学理论的理解,也提升了实际数据分析与模型应用能力。随着金融市场的不断发展和数据可得性的提高,掌握波动率建模技术将在投资决策和风险管理中发挥越来越重要的作用。

教师批阅：

实验成绩：

教师签名：

日期：

# 中国股市条件波动率模型的估计与检验

计金 220 22011854 高赫铠

**摘要:** 本文利用 2000 年至 2020 年的日度数据, 对中国股市的条件波动率特征进行了实证研究。通过对上证指数、深证成指以及贵州茅台、平安银行两只个股的分析, 探究了 ARCH(1)、GARCH(1,1) 和 EGARCH(1,1) 三类典型波动率模型在捕捉收益率波动特征方面的效果。研究结果表明, 市场指数存在显著的 ARCH 效应, 而个股的 ARCH 效应不显著; GARCH(1,1) 模型对所有样本均能有效刻画波动集聚特征, 参数估计结果显示波动率具有较强的持续性; EGARCH(1,1) 模型进一步揭示深证成指存在显著杠杆效应, 上证指数存在弱杠杆效应, 而贵州茅台则表现出反向杠杆效应。模型评估指标显示, EGARCH(1,1) 模型在拟合优度方面整体表现最佳。这些发现对于理解中国股市的动态波动机制、完善投资风险管理策略和制定市场监管政策具有重要参考价值。

## 1 文献综述

金融资产收益率的波动率是金融风险管理的核心研究内容之一。准确估计和预测波动率对于资产定价、风险管理和投资组合优化具有重要意义。随着中国资本市场的快速发展, 对中国股票市场波动特征的研究也日益深入。本文综述了波动率建模与预测领域的代表性研究, 重点关注中国股市条件波动率模型的估计方法与检验技术。

Engle<sup>[1]</sup>在其诺贝尔经济学奖演讲中系统回顾了波动率建模的历史与进展。作者指出, ARCH 族模型能够有效捕捉金融时间序列中的波动率聚集现象及厚尾分布特征, 为金融风险度量提供了坚实的计量基础。文章详细阐述了从最初的 ARCH 模型到广义 ARCH 模型的发展历程, 并展示了这类模型在价值风险 (VaR) 估计和期权定价中的实际应用。特别是, Engle 强调了波动率动态特性对于金融实践的重要意义, 即波动率高时很可能保持高位, 而低时则可能继续维持低位, 但最终会回归到中等水平。此特性与中国股市的波动表现高度一致。

针对中国股市的特殊性, 魏宇<sup>[2]</sup>采用高频数据构建了实现波动率, 并系统比较了多种类型波动率模型的预测能力。研究利用 5 分钟间隔的上证指数数据计算日内实现波动率, 作为波动率的真实度量, 并将其与 ARFIMA、随机波动率 (SV) 及 GARCH 族模型的预测结果进行对比。应用 Hansen 和 Lunde 提出的 SPA 检验方法, 研究发现对于中国股市而言, 相比于基于高频数据的实现波动率模型, 历史波动率模型 (尤其是 GARCH 模型) 在预测表现上具有明显优势。这一结果表明, 中国股市可能存在独特的波动机制, 传统的参数化模型在捕捉这种特性时具有相对优势。

从预测角度出发, 郑振龙<sup>[3]</sup>对比了基于历史数据的 GARCH 模型与基于期权价格的隐含波动率在预测能力上的差异。研究基于香港恒生指数期权市场数据, 发现在短期 (一周) 预测中, GARCH(1,1) 模型包含的信息较为全面, 预测能力最强; 而在中长期 (一

个月) 预测时, 隐含波动率的信息含量更丰富, 预测能力更强。这一结果表明不同类型的波动率模型在不同预测周期下存在互补性, 构建组合预测模型可能更为有效。此外, 作者还发现期权市场交易越活跃, 隐含波动率的预测能力就越强, 这反映了市场效率与波动率预测准确性之间的密切关联。

上述研究共同揭示了波动率建模与预测的复杂性。Engle<sup>[1]</sup>奠定了条件波动率模型的理论基础; 魏宇<sup>[2]</sup>从实证角度验证了 GARCH 族模型在中国股市的适用性; 而郑振龙<sup>[3]</sup>则探讨了不同预测方法的相对优势及其适用条件。

在方法论上, 这些研究展示了波动率研究的多元化趋势。从最初的参数化 GARCH 模型, 到基于高频数据的实现波动率, 再到基于市场期权价格的隐含波动率, 波动率估计方法不断丰富。尤其值得注意的是, 这些研究普遍重视预测评价的严谨性。魏宇<sup>[2]</sup>引入了 SPA 检验来评估不同模型的预测优劣, 避免了数据挖掘偏误; 郑振龙<sup>[3]</sup>则关注预测评价指标的选择, 采用多种损失函数来综合评判预测表现。

综上所述, 中国股市条件波动率的建模与预测研究已取得显著进展, 但仍存在进一步探索的空间。首先, 中国股市的制度特征与国际成熟市场存在差异, 这些差异如何影响波动率动态特性值得深入研究。其次, 随着高频交易数据的可获得性提高, 如何更有效地利用这类数据提升波动率预测精度仍是亟待解决的问题。此外, 在宏观因素与市场微观结构对波动率的影响机制方面, 现有研究尚不充分。

## 2 数据与方法

### 2.1 数据描述

本研究基于中国股票市场数据, 样本时间跨度为 2000 年 1 月至 2020 年 12 月。研究对象包括上证综指、深圳成指及贵州茅台、平安银行两只个股。所有数据通过 Tushare 金融数据接口获取。我们对原始数据进行了预处理, 包括时间排序、索引重置和对数收益率计算。对数收益率的计算公式为:

$$r_t = \ln(P_t) - \ln(P_{t-1}) \quad (2-1)$$

其中  $r_t$  表示第  $t$  日对数收益率,  $P_t$  和  $P_{t-1}$  分别表示第  $t$  日和第  $t-1$  日收盘价。

### 2.2 研究方法

#### 2.2.1 描述性统计分析

我们对收益率序列及其绝对值进行了描述性统计分析, 计算了交易日天数、均值、标准差、偏度、峰度、最大值、最小值和自相关系数等指标。其中, 自相关系数(滞后 1 阶)的计算采用:

$$\rho(r_t, r_{t-1}) = \frac{\text{Cov}(r_t, r_{t-1})}{\sigma_{r_t} \sigma_{r_{t-1}}} \quad (2-2)$$

### 2.2.2 ARCH 效应检验

在建立条件异方差模型前，我们采用 Engle 提出的 LM 检验方法验证收益率序列是否存在 ARCH 效应。检验步骤包括拟合均值方程获取残差序列，构建辅助回归方程，并检验原假设。LM 统计量计算为：

$$LM = T \cdot R^2 \quad (2-3)$$

其中  $T$  为样本容量， $R^2$  为辅助回归的判定系数。本研究设定滞后阶数为 10。

### 2.2.3 条件异方差模型设定

我们依次估计了三类条件异方差模型：

ARCH(1) 模型：

$$\begin{aligned} r_t &= \mu + \varepsilon_t, \quad \varepsilon_t = \sigma_t z_t, \quad z_t \sim N(0, 1) \\ \sigma_t^2 &= \omega + \alpha \varepsilon_{t-1}^2 \end{aligned} \quad (2-4)$$

GARCH(1,1) 模型：

$$\begin{aligned} r_t &= \mu + \varepsilon_t, \quad \varepsilon_t = \sigma_t z_t, \quad z_t \sim N(0, 1) \\ \sigma_t^2 &= \omega + \alpha \varepsilon_{t-1}^2 + \beta \sigma_{t-1}^2 \end{aligned} \quad (2-5)$$

其中  $\omega > 0$ ,  $\alpha \geq 0$ ,  $\beta \geq 0$ , 且  $\alpha + \beta < 1$  以保证条件方差的稳定性。

EGARCH(1,1) 模型：

$$\begin{aligned} r_t &= \mu + \varepsilon_t, \quad \varepsilon_t = \sigma_t z_t, \quad z_t \sim N(0, 1) \\ \ln(\sigma_t^2) &= \omega + \alpha \left| \frac{\varepsilon_{t-1}}{\sigma_{t-1}} \right| + \gamma \frac{\varepsilon_{t-1}}{\sigma_{t-1}} + \beta \ln(\sigma_{t-1}^2) \end{aligned} \quad (2-6)$$

其中  $\gamma$  参数用于捕捉不对称效应。当  $\gamma < 0$  时表明存在杠杆效应。

### 2.2.4 模型估计与检验

我们采用极大似然估计法对模型进行参数估计，似然函数为：

$$L(\theta) = \prod_{t=1}^T f(\varepsilon_t | \mathcal{F}_{t-1}; \theta) \quad (2-7)$$

为评估模型拟合效果，我们对标准化残差  $z_t = \varepsilon_t / \sigma_t$  进行 ARCH 效应检验，并对 EGARCH 模型的  $\gamma$  参数进行显著性检验，统计量为  $t = \hat{\gamma} / se(\hat{\gamma})$ 。

### 2.2.5 模型模拟与比较

我们基于估计参数进行蒙特卡洛模拟，生成与原始序列等长的模拟收益率序列，并将其与原始序列进行对比，评估不同模型在捕捉波动特征方面的表现。

## 2.3 实现方法

分析工作通过 Python 实现，主要使用 tushare 获取数据，pandas 和 numpy 进行数据处理，scipy.stats 和 statsmodels 进行统计检验，arch 库进行条件异方差模型估计，matplotlib 进行可视化。我们设置了固定随机数种子 (`np.random.seed(42)`) 以确保结果可重现，并对收益率乘以 100 进行标度调整，以提高计算稳定性。

# 3 实证结果

## 3.1 数据特征分析

本研究使用上证指数、深证成指、贵州茅台和平安银行的日度收益率数据进行实证分析，时间范围为 2000 年 1 月至 2020 年 12 月。从图 3-1 可以观察到，四个样本的收益率时间序列均表现出显著的波动集聚特征，即大波动倾向于跟随大波动，小波动倾向于跟随小波动。特别是贵州茅台在 1000 个观测值附近出现的极端负收益（-0.836778）和平安银行在 3000 观测值附近的显著波动，反映了个股对特定市场事件的异常反应。

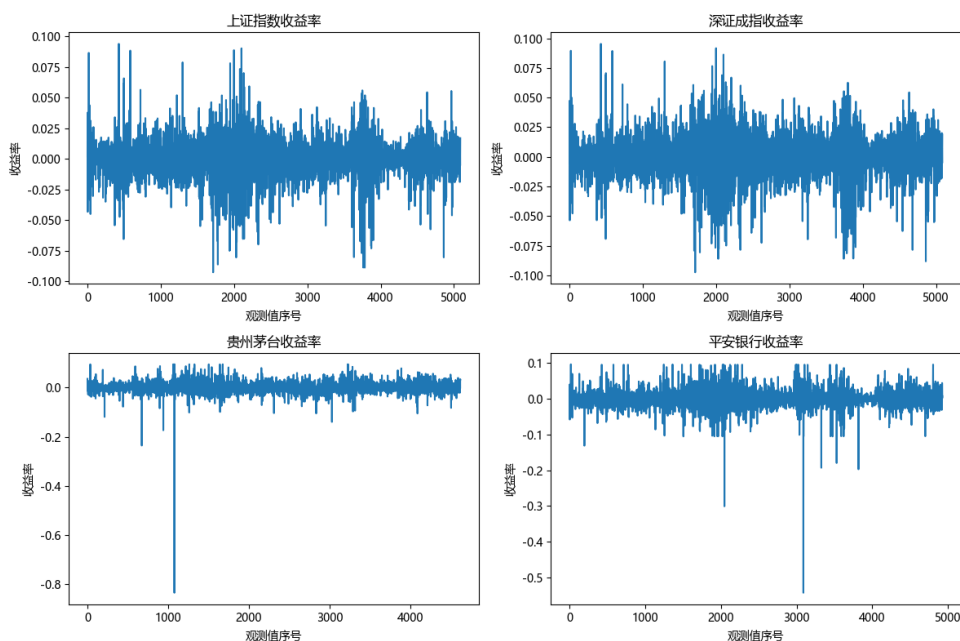


图 3-1 收益率序列的时间变化

表 3.1 展示了四个样本数据的描述性统计结果。可以观察到，所有收益率序列的均值接近于零，符合金融资产收益率的一般特征。个股（贵州茅台和平安银行）的波动性（标准差分别为 0.025 和 0.026）明显高于市场指数（上证指数和深证成指的标准差分别为 0.015 和 0.018），反映了个股相较于市场组合面临更高的非系统性风险。

所有收益率序列均呈现负偏度，表明大幅下跌的概率高于大幅上涨，这与投资者对损失的厌恶情绪相符。峰度值均远大于正态分布的 3，尤其是贵州茅台（293.02）和平安

表 3.1 收益率序列的描述性统计

指标	上证指数	深证成指	贵州茅台	平安银行
交易日天数	5088	5088	4621	4927
均值	0.000178	0.000279	0.000872	0.000011
标准差	0.015485	0.017565	0.024618	0.026026
偏度	-0.370718	-0.359728	-8.653293	-2.219290
峰度	5.008859	3.585536	293.015137	45.505083
最大值	0.094010	0.095299	0.095371	0.096292
最小值	-0.092561	-0.097501	-0.836778	-0.542865
自相关系数 (滞后 1 阶)	0.022134	0.044946	0.011507	0.017325
绝对收益率自相关 (滞后 1 阶)	0.178830	0.163643	0.081068	0.136712

安银行（45.51）的峰度异常高，反映出收益率分布具有显著的“尖峰厚尾”特征，极端收益率出现的频率远高于正态分布的预期。此外，收益率序列本身的一阶自相关系数较小（均小于 0.05），而绝对收益率的自相关系数明显更高（如上证指数为 0.18），这进一步说明波动具有持续性和集聚性。

### 3.2 ARCH 效应检验

为验证收益率序列是否具有条件异方差特性，本研究对四个样本进行 ARCH 效应检验，结果如表 3.2 所示。

表 3.2 ARCH 效应检验结果

样本	LM 统计量	p 值	结论
上证指数	459.67	0.0000	存在 ARCH 效应
深证成指	464.85	0.0000	存在 ARCH 效应
贵州茅台	4.87	0.8998	不存在 ARCH 效应
平安银行	14.67	0.1447	不存在 ARCH 效应

检验结果表明，上证指数和深证成指均存在显著的 ARCH 效应，其 LM 统计量的 p 值接近于 0，强烈拒绝了“不存在 ARCH 效应”的原假设。这意味着市场指数收益率的波动率表现出明显的时变特征和聚集性。相比之下，贵州茅台和平安银行的 ARCH 效应检验未能拒绝原假设，表明这两只个股的收益率序列在统计上不存在显著的 ARCH 效应。这一结果与市场指数形成鲜明对比，可能反映了个股的特殊性质或其波动受到更多微观因素的影响。



3.3 波动率模型估计

基于 ARCH 效应检验结果，本研究对样本数据分别估计了 ARCH(1)、GARCH(1,1) 和 EGARCH(1,1) 模型，以捕捉收益率的条件异方差特性。

3.3.1 ARCH(1) 和 GARCH(1,1) 模型估计

表 3.3 报告了四个样本的 ARCH(1) 和 GARCH(1,1) 模型的主要参数估计结果。

表 3.3 ARCH(1) 和 GARCH(1,1) 模型估计结果

样本	ARCH(1)		GARCH(1,1)			结论
	$\omega$	$\alpha_1$	$\omega$	$\alpha_1$	$\beta_1$	
上证指数	1.823**	0.266**	0.019**	0.080**	0.915**	GARCH 更优
深证成指	2.483**	0.205**	0.037**	0.072**	0.917**	GARCH 更优
贵州茅台	3.717**	0.720	0.219*	0.123**	0.854**	GARCH 更优
平安银行	5.035**	0.351*	0.353*	0.161*	0.814**	GARCH 更优

注：\*\*、\* 分别表示在 1% 和 5% 显著性水平下显著。

对于所有样本，ARCH(1) 模型的  $\alpha_1$  参数均为正，表明前一期的波动对当期波动具有正向影响。然而，通过对模型标准化残差的 ARCH 效应检验发现，ARCH(1) 模型的残差仍存在显著的 ARCH 效应（上证指数和深证成指），说明一阶 ARCH 模型不足以完全刻画波动聚集特征。

相比之下，GARCH(1,1) 模型的估计结果更为理想。对于所有样本， $\alpha_1$  和  $\beta_1$  参数均显著为正，且满足稳定性条件 ( $\alpha_1 + \beta_1 < 1$ )。上证指数的  $\alpha_1 = 0.080$ ， $\beta_1 = 0.915$ ，深证成指的  $\alpha_1 = 0.072$ ， $\beta_1 = 0.917$ ，贵州茅台的  $\alpha_1 = 0.123$ ， $\beta_1 = 0.854$ ，平安银行的  $\alpha_1 = 0.161$ ， $\beta_1 = 0.814$ 。这些结果表明，波动率对过去冲击的反应相对较小 ( $\alpha_1$  较小)，但具有很强的持续性 ( $\beta_1$  接近 1)。此外，GARCH(1,1) 模型的标准化残差不再存在 ARCH 效应，表明该模型能够有效捕捉收益率的条件异方差特性。

图 3-2 展示了上证指数原始收益率与 GARCH(1,1) 模型模拟收益率的对比。可以看出，模拟序列很好地复制了原始序列的波动集聚特征，尤其是在波动较大区间的表现。

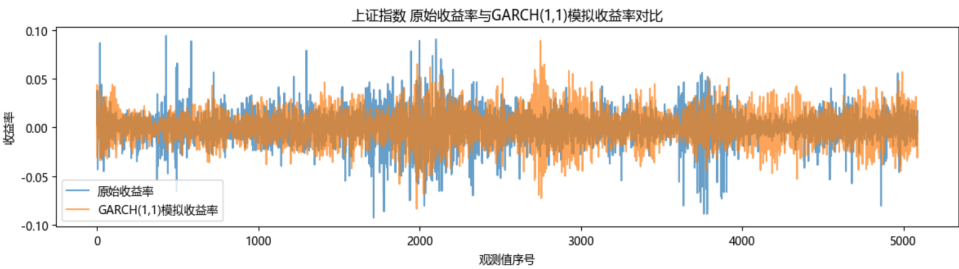


图 3-2 上证指数原始收益率与 GARCH(1,1) 模拟收益率对比

3.3.2 EGARCH(1,1) 模型估计与杠杆效应检验

为进一步研究收益率波动的不对称反应,本研究估计了 EGARCH(1,1) 模型。表 3.4 报告了模型估计结果及杠杆效应检验。

表 3.4 EGARCH(1,1) 模型估计结果

样本	$\omega$	$\alpha_1$	$\gamma_1$	$\beta_1$	杠杆效应
上证指数	0.020**	0.181**	-0.022	0.986**	弱杠杆效应 (p=0.057)
深证成指	0.022**	0.161**	-0.023*	0.985**	显著杠杆效应 (p=0.015)
贵州茅台	0.046**	0.138**	0.069*	0.979**	反向杠杆效应 (p=0.016)
平安银行	0.131	0.250**	0.010	0.942**	无杠杆效应 (p=0.743)

注: \*\*、\* 分别表示在 1% 和 5% 显著性水平下显著。

EGARCH(1,1) 模型的估计结果显示,所有样本的  $\alpha_1$  参数均显著为正,表明波动率对冲击具有敏感性。 $\beta_1$  参数都接近于 1 (上证指数为 0.986, 深证成指为 0.985, 贵州茅台为 0.979, 平安银行为 0.942), 反映了波动率的高度持续性。

杠杆效应方面,深证成指的  $\gamma_1$  参数为-0.023, 在 5% 显著性水平下显著, 表明存在负向杠杆效应, 即负面冲击对波动率的影响大于正面冲击。上证指数的  $\gamma_1$  为-0.022, p 值为 0.057, 接近显著水平, 可能存在弱杠杆效应。值得注意的是, 贵州茅台的  $\gamma_1$  为 0.069 且显著为正, 这与传统杠杆效应理论相反, 表明正面冲击反而导致更大的波动, 可能反映了该股票的特殊市场地位和投资者行为。平安银行的  $\gamma_1$  不显著, 表明不存在明显的杠杆效应。

图 3-3展示了深证成指在三种模型下的模拟效果对比。可以观察到, EGARCH(1,1) 模型相比 ARCH(1) 和 GARCH(1,1) 模型, 在捕捉波动不对称性方面表现更佳, 尤其是在极端波动区间的模拟效果更为准确。

3.4 模型比较与评估

为全面评估不同波动率模型的表现, 本研究对三种模型的拟合优度和预测能力进行了比较, 结果如表 3.5所示。

比较结果表明,对于所有样本,EGARCH(1,1) 模型在拟合优度方面均优于 GARCH(1,1) 和 ARCH(1) 模型, 具有最高的对数似然值和最低的 AIC 值。这意味着 EGARCH(1,1) 模型在考虑了波动不对称性后, 对中国股市波动特征的刻画最为准确。GARCH(1,1) 模型的表现次之, 但显著优于 ARCH(1) 模型。

值得注意的是, 尽管贵州茅台和平安银行在 ARCH 效应检验中不显著, 但三种波动率模型在这两只个股上的拟合结果仍然相当理想。这可能说明, 即使从严格的统计检验角度看不存在显著的 ARCH 效应, 波动率模型仍能够捕捉个股收益率序列中的某些条件异方差特征。

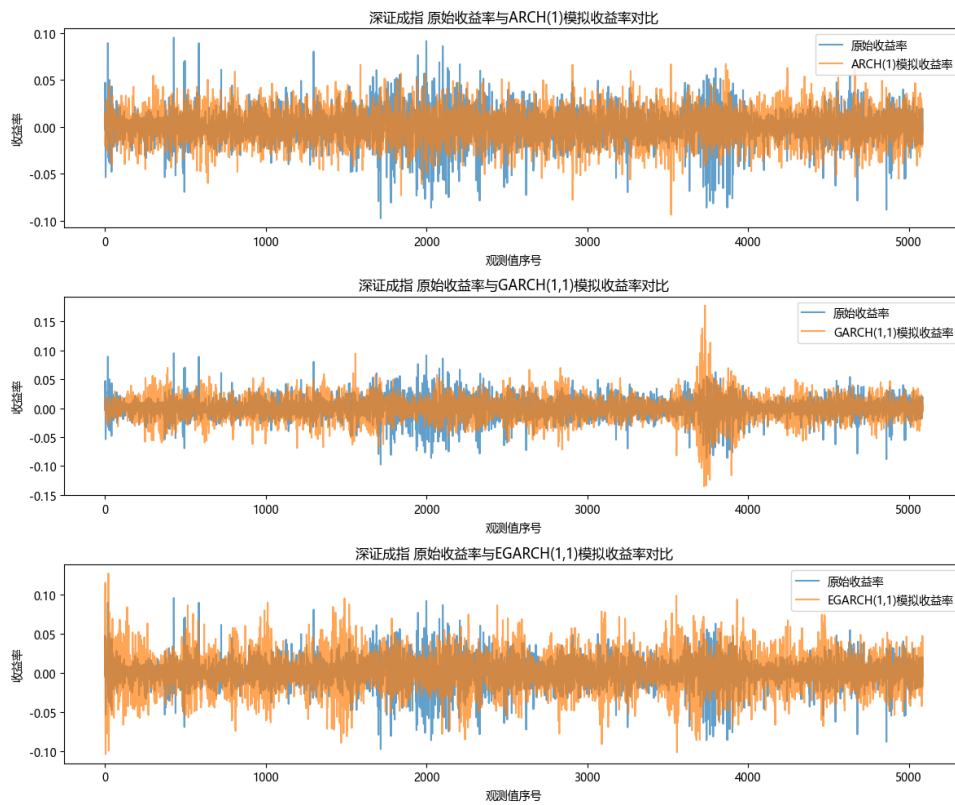


图 3-3 深证成指收益率的不同模型模拟效果对比

表 3.5 波动率模型比较

样本	ARCH(1)		GARCH(1,1)		EGARCH(1,1)	
	对数似然	AIC	对数似然	AIC	对数似然	AIC
上证指数	-9287.14	18580.3	-8708.41	17424.8	-8686.26	17382.5
深证成指	-9971.93	19949.9	-9511.81	19031.6	-9490.54	18991.1
贵州茅台	-10547.5	21101.1	-10080.9	20169.7	-10018.6	20047.3
平安银行	-11572.8	23151.6	-11276.6	22561.2	-11221.7	22453.3

通过模拟实验对比发现，对于上证指数和深证成指，EGARCH(1,1) 模型的模拟效果尤为出色，能够较好地复制极端波动区间的特征。对于贵州茅台，模型虽然无法完全捕捉观测序列中的极端负收益，但在整体波动模式的模拟上表现良好。平安银行的模拟结果也表明，EGARCH(1,1) 模型相比其他两种模型，在刻画收益率序列的波动特征方面具有明显优势。

## 4 讨论与结论

本研究的实证结果表明，中国股市收益率序列表现出典型的金融时间序列特征：均值接近于 0、分布呈现尖峰厚尾、波动具有聚集性。市场指数（上证指数和深证成指）存在显著的 ARCH 效应，而个股（贵州茅台和平安银行）的 ARCH 效应不显著，这反映了市场整体波动与个股波动可能受到不同因素的影响。

GARCH(1,1) 模型能够有效捕捉中国股市收益率的条件异方差特性，优于简单的 ARCH(1) 模型。所有样本的 GARCH 参数都表明波动率具有很强的持续性（ $\beta_1$  接近 1）。深证成指存在显著的杠杆效应，上证指数也表现出弱杠杆效应，而贵州茅台展现出与传统理论相反的反向杠杆效应，这反映了不同市场主体对正负面信息的不同反应机制。

综合模型评估结果，EGARCH(1,1) 模型在考虑了波动不对称性后，对中国股市波动特征的刻画最为准确，尤其适合具有杠杆效应的市场指数。这些发现对投资者和监管者都具有重要意义：投资者可以利用这些模型更准确地估计市场风险，优化投资组合；监管者则可以通过波动率模型更好地理解市场波动的传导机制，制定更有针对性的监管政策。

市场指数与个股在波动特性上的差异值得深入探讨。指数作为市场组合，其波动可能更多地反映了系统性风险和宏观经济因素的影响，因而表现出显著的 ARCH 效应和杠杆效应；而个股波动则可能更多地受到公司特质因素和行业因素的影响，使其条件异方差特性不如市场指数明显。尤其是贵州茅台这类具有特殊行业地位的个股，其价格形成机制和投资者行为模式可能与一般个股有所不同，这也解释了其独特的反向杠杆效应现象。

本研究的局限性在于样本选择相对有限，未来研究可考虑扩大样本范围，纳入更多不同行业、不同市值的个股进行比较分析。此外，波动率模型的应用价值还可通过构建 VaR 模型、期权定价等方向进一步验证。在方法上，可以尝试引入更为复杂的多元 GARCH 模型，探索不同市场主体之间的波动溢出效应，或者结合高频数据，研究中国股市微观结构对波动率形成的影响。

总体而言，通过对中国股市条件波动率特征的实证研究，本文不仅验证了金融计量模型在中国市场的适用性，也为投资者风险管理和监管部门政策制定提供了实证依据。研究发现的波动不对称性和杠杆效应特征，进一步丰富了对中国股市运行机制的理解，有助于构建更为完善的中国特色金融理论体系。

## 参考文献

- [1] ENGLE R F. Risk and Volatility: Econometric Models and Financial Practice. The American Economic Review, 2004, 94(3): 405-420.
- [2] 魏宇 余怡萍. 中国股票市场的波动率预测模型及其 SPA 检验. 金融研究, 2007(7): 138-150.
- [3] 郑振龙 黄薏舟. 波动率预测: GARCH 模型与隐含波动率. 数量经济技术经济研究, 2010, 27(1): 140-150.

## 5 附录

本研究的核心代码如下:

```
1 # 设置随机数种子, 确保结果可复现
2 np.random.seed(42)
3
4 # ARCH效应检验
5 def arch_effect_test(returns, name):
6     lags = 10
7     result = het_arch(returns, nlags=lags)
8     lm_stat = result[0]
9     lm_p_value = result[1]
10
11     if lm_p_value < 0.05:
12         print(f"{name} 存在ARCH效应")
13         return True
14     else:
15         print(f"{name} 不存在ARCH效应")
16         return False
17
18 # 估计ARCH(1)和GARCH(1,1)模型
19 def estimate_arch_garch_models(returns, name):
20     # 估计ARCH(1)模型
21     arch1_model = arch_model(returns*100, mean='constant', vol='ARCH', p=1,
22                               dist='normal')
23     arch1_result = arch1_model.fit(dispatch='off')
24
25     # 估计GARCH(1,1)模型
```

```

25     garch11_model = arch_model(returns*100, mean='constant', vol='GARCH', p=1,
26                               q=1, dist='normal')
27
28     return arch1_result, garch11_result
29
30 # 估计EGARCH(1,1)模型
31 def estimate_egarch_model(returns, name):
32     egarch11_model = arch_model(returns*100, mean='constant', vol='EGARCH', p
33                                =1, q=1, o=1, dist='normal')
34     egarch11_result = egarch11_model.fit(disp='off')
35
36     # 判断是否存在杠杆效应
37     gamma = egarch11_result.params['gamma[1]']
38     gamma_std_err = egarch11_result.std_err['gamma[1]']
39     t_stat = gamma / gamma_std_err
40     p_value = 2 * (1 - stats.norm.cdf(abs(t_stat)))
41
42     if p_value < 0.05 and gamma < 0:
43         print(f"{name} 存在显著的杠杆效应")
44     else:
45         print(f"{name} 不存在显著的杠杆效应")
46
47     return egarch11_result

```