# 目录

<b>-</b> ,	问题重述	1
	1.1 问题背景	1
	1.2 问题概述	1
=,	模型假设	1
三、	符号说明	2
四、	问题一模型的建立与求解	2
	4.1 问题描述与分析	2
	4.2 模型的建立	3
	4.2.1 经典旅行商模型	3
	4.3 模型的求解	
	4.3.1 遗传算法	3
	4.3.2 动态赌轮	4
	4.4 结果分析	5
五、	问题二模型的建立与求解	5
	5.1 问题描述与分析	5
	5.2 模型的建立	5
	5.2.1 带约束的多旅行商模型	5
	5.3 模型的求解	6
六、	灵敏度分析	6
七、	模型的评价	6
	7.1 模型的优点	6
	7.2 模型的缺点	6
	7.3 模型改进	
附表	A 模型的代码实现	Q
PIJAK	A.1 GATSP-matlab 源代码	
	A.2 MGATSP-matlab 源代码	
	A.3 distan—matlab 源代码	
п/1 <b>—</b>		
附录	B 数据可视化的实现	
	B.1 第一问画图—python 源代码	
	B.2 第二问画图-python 源代码	13

### 一、问题重述

#### 1.1 问题背景

在物资调运过程中,完成指定点的调运任务是最基本的要求,在完成基本的任务之外,往往有更高的追求,比如如何使总运费最省?怎样才能使得运输时间最短?如何选择运输路径使得运输总距离最短等等。这些更高的追求往往是企业期望达到的目标,为了解决这些类似问题,有必要对物资调运的过程进行数学模型的建立,以期通过模型来理解和分析物资调运的过程,并为其找到解决的方法。现以具体的食品调运案例进行分析研究。

某食品公司有 19 个食品销售点,销售点的地理坐标和每天的需求量见附件。每天凌晨都要从仓库(第 20 号站点)出发将食品运至每个销售点,运送物品后最终返回仓库。现有运送食品的运输车,每台车每日工作 4 小时,运输车重载运费 2 元/吨公里,并且假定街道方向均平行于坐标轴,任意两站点间都可以通过一次拐弯到达。

#### 1.2 问题概述

围绕相关附件和条件要求,研究食品运输车在各仓库间的调度方案,依次提出以下问题:

问题一: 若只有一辆载重 100 吨的大型运输车,运输车平均速度为 40 公里 / 小时,每个销售点需要用 20 分钟的时间下货,空载费用 0.6 元/公里。它送完所有食品并回到仓库,求最少需要时间及其对应的总距离,总运费。

问题二:有一种小型运输车,运输车平均速度为50公里/小时,每个销售点需要用5分钟的时间下货,载重为6吨,空载费用0.4元/公里;要使它们送完所有食品并回到仓库,运输车应如何调度使总体调度效率最高?

问题三:如果有载重量为4吨、6吨两种运输车,空载费用分别为0.2、0.4元/公里,其他条件均相同,又如何安排车辆数和调度方案。

# 二、模型假设

- (1) 为保证预测结果精确性,假设题目所给出数据真实可信。
- (2) 假设重点防控的区域和人群中,发病、死亡人数的增长率比其基数更加重要

三、符号说明

符号	说明
$X^{(i)}$	人数时间序列
a	发展灰度
u	内生控制灰度

四、问题一模型的建立与求解

### 4.1 问题描述与分析

问题一要求规划大型运输车的行驶路径,使得货物运输时间达到最短。该问题本质 是旅行商问题,基于街道方向均平行于坐标轴,我们求解任意两点间的曼哈顿距离作为 其间的距离,并设计动态赌轮遗传算法对其进行求解。

其思维流程图如图 1 所示:

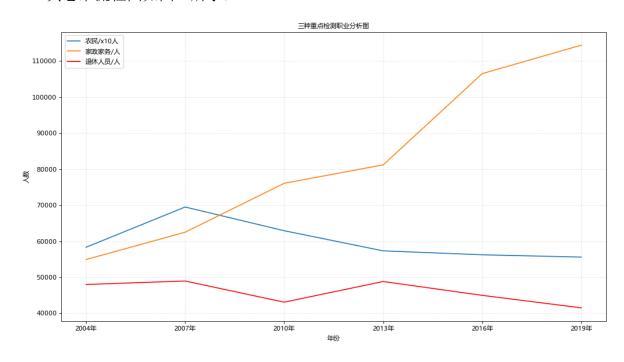


图 1 问题一思维流程图

#### 4.2 模型的建立

#### 4.2.1 经典旅行商模型

分析问题一,由于大型运输车的行驶速度固定,优化行驶路径使得运输车行驶路程最短时,即可求得最小运输时间。遍历路径可表示为二维有限序列如下:

$$P_n = [p_1, p_2, \cdots, p_i, \cdots, p_{19}],$$
 (1)

其中  $p_i(1 \le i \le 19, i \in Z)$  表示处运输起点外的的仓库坐标, 且对于  $\forall i \ne j$  都有  $p_i \ne p_j$ 。 任意两坐标点  $p_i(x_i, y_i), p_j(x_j, y_j)$  间的曼哈顿距离可表示为:

$$d(p_i, p_j) = |x_i - x_j| + |y_i - y_j|,$$

将运输车行驶路程作为优化目标即可得到目标函数如下:

$$f(P_n) = d(p_0, p_1) + d(p_0, p_{19}) + \sum_{i=1}^{18} d(p_i, p_{i+1}),$$

即可得到整体优化模型如下:

$$f(P_n) = d(p_0, p_1) + d(p_0, p_{19}) + \sum_{i=1}^{18} d(p_i, p_{i+1}),$$
(2)

$$\begin{cases}
1 \leqslant i \leqslant 19, i \in \mathbb{Z} \\
\forall i \neq j, p_i \neq p_j
\end{cases}$$
(3)

#### 4.3 模型的求解

#### 4.3.1 遗传算法

初始化编码 对于表示为二维有限序列的遍历路径  $P_n$ ,对其进行整数编码为

$$A_n = [a_{n1}, a_{n2}, \cdots, a_{ni}, \cdots, a_{n19}],$$
  
$$1 \leqslant a_i \leqslant 19, i \in \mathbb{Z}; \forall i, \neq j \Rightarrow p_i \neq p_j$$

定义  $A_n$  为解序列  $P_n$ ,其中  $a_{ni}$  表式对应仓库的访问顺序,例如 ai=7 表示第 i 次访问 7 号仓库。即随机生成初始解集  $A=\{A_n\}$  其中  $n=1,2,\cdots,w$ ,w 为的种群容量。

**交叉** 在原染色解集  $\{A_n\}$  中的染色体按照随机顺序配对,按照以下的方式交叉 (补全),生成交叉解集  $\{H_n\}$ ,为保证变异率并保留优秀基因片段和本题采用的两种交叉方式:

#### (1) 单点交叉:

对于两个父代个体  $A_n = [a_{n1}, a_{n2}, \cdots, a_{ni}, \cdots, a_{n19}]$  和  $H_n = [a'_{n1}, a'_{n2}, \cdots, a'_{ni}, \cdots, a'_{n19}]$ ,随机选择第 k 个基因处为交叉点,将该基因后所有基因进行交换,得到子代基因。

#### (2) 中间值交叉:

对于两个父代个体  $A_n = [a_{n1}, a_{n2}, \cdots, a_{ni}, \cdots, a_{n19}]$  和  $H_n = [a'_{n1}, a'_{n2}, \cdots, a'_{ni}, \cdots, a'_{n19}]$ ,随机选取  $a''_k \in [a_k, a'_k]$  得到子代基因。

再选取交叉个体时采用混合分组的方法,将父代均匀混合后选取所有编号为奇数的个体,与其相邻对应编号为偶数的个体,通过两种交叉方式产生处两种类型的子代。

**变异** 鉴于序列式染色体的特殊性,为了在变异阶段内尽可能不破坏原有的基因段,采取改良圈算法的思路进行变异操作。即在染色体 A 中随机选取  $a_i$  与  $a_j$  ( $1 \le i < j \le j$ ),颠倒  $a_{ni}$  与  $a_{nj}$  间顺序的顺序,即:

$$M = [a_1, \dots, a_i, a_{j-1}, a_{j-2}, \dots, a_{i+1}, a_i, \dots, a_{19}]$$
(4)

M 为染色体 A 对应的变异染色体,对于每个染色体  $A_n$ ,都设定相同的变异概率  $\gamma$  去执行上述的变异操作。

#### 4.3.2 动态赌轮

将第 g 代的染色体与其交叉和变异产生的子代并入同一解集  $G_g = \{A, H, M\}$ 。k 表示原解集 A,交叉解集 H 和变异解集 M 中解的数量之和,即为  $G_g$  中的解的数目。设置  $G_g$  第 i 个解  $G_g(i)$  被选择进入下一代的概率为:

$$P(G_g(i)) = \frac{wf^{-g/\gamma}(G_g(i))}{\sum_{i=1}^k f^{-g/\gamma}(G_g(j))}$$
(5)

 $f^{-g/\gamma}(G_g(i))$  为  $G_g(i)$  对应的目标函数值,即为  $G_g(i)$  对应的适应度。其中参数  $\gamma$  为衰减系数,w 为种群容量。即适应度值相对较小的解保留概率将逐渐增大,即算法初始阶段将保留丰富度尽可能多的解,而愈到算法后期,策略就越接近于精英策略,加快算法的收敛速度,即有:

$$\lim_{g \to \infty} P(G_g(min)) = \lim_{g \to \infty} \frac{wf^{-g/\gamma}(min)}{\sum_{j=1}^k f^{-g/\gamma}(G_g(j))} \to 1$$
 (6)

该式表明当迭代次数 q 足够大时,选择策略将趋近于为精英策略,将加速算法的收敛。

#### 4.4 结果分析

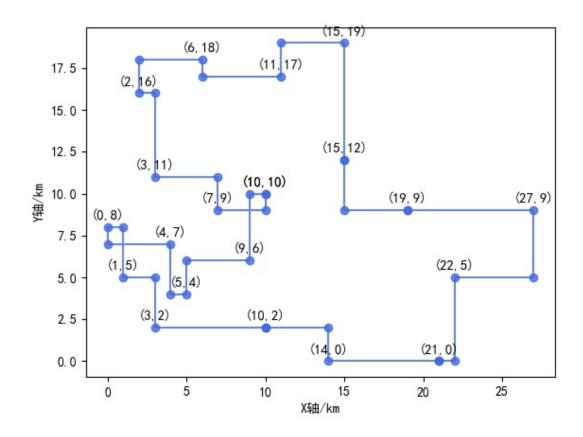


图 2 大型运输车运输方案

# 五、 问题二模型的建立与求解

#### 5.1 问题描述与分析

问题二要求设计小型运输车的调度方案,从而使得总体调度效率最高。我们将时间限制设置为约束,着重优化方案的经济效率。在问题一的基础上重新建立模型,鉴于第二问的决策变量是多段序列的和,我们设计了插板编码对决策变量进行编码,并基于问题一中的动态赌轮遗传算法以运输总成本为目标进行优化。

#### 5.2 模型的建立

#### 5.2.1 带约束的多旅行商模型

当雇佣 b 辆小型运输车时,总决策序列可表示为

$$P_n = \{ [p_1, p_2]_1, [\cdots, p_i]_j, [\cdots]_{b-1}, [p_{19}]_b \}$$
(7)

即将类似于模型一中的坐标序列分割为多段,每一段分别由一辆小型运输车单独完成,定义

$$B_i = \tag{8}$$

#### 5.3 模型的求解

### 六、灵敏度分析

# 七、模型的评价

### 7.1 模型的优点

- (1) 利用马尔可夫模型改进后的灰度预测值与实际值拟合度更高,波动性保持一致,预测的效果更好。
- (2) 针对支持向量回归参数选取,利用灰色关联度筛选合适指标,相较于主观选取指标具有客观性、严谨性。

#### 7.2 模型的缺点

问题一、二中的灰色预测模型只能做短期预测,并不适用于长期预测。

#### 7.3 模型改进

可以通过序列最小优化算法 (Sequential Minimal Optimization,SMO) 作为样本的训练算法,进而建立序列最小优化支持向量回归模型,从而减小算法复杂度,提高算法的求解速度。

# 参考文献

- [1] 张斯嘉, 郭建胜, 钟夫, 等. 基于蝙蝠算法的多目标战备物资调运决策优化 [J]. 火力与指挥控制, 2016, 41(1): 58-61.
- [2] 李健, 张文文, 白晓昀, 等. 基于系统动力学的应急物资调运速度影响因素研究 [J]. 系统工程理论与实践, 2015, 35(3): 661-670.
- [3] Wang J, Ersoy O K, He M, et al. Multi-offspring genetic algorithm and its application to the traveling salesman problem[J]. Applied Soft Computing, 2016, 43: 415-423.
- [4] 陶丽华, 马振楠, 史朋涛, 等. 基于 TSP 问题的动态蚁群遗传算法 [J]. 机械设计与制造, 2019 (12): 39.

# 附录 A 模型的代码实现

#### A.1 GATSP-matlab 源代码

```
clear;
w=20;g=100;d=19;%w为种群数,g代数,d维数
G(1:w,1:d)=0;%初始化空间
for i=1:w%初始化
c=randperm(d);
for t=1:20
flag=0;
for t1=1:d-1
for t2=t1+1:d
cl=c;
cl(t1:t2)=cl(t2:-1:t1);
if distan(cl) < distan(c)</pre>
c=cl;
flag=1;
end
end
end
if flag==0
G(i,1:d)=c;break
end
end
end
for k=1:g %进入遗传循环
A=G;%预备交叉阵
c=randperm(w);%配对序列
%c=1:w;
for i=1:2:w %交叉
F1=ceil(rand*d);%交叉点1
F2=ceil(rand*d);%交叉点2
while(F1==F2)
F2=ceil(rand*d);
if(F1>F2)%交叉地址调序
tem=F1;
F1=F2;
F2=tem;
end
j=0;t=1;%计数标值
while(j~=d+F1-F2-1)%如果剩余基因没完全插入就继续
if(isempty(find(A(c(i),F1:F2)==G(c(i+1),t),1))) %目标基因于交换片段中都不同
j=j+1;
if j<F1 %前半段基因交换
```

```
A(c(i),j)=G(c(i+1),t);
A(c(i+1),t) = G(c(i),j);
else %后半段基因交换
A(c(i),j+F2-F1+1)=G(c(i+1),t);
A(c(i+1),t)=G(c(i),j+F2-F1+1);
end
t=t+1;
end
end
by=[];
while isempty(by)
by=find(rand(1,w)<0.3);%变异地址
end
B=G(by,1:d);%预备变异阵
for j=1:length(by)
bw=sort(ceil(rand(1,2)*d));%变异基因节点
B(j,bw(1))=G(j,bw(2));%单点基因交换
B(j,bw(2))=G(j,bw(1));
end
GG=[G;A;B];%GG为选择阵
clear A; clear B;%清除数据防止规格保存
m=size(G,1);%选择阵个体数
long(1:m)=0;%目标函数初始化
for i=1:m%计算函数
long(i)=distan(GG(i,:));
[slong,ind]=sort(long(1:m));%目标函数排序
for i=1:w%精英选择
G(i,:)=GG(ind(i),:);
clear GG;%清除数据防止规格保存
end
```

#### A.2 MGATSP-matlab 源代码

```
clear;
for pp=6:13 %6:13
for ppp=1:100
n=pp;w=20;g=100;d=19+n-1;%n为车数,w为种群数,g代数,d维数
G(1:w,1:d)=0;%初始化空间
for i=1:w%初始化
c=randperm(d);
for t=1:20
flag=0;
```

```
for t1=1:d-1
for t2=t1+1:d
cl=c;
cl(t1:t2)=cl(t2:-1:t1);
if price(cl)<price(c)</pre>
c=cl;
flag=1;
end
end
end
if flag==0
G(i,1:d)=c;break
end
end
for k=1:g %进入遗传循环
A=G;%预备交叉阵
c=randperm(w);%配对序列
%c=1:w;
for i=1:2:w %交叉
F1=ceil(rand*d);%交叉点1
F2=ceil(rand*d);%交叉点2
while(F1==F2)
F2=ceil(rand*d);
if(F1>F2)%交叉地址调序
tem=F1;
F1=F2;
F2=tem;
end
j=0;t=1;%计数标值
while(j~=d+F1-F2-1)%如果剩余基因没完全插入就继续
if(isempty(find(A(c(i),F1:F2)==G(c(i+1),t),1))) %目标基因于交换片段中都不同
j=j+1;
if j<F1 %前半段基因交换
A(c(i),j)=G(c(i+1),t);
A(c(i+1),t) = G(c(i),j);
else %后半段基因交换
A(c(i),j+F2-F1+1)=G(c(i+1),t);
A(c(i+1),t)=G(c(i),j+F2-F1+1);
end
end
t=t+1;
end
end
by=[];
while isempty(by)
```

```
by=find(rand(1,w)<0.3);%变异地址
end
B=G(by,1:d);%预备变异阵
for j=1:length(by)
bw=sort(ceil(rand(1,2)*d));%变异基因节点
B(j,bw(1))=G(j,bw(2));%单点基因交换
B(j,bw(2))=G(j,bw(1));
end
GG=[G;A;B];%GG为选择阵
clear A; clear B;%清除数据防止规格保存
m=size(G,1);%选择阵个体数
long(1:m)=0;%目标函数初始化
for i=1:m%计算函数
long(i)=price(GG(i,:));
[slong,ind]=sort(long(1:m));%目标函数排序
for i=1:w%精英选择
G(i,:)=GG(ind(i),:);
clear GG;%清除数据防止规格保存
result(pp-5,ppp)=long(1);
XXX(pp-5,ppp,1:d)=G(1,1:d);
end
end
```

#### A.3 distan-matlab 源代码

```
function f=distan(X)
n=size(X,2);
a = [3 \ 2]
1 5
5 4
4 7
0 8
3 11
7 9
9 6
10 2
14 0
2 16
6 18
11 17
15 12
19 9
```

```
22 5
21 0
27 9
15 19];
f=sum(abs(a(X(1),:)-10));%距离值初始化
for i=1:n-1%计算距离和
f=f+sum(abs(a(X(i+1),:)-a(X(i),:)));
end
f=f+sum(abs(a(X(n),:)-10));%头尾固定
```

### 附录 B 数据可视化的实现

#### B.1 第一问画图-python 源代码

```
from pylab import *
mpl.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
dict = {"1":[3,2], "2":[1,5], "3":[5,4],"4":[4,7], "5":[0,8],"6":[3,11],"7":[7,9],
"8":[9,6],"9":[10,2], "10":[14,0],"11":[2,16], "12":[6,18],"13":[11,17],"14":[15,12],
"15": [19,9], "16": [22,5], "17": [21,0], "18": [27,9], "19": [15,19], "20": [10,10],}
x_axis_data = []
y_axis_data = []
road = [20,8,3,4,5,2,1,9,10,17,16,18,15,14,19,13,12,11,6,7,20]
x_{tem} = []
y_{tem} = []
for i in range(len(road)):
x = str(road[i])
print(dict[x])
x_axis_data.append(dict[x][0])
y_axis_data.append(dict[x][1])
try:
x_tem.append(dict[str(road[i+1])][0])
y_tem.append(dict[str(road[i])][1])
except:
pass
x_{-} = []
y_{-} = []
for i in range(len(x_tem)):
x_.append(x_axis_data[i])
y_.append(y_axis_data[i])
x_.append(x_tem[i])
y_.append(y_tem[i])
```

```
x_.append(x_axis_data[i+1])
y_.append(y_axis_data[i+1])

plt.plot(x_, y_, 'ro-', color='#4169E1', alpha=0.8, label='路径')

for x, y in zip(x_axis_data, y_axis_data):
plt.text(x, y+0.3, '({},{})'.format(x,y), ha='center', va='bottom', fontsize=10.5)

# plt.legend(loc="road")
plt.xlabel('X轴/km')
plt.ylabel('Y轴/km')

# plt.show()
plt.savefig('demo.jpg') # 保存该图片
```

#### B.2 第二问画图-python 源代码

```
from pylab import *
mpl.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei']
# import matplotlib.pyplot as plt
import numpy
import matplotlib.colors as colors
import matplotlib.cm as cmx
dicts = {"1":[3,2], "2":[1,5], "3":[5,4],"4":[4,7], "5":[0,8],"6":[3,11],"7":[7,9],
"8":[9,6],"9":[10,2], "10":[14,0],"11":[2,16], "12":[6,18],"13":[11,17],"14":[15,12],
"15":[19,9],"16":[22,5], "17":[21,0],"18":[27,9], "19":[15,19],"0":[10,10],}
x_axis_data = []
y_axis_data = []
cars = [14,0,18,15,0,10,9,0,17,16,0,12,11,0,4,2,3,8,0,5,1,0,19,0,6,7,0,13]
c_ = []
x = [0]
for j in range(len(cars)):
x.append(cars[j])
if cars[j]==0:
c_.append(x)
x = [0]
print(c_)
cmap = plt.cm.jet
cNorm = colors.Normalize(vmin=0, vmax=len(c_))
scalarMap = cmx.ScalarMappable(norm=cNorm, cmap=cmap)
```

```
for fff in range(len(c_)):
##########
x_axis_data = []
y_axis_data = []
road = c_[fff]
x_{tem} = []
y_tem = []
for i in range(len(road)):
x = str(road[i])
x_axis_data.append(dicts[x][0])
y_axis_data.append(dicts[x][1])
try:
x_tem.append(dicts[str(road[i + 1])][0])
y_tem.append(dicts[str(road[i])][1])
except:
pass
x_ = []
y_{-} = []
for i in range(len(x_tem)):
x_.append(x_axis_data[i])
y_.append(y_axis_data[i])
x_.append(x_tem[i])
y_.append(y_tem[i])
colorVal = scalarMap.to_rgba(fff)
x_.append(x_axis_data[i + 1])
y_.append(y_axis_data[i + 1])
plt.plot(x_, y_, 'o-', alpha=0.8)
for i in range(0,len(x_)-1):
plt.arrow(x_[i], y_[i], x_[i+1] - x_[i], y_[i+1] - y_[i],
length_includes_head=True, head_width=0.3, lw=2,
color=colorVal)
for x, y in zip(x_axis_data, y_axis_data):
plt.text(x, y + 0.3, '({},{})'.format(x, y),)
plt.xlabel('X轴/km')
plt.ylabel('Y轴/km')
# plt.show()
plt.savefig('demo.jpg') # 保存该图片
```