

Práctica 2

Ordenación Rápida Resolución

OrdenacionRapida.java
OrdenacionRapidaBarajada.java
BuscaElem.java
OrdenacionJava.java

Antonio J. Galán Herrera

Ingeniería Informática (A)

Nota alcanzada en SIETTE: 100 / 100.

Ordenación Rápida

Los algoritmos de ordenación rápida aplican el procedimiento de *divide y vencerás* para, en este caso, ordenar una serie de números de menor a mayor.

Resolución

En todos los casos siguientes, cuando se dice que un vector está ordenado, quiere decir de menor a mayor.

OrdenacionRapida.java



Ordenar los elementos de un vector V.

```
public static <T extends Comparable<? super T>> void ordenar(T[] V) {
   ordRapidaRec(V, 0, V.length-1);
}
```

Inicia el proceso de ordenación de un vector V.

- 1. Aplicando el criterio de divide y vencerás, este método actúa como paso inicial a una llamada recursiva.
 - El primer paso inicia ordenando dentro de $[V_0,V_{L-1}]$, siendo L el tamaño de V.

```
public static <T extends Comparable <? super T>> void ordRapidaRec(T[] V, int inf, int sup) {
    // Caso intermedio
    if(inf < sup) {
        // Se ordena el sub-vector entre los límites inferior y superior
        // en base al pivote, que será el primer elemento del sub-vector
        int piv = partir(V, V[inf], inf, sup);
        ordRapidaRec(V, inf, piv-1);
        ordRapidaRec(V, piv+1, sup);
    }
}</pre>
```

Devuelve ${\cal V}$ ordenado o bien, lo sigue ordenando en la mitad inferior o superior.

- 1. **Se comprueba el caso base (implícito):** los extremos de búsqueda se han invertido.
 - ullet Esto solo sucede cuando ya se ha ordenado V, por lo que no haría el caso intermedio.
- 2. Se comprueba el caso intermedio: los extremos de búsqueda no se han invertido.
 - Se parte el vector V en 2 sub-vectores, determinados en función del límite inferior actual.
 - \circ Este método devuelve un pivote p.
 - Se ordena V entre el límite inferior y el anterior a p.
 - Se ordena V entre entre el siguiente a p y el límite superior.

```
public static <T extends Comparable <? super T>> int partir(T[] V, T piv, int inf, int sup) {
   int izq = inf, der = sup;

while (izq < der) {
      while (0 < V[der].compareTo(piv) && 0 < der) {
            der--;
      }

   while (V[izq].compareTo(piv) <= 0 && izq < V.length-1) {
            izq++;
      }

   if (izq < der) {
        intercambiar(V, izq, der);
      }
   if (0 < piv.compareTo(V[der])) {
        intercambiar(V, inf, der);
   }

   return der;
}</pre>
```

Ordena un intervalo de un vector V en base a un pivote p (siendo p un elemento de V), de forma que todos los elementos menores que él quedan a su izquierda.

- 1. Se crean izq y der, copias de los límites para conservar los originales (inf y sup).
- 2. Mientras que los extremos no se hayan cruzado:
 - 1. Mueve el puntero der hacia la izquierda, mientras que p < V[der].
 - 2. Mueve el puntero izq hacia la derecha, mientras que $V[izq] \leq p$.
 - 3. Si los punteros no se han invertido, se intercambian V[izq] y V[der].
 - Esto sucede porque en ese punto, V[izq] > V[der].
- 3. Si $V[\mathrm{der}] < p$, se intercambian se intercambian $V[\inf]$ y $V[\sup]$.
 - Esto sucede porque los límites originales también deben quedar ordenados, y puede que no suceda debido al = de la condición 2.2.
- 4. Finalmente, se devuelve der.
 - Resulta que tras todos los intercambios, der siempre coincide con el pivote de la siguiente iteración.

OrdenacionRapidaBarajada.java



Ordenar los elementos de un vector V, barajados aleatoriamente.



Esta clase funciona exactamente igual que la anterior, excepto por el método ordenar().

```
public static <T extends Comparable<? super T>> void ordenar(T[] V) {
   barajar(V);
   ordRapidaRec(V, 0, V.length-1);
}
```

Inicia el proceso de ordenación de un vector V.

- 1. Intercambia aleatoriamente los elementos de V.
- 2. Aplicando el criterio de divide y vencerás, este método actúa como paso inicial a una llamada recursiva.
 - El primer paso inicia ordenando dentro de $[V_0,V_{L-1}]$, siendo L el tamaño de V.

```
private static <T> void barajar(T[] V) {
   for (int i = V.length-1; i > 0; i--) {
      // Baraja la posición de un elemento con una posición anterior aleatoria
      intercambiar(V, i, aleat.nextInt(i+1));
   }
}
```

Baraja aleatoriamente los elementos de un vector V.

- 1. Para cada posición i desde L-1 hasta 0, siendo L el tamaño de V:
 - Intercambia V[i] por V[k], siendo k un número al azar entre [0,i].

BuscaElem.java



Encontrar el elemento en la posición k de un vector V si este estuviera ordenado. El proceso no debe ordenar el vector V.

```
public static <T extends Comparable <? super T>> T kesimo(T[] V, int k) {
   T[] W = Arrays.copyOf(V, V.length);
   return kesimoRec(W, 0, W.length-1, k);
}
```

Inicia el proceso de búsqueda del valor V[k].

- 1. Se crea una copia del vector V porque en este caso no debe ordenarse el vector.
- 2. Aplicando el criterio de divide y vencerás, este método actúa como paso inicial a una llamada recursiva.
 - ullet El primer paso inicia buscando k dentro de $[W_0,W_{L-1}]$, siendo L el tamaño de W.

```
public static <T extends Comparable <? super T>> T kesimoRec(T[] V, int inf, int sup, int k) {
    // Caso intermedio
    if (inf < sup) {
        int piv = OrdenacionRapida.partir(V, V[inf], inf, sup);

    if (k == piv) {
            return V[k];
        } else if (k < piv) {
            return kesimoRec(V, inf, piv-1, k);
        } else {
            return kesimoRec(V, piv+1, sup, k);
        }
    }
    return V[k];
}</pre>
```

Devuelve V[k] o bien, lo sigue buscando en la mitad inferior o superior.

- 1. Se comprueba el caso base (implícito): los extremos de búsqueda se han invertido.
 - Esto solo sucede cuando ya se ha encontrado k, por lo que no haría el caso intermedio.
- 2. **Se comprueba el caso intermedio:** los extremos de búsqueda no se han invertido.
 - $\bullet\,$ Se parte el vector W con el método ${\tt partir()}$ de la clase ${\tt OrdenacionRapida}$.
 - Este método devuelve un pivote p.
 - a. Si k=p, ya se ha encontrado k y por tanto **se devuelve**.
 - b. Si k < p, se busca k entre el límite inferior y el anterior a p.

c. Si k>p, se busca k entre el siguiente a p y el límite superior.

OrdenacionJava.java

4

Ordenar los elementos de un vector V usando alguna estructura de ${\tt java.util}$.

```
public static <T extends Comparable<? super T>> void ordenar(T[] V) {
   Arrays.sort(V);
}
```

Ordena un vector usando un método de la librería java.util.