

[1] 谐振判据

动力学: $N = -ky$ 定平衡 给偏移 证线恢

$$d^2 y / dt^2 + \omega^2 y = 0$$

运动学: $y = y_m \cos(\omega t + \varphi)$

[2] 谐振方程

$$\begin{cases} x = A \cos(\omega t + \varphi) \\ v = -\omega A \sin(\omega t + \varphi) \\ a = -\omega^2 A \cos(\omega t + \varphi) \end{cases} \begin{cases} A \\ \varphi \\ \omega \end{cases} \begin{cases} \text{振动能量} \\ \text{取决于 初态} \\ \text{系统} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} A &= \sqrt{x_0^2 + (v_0^2 / \omega^2)} \\ \text{或者} \\ &= \sqrt{x^2 + (v^2 / \omega^2)} \\ \varphi &= \operatorname{tg}^{-1} \left(-\frac{v_0}{\omega x_0} \right) \end{aligned}$$

[3] 谐振合成(同向同频率)

公式法

$$\begin{cases} A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos(\varphi_2 - \varphi_1)} \\ \varphi = \tan^{-1} \frac{A_1 \sin \varphi_1 + A_2 \sin \varphi_2}{A_1 \cos \varphi_1 + A_2 \cos \varphi_2} \end{cases}$$

旋转
矢量法

逆时针旋转

初相 φ 与 v_0 符号相反

[4] 谐振位相 $\phi = \omega t + \varphi$

位相差 $\begin{cases} \text{同一振动不同时刻} \\ \text{不同振动同一时刻} \end{cases}$

[5] 谐振能量 $E = E_k + E_p = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}kx^2 = \frac{1}{2}kA^2$ 能量方法

以平衡位置为0重力势能、0弹性势能，对平衡位置位移为 x 的状态，系统总势能为 $\frac{1}{2}kx^2$

[6] 周期性的关系 $2\pi : T = \Delta\phi : t$