

第3章 栈和队列

3.1 栈

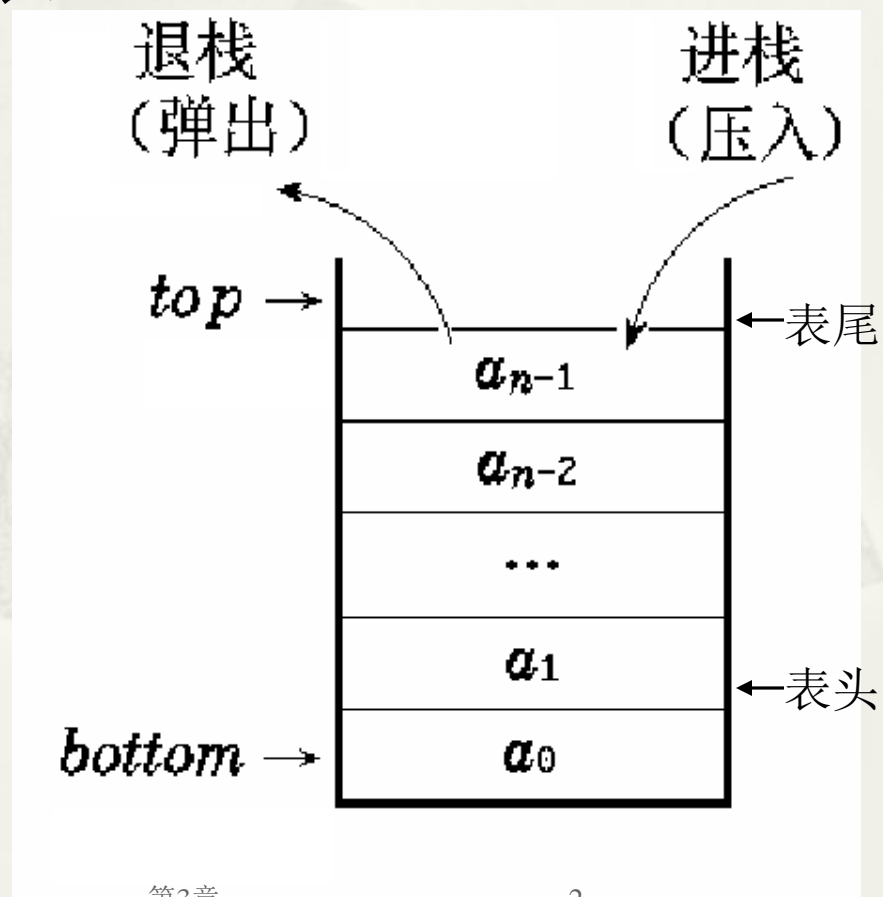
3.2 栈的应用举例

3.3 栈与递归的实现

3.4 队列

3.1 栈 (Stack)

1. 定义：限定只在表的一端(表尾)进行插入和删除操作的线性表
 - 特点：后进先出(LIFO)
 - 允许插入和删除的一端称为栈顶(top)，另一端称为栈底(bottom)



2. 栈的表示和实现

1) 顺序栈——栈的顺序存储结构

2) 链栈——栈的链式存储结构

3) 静态分配整型指针

1) 顺序栈——栈的顺序存储结构

限定在表尾进行插入和删除操作的顺序表

类型定义: p46

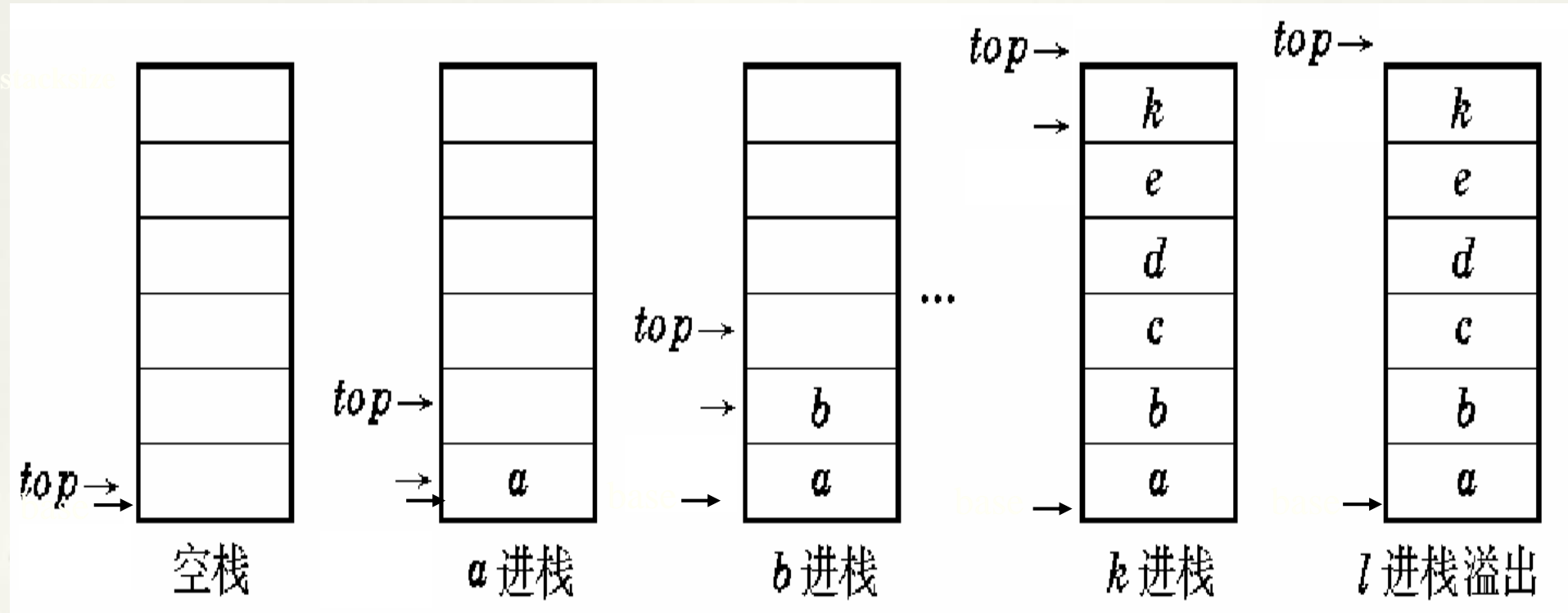
```
typedef struct {  
    SElemType    *base;  
    SElemType    *top;  
    int    stacksize;  
} SqStack;
```

```
SqStack    s;
```

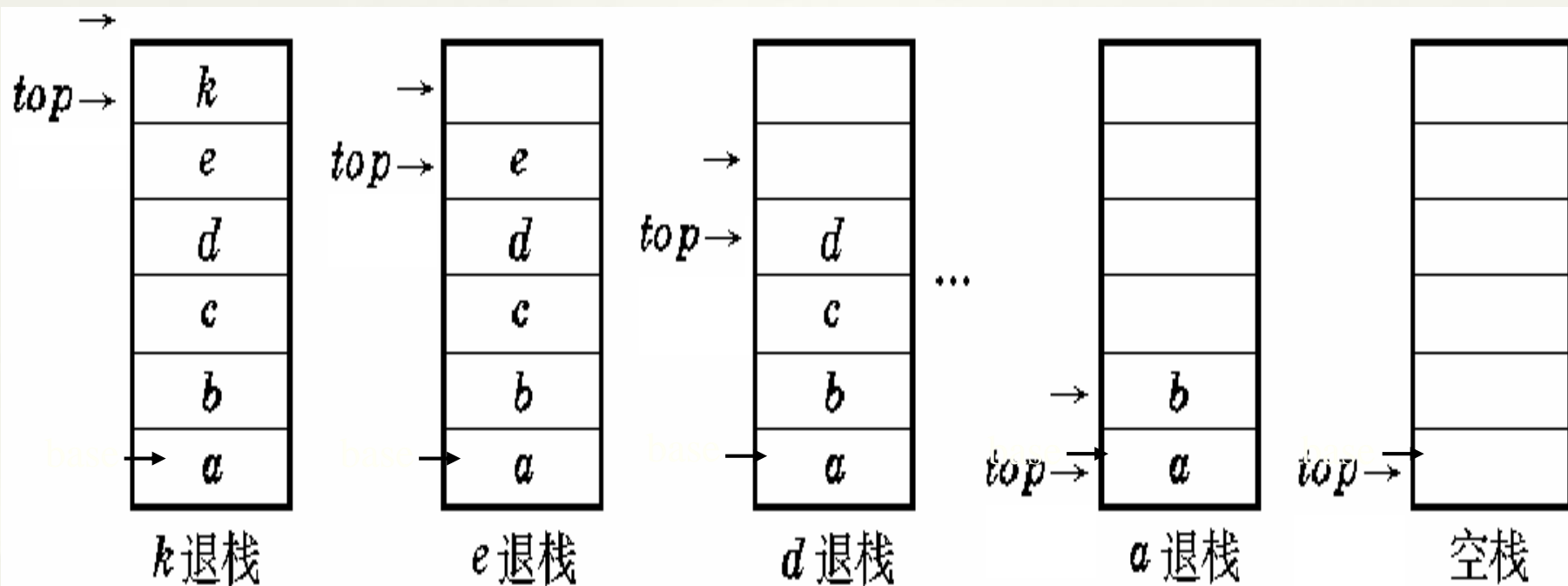
说明:

- base称为栈底指针，始终指向栈底；
当base == NULL时，表明栈结构不存在。
- top为栈顶指针
 - a. top的初始值指向栈底，即top=base
 - b. 空栈：当top==base时为栈空的标记
 - c. 当栈非空时，top的位置：指向**当前**栈顶元素的**下一个**位置
- stacksize ——当前栈可使用的最大容量

进栈示例



退栈示例



几点说明:

- 栈空条件: $s.top == s.base$ 此时不能出栈
- 栈满条件: $s.top - s.base \geq s.stacksize$
- 进栈操作: $*s.top++ = e;$ 或 $*s.top = e; s.top++;$
- 退栈操作: $e = *--s.top;$ 或 $s.top--; e = *s.top;$
- 当栈满时再做进栈运算必定产生空间溢出, 简称“上溢”;
- 当栈空时, 再做退栈运算也将产生溢出, 简称为“下溢”。

基本操作的实现

- * 栈的初始化操作 p47

Status InitStack(SqStack &S)

- * 取栈顶元素 p47

Status GetTop(SqStack S, SElemType &e)

- * 进栈操作 p47

Status Push(SqStack &S, SElemType e)

- * 退栈操作 p47

Status Pop(SqStack &S, SElemType &e)

栈的初始化操作 p47

```
Status InitStack (SqStack &S) {  
    S.base = (SElemType *)malloc(STACK_INIT_SIZE * sizeof(ElemType));  
    if (!S.base) return (OVERFLOW);  
    S.top=S.base;  
    S.stacksize = STACK_INIT_SIZE;  
    return OK;  
}
```



取栈顶元素

p47

```
Status  GetTop(SqStack S, SElemType  &e)
{
    if (S.top == S.base) return ERROR;
    e = *(S.top-1);
    return OK;
}
```



进栈操作

p47

```
Status Push(SqStack &S, SElemType e)
{
    if (S.top-S.base>=S.stacksize)
    {
        S.base=(SElemType*)realloc(S.base,
        (S.stacksize+STACKINCREMENT)*sizeof(ElemType));
        if (!S.base) return (OVERFLOW);
        S.top = S.base +S.stacksize;
        S.stacksize += STACKINCREMENT;
    }
    *S.top++ = e; /*      *S.top = e; S.top = S.top+1;
    return OK;
}
```



退栈操作

p47

```
Status Pop(SqStack &S, SElemType &e)
{
    if (S.top == S.base) return ERROR;
    e=*--S.top; /* S.top=S.top-1;e=*S.top;
    return OK;
}
```



2) 链栈——栈的链式存储结构

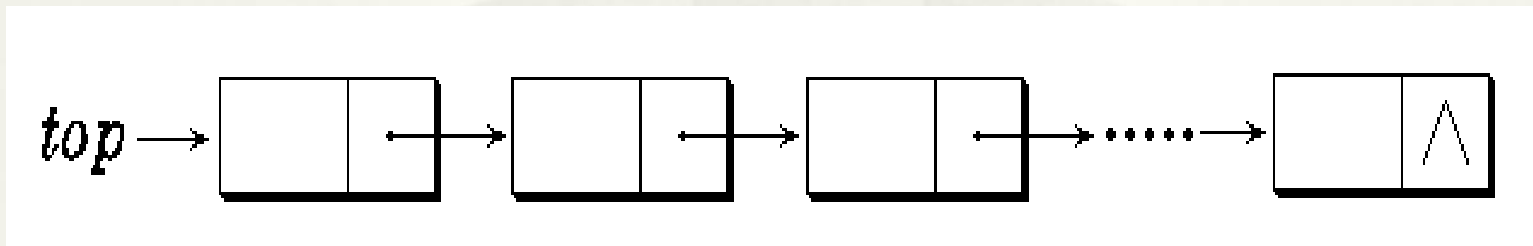
- 不带头结点的单链表
- 其插入和删除操作仅限制在表头位置上进行。
- 链表的头指针即栈顶指针
- 类型定义：

```
typedef struct SNode{  
    SElemType  data;  
    struct SNode  *next;  
}SNode, *LinkStack;
```

```
LinkStack s;
```



- 链栈示意图 p47 图3.3



- 栈空条件: $s == \text{NULL}$
- 栈满条件: 无Free Memory可申请

链栈的进栈操作:

```
Status  Push_L (LinkStack &s, SElemType e)
{
    p=(LinkStack)malloc(sizeof(SNode));
    if (!p) exit(Overflow);
    p->data = e;    p->next = s;    s=p;
    return OK;
}
```


链栈的退栈操作

```
Status Pop_L (LinkStack &s, SElemType &e)
{
    if (!s) return ERROR;
    e=s->data;  p=s;  s=s->next;
    free(p);
    return OK;
}
```



3) 静态分配整型指针

* 定义

```
#define MAXSIZE 100  
typedef struct {  
    SElemType base[MAXSIZE];  
    int top;  
} SqStack;  
SqStack s;
```

初始化

```
status InitStack(SqStack &s)
{
    s.top = 0;
    return OK;
}
```

进栈

```
Status Push(SqStack &s, SElemType e)
{ if (s.top == MAXSIZE) return ERROR;
  s.base[s.top] = e;  s.top++;
  return OK;
}
```

退栈

```
Status Pop(SqStack &s, SElemType &e)
{
    if (s.top == 0) return ERROR;
    s.top--;
    e = s.base[s.top];
    return OK;
}
```

取栈顶元素

```
Status  GetTop(SqStack s, SElemType  &e)
{
    if (s.top == 0) return ERROR;
    e=s.base[s.top-1];
    return OK;
}
```

3.2 栈的应用

1. 数制转换 p48 算法3.1
2. 行编辑程序 p50 算法3.2
3. 表达式求值 p52 ~ p54

1. 数制转换 p48

十进制N和其它进制数的转换是计算机实现的基本问题，基于下列原理：

$$N = (n \text{ div } d) * d + n \text{ mod } d$$

(其中:div为整除运算,mod为求余运算)

例如 $(1348)_{10} = (2504)_8$ ，其运算过程如下：

n	n div 8	n mod 8
1348	168	低位 4
168	21	0
21	2	高位 5
2	0	2

算法3.1

要求：输入一个非负十进制整数，输出任意进制数

```
void Conversion()
{   InitStack(s);
    scanf("%d,%d",&N,&base);
    N1=N;
    while (N1)
        {   Push(s,N1%base);
            N1 = N1/base;        }
    while (!StackEmpty(s))
        {   Pop(s,e);
            if (e>9) printf("%c",e+55);
            else printf("%c",e+48);    }
    printf("\n");
}
```

2. 行编辑程序 p50 算法3.2

```
void lineedit( )
{  initstack(s);
  ch=getchar( );
  while(ch!=eof)
  { while(ch!=eof && ch!= '\n' )
    {  switch(ch)
        { case '#' : pop(s, c);      break;
          case '@' : clearstack(s); break;
          default : push(s, ch);     break;
        }
      ch=getchar( );
    }
    把从栈底到栈顶的栈内字符传送到调用过程的数据区;
    clearstack(s);
    if(ch!=eof)      ch=getchar( );
  }
  destroystack(s);
}
```

3. 表达式求值 p52~ p54

- 算符间的优先级关系 p52~ p53
先括弧内后括弧外
- 左括号：比括号内的算符的优先级低
比括号外的算符的优先级高
- 右括号：比括号内的算符的优先级低
比括号外的算符的优先级高
- #: 优先级总是最低
- 为实现算符优先算法，可使用两个工作栈：
OPND栈：存数据或运算结果
OPTR栈：存运算符

算法思想:

1. 初态: 置OPND栈为空; 将“#”作为OPTR栈的栈底元素
2. 依次读入表达式中的每个字符
 - 1) 若是操作数, 则进入OPND栈;
 - 2) 若是运算符, 则与OPTR栈的栈顶运算符进行优先权 (级) 的比较:
 - 若读入运算符的优先权高, 则进入OPTR栈;
 - 若读入运算符的优先权低, 则OPTR退栈 (退出原有的栈顶元素), OPND栈退出两个元素 (先退出b, 再退出a), 中间结果再进入OPND栈;
 - 若读入“)”, OPTR栈的原有栈的栈顶元素若为“(”, 则OPTR退出“(”;
 - 若读入“#”, OPTR栈栈顶元素也为“#”, 则OPTR栈退出“#”, 结束。

例: $3 * (7 - 2)$

3.4 队列

1. 定义

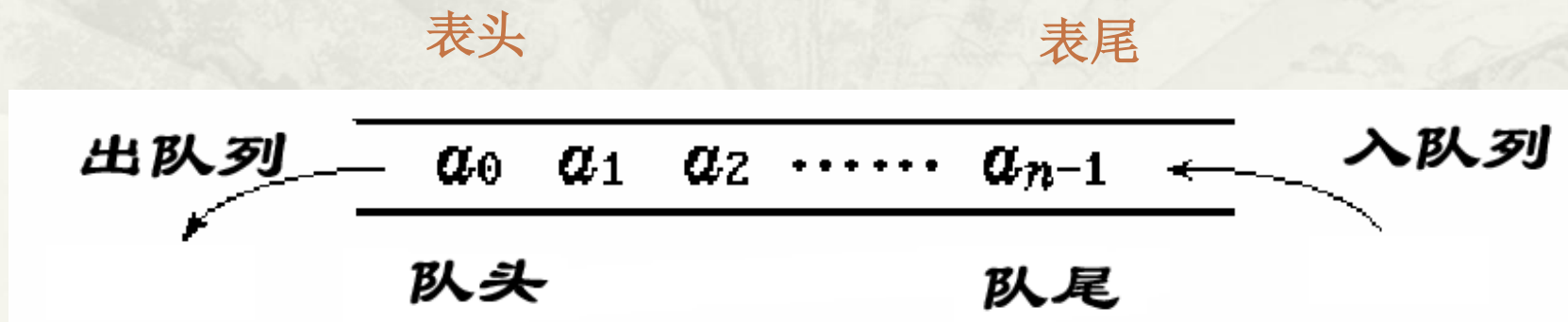
2. 链队列——队列的链式存储结构

3. 循环队列——队列的顺序存储结构

1. 定义

- 是限定在表的一端进行删除，在表的另一端进行插入操作的线性表。
- 允许删除的一端叫做队头(front)，允许插入的一端叫做队尾(rear)。
- 特性：FIFO(First In First Out)

图示 p59



2. 链队列——队列的链式存储结构

- 实质是带头结点的线性链表
- 两个指针：
 - 队头指针Q.front指向头结点
 - 队尾指针Q.rear指向尾结点
- 初始态：队空条件
 - 头指针和尾指针均指向头结点
$$Q.front = Q.rear$$

1) 链队列的类型定义 p61

```
typedef struct QNode { //元素结点
    QElemType data;
    struct QNode *next;
} QNode, *QueuePtr;
```

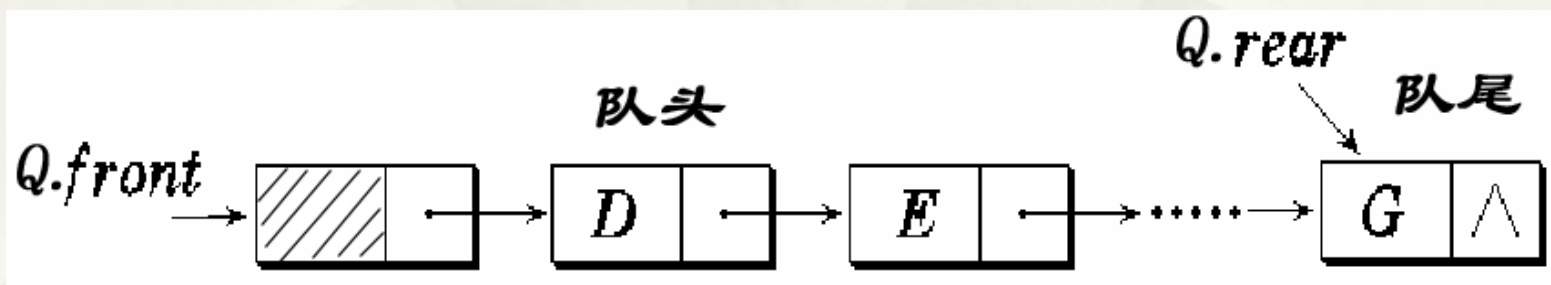
```
typedef struct { //特殊结点
    QueuePtr front; //队头指针
    QueuePtr rear; //队尾指针
} LinkQueue;
```

```
LinkQueue Q;
```

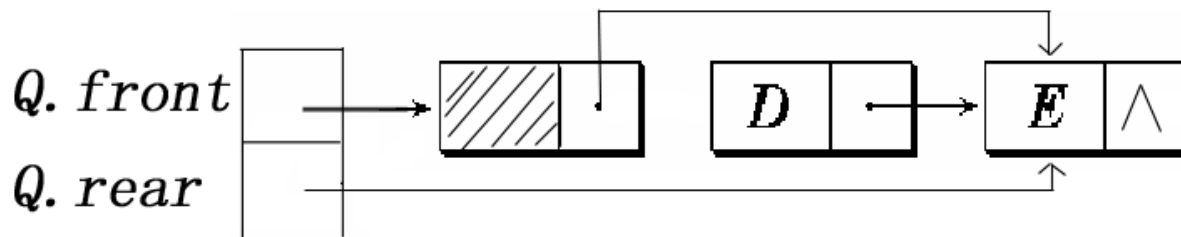
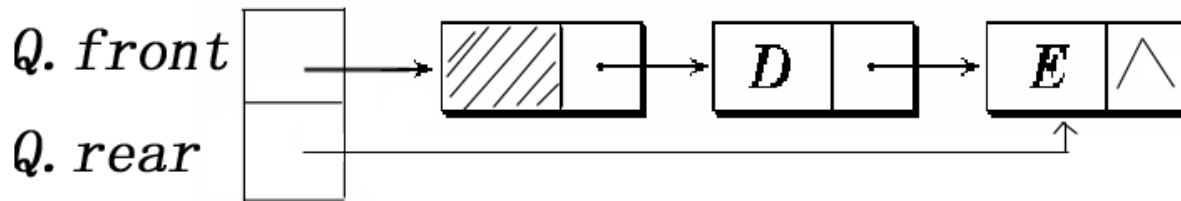
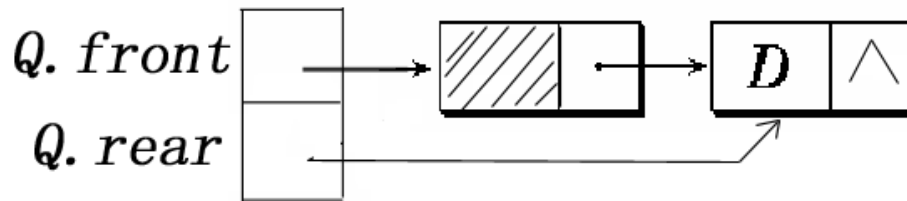
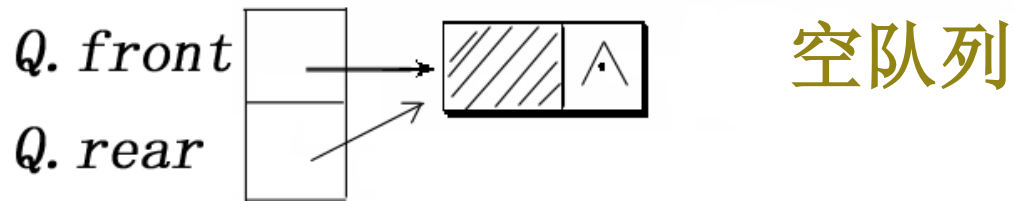
Q.front——指向链头结点

Q.rear ——指向链尾结点

2) 链队列示意图 p61图3. 10



队列运算指针变化状况



3) 基本操作与实现

- * 初始化 p62

Status InitQueue (LinkQueue &Q)

- * 销毁队列 p62

Status DestroyQueue (LinkQueue &Q)

- * 入队 p62

Status EnQueue(LinkQueue &Q, QElemType e)

- * 出队 p62

Status DeQueue(LinkQueue &Q, QElemType &e)

- * 判队空

Status QueueEmpty(LinkQueue Q)

- * 取队头元素

Status GetHead(LinkQueue Q, QElemType &e)

链队列初始化

```
Status InitQueue (LinkQueue &Q)
{
    Q.front=Q.rear=(QueuePtr)malloc(sizeof(QNode));
    if (!Q.front) exit(OVERFLOW);
    Q.front->next=NULL;
    return OK;
}
```

链队列的销毁

```
Status DestroyQueue (LinkQueue &Q)
{ while (Q.front)
    { Q.rear=Q.front->next;
      free(Q.front);
      Q.front=Q.rear;
    }
  return OK;
}
```

链队列的插入（入队）

```
Status EnQueue (LinkQueue &Q, QElemType e)
{
    p=(QueuePtr)malloc(sizeof(QNode));
    if (!p) exit(OVERFLOW);
    p->data = e;    p->next = NULL;
    Q.rear->next = p;
    Q.rear = p;
    return OK;
}
```

链队列的删除（出队）

```
Status DeQueue (LinkQueue &Q, ElemType &e)
{   if (Q.front==Q.rear) return ERROR;
    p=Q.front->next;
    e=p->data;
    Q.front->next=p->next;
    if (Q.rear == p) Q.rear=Q.front;
    free(p);
    return OK;
}
```

判断链队列是否为空

```
Status QueueEmpty(LinkQueue Q)
{
    if (Q.front==Q.rear) return TRUE;
    return FALSE;
}
```


取链队列的第一个元素结点

```
Status GetHead(LinkQueue Q, QElemType &e)
{
    if (QueueEmpty(Q)) return ERROR;
    e=Q.front->next->data;
    return OK;
}
```

3. 循环队列——队列的顺序存储结构

顺序队列：

——用一组地址连续的存储单元依次存放
从队列头到队列尾的元素

设两个指针：

——Q.front 指向队列头元素；

——Q.rear 指向队列尾元素的下一个位置

初始状态（空队列）：

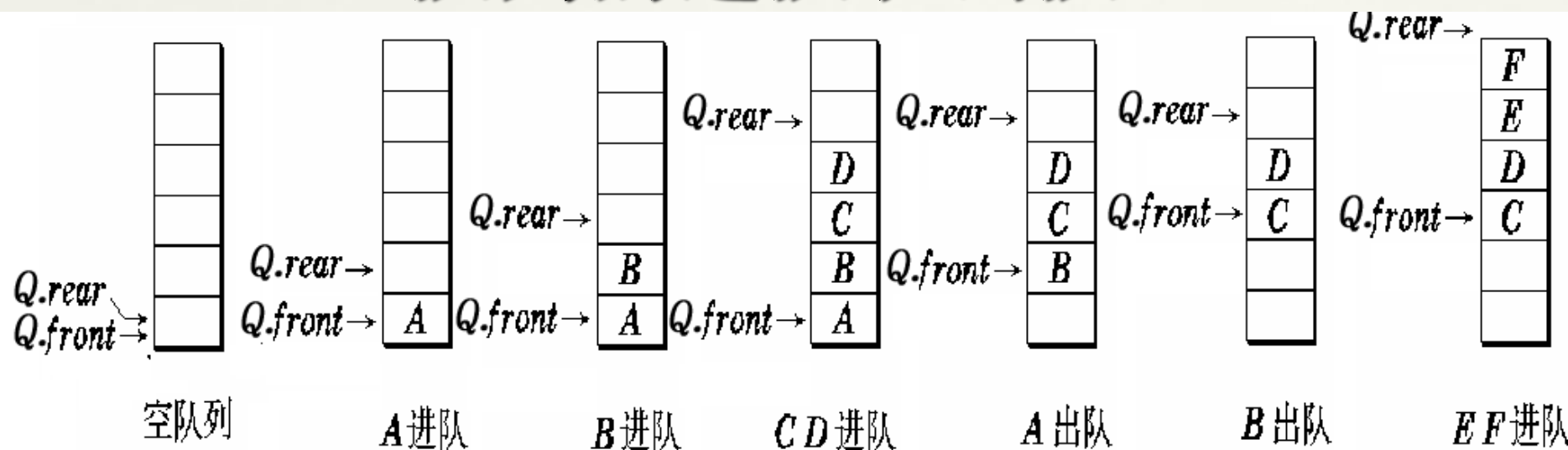
$Q.front = Q.rear = 0$

队列的真满与假满

类型定义 p64

```
#define MAXSIZE 100
typedef struct {
    QElemType *base;
    int front;
    int rear;
} SqQueue;
SqQueue Q;
```

队列的进队和出队

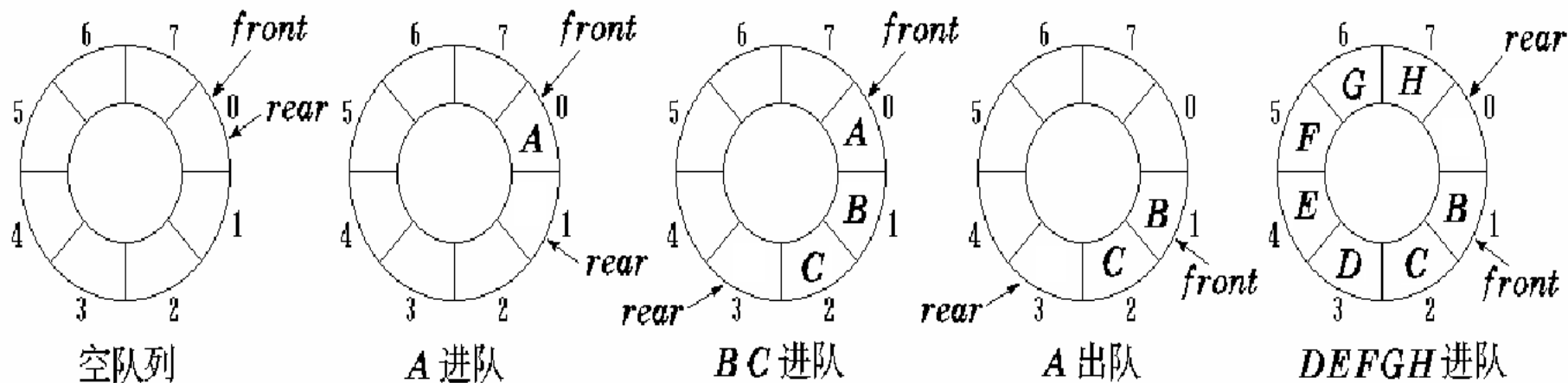


- 进队时，将新元素按 $Q.rear$ 指示位置加入，再将队尾指针增1， $Q.rear = Q.rear + 1$ 。
- 出队时，将下标为 $Q.front$ 的元素取出，再将队头指针增1， $Q.front = Q.front + 1$ 。
- 队满时再进队将溢出出错；队空时再出队作队空处理。上图为“假满”

循环队列 (Circular Queue)

- 存储队列的数组被当作首尾相接的表处理。
- 队头、队尾指针加1时从maxsize -1直接进到0，可用语言的取模(余数)运算实现。
- 队头指针进1: $Q.front = (Q.front + 1) \% MAXSIZE$
队尾指针进1: $Q.rear = (Q.rear + 1) \% MAXSIZE;$
- 队列初始化: $Q.front = Q.rear = 0;$
- 队空条件: $Q.front == Q.rear;$
- 队满条件: $(Q.rear + 1) \% MAXSIZE == Q.front$
- 队列长度: $(Q.rear - Q.front + MAXSIZE) \% MAXSIZE$

循环队列的进队和出队



说明

- 不能用动态分配的一维数组来实现循环队列，初始化时必须设定一个最大队列长度。
- 循环队列中要有一个元素空间浪费掉
 - p63 约定队列头指针在队列尾指针的下一位置上为“满”的标志
- 解决 $Q.front = Q.rear$ 不能判别队列“空”还是“满”的其他办法：
 - 使用一个计数器记录队列中元素的总数（即队列长度）
 - 设一个标志变量以区别队列是空或满

基本操作

- 初始化 p64

Status InitQueue (SqQueue &Q)

- 求队列的长度 p64

int QueueLength(SqQueue Q)

- 入队 p65

Status EnQueue (SqQueue &Q, QElemType e)

- 出队 p65

Status DeQueue(SqQueue &Q, QElemType &e)

- 判队空

Status QueueEmpty(SqQueue Q)

- 取队头元素

Status GetHead(SqQueue Q, QElemType &e)

Status InitQueue (SqQueue &Q)

```
{  
    Q.base=(QElemType )malloc(MAXQSIZE*sizeof(QElemType));  
    if (!Q.base) exit(OVERFLOW);  
    Q.front=Q.rear=0;  
    return OK;  
}
```

int QueueLength(SqQueue Q)

```
{  
    return (Q.rear-Q.front+MAXQSIZE)%MAXQSIZE;  
}
```

Status EnQueue (SqQueue &Q, QElemType e)

```
{  
    if ((Q.rear+1) % MAXQSIZE == Q.front)  
        return ERROR;  
    Q.base[Q.rear]=e;  
    Q.rear = (Q.rear+1)%MAXQSIZE;  
    return OK;  
}
```

Status DeQueue (SqQueue &Q, QElemType &e)

```
{  
    if (Q.rear==Q.front) return ERROR;  
    e=Q.base[Q.front];  
    Q.front=(Q.front+1)%MAXQSIZE;  
    return OK;  
}
```

Status QueueEmpty (SqQueue Q)

```
{  
    if (Q.front==Q.rear) return TRUE;  
    return FALSE;  
}
```

Status GetHead(SqQueue Q, QElemType &e)

```
{  
    if QueueEmpty(Q) return ERROR;  
    e=Q.base[Q.front];  
    return OK;  
}
```

非循环队列

- 类型定义：与循环队列完全一样
- 关键：修改队尾/队头指针
 $Q.rear = Q.rear + 1;$ $Q.front = Q.front + 1;$
- 在判断时，有 $\%MAXQSIZE$ 为循环队列，否则为非循环队列
- 队空条件： $Q.front = Q.rear$
- 队满条件： $Q.rear \geq MAXQSIZE$
- 注意“假上溢”的处理
- 长度： $Q.rear - Q.front$

作业

1. 如果一次输入A, B, C, D等字符，通过栈的调度，分别实现以下的输出序列：
(1) BDCA; (1) CBDA.
2. 请编写程序，实现把十进制数（如120）转换为十六进制数的功能。
3. 设计并实现含有若干元素（10个以内）的队列的初始化、入队、出队、销毁队列等从功能。