武漢理工大學

数学建模暑期培训论文

第1题

基于 xxxxxxxx 模型

第10组

姓名方向刘子川(组长)编程程宇建模祁成写作

控制高压油管的压力变化对减小燃油量偏差,提高发动机工作效率具有重要意义。 本文建立了基于质量守恒定理的微分方程稳压模型,采用二分法、试探法以及自适应权 重的蝙蝠算法对模型进行求解。//

针对问题一,建立基于质量守恒定律的燃油流动模型,考察单向阀开启时间对压力稳定性的影响。综合考虑压力与弹性模量、密度之间的关系,提出燃油压力-密度微分方程模型和燃油流动方程。本文采用改进的欧拉方法对燃油压力-密度微分方程求得数值解;利用二分法求解压力分布。综合考虑平均绝对偏差等反映压力稳定程度的统计量,求得直接稳定于100MPa的开启时长为0.2955ms,在2s、5s内到达并稳定于150MPa时开启时长为0.7795ms、0.6734ms,10s到达并稳定于150MPa的开启时长存在多解。最后对求解结果进行灵敏度分析、误差分析。//

针对问题二,建立基于质量守恒定律的泵-管-嘴系统动态稳压模型,将燃油进入和喷出的过程动态化处理。考虑柱塞和针阀升程的动态变动,建立喷油嘴流量方程和质量守恒方程。为提高角速度求解精度,以凸轮转动角度为固定步长,转动时间变动步长,采用试探法粗略搜索与二分法精细搜索的方法求解,求得凸轮最优转动角速度 0.0283rad/ms (转速 270.382 转/分钟),并得到该角速度下高压油管的密度、压力周期性变化图。对求解结果进行误差分析与灵敏度分析,考察柱塞腔残余容积变动对高压油管压力稳态的影响。//

针对问题三,对于增加一个喷油嘴的情况,改变质量守恒方程并沿用问题二的模型调整供、喷油策略,得到最优凸轮转动角速度为 0.0522rad/ms (498.726 转/分钟);对于既增加喷油嘴又增加减压阀的情况,建立基于自适应权重的蝙蝠算法的多变量优化模型,以凸轮转动角速度、减压阀开启时长和关闭时长为参数,平均绝对偏差 MAD 为目标,在泵-管-嘴系统动态稳压模型的基础上进行求解,得到最优参数:角速度 0.0648 rad/ms (619.109 转/分钟)、减压阀的开启时长 2.4ms 和减压阀的关闭时长 97.6ms。//

本文的优点为: 1. 采用试探法粗略搜索与二分法精细搜索结合的方法,降低了问题的求解难度。2. 以凸轮转动角度为固定步长,对不同角速度按照不同精度的时间步长求解,大大提高了求解的精确度。3. 针对智能算法求解精度方面,采用改进的蝙蝠算法,使速度权重系数自适应调整,兼顾局部搜索与全局搜索能力。

关键词: 微分方程 微分方程 微分方程 微分方程

目录

— 、	问题重述	1
	1.1 问题背景	1
	1.2 问题概述	1
二、	模型假设	2
三、	符号说明	2
四、	问题一模型的建立与求解	2
	4.1 数据预处理	2
	4.1.1 归一化处理	2
	4.1.2 外框去除与尺度统一	3
	4.2 问题描述与分析	4
	4.3 模型的建立	4
	4.4 模型的求解	5
	4.5 实验结果及分析	5
五、	问题二模型的建立与求解	5
五、	问题二模型的建立与求解5.1 问题描述与分析	5
五、		5
五、	5.1 问题描述与分析	5
五、	5.1 问题描述与分析	5
五、	5.1 问题描述与分析 5.2 模型的建立 5.3 模型的求解	5 6 6
	5.1 问题描述与分析. 5.2 模型的建立. 5.3 模型的求解. 5.4 实验结果及分析.	5 6 6
	5.1 问题描述与分析. 5.2 模型的建立. 5.3 模型的求解. 5.4 实验结果及分析. 问题三模型的建立与求解.	5 6 6 7 7
六、七、	5.1 问题描述与分析 5.2 模型的建立 5.3 模型的求解 5.4 实验结果及分析 问题三模型的建立与求解 6.1 结果分析	5 6 6 7 7
六、七、	5.1 问题描述与分析. 5.2 模型的建立. 5.3 模型的求解. 5.4 实验结果及分析. 问题三模型的建立与求解. 6.1 结果分析. 灵敏度分析.	5 6 6 7 7 7
六、七、	5.1 问题描述与分析	5 6 6 7 7 7 7
六、七、	5.1 问题描述与分析 5.2 模型的建立 5.3 模型的求解 5.4 实验结果及分析 问题三模型的建立与求解 6.1 结果分析 灵敏度分析 模型的评价 8.1 模型的优点	5 6 6 7 7 7 7 7

一、问题重述

1.1 问题背景

自动指纹识别系统 (automated fingerprint identification system, 简称 AFIS) 有着广泛的应用背景。目前对自动指纹识别系统的研究主要有 3 个方面,即图像增强、指纹分类和细节匹配。一般可以分成"离线部分"和"在线部分"两个部分。如图 1 所示,离线部分包括用指纹采集仪采集指纹、提取出细节点、将细节点保存到数据库中形成指纹模板库等主要步骤。在线部分包括用指纹采集仪采集指纹、提取出细节点、然后将这些细节点与保存在数据库中模板细节点进行匹配,判断输入细节点与模板细节点是否来自同一个手指的指纹[1,3]。指纹分类一般是用在大规模的指纹库中,作为细节匹配中减少搜索范围的步骤使用。指纹图像一般占用较多的空间,且图像中的像素信息并不适合计算机进行分析或匹配。为实现计算机自动识别,需要有一种方法来描述指纹的内在结构、具体形态和其它特征并将其用最少的字节数来存储于计算机中。此计算机系统可扫描犯罪现场采集的指纹,并且与州、地区、国家之间执法机关采集的数百万指纹档案互相比对[2]。指纹由专家追踪后,经计算机扫描,得到许多细节来和数据库里其它指纹比对,列出相符合的百分比来让鉴识人员得知可能的相符人选¹。任何计算机比对的结果,都会经指纹专家比较与此指纹相关的样本来验证。



图 1 自动指纹识别系统框图

1.2 问题概述

围绕相关附件和条件要求,试根据附件中的16幅指纹图像,不借助现有的指纹相关软件,依次提出以下问题:

https://baike.baidu.com/item/AFIS/2851410?fr=aladdin

编码:给出一种用不超过 200 字节(下面称为"指纹密码")来刻画描述指纹基本特征的表示方法,介绍其数学原理。

匹配:将你的方法编程实现,对附件中的每一幅指纹都给出其"指纹密码"的表示。 基于你找到的这些指纹表示,你能否给出一种方法比较不同指纹间的异同及相似程度?

应用: 你能否对附件中的 16 个指纹进行对比和归类?请给出你对比及分类的依据和结果。

二、模型假设

- (1)
- (2)
- (3)
- (4)

三、符号说明

符号	说明	
P_n	20 个站点	
P_{n}	20 个站点	
P_n	20 个站点	

注: 表中未说明的符号以首次出现处为准

四、问题一模型的建立与求解

4.1 数据预处理

在正式搭建模型前,本文首先将图片进行预处理,以方便进行后续运算。经过归一化处理,??? 和??? 后,即可得到相同规格的二值化图片。

4.1.1 归一化处理

灰度值处理 鉴于各个指纹图像的纹理深浅不统一,首先对每张图片做灰度值归一化处理。对于图片 P_i , 其第 x 行第 y 列的像素点的灰度值可表示为 $P_i(x,y) \in [0,255]$ 。即当 $P_i(x,y) = 255$ 时, $P_i(x,y)$ 为纯白色像素点; 当 $P_i(x,y) = 0$ 时, $P_i(x,y)$ 为纯黑色像素

点。对于任意图片 P_i ,有

$$P_{i,max} = \max_{1 \leq x \leq n, 1 \leq y \leq m} P_i(x, y),$$

$$P_{i,min} = \min_{1 \leq x \leq n, 1 \leq y \leq m} P_i(x, y),$$

其中 n 和 m 分别表示图片的行数和列数。即 $P_{i,max}$ 与 $P_{i,min}$ 分别表示图片中像素的最大灰度值和最小灰度值。对图片执行线性归一化操作如下

$$P_i(x,y)' = \frac{255}{P_{i,max} - P_{i,min}} (P_i(x,y) - P_{i,min})$$

即将图片 P_i 像素点灰度值线性放缩于 [0,255] 间,得到灰度值归一化图片 P'_i 。

4.1.2 外框去除与尺度统一

对于图片 P_i ,我们将去除其空白外框以方便后续学习策略运算。设定边界阈值为 threshold,当图片 P_i 最上方的某一行和最下方的某一行的非空白像素数大于 threshold 时,将其定义为新的上边界或下边界,及可得到行边界位置如下

$$fringe_{x1} = \max(x),$$

$$\sum_{i=1}^{m} (P'(x,i) < 255) > threshold$$

$$fringe_{x2} = \min(x)$$

$$\sum_{i=1}^{m} (P'(x,i) < 255) > threshold$$

其中 $fringe_{x1}$ 与 $fringe_{x2}$ 分别为新定义上边界与下边界,同理有列边界位置如下

$$fringe_{y1} = \min(y),$$

$$\sum_{i=1}^{n} (P'(i,y) < 255) > threshold$$

$$fringe_{y2} = \max(y),$$

$$\sum_{i=1}^{n} (P'(i,y) < 255) > threshold$$

其中 $fringe_{y1}$ 与 $fringe_{y2}$ 分别为新定义左边界与右边界。即去除外框后的图片可表示为 $P''=P'(fringe_{x1}:fringe_{x2},fringe_{y1}:fringe_{y2})$ 。即只保留新定义边界内的像素点并删除剩余像素点即可得到去除外框后的图片 P_i'' 。定义标准行数为 N,标准列数为 M,将去除外框后的图片 P_i'' 进行放缩处理可得归一化图片 P_i^s 如下

$$P_i^s(x,y) = P_i''(floor(\frac{fringe_{x1} - fringe_{x2}}{N}x), floor(\frac{fringe_{y2} - fringe_{y1}}{M}y))$$

其中 floor 表示向下取整,即通过灰度值处理、外框去除与尺度统一后即可将原始指纹图片数据 P_i 转换为灰度值范围与图片尺度统一的归一化图片数据 $P_i^s(x,y)$ 。

4.2 问题描述与分析

问题一要求 其思维流程图如图 2 所示:

武海狸工大学

图 2 问题一思维流程图

4.3 模型的建立

$$d(p_i, p_j) = |x_i - x_j| + |y_i - y_j|,$$

4.4 模型的求解

```
Algorithm 1: Procedure of Apriori
   Input: item data base: D
           minimum Support threshold: Sup_{min}
           minimum Confidence threshold: Conf_{min}
   Output: frequent item sets F
 1 Initialize
    iteration t \leftarrow 1
    The candidate FIS:C_t = \emptyset
    The length of FIS: length = 1
    for i=1 to sizeof(D) do
      I_i = D(i)
        n=sizeof(I_i)
        for j=1 to n do
          if I_i(j) \notin C_t then
 3
           C_t = C_t \cup I_i(j)
 4
 5
          end
      end
 6
7 end
\mathbf{8} \ F_t = \{f | f \in C_t, Sup(f) > Sup_{min}\}\
    while F \neq \emptyset do
    t=t+1
        length=length+1
        C_t \leftarrow \text{all candidate of FIS in } F_{t-1}
        F_t = \{f | f \in C_t, (Sup(f) > Sup_{min}) \cap (Comf(f) > Conf_{min})\}
10 end
11 return F_{t-1}
```

4.5 实验结果及分析

五、问题二模型的建立与求解

5.1 问题描述与分析

问题二要求

其思维流程图如图 3 所示:



图 3 问题二思维流程图

5.2 模型的建立

5.3 模型的求解

5.4 实验结果及分析

结果如下表??所示:

xxxxxxx	xxxxxxx
xxxxxxx	909.80
xxxxxxx	852.60

由表1可知

其各个小车的运输细节图下图所示:





六、 问题三模型的建立与求解

6.1 结果分析

七、灵敏度分析

八、 模型的评价

- 8.1 模型的优点
- (1)
- (2)
- 8.2 模型的缺点
- 8.3 模型改进

参考文献

- [1] Davies S G. Touching Big Brother: How biometric technology will fuse flesh and machine[J]. Information Technology & People, 2014, 7(4): 38-47.
- [2] Moses K R, Higgins P, McCabe M, et al. Automated fingerprint identification system (AFIS)[J]. Scientific Working Group on Friction Ridge Analysis Study and Technology and National institute of Justice (eds.) SWGFAST-The fingerprint sourcebook, 2011: 1-33.
- [3] Dror I E, Wertheim K, Fraser-Mackenzie P, et al. The impact of human technology cooperation and distributed cognition in forensic science: biasing effects of AFIS contextual information on human experts[J]. Journal of forensic sciences, 2012, 57(2): 343-352.

[4]

[5]

附录 A 数据可视化的实现

第一问画图-python 源代码		
第二问画图-python 源代码		
SOUTHER PARTICIPATION WATER		