

作业簿 (第十二册)

23 次作业

1. 若要通过抽样了解其某个服从正态分布的质量指标的方差是否在允许的范围内, 宜采用的检验是 ()
A. 双侧正态检验
B. 双 t 检验
C. 单侧 χ^2 检验
D. 单侧 F 检验
2. 设灯管寿命服从正态分布, 按规定寿命不低于 $\mu_0 = 2000$ 小时的灯管才算合格, 要检验某厂灯管是否合格, 则原假设 H_0 应选为 ()
A. $\mu = \mu_0$
B. $\mu > \mu_0$
C. $\mu \geq \mu_0$
D. $\mu \leq \mu_0$
3. 在显著性水平 α 下对原假设 H_0 的检验, 本来应该做双侧检验的, 某同学却错误地做了单侧检验, 其检验的结果是拒绝 H_0 , 则 ()
A. 双侧检验的结果一定是拒绝 H_0
B. 双侧检验的结果一定是接受 H_0
C. 无论用单侧检验还是双侧检验, 犯第一类错误的概率都相同
D. 无论用单侧检验还是双侧检验, 犯第一类错误的概率都不超过 α

1. 单侧检验与双侧检验的最大区别是_____
2. 如果要检验的是某品牌手机的辐射是否符合国家标准,应该选用单侧检验
如果要检验的是某厂生产螺栓的直径是否符合标准,应该选用双侧检验
3. 设需要对某正态总体(方差 σ^2 已知)的均值进行假设检验 $H_0: \mu = 15$, $H_1: \mu < 15$, 显著性水平为 α , 采用的统计量为_____, 拒绝域为_____.

三. 计算题

1. 某种导线的电阻（单位： Ω ）服从正态分布，按照规定，电阻的标准差不得超过 0.005。今在一批导线中任取 9 根，测得样本标准差 $S_{n-1} = 0.007$ ，这批导线的电阻的标准差比起规定的电阻的标准差来是否显著地偏大($\alpha = 0.05$)？

2. 某冶金实验室对锰的熔化点作了四次试验，结果分别为

12690C 12710C 12630C 12650C

设数据服从正态分布 $N(\mu, \sigma^2)$ ，以显著性水平 5% 作如下检验：

- (1) 这些结果是否符合于公布的数字 12600C？
- (2) 测定值的标准差是否不超过 20C？

3. 从某品牌的油漆中随机抽取 9 个样品，测得油漆的干燥时间（单位：h）为：

6.5, 5.8, 7.2, 6.6, 6.8, 6.3, 5.6, 6.1, 4.9

假设油漆的干燥时间 $\xi \sim N(\mu, \sigma^2)$ ，这里 μ, σ^2 未知。由样本观测数据算得样本均值为 6.2，样本标准差为 0.6928，厂家号称平均干燥时间 $\mu = 5.5$ 小时，且产品质量稳定，干燥时间的误差 σ 不超过 0.5 小时。试根据抽样数据，在显著性水平 $\alpha = 0.05$ 下分别对厂家的上述两个论断做假设检验。

4. 从某锌矿的东、西两支矿脉中，各抽取样本容量分别为 9 与 8 的样本进行测试，的样本含锌平均值及样本方差如下：

东支： $\bar{x} = 0.230$ $S_x^2 = 0.1337$ ； 西支： $\bar{y} = 0.269$ $S_y^2 = 0.1736$

若东、西两支矿脉的含锌量都服从正态分布且方差相同，

- 1) 显著性水平 $\alpha = 0.05$ 下，是否可以认为东西两支矿脉含锌量的平均值一样？
- 2) 显著性水平 $\alpha = 0.1$ 下，可否认为西矿含锌量比东矿含锌量高？

第 24 次作业

一. 选择题

1. 假设一个(一元或多元)线性回归问题的总离差平方和 $SST=100$, 残差平方和 $SSE=19$, 则错误的选项是 ()
A. 回归平方和 $SSR=81$ B. 可决系数 R^2 为 0.81
C. 样本相关系数 R 为 0.9 D. 样本相关系数 R 为 0.9 或 -0.9
2. 假设根据样本数据求得变元 X 与 Y 的样本相关系数 $R = -0.9$, 则变元 X 与 Y 可能的回归方程是 ()
A. $Y=1+2X$ B. $Y=1-2X$
C. $Y=-1+2X$ D. $Y=-0.9+0.9X$
3. 回归分析的前提是 ()
A. 正态性 B. 独立性
C. 方差齐性 D. 以上选项全是

二. 填空题

1. 一元线性回归的模型为_____ ; 根据 n 组样本数据 (x_i, y_i) 求回归模型中参数的极大似然估计(也是最小二乘估计)的公式为 _____ ; 求变元 X 与 Y 的样本相关系数的公式为 $R = \frac{\sum x_i y_i - \frac{1}{n} \sum x_i \sum y_i}{\sqrt{(\sum x_i^2 - \frac{1}{n} (\sum x_i)^2)(\sum y_i^2 - \frac{1}{n} (\sum y_i)^2)}}$, R^2 称为_____. 若残差平方和 $SSE=0$, 则可决系数 $R^2 = \underline{\hspace{2cm}}$
2. 在 EXCEL 中对回归方程进行检验, 当检验的 p 值 _____ 给定的显著性水平时说明变元的线性相关关系显著(回归方程有意义).
3. 线性回归的离差分解公式为: _____

三. 计算题:

1. 某公司营销人员对公司 6 个月来每月广告费用(记为 x , 单位: 万元)和销售额(记为 y , 单位: 万元)做了统计, 得到如下数据:

广告费用 (x)	1	2	3	4	5	6
销售额(y)	3	6	9	15	20	25

经计算得 $\sum x_i = 21$, $\sum x_i^2 = 91$, $\sum y_i = 78$, $\sum y_i^2 = 1376$, $\sum x_i y_i = 352$:

- 1) 计算销售额 (y) 与广告费用(x)的相关系数
- 2) 求销售额对广告费用的直线回归方程
- 3) 若下月计划广告费支出 10 万元, 试预测相应的销售额

2. 为了研究钢线含碳量（单位：%） x 对于电阻 Y 在 $20^{\circ}C$ 下的影响，做了 7 次试验，得到数据如下：

钢线含碳量 x	0.10	0.30	0.40	0.55	0.70	0.80	0.95
电阻 y	15	18	19	21	22.6	23.8	26

- 1) 画出散点图；
 - 2) 求电阻关于钢线含碳量的直线回归方程；
 - 3) 进行线性回归的显著性检验 ($\alpha = 0.01$)
3. 试根据如下对变元 X 与 Y 样本数据的 EXCEL 回归分析的结果填空

SUMMARY OUTPUT						
回归统计						
Multiple R	0.9584					
R Square	0.9185					
Adjusted R	0.8913					
标准误差	1					
观测值	5					
方差分析						
	df	SS	MS	F	Significance F	
回归分析	1	33.8	33.8	33.8	0.010131424	
残差	3	3	1			
总计	4	36.8				
	Coefficient	标准误差	t Stat	P-value	Lower 95%	Upper 95%
Intercept	1.25	0.901388	1.38675	0.2596	-1.618618333	4.118618
X Variable	1.625	0.279508	5.81378	0.01013	0.735479216	2.514521

- 1) 这个回归分析的前提是_____，其中误差项满足：_____；_____；_____。
- 2) 变元 X 与 Y 的样本相关系数是_____，可决系数是_____；
- 3) 变元 X 与 Y 的回归方程是_____，回归的残差平方和是_____；
- 4) 在显著性水平 0.05 情况下，变元 X 与 Y 的线性相关关系是否显著_____
- 5) 根据分析结果,当 $X=0$ 时，预测变元 Y 的点估计为 _____；
- 6) 回归方程中变元 X 系数的置信水平为 95%的置信区间是_____。

4. 对某种产品的表面腐蚀深度 y (微米)与腐蚀时间 t (秒)的 12 次调查，根据测得结果计算：

$$\sum t_i = 660; \quad \sum y_i = 264; \quad \sum t_i^2 = 59250; \quad \sum y_i^2 = 8256; \quad \sum t_i y_i = 21935$$

- (1) 求腐蚀深度与腐蚀时间的样本相关系数

- (2) 求线性回归方程 $\hat{y} = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 t$