大学物理下习题册三

1、四条相互平行的无限长直载流导线,电流强度均为 I,如图放置,若正方形每边长为 2a,求正方形中心 O 点的磁感应强度的大小和方向。

$$\begin{array}{c|c}
1 & & 2 \\
& & \overline{B}_{1} + \overline{B}_{3} \\
\hline
0 & 2 a \\
3 & & 4
\end{array}$$

解:
$$\vec{B}_0 = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3 + \vec{B}_4$$

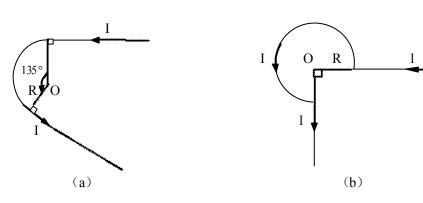
无限长载流直导线产生的磁感应强度 $B = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I}{r}$

由图中的矢量分析可得

$$B_2 + B_4 = 2 \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I}{\sqrt{2}a} = \frac{\mu_0 I}{\pi \sqrt{2}a}$$

$$B_0 = 2 \frac{\mu_0 I}{\pi \sqrt{2} a} \cdot \cos 45^0 = \frac{\mu_0}{\pi} \frac{I}{a}$$
 方何水平何左

2、把一根无限长直导线弯成图 (a)、(b) 所示形状,通以电流 I,分别求出 O 点的磁感应强度 B 的大小和方向。



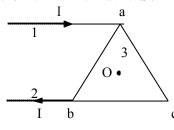
解:(a)(b)均可看成由两个半无限长载流直导线1、3和圆弧2组成,且磁感应强度在O点的方向相同

(a)
$$B_0 = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} + \frac{\mu_0 I}{4\pi R} + \frac{\mu_0 I}{4\pi R} \cdot \frac{3\pi}{4} = \frac{\mu_0 I}{16\pi R} (8 + 3\pi)$$
 方向垂直纸面向外。

(b) 由于 O 点在电流 1、3 的延长线上,所以 $\vec{\mathrm{B}}_1 = \vec{\mathrm{B}}_3 = 0$

$$B_0 = B_2 = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I}{R} \cdot \frac{3\pi}{2} = \frac{3\mu_0 I}{8R}$$
 方向垂直纸面向外。

3、真空中有一边长为 ℓ 的正三角形导体框架,另有互相平行并与三角形的 bc 边平行的长直导线 1 和 2 分别在 a 点和 b 点与三角形导体框架相连(如图)。已知直导线中的电流为 I,求正三角形中心点 O 处的磁感应强度 **B**。



解: 三角形高为
$$.h = l \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} l$$

$$\vec{B}_3 = 0$$

$$B_{1} = \frac{\mu_{0}I}{4\pi \frac{2}{3}h} = \frac{\mu_{0}I}{4\pi \frac{2}{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2}/2} = \frac{\sqrt{3}\mu_{0}I}{4\pi / 2}$$

$$B_2 = \frac{\mu_0 I}{4\pi \frac{1}{2} h} (\sin \frac{\pi}{2} - \sin 60^\circ) = \frac{\mu_0 I}{4\pi I} (2\sqrt{3} - 3)$$

$$B_0 = B_1 + B_2 = \frac{3\mu_0 I}{4\pi I} (\sqrt{3} - 1)$$

- 4、在半径为 R=1.0cm 的"无限长"半圆柱形金属片中, 自下而上通以电流 I=5.0A, 如图所
- 示。试求圆柱轴线任一点P处磁感应强度 B的大小和方向。
- 解:该金属薄片可看作由无数无限长直导线元叠加而
- 成,对应于dl 窄条的无限长直导线的电流为

$$dI = \frac{I}{\pi R} dl = \frac{I}{\pi R} R d\theta = \frac{I}{\pi} d\theta$$

它在P点产生的磁感应强度 dB

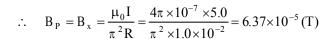
$$dB = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{dI}{R} = \frac{\mu_0}{2\pi R} \frac{I}{\pi} d\theta = \frac{\mu_0}{2\pi^2} \frac{I}{R} d\theta$$
 方向如图

$$dB_x = dB \sin \theta = \frac{\mu_0 I}{2\pi^2 R} \sin \theta d\theta$$

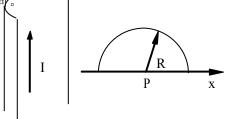
$$dB_{y} = -dB\cos\theta = -\frac{\mu_{0}I}{2\pi^{2}R}\cos\theta d\theta$$

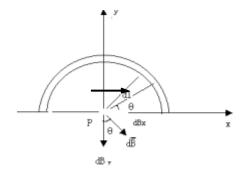
$$B_x = \int dB_x = \int_0^{\pi} \frac{\mu_0 I}{2\pi^2 R} \sin\theta d\theta = \frac{\mu_0 I}{\pi^2 R}$$

$$B_{y} = \int dB_{y} = \int_{0}^{\pi} -\frac{\mu_{0}I}{2\pi^{2}R}\cos\theta d\theta = 0$$



方向为 x 轴正方向。





5、如图所示,长直薄铜片的宽度 a, 弯成一直角,在 角延长线上离铜片一条边距离 b 处有一 P 点。求当薄铜 片均匀流过电流 I 时, P 处的磁感应强度。

解:两块半无限长通电薄铜片1、2,可看成由无 数半无限长直导线元叠加而成,导线元电流

$$dI = \frac{I}{a}dx$$

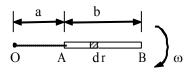
$$\begin{split} dB_1 &= \frac{\mu_0 dI}{4\pi (a+b-x)} = \frac{\mu_0 I dx}{4\pi a (a+b-x)} \\ B_1 &= \int_0^a \frac{\mu_0 I dx}{4\pi a (a+b-x)} = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} \ln \frac{a+b}{a} \end{split} \qquad \vec{\pi} |\vec{n} - \vec{y}| = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} \ln \frac{a+b}{a}$$

同理 $B_2=B_1$ 方向 -z

$$B_p = \sqrt{B_1^2 + B_2^2} = \sqrt{2}B_1 = \frac{\sqrt{2}\mu_0 I}{4\pi a} \ln \frac{a+b}{a}$$
 方向 yz平面内与 y方向成 225 °角。

或
$$\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} ln \frac{a+b}{a} (-\hat{j} - \hat{k})$$

6、如图所示,均匀带电刚性细杆 AB,电荷线密度为λ,绕 通过O点垂直于纸平面的轴以 α 角速度匀速转动,(O点在细 杆 AB 延长线上), 求 O 点的磁感应强度。



解: 方法一: 运动电荷的叠加, 根据公式
$$\vec{B} = \frac{\mu_0 q \, \vec{v} \times \hat{\boldsymbol{r}}}{4\pi r^2}$$

$$dB_0 = \frac{\mu_0 dq v}{4\pi r^2} = \frac{\mu_0 \lambda dr r\omega}{4\pi r^2}$$

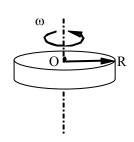
$$B_0 = \int_a^{a+b} \frac{\mu_0 \lambda \omega}{4\pi r} dr = \frac{\mu_0 \lambda \omega}{4\pi} \ln \frac{a+b}{a}$$

方法二: 等效载流圆环在圆心的叠加, 等效电流 $dI = \frac{\omega}{2\pi} \lambda dr$

$$dB_0 = \frac{\mu_0 dI}{2r} = \frac{\mu_0 \omega \lambda}{4\pi r} dr$$

$$B_0 = \int_a^{a+b} \frac{\mu_0 \omega \lambda}{4\pi r} dr = \frac{\mu_0 \omega \lambda}{4\pi} \ln \frac{a+b}{a}$$

- 7、一塑料圆盘, 半径为 R, 可通过中心垂直于盘面的轴转动, 设角速度为ω,
- (1) 当有电量为+q的电荷均匀分布于圆盘表面时,求圆盘中心O点的磁感应强度B;
- (2) 此时圆盘的磁距;
- (3) 若圆盘表面一半带电+q/2,另一半带电-q/2,求此时O点的磁感应强度B。



解: (1) 盘的电荷密度为
$$\sigma = \frac{q}{\pi R^2}$$
, 取半径为 r、宽

度为 dr 的圆环元, 带电量为 dq = σ 2πrdr, 等效电流为

$$dI = \frac{\omega}{2\pi} dq = \sigma \omega r dr$$

在圆心处产生的磁感应强度为

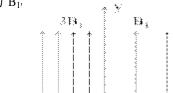
$$dB = \frac{\mu_0 dI}{2r} = \frac{\mu_0}{2r} \sigma \omega \ rdr = \frac{1}{2} \mu_0 \omega \sigma dr$$

$$B_0 = \int dB = \int_0^R \frac{1}{2} \mu_0 \omega \sigma dr = \frac{1}{2} \mu_0 \omega \sigma R = \frac{\mu_0 \omega q}{2\pi R}$$
 方向垂直圆盘向上

(2) 上述细环的磁矩
$$dP_m = SdI = \pi r^2 dI = \frac{\omega q}{R^2} r^3 dr$$

则圆盘的总磁矩_m =
$$\int dP_m = \int_0^R \frac{\omega q}{R^2} r^3 dr = \frac{1}{4} q \omega R^2$$

- (3) 由于盘一半带正电,一半带负电,当圆盘旋转时,相当于两个方向相反的电流,所以 在盘心处合磁场为零。
- 8、一无限大均匀载流平面置于外场中,左侧磁感应强度量值为 B₁, 右侧磁感应强度量值为3B₁,方向如图所示。试求:



- (1) 载流平面上的面电流密度 i;
- (2) 外场的磁感应强度B。

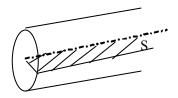
$$B_1 = B_0 - \frac{1}{2}\mu_0 i$$

$$3B_1 = B_0 + \frac{i}{2}\mu_0$$

$$2B_1=\mu_0 i \Rightarrow i=\frac{2B_1}{\mu_0}$$

$$B_1 = B_0 - \frac{1}{2}\mu_0 i = B_0 - B_1 \Rightarrow B_0 = 2B_1$$

9、一根很长的铜线均匀通以电流 I=10A, 在导线内部作一平面,如图所示。求通过平面 S 单位长度上的磁通量。



解: 由安培环路定律可求得圆柱内任意一点的 B

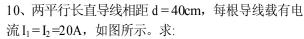
$$\begin{split} & \oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \sum I \\ & B \ 2 \ \pi \ r \ = \ \mu_0 \ \frac{I}{\pi \ R^{\ 2}} \cdot \pi \ r^{\ 2} \end{split}$$

$$B = \frac{\mu_0}{2 \pi} \frac{I r}{R^2}$$

在距圆柱轴线为r与r+dr处取一面积元dS,通量为

$$d\Phi = \vec{B} \cdot d\vec{S} = BdS$$

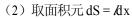
$$\Phi = \int BdS = \int_0^R \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{Ir}{R^2} dr = \frac{\mu_0 I}{4\pi} = 10^{-6} (Wb)$$



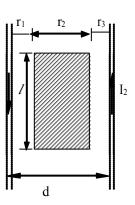
- (1) 两导线所在平面内任意一点的磁感应强度 B;
- (2) 通过图中斜线所示面积的磁通量 $(r_1 = r_3 = 10 \text{cm} , l = 25 \text{cm})$



$$B = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi x} + \frac{\mu_0 I_2}{2\pi (d-x)}$$



$$d\Phi = \vec{B} \cdot d\vec{S} = BdS = [\frac{\mu_{_{0}}I_{_{1}}}{2\pi x} + \frac{\mu_{_{0}}I_{_{2}}}{2\pi (d-x)}] \, \text{Ad} \, x$$



11、一根很长的同轴电缆,由一导体圆柱 (半径为 R_1) 和同一轴的导体圆管 (内、外半径分别为 R_2 和 R_3) 构成,使用时使电流 I 从导体圆柱流出,从导体圆管流回。设电流都是均匀地分布在导体的横截面上,求磁感应强度的分布。

解:由于电流分布具有轴对称性,可用安培环路定律求解

$$\begin{aligned} r < R_1 & B \cdot 2\pi r = \mu_0 \frac{I\pi r^2}{\pi R_1^2} = \frac{\mu_0 I r^2}{R_1^2} & \therefore B_1 = \frac{\mu_0 I r}{2\pi R_1^2} \\ R_1 < r < R_2 & B2\pi r = \mu_0 I & B_2 = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \\ R_2 < r < R_3 & B \cdot 2\pi r = \mu_0 \left(I - \frac{r^2 - R_2^2}{R_3^2 - R_2^2}I\right) \\ B_3 = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \left(\frac{R_3^2 - r^2}{R_2^2 - R_2^2}\right) \end{aligned}$$

12、如图所示,在半径为 a 的圆柱形长直导线中挖有一半径为 b 的圆柱形空管(a.>2b),空管轴线与柱体轴线平行,相距为 d ,当电流仍均匀分布在横截面上且电流为 I 时,求空管内磁感应强度 B 的分布。

解:空管的存在使电流分布失去对称性,采用"填补法"将空管部分等效为同时存在电流密度为j和-j的电流,其中

$$J = \frac{I}{\pi(a^2 - b^2)}$$
这样,空间任一点的磁场 B 可以看成由半径为

a、电流密度为 j 的长圆柱形导体产生的磁场 B_1 和半径为 b、电流密度为 -i 的长圆柱形导体产生的磁场 B_2 的矢量和,

设P点到大圆柱和小圆柱轴线的距离分别为R和r,由安培环路定理得

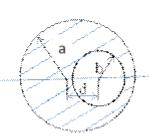
$$B_1 = \frac{\mu_0}{2} R j \qquad B_2 = \frac{\mu_0}{2} r j$$

其中 \vec{B}_1 与 \vec{R} 垂直, \vec{B}_2 与 \vec{r} 垂直,如图 (b) 所示,由余弦定理得

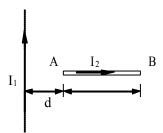
$$B^{2} = B_{1}^{2} + B_{2}^{2} - 2B_{1}B_{2}\cos\alpha = \frac{\mu_{0}^{2}R^{2}j^{2}}{4} + \frac{\mu_{0}^{2}r^{2}j^{2}}{4} - \frac{2\mu_{0}^{2}j^{2}Rr}{4} \cdot \frac{R^{2} + r^{2} - d^{2}}{2Rr}$$

由此得空管内 P 点点磁感应强度为
$$B = \frac{\mu_0 dj}{2} = \frac{\mu_0 d}{2} \cdot \frac{I}{\pi(a^2 - b^2)}$$

方向与两轴线连线相垂直。



- 13、无限长直导线通过电流 I_1 , 在其旁边放一导线 AB, 长为 I_1 共面并相互垂直,通以电流 I_2 , 试求:
- (1) AB 导线受到的力的大小与方向;
- (2) 当棒 A 端固定,则导线 AB 对 A 点的磁力距等于多少?



解: (1) 在 I₂上取 I₂dx, 其受力方向垂直 AB 向上

$$\begin{split} dF &= I_2 dx B_1 = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi x} dx \\ F &= \int dF = \int_d^{d+1} \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi x} dx = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi} ln \frac{d+1}{d} \end{split}$$

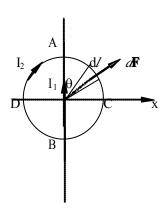
(2) I2dx 受到的磁力矩为

$$\begin{split} dM &= (x - d) \, dF = (x - d) \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi x} \, dx \\ M &= \int dM = \int_d^{l+d} (x - d) \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi x} dx = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi} (1 - d\ln \frac{d + l}{d}) \end{split}$$

- 14、有一无限长载流直导线,通以电流 I_1 。另有一半径为 R 的圆形电流 I_2 ,其直径 AB 与电流 I_1 重合,在相交处绝缘,求:
- (1) 半圆 ACB 受力大小和方向
- (2) 整个圆形电流 I2 所受合力大小和方向
- (3) 线圈所受磁力矩。

解:(1)在半圆上取一圆弧 dl,受力为

$$\begin{split} dF &= I_2 d/B_1 \sin \frac{\pi}{2} = \frac{\mu_0 I_1}{2\pi x} I_2 d/\\ &= \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi R \sin \theta} \cdot R d\theta = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi \sin \theta} d\theta \\ dF_x &= dF \sin \theta = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi \sin \theta} d\theta \sin \theta = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi \theta} d\theta \\ dF_v &= dF \cos \theta \qquad \text{由于对称性分析} \quad \int dF_v = 0 \end{split}$$



- 所以 $F_{ACB} = \int dF_x = \int_0^z \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi} d\theta = \frac{1}{2} \mu_0 I_1 I_2$ 方向沿x轴的正方向。
- (2) 同理可求 BDA 半圆受力

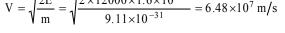
$$F_{BDA} = \frac{1}{2}\mu_0 I_1 I_2$$
 方向沿x正方向。
$$F = F_{ACB} + F_{RDA} = 2F_x = \mu_0 I_1 I_2$$

(3)
$$dM_m = x dF_y$$
 由对称性分析可知 M=0

15 设电视显像管射出的电子束沿水平方向由南向北运动,电子能量为12000eV,地球磁场 的垂直分量向下, 大小为 B =5.5×10 5 Wb/m², 问:

- (1) 电子束将偏向什么方向?
- (2) 电子的加速度为多少?
- (3) 电子束在显象管内在南北方向上通过 20cm 时将偏转多远?
- 解: (1) 由洛仑兹力的方向判断电子束向东偏转
 - (2) 由电子的动能可求其速度

$$V = \sqrt{\frac{2E}{m}} = \sqrt{\frac{2 \times 12000 \times 1.6 \times 10^{-19}}{9.11 \times 10^{-31}}} = 6.48 \times 10^7 \text{ m/s}$$



电子在磁场中受洛仑兹力的作用而作圆周运动,向心加速度为

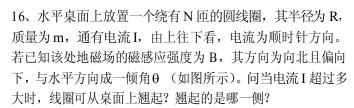
$$a_{_{n}} = \frac{F}{m} = \frac{BeV}{m} = \frac{5.5 \times 10^{^{-5}} \times 1.6 \times 10^{^{-19}} \times 6.48 \times 10^{^{7}}}{9.11 \times 10^{^{-31}}} = 6.2 \times 10^{^{14}} \text{ m/s}^{^{2}}$$

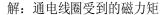
(3) 电子运动的轨迹为圆, 半径为 R

$$R = \frac{mV}{eB} = \frac{9.11 \times 10^{-31} \times 6.48 \times 10^7}{1.6 \times 10^{-19} \times 5.5 \times 10^{-3}} = 6.4(m)$$

由图可知当电子在南北方向前进v时,它将偏转 Δx

$$\Delta x = R - \sqrt{R^2 - y^2} = 6.4 - \sqrt{(6.4)^2 - (0.2)^2} = 2.98 \text{mm}$$





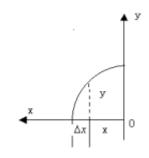
$$M = P_{m}B\sin\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = NI\pi R^{2}\cos\theta B$$

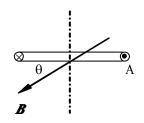
此力矩使线圈绕A点转动

线圈对 A 点的重力矩 M'=mgR

线圈能翘起,应满足 $M \ge M'$

所以
$$I_{min} = \frac{mg}{BN\pi R \cos \theta}$$





17、边长为 ℓ =0.1m的正三角形线圈放在磁感应强度 B=1T的 均匀磁场中,如图所示。使线圈通以电流 I=10A,求:

- (1) 每边所受的力
- (2) 磁力矩大小
- (3) 从所在位置转到线圈平面与磁场垂直时磁力所作的功。
- 解: (1) 根据安培力公式 $\vec{dF} = \vec{Idl} \times \vec{B}$

ac :
$$F_{ac} = IIB \sin 60^{\circ} = 10 \times 0.1 \times 1 \times 0.866 = 0.866(N)$$
 方向垂直纸面向外

ba :
$$F_{ba} = IIB \sin 60^{\circ} = 0.866(N)$$

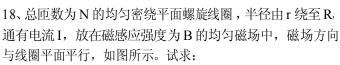
方向垂直纸面向里

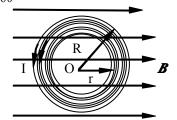
$$cb:F_{cb}=IlB\;sin\;\pi=0$$

$$(2) \quad \vec{M} = \vec{P} \times \vec{B} \qquad \qquad M = ISB \sin(\vec{n}, \vec{B}) = 10 \times \frac{1}{2} \times 0.1 \times 0.1 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \times \sin 90^{\circ} = 4.33 \times 10^{-2} (\div \cdot \%)$$

(3)
$$A = I\Delta\Phi = I(\Phi - \Phi_0) = I(BS\cos\theta^0 - BS\cos\frac{\pi}{2}) = IB\frac{1}{2}/./\sin6\theta^0$$

$$=10\times1\times\frac{1}{2}\times0.1\times0.1\times0.866=4.33\times10^{-2}(J)$$





O

- (1) 平面线圈的磁矩;
- (2) 线圈在该位置所受到的磁力矩:
- (3) 线圈在磁力矩作用下转到平衡位置过程中,磁力矩所做的功。

解: (1) 在距中心距离 ρ 处,取宽度为
$$d$$
ρ的细圆环线圈的匝数 $dN = \frac{N}{P_{n-r}} d\rho$

其磁矩为
$$dP_m = IdN\pi\rho^2 = \frac{N}{R-r}I\pi\rho^2d\rho$$

整个线圈的磁矩
$$P_{\scriptscriptstyle m} = \int dP_{\scriptscriptstyle m} = \int\limits_r^R \frac{N}{R-r} I\pi \rho^2 d\rho = \frac{1}{3} NI\pi (R^2 + Rr + r^2)$$

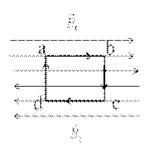
(2) 磁力矩
$$M = P_m B \sin 90^0 = \frac{1}{3} N I \pi B (R^2 + Rr + r^2)$$

(3) 任何位置的磁力矩 $M = P_m B \sin \varphi$

$$A = \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} M d\theta = \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} P_{m} B \sin \left(\frac{\pi}{2} - \theta \right) d\theta = \frac{1}{3} \pi N IB \left(R^{2} + Rr + r^{2} \right)$$

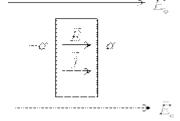
拓展题:

如图所示在磁场中某一区域有一组平行的 \vec{B} ,上半部为 \vec{B} , 下半部为 \vec{B}_2 , $|\vec{B}_1|=|\vec{B}_2|$,且 \vec{B}_1 与 \vec{B}_2 方向相反,而该区域内又 无电流存在, 试问: 能存在这样的磁场吗? 如何证明你的结论? 证明:取回路 abcda,根据安培环路定理 $\delta \vec{B} \vec{n} d\vec{l} = 0$



 $\bigcirc \vec{B} \vec{N} \vec{dl} \qquad \vec{B} \vec{N} \vec{dl} = B_1 \vec{N} \vec{ab} \quad B_2 \vec{N} \vec{cd} = 0$ 即 违背安培环路定理,表明这样的磁场不存在,若磁感应线为平行线,必均匀场。

- 2、导体内存在电场时就会有传导电流,电流密度 \vec{j} 与电场强度 \vec{E} 之间的关系为 $\vec{j} = \vec{E}/r$,其中 Γ 为导体电阻率。取一块电阻率为常量 ρ 的长方形导体块,静止放置,开始时处处无净电荷。
- (1) t=0 开始,沿导体块长度方向建立匀强电场 \vec{E}_0 ,导体内即产生传导电流,左、右两端 面便会积累电荷,电荷面密度分别记为 $-\sigma$ 、 σ ,如右图所示。试求 s 随 t 变化的关系和图示 方向电流密度 \vec{j} 随t 变化的关系。
- (2) 将(1)中的电场 \vec{E}_0 改取为沿导体长度方向的交变电场 \vec{E}_0 改取为沿导体长度方向的交变电场 \vec{E}_0 $ec{E}_0\cos wt$,其中 ω 为正的常量。试求 $s\sim t$ 和 $ec{j}\sim t$; 数学知识:



(a) 微分方程
$$y'(x) + P(x)y(x) = Q(x)$$
 的通解 $y(x) = e^{-Ptx}$ **ਰ** $Qe^{-Ptx} dx + C$

(b)不定积分公式
$$\delta \cos Axe^{Bx}dx = \frac{B}{A^2 + B^2}(\cos Ax + \frac{A}{B}\sin Ax)e^{Bx} + C$$

解: (1) 导体内
$$E = E_0 - E' = E_0 - \frac{s}{e_0}$$

$$\frac{ds}{dt} = j = \frac{E}{r} = \frac{1}{r e_0} (e_0 E_0 - s) ? \frac{s}{e_0 E_0 - s} \frac{ds}{e_0 E_0 - s} \frac{t}{r e_0}$$

$$s = e_0 E(1 - e^{-\frac{t}{r}e_0})$$
 $j = \frac{ds}{dt} = \frac{E}{r} e^{-\frac{t}{r}e_0}$

(2)
$$\frac{ds}{dt} = j = \frac{E}{r} = \frac{1}{r e_0} (e_0 E_0 \cos wt - s)$$

$$\frac{ds}{dt} + \frac{s}{r e_0} = \frac{E_0 \cos wt}{r}$$

利用给出数学知识 (a) 得

$$s = e^{-\frac{d}{r_{e_0}}} (\frac{E}{r} \cos wt e^{-\frac{d}{r_{e_0}}} dt + C_1) = e^{-\frac{t}{r_{e_0}}} (\frac{E}{r} \cos wt e^{-\frac{t}{r_{e_0}}} dt + C_1)$$

利用给出数学知识 (b) 得

$$s = e^{-\frac{1}{r_{e_0}}} \left(\frac{e_0 E_0(\cos w + r e_0 \sin w)}{1 + r^2 e_0^2 w^2} e^{\frac{1}{r_{e_0}}} + C \right)$$

其中
$$C = C_1 + \frac{E_0}{r}$$

由
$$t=0$$
, $s=0$ 得: $C=\frac{-e_0 E_0}{1+r^2 e_0^2 w^2}$

$$\int s = \frac{e_0 E_0}{1 + r^2 e_0^2 w^2} (\cos wt + r e_0 w \sin w) - e^{-t/r e_0}$$

$$j = \frac{ds}{dt} = \frac{e_0 E_0 w}{1 + r^2 e_0^2 w^2} (r e_0 w \cos w - \sin w) + \frac{1}{r e_0 w} e^{-\frac{1}{r} e_0}$$