

第17周答疑安排

时间：

周一： 8:00-13:00

周三： 10:00-13:15

地点： A教二楼教师休息室

第一篇力学

1.质点运动的描述

一、物理量

位置矢量(位矢): $\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$

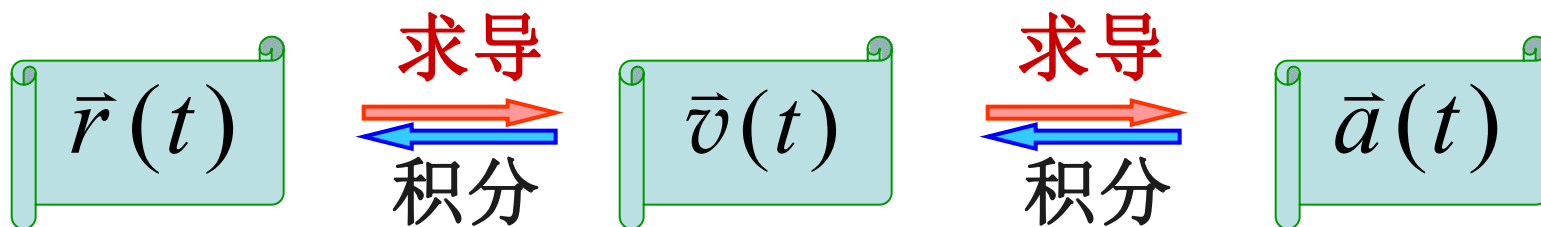
位移: $\Delta\vec{r} = \vec{r}_B - \vec{r}_A$ $\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{dx}{dt}\vec{i} + \frac{dy}{dt}\vec{j} + \frac{dz}{dt}\vec{k}$

二、二个方程

运动方程: $\vec{r} = \vec{r}(t) \implies \begin{cases} x=x(t) \\ y=y(t) \\ z=z(t) \end{cases}$

轨道方程: $f(x,y,z)=0$ (轨迹方程)

三、运动学的两类问题



四、匀变速运动

\vec{a} 为常矢量

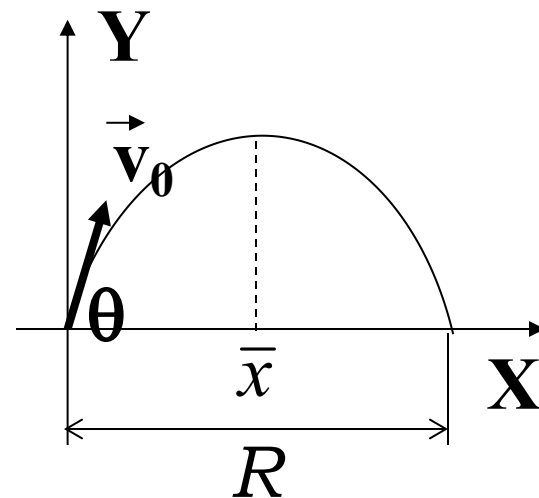
$$\text{得: } \vec{v} = \vec{v}_o + \vec{a}t$$

$$\text{得: } \vec{r} = \vec{r}_o + \vec{v}_o t + \frac{1}{2} \vec{a}t^2$$

五、抛体运动：

$$\vec{v} = v_0 \cos \theta \vec{i} + (v_0 \sin \theta - gt) \vec{j}$$

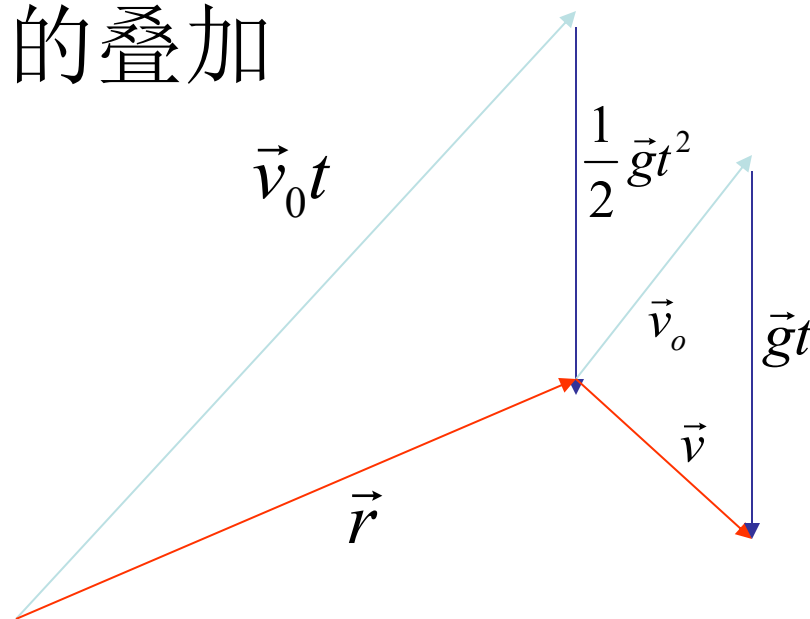
$$\vec{r} = (v_0 \cos \theta \cdot t) \vec{i} + \left(v_0 \sin \theta \cdot t - \frac{1}{2} gt^2 \right) \vec{j}$$



抛体运动：初速 \vec{v}_0 方向的匀速直线运动与
竖直方向上自由落体运动的叠加

$$\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{g}t$$

$$\vec{r} = \vec{v}_0 t + \frac{1}{2} \vec{g}t^2$$



六、角量与线量之间的关系

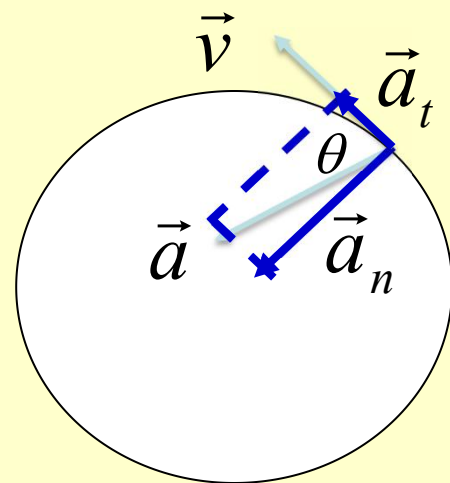
$$v = R\omega$$

$$a_n = v\omega = \omega^2 R = \frac{v^2}{R}$$

$$a_t = \frac{dv}{dt} = R \frac{d\omega}{dt} = R\alpha$$

加速度的大小: $a = \sqrt{a_n^2 + a_t^2}$

与速度的夹角: $\theta = \operatorname{arctg} \frac{a_n}{a_t}$



角量表示的（匀角加速）
运动方程

$$\underline{\underline{\omega - \omega_0 = \alpha t}}$$

$$\underline{\underline{\theta - \theta_0 = \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2}}$$

$$\underline{\underline{\omega^2 - \omega_0^2 = 2\alpha(\theta - \theta_0)}}$$

七、相对运动 一般关系式: $\vec{M}_{po} = \vec{M}_{po'} + \vec{M}_{o'o}$

八、动力学的二类问题

1. 已知作用在物体上的力, 由力学规律来决定该物体的运动状态或平衡状态。
2. 已知物体的运动状态或平衡状态, 由力学规律来推断作用在物体上的力。

隔离体法解题步骤

- 选隔离体——研究对象
- 确定参照系, 建坐标系
- 受力分析并作受力图
- 初定运动状态
- 列方程并求解

九、非惯性参照系的力学规律 $\vec{F} + \vec{F}' = m\vec{a}' \quad \vec{F}' = -m\vec{a}''$

2. 守恒定律

一、能量守恒

一般力的功:

$$A = \int dA = \int \vec{F} \cdot d\vec{s} = \int F \cos \theta ds = \frac{1}{2}mv_b^2 - \frac{1}{2}mv_a^2$$

保守力的功:

$$A_{\text{保内}} = - (E_{pb} - E_{pa})$$

$$E_{P\text{重}} = mgh$$

$$E_p(x, y, z) = \int_{(x, y, z)}^{E_{pa}=0} \vec{F} \cdot d\vec{r}$$

$$E_{P\text{弹}} = \frac{1}{2}kx^2$$

$$E_{P\text{引}} = -\frac{GMm}{r}$$

系统的动能定理

$$A = A_{\text{外}} + A_{\text{保内}} + A_{\text{非保内}} = E_{k2} - E_{k1}$$

系统的功能原理

$$A_{\text{外}} + A_{\text{非保内}} = E_2 - E_1$$

机械能守恒定律

$$\text{当 } A_{\text{外}} + A_{\text{非保内}} = 0$$

$$\text{则: } E_{k2} + E_{p2} = E_{k1} + E_{p1} = C$$

二、动量守恒

质点系的动量定理

质点系动量守恒定律

$$\int_{t_1}^{t_2} \vec{F} dt = \sum_{i=1}^n m_i \vec{v}_i - \sum_{i=1}^n m_i \vec{v}_{i0}$$

若质点系所受的**合外力**为零 $\vec{F} = \sum_i \vec{F}_i = 0$

则系统的总动量守恒，即 $\vec{p} = \sum_i \vec{p}_i$ 保持不变。

质心

$$\vec{r}_c = \frac{\sum_{i=1}^n m_i \vec{r}_i}{\sum_{i=1}^n m_i}$$

$$\vec{r}_c = \int r dm / m$$

质心运动定律

$$\sum_i \vec{F}_i = m \vec{a}_c$$

三、碰撞

碰撞 { 弹性碰撞：碰后分开，动量守恒，动能守恒；
完全非弹性碰撞：碰后不分开，动量守恒，
动能不守恒；
非弹性碰撞：碰后分开，动量守恒，动能不守恒。

四、角动量守恒

质点的角动量 $\vec{L} \stackrel{def}{=} \vec{r} \times \vec{p} = \vec{r} \times m\vec{v}$ $\frac{d\vec{L}}{dt} = \frac{d(\vec{r} \times \vec{p})}{dt} = \vec{r} \times \vec{F}$

质点角动量守恒定律

$$\int_0^t \vec{M} dt = \int_{\vec{L}_0}^{\vec{L}} d\vec{L} = \vec{L} - \vec{L}_0$$

条件： $\vec{M} = 0$ { ①质点不受外力
②外力通过固定点

则： $\vec{L} = \vec{L}_0$ ——恒矢量

3. 刚体的定轴转动

一、刚体的运动

刚体：彼此间距离保持不变的“质点系”

刚体运动：大量质点运动的**总效应**

刚体的定轴转动：各点都有相同的 $\Delta\theta$ 、 ω 、 α

二、刚体的转动定律

力矩是改变刚体转动状态的原因

$$M = J\alpha \text{ —— 转动定律}$$

转动惯量：

$$J = \begin{cases} \sum_i r_i^2 \Delta m_i & \text{质量非连续分布} \\ \int_m r^2 dm & \text{质量连续分布} \end{cases} \quad \begin{array}{l} r \text{ 为质元} \\ \text{到转轴距离} \end{array}$$

三、刚体转动的功能关系

定轴转动动能定理

$$A = \int_{\theta_1}^{\theta_2} M d\theta = \frac{1}{2} J \omega_2^2 - \frac{1}{2} J \omega_0^2$$

既有质点平动又有刚体定轴转动的系统：

$$A_{\text{所有力矩}} + A_{\text{所有力}} = E_{k2} - E_{k1} \text{——系统的动能定理}$$

$$\text{其中： } E_k = \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} J \omega^2$$

$$A_{\text{外力矩}} + A_{\text{外力}} + A_{\text{非保内力矩}} + A_{\text{非保内力}} = E_2 - E_1$$

$$\text{其中： } E = E_k + E_p \text{——系统的功能原理}$$

$$\text{若： } A_{\text{外力矩}} + A_{\text{外力}} + A_{\text{非保内力矩}} + A_{\text{非保内力}} = 0$$

$$\text{则： } E_2 = E_1 \text{——系统机械能守恒}$$

四、刚体的角动量和角动量守恒定律

刚体定轴转动的角动量

$$L = J\omega$$

刚体定轴转动的角动量定理

$$\int_{t_1}^{t_2} M dt = J\omega_2 - J\omega_1$$

刚体定轴转动的角动量守恒定律

若 $M = 0$, 则 $L = J\omega = \text{常量}$

4. 振 动

一、振动

谐振动的运动方程

$$\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 x = 0 \quad \longrightarrow \quad \mathbf{x = A \cos(\omega t + \varphi)}$$

$$\mathbf{v = \frac{dx}{dt} = -\omega A \sin(\omega t + \varphi)}$$

$$\mathbf{a = \frac{dv}{dt} = -\omega^2 A \cos(\omega t + \varphi)}$$

数学式

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

数学式: $\nu = 1/T$

数学式: $\omega = 2\pi\nu$

$$\begin{cases} A = \sqrt{x_0^2 + v_0^2 / \omega^2} \\ \varphi = \operatorname{tg}^{-1}(-v_0 / \omega x_0) = [-\pi, +\pi] \end{cases}$$

谐振动的能量:

$$E_k = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}m[-A\omega \sin(\omega t + \varphi)]^2$$

$$E_p = \frac{1}{2}kx^2 = \frac{1}{2}k[A \cos(\omega t + \varphi)]^2$$

$$E = \frac{1}{2}kA^2 \qquad A = \sqrt{\frac{2E}{K}}$$

谐振动是等幅振动，振动过程中机械能守恒

二、谐振动的合成

振动的合成

同方向同频率振动的合成

$$x_1 = A_1 \cos(\omega t + \varphi_1) \quad x_2 = A_2 \cos(\omega t + \varphi_2)$$

$$x = x_1 + x_2 = A \cos(\omega t + \varphi)$$

$$\varphi = \arctg \frac{A_1 \sin \varphi_1 + A_2 \sin \varphi_2}{A_1 \cos \varphi_1 + A_2 \cos \varphi_2}$$

$$A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos(\varphi_2 - \varphi_1)}$$

$$\left\{ \begin{array}{ll} \Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 = \pm 2k\pi & A = A_1 + A_2 \quad \text{相互加强} \\ \Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 = \pm (2k+1)\pi & A = A_1 - A_2 \quad \text{相互消弱} \\ K = 0, 1, 2, \dots \end{array} \right.$$

5. 波 动

一、平面简谐波

$$y = A \cos\left[\omega\left(t - \frac{x}{u}\right) + \varphi\right] \quad u \text{ 沿 } x \text{ 轴正方向}$$

$$y = A \cos\left[\omega\left(t + \frac{x}{u}\right) + \varphi\right] \quad u \text{ 沿 } x \text{ 轴负方向}$$

➤ 波动方程的其它形式

$$y(x, t) = A \cos\left[2\pi\left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}\right) + \varphi\right]$$

$$v = \frac{\partial y}{\partial t} = -\omega A \sin\left[\omega\left(t - \frac{x}{u}\right) + \varphi\right]$$

$$a = \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = -\omega^2 A \cos\left[\omega\left(t - \frac{x}{u}\right) + \varphi\right]$$

同一时刻
相位法 $\Delta\phi_{12} = \phi_1 - \phi_2 = -2\pi \frac{x_1 - x_2}{\lambda} \in [-\pi, \pi]$ > 0 , 1超前2;

< 0 , 1落后2;

二、机械波的能量

机械波的能量

$$\Delta W_k = \Delta W_p = \frac{1}{2} \rho \Delta V A^2 \omega^2 \sin^2 \omega(t - \frac{x}{u})$$

能量密度

$$\Delta W = \rho \Delta V A^2 \omega^2 \sin^2 \omega(t - \frac{x}{u})$$

$$w = \rho A^2 \omega^2 \sin^2 \omega(t - \frac{x}{u})$$

平均能量密度

$$\bar{w} = \frac{1}{2} \rho \omega^2 A^2$$



平均能流:

$$\bar{P} = \bar{w} u S$$

能流密度

$$I = \frac{1}{2} \rho A^2 \omega^2 u$$

三、波的干涉

波源振动

$$\begin{cases} y_1 = A_1 \cos(\omega t + \varphi_1) \\ y_2 = A_2 \cos(\omega t + \varphi_2) \end{cases}$$

点 P 的两个分振动

$$\begin{cases} y_{1p} = A_1 \cos(\omega t + \varphi_1 - 2\pi \frac{r_1}{\lambda}) \\ y_{2p} = A_2 \cos(\omega t + \varphi_2 - 2\pi \frac{r_2}{\lambda}) \end{cases}$$

$$y_p = y_{1p} + y_{2p} = A \cos(\omega t + \phi)$$

$$\tan \phi = \frac{A_1 \sin(\varphi_1 - \frac{2\pi r_1}{\lambda}) + A_2 \sin(\varphi_2 - \frac{2\pi r_2}{\lambda})}{A_1 \cos(\varphi_1 - \frac{2\pi r_1}{\lambda}) + A_2 \cos(\varphi_2 - \frac{2\pi r_2}{\lambda})}$$

$$A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos \Delta \phi}$$

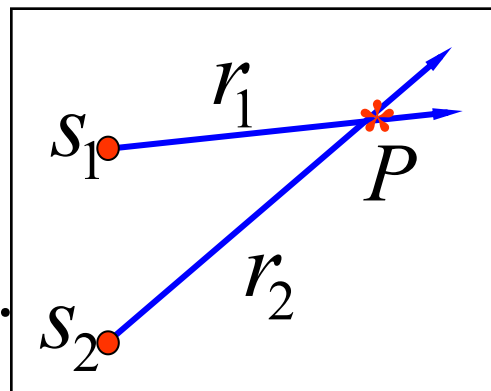
$$\Delta \phi = \varphi_2 - \varphi_1 - 2\pi \frac{r_2 - r_1}{\lambda}$$

常量

$$A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos \Delta\phi}$$

$$\Delta\phi = \varphi_2 - \varphi_1 - 2\pi \frac{r_2 - r_1}{\lambda}$$

常量



$$1) \begin{cases} \Delta\phi = \pm 2k\pi & k = 0, 1, 2, \dots \\ A = A_1 + A_2 & \text{振动始终加强} \\ \Delta\phi = \pm (2k+1)\pi & k = 0, 1, 2, \dots \\ A = |A_1 - A_2| & \text{振动始终减弱} \\ \Delta\phi = \text{其他} & |A_1 - A_2| < A < A_1 + A_2 \end{cases}$$

若 $\varphi_1 = \varphi_2$ 则 $\Delta\phi = -2\pi \frac{\delta}{\lambda}$

波程差 $\delta = r_2 - r_1$

$$2) \begin{cases} \delta = \pm k\lambda & k = 0, 1, 2, \dots \\ A = A_1 + A_2 & \text{振动始终加强} \\ \delta = \pm (2k+1)\lambda / 2 & k = 0, 1, 2, \dots \\ A = |A_1 - A_2| & \text{振动始终减弱} \\ \delta = \text{其他} & |A_1 - A_2| < A < A_1 + A_2 \end{cases}$$

四、驻波

$$y_1 = A \cos 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right), \quad y_2 = A \cos 2\pi \left(\frac{t}{T} + \frac{x}{\lambda} \right)$$

$$y = y_1 + y_2 = \left(2A \cos \frac{2\pi}{\lambda} x \right) \cdot \cos \frac{2\pi}{T} t$$

合振幅 A' 随 x 作周期性变化

$$A' = \left| 2A \cos \frac{2\pi}{\lambda} x \right|$$

1. $\frac{2\pi}{\lambda} x = \pm k\pi \quad k = 0, 1, 2, \dots \quad A' = 2A$

波腹 $x = \pm k \frac{\lambda}{2} \quad x = 0, \pm \frac{\lambda}{2}, \pm \lambda \dots$

2. $\frac{2\pi}{\lambda} x = \pm (2k + 1) \frac{\pi}{2} \quad k = 0, 1, 2, \dots \quad A' = 0$

波节 $x = \pm (2k + 1) \frac{\lambda}{4} \quad x = \pm \frac{\lambda}{4}, \pm \frac{3\lambda}{4} \dots$

3. 相邻两波节之间质点振动同相位，任一波节两侧振动相位相反，在波节处产生 π 的相位跃变。
(与行波不同，无相位的传播)。

相位跃变（半波损失）

当波从波疏介质垂直入射到波密介质被反射到波疏介质时形成波节。入射波与反射波在此处的相位时时相反，即反射波在分界处产生 π 的相位跃变，相当于出现了半个波长的波程差，称半波损失。

五、多普勒效应

$$\nu' = \frac{u \pm v_o}{u \mp v_s} \nu$$

v_o 观察者向波源运动 +, 远离 -.

v_s 波源向观察者运动 -, 远离 +.

第二篇 热学

6 气体动理论

一、理想气体状态方程

$$pV = \frac{m}{M} RT$$

摩尔气体常量

$$R = 8.31 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$$

二、压强和温度的微观解释

压强

$$p = \frac{2}{3} n \bar{\varepsilon}_k$$

温度

$$\bar{\varepsilon}_k = \frac{1}{2} \mu \overline{v^2} = \frac{3}{2} kT$$

$$k = \frac{R}{N_A} = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}$$

三、理想气体的内能

◆ $\frac{m}{M}$ mol 理想气体的内能 $E = \frac{m}{M} \frac{i}{2} RT$

◆ 理想气体内能变化 $\Delta E = \frac{m}{M} \frac{i}{2} R \Delta T$

四、麦克斯韦速率分布率

$$\frac{dN}{N} = 4\pi \left(\frac{m}{2\pi kT} \right)^{3/2} e^{-\frac{mv^2}{2kT}} v^2 dv = \frac{4}{\sqrt{\pi} v_p} \frac{v^2}{v_p^2} e^{-\frac{v^2}{v_p^2}} dv$$

$$v_p = \sqrt{\frac{2RT}{M}} \quad \bar{v} = \sqrt{\frac{8RT}{\pi M}} \quad \sqrt{\overline{v^2}} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$$

五、分子的平均碰撞次数和平均自由程

◆ 分子平均碰撞次数

$$\bar{Z} = \sqrt{2} \pi d^2 \bar{v} n$$

◆ 平均自由程

$$\bar{\lambda} = \frac{kT}{\sqrt{2} \pi d^2 p}$$

7 热力学基础

热力学

状态量、内能;
状态方程

热力学
第一定律

过程量
功、热量

热力学第一定律的应用

等体过程

等压过程

等温过程

绝热过程

摩尔热容

多方过程

循环过程

热机效率

致冷系数

卡诺
循环

卡诺热机效率

卡诺致冷系数

热力学

$$\left\{ \begin{array}{l} PV = \frac{m}{M} RT \\ E = \frac{m}{M} C_v T \end{array} \right.$$

$$Q = \Delta E + A$$

$$A = \int_{V_1}^{V_2} P dV$$

$$Q = \frac{m}{M} C \Delta T$$

热力学第一定律的应用

$$\left\{ \begin{array}{l} dV=0; \quad P/T=C \\ dP=0; \quad V/T=C \\ dT=0; \quad PV=C \\ dQ=0; \quad PV^r=C \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{l} C_p = C_v + R; \\ C_v = \frac{i}{2} R, \gamma = \frac{C_p}{C_v} \\ PV^n = C; \quad n=0, 1, \gamma, \infty \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \Delta E=0; \\ Q_1 - Q_2 = A_{\text{净}} \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{l} \eta = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} \\ \omega = \frac{Q_2}{Q_1 - Q_2} \end{array} \right.$$

$$\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1}$$

$$\omega = \frac{T_2}{T_1 - T_2}$$