

EDA 软件设计 I

Lecture 12

基于DFS的拓扑排序实现

implementation

拓扑排序（DFS）实现细节

1. 初始化

- 创建一个用于记录节点是否被访问过的**数组或哈希表 visited**，**初始时每个节点的状态为未访问（False）**
- 创建一个空栈 stack，用于存储排序结果（栈用于记录回溯顺序，即拓扑排序结果）

Python知识点：

- {}: dictionary
- []: list
- dictionary的“组合技”（推导式）

python

```
visited = {node: False for node in graph} # 初始化为未访问状态  
stack = [] # 用来保存拓扑排序结果
```

拓扑排序 (DFS) 实现

2. DFS 函数定义

- 定义一个**递归的深度优先搜索函数** `dfs(node)`，用于递归访问每个节点及其相邻节点，在该函数中：
 - 将当前节点 `node` 标记为已访问
 - 递归访问该节点的所有邻居节点（即它指向的节点），如果某个邻居节点尚未被访问，递归调用 `dfs()`
 - 当该节点的所有邻居节点都访问完毕后，将该节点压入栈中

Python知识点:

- List的append方法
- 访问dictionary value的方法

python

```
def dfs(node):  
    visited[node] = True # 标记当前节点为已访问  
  
    # 递归访问所有相邻节点  
    for neighbor in graph[node]:  
        if not visited[neighbor]:  
            dfs(neighbor)  
  
    # 当前节点的所有邻居都访问完毕后，压入栈中  
    stack.append(node)
```

```
# 示例图表示法  
graph = {  
    'A': ['B', 'C'],  
    'B': ['D'],  
    'C': ['D'],  
    'D': []  
}
```


拓扑排序（DFS）实现

3. 遍历所有节点

□ 遍历图中所有节点，**如果某个节点尚未被访问，则调用 dfs() 函数**开始对该节点及其邻居进行深度优先搜索

Python知识点：

- 函数的调用

- 作用域（Scope）：局部、闭包、全局、内置
- 可变对象与不可变对象的参数传递

python

```
for node in graph:  
    if not visited[node]:  
        dfs(node)
```

拓扑排序（DFS）实现

4. 返回结果

□（节点是通过回溯加入到栈中的，所以栈中的顺序正好是拓扑排序的逆序）在算法结束后，将栈进行反转即可得到最终的拓扑排序结果

Python知识点：

- List的反转

```
python
```

```
topological_order = stack[::-1] # 反转栈，得到拓扑排序结果
```

基于DFS的拓扑排序复杂度

Complexity

拓扑排序时间复杂度

遍历顶点的时间：对于每个节点，我们最多会访问一次，遍历的时间复杂度是 $O(V)$

遍历边的时间：在访问每个顶点时，DFS还会遍历该顶点的所有邻接节点，也就是遍历所有边，时间复杂度为 $O(E)$

若反转节点顺序得出拓扑顺序： $O(V)$
若通过链表前端记录拓扑顺序： $O(1)$

- ① Run DFS (for unvisited nodes)
 - ◆ 对于图中还未访问的节点
- ② 在DFS中，用递归的方式处理节点，**回溯时记录节点顺序**
- ③ 反转（倒置）节点顺序 → 拓扑排序顺序

$O(V+E)$

熟悉不同数据结构基本操作的复杂度

拓扑排序空间复杂度

递归栈的使用：DFS是递归实现的，递归调用的深度最多为图中最长路径的长度，因此在最坏情况下，递归栈的深度为 $O(V)$

其他数据结构：我们还需要使用一个大小为 V 的栈来存储结果，以及一个大小为 V 的已访问数组

- ① Run DFS (for unvisited nodes)
 - ◆ 对于图中还未访问的节点
- ② 在DFS中，用递归的方式处理节点，**回溯时记录节点顺序**
- ③ 反转（倒置）节点顺序 → 拓扑排序顺序

$O(V)$

拓扑排序Kahn算法复杂度

- 基于Kahn的拓扑排序

- 时间复杂度

1. 计算入度：首先要遍历所有边来计算每个顶点的入度，时间复杂度是 $O(E)$
2. 处理顶点：然后对于每个顶点，它们会被加入队列并从队列中弹出，这个过程的时间复杂度是 $O(V)$
3. 更新入度：每次从队列中弹出一个顶点后，需要更新其邻接节点的入度，这一步遍历所有边，时间复杂度为 $O(E)$
4. 将这些部分结合，Kahn算法的总时间复杂度也是 $O(V + E)$

- 空间复杂度

1. 队列的使用：使用一个大小为 V 的队列来存储入度为0的节点
2. 入度数组：需要维护一个大小为 V 的入度数组，这样我们可以方便地进行入度的更新和检查
3. Kahn算法的空间复杂度为 $O(V)$ ，因为我们只需要存储节点和它们的入度，并且没有递归栈开销

拓扑排序的应用

领域或问题

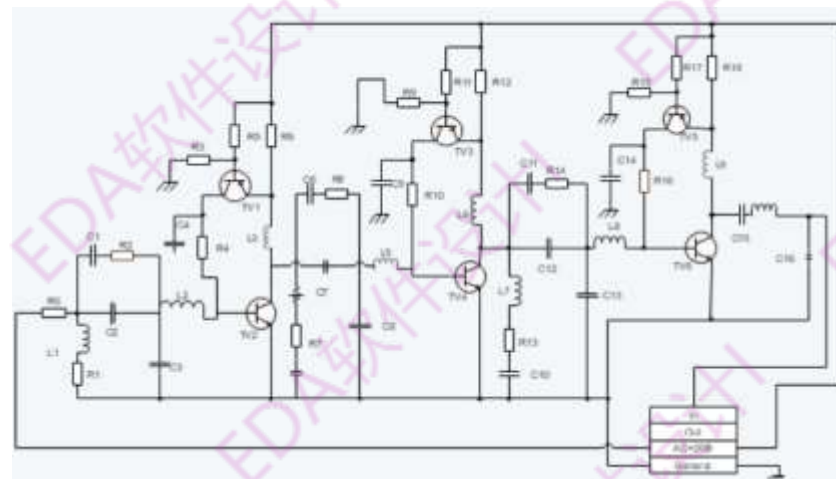
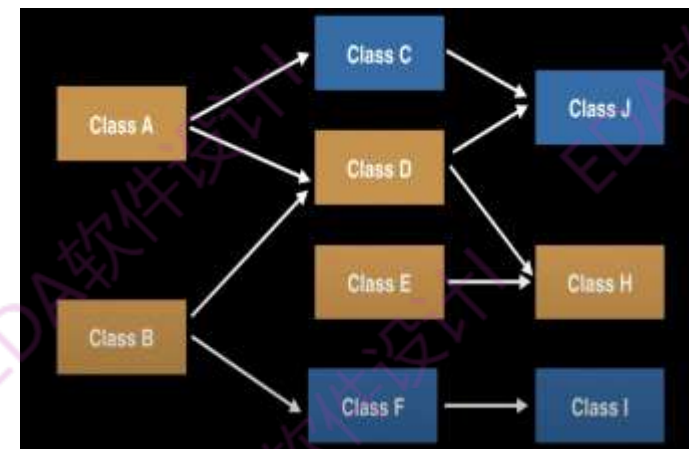
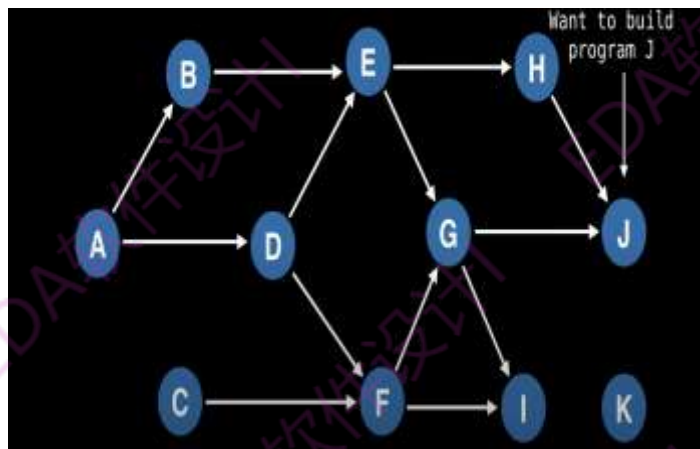
任务调度

编译器

电路设计与分析

版本控制

解析表达式中依赖关系



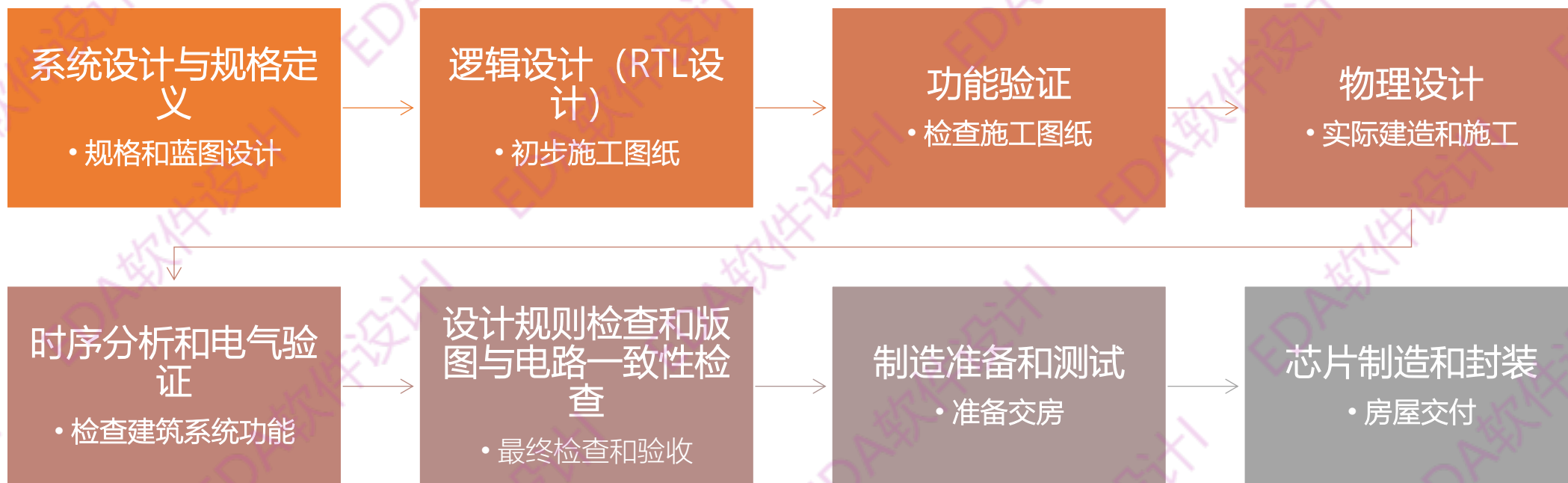
拓扑排序的应用

领域或问题	典型场景	具体应用
任务调度	工厂生产中的生产步骤排序	产品的某些生产步骤必须按照先后顺序执行
编译器	依赖解析	构建工具（如make或CMake）使用拓扑排序来确定依赖的编译顺序，确保依赖关系的正确性
电路设计与分析	组合逻辑电路	确定电路中的信号传递路径，优化电路的设计和计算流程
版本控制	代码提交之间存在依赖关系，某些功能的合并必须在依赖功能合并之后完成	通过拓扑排序生成变更和合并的顺序，确保依赖关系不会出错，特别是在合并代码分支时
解析表达式中依赖关系	在解释器或编译器中，表达式可能有嵌套依赖，如 $f(g(x))$ ，需要先计算 $g(x)$ ，再计算 f	通过拓扑排序，确保复杂表达式中的依赖项按正确顺序计算

拓扑排序 Done

Question?

芯片设计全流程 (Generally)



EDA参与物理设计阶段

- 物理设计：

- 布局布线

- 时钟树综合

- 信号完整性分析

- 功耗分析

物理设计

- 实际建造和施工

- **时钟树综合 (Clock Tree Synthesis, CTS)**：负责为整个芯片中的各个电路模块同步传输信号

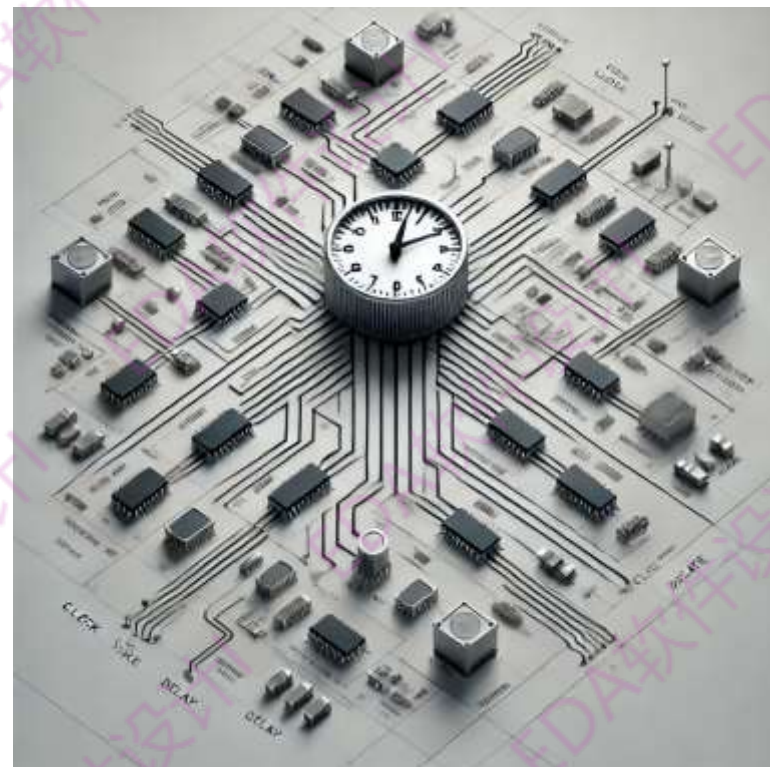
- 时钟信号需要被精确地分配到芯片中所有需要同步的模块

时钟树入门



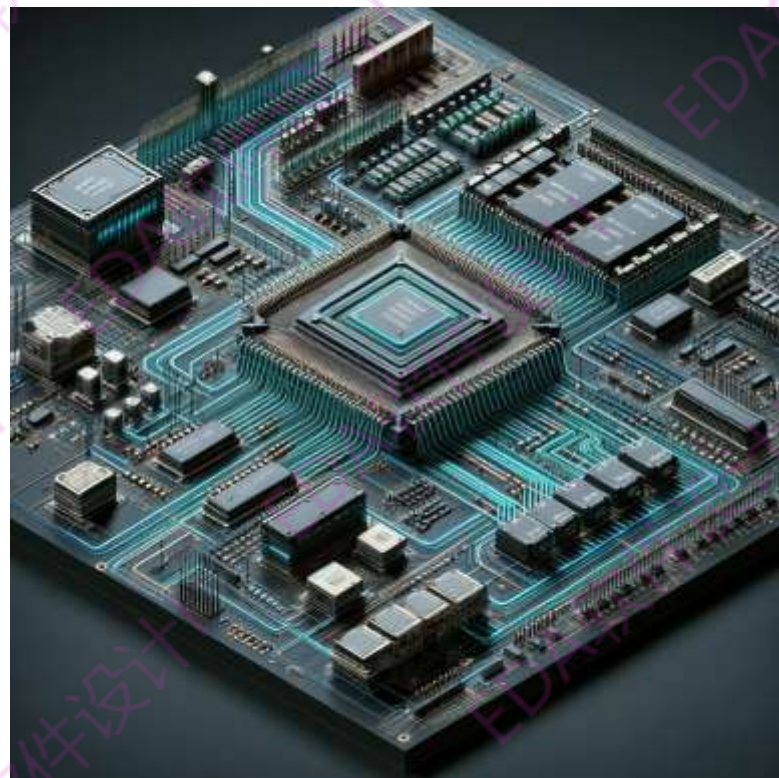
时钟树问题

- 在现代芯片中，时钟信号需要从一个时钟源（如Phase Locked Loop, PLL）传输到多个功能模块（寄存器、触发器等）
- 这些模块可能分布在芯片的不同位置，因此时钟信号的传输路径需要经过精心设计
- 时钟信号线组成树结构就是时钟树
- 时钟树需要保证所有模块能够在**同一时刻接收到时钟信号（时钟平衡）**，**时钟树综合就是建立一个时钟网络，使时钟信号能够传递到各个时序器件**
- 由于布线的电容和延迟，布线的总长度直接影响到时钟延迟和抖动
- 目标: 在保证时钟延迟最小和时钟抖动可控的前提下，最小化时钟布线的总长度，从而减少功耗并提高时钟网络的性能**



布线问题

- 在芯片设计的物理设计阶段，**信号线布线**是非常关键的一步
 - 芯片中的各个电路模块之间需要通过金属连线进行信号传输，如何有效地规划这些连线对于芯片性能、功耗和制造复杂度至关重要
- 在布局布线中，**不仅时钟信号需要布线**，其他的信号线（如数据线、控制线等）也需要通过物理通道在芯片上连接多个电路模块
- 如果直接连接所有的模块，信号线的总长度可能非常长，导致延迟增加、功耗增大，甚至可能因为布线拥塞问题而导致制造难度加大



优化连接成本问题

- 时钟树问题、布局布线问题： **优化连接成本** 问题
- 用最低的成本将所有节点连接起来： **最小生成树 (Minimum Spanning Tree)** 的目标
 - ◆ 连通
 - ◆ 最优化 (min、max)

优化连接成本问题

1. 连通性问题

- **Connectivity:** 在很多实际问题中，我们需要确保一个系统中的所有节点能够通过某种方式相互连通，无论是构建通信网络、供电系统，还是道路网络，连通性都是最基础的要求
- **Weights:** 而在这些系统中，连接通常有一定的成本（如电缆的长度、铺设道路的成本、通信的延迟等）
- **Goal:** 我们往往需要找到一种最经济的方式来保证连通性，这就是最小生成树问题的根本动机

2. 资源优化问题

- 在**网络设计**或**资源分配**中，成本和资源（weights）的使用是非常关键的考量
- **Goal:** 在确保功能的前提下，**最小化成本**
 - 最小生成树就是在保证连通性的前提下，找到使用最少资源的网络结构

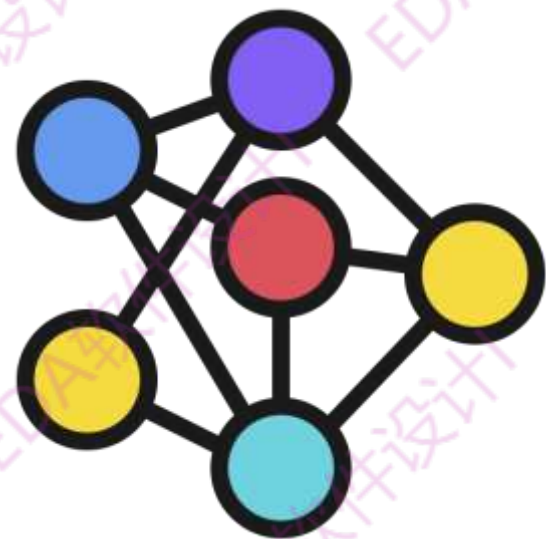
最小生成树应用场景1

网络设计（通信网络、计算机网络）

✿在通信网络设计中，最小生成树可以帮助我们**设计最优的网络拓扑结构**。例如：

✿**电话网络/互联网**：在连接不同城市或地区时，我们希望使用最少的光纤或电缆来连接各个地方，并保证所有的城市都能够互相通信

✿**局域网（LAN）设计**：在构建局域网时，最小生成树帮助确定如何连接不同的计算机或路由器，使得网络铺设成本最低且所有设备保持连通



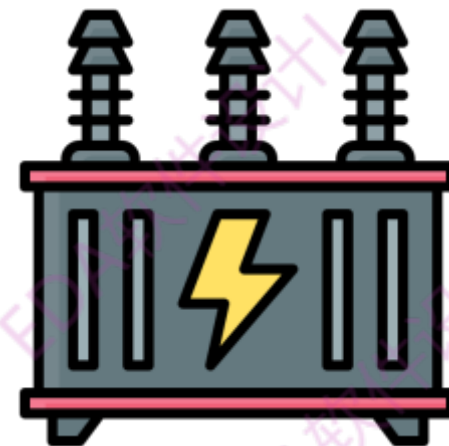
最小生成树应用场景2

电力供应网络

🏠在供电网络中，电力公司希望用**最少的电缆长度**
覆盖所有的城市或建筑

🏠每个建筑物或城市是图中的节点，连接这些城市的电缆是图中的边，边的权重是电缆铺设的成本

🏠通过最小生成树，电力公司可以找到最经济的供电线路，同时保证每个地方都能被供电



最小生成树应用场景3

公路、铁路或交通网络

✿在规划公路或铁路时，我们希望使用**最少的建设成本连接不同的城市或地点**：

✿**公路系统**：在一个国家或地区，政府修建公路系统，使所有城市都互相连通，同时尽量降低建设费用。通过最小生成树，可以找到连接所有城市所需的最少的道路长度

✿**铁路网络**：在规划铁路网络时，最小生成树可以帮助选择哪些城市之间应该修建铁路，以使用最少的铁路长度连接所有城市

