

分子电流磁矩.

$$\vec{m} = \frac{1}{2} q \vec{r} \times \vec{v}$$

小电流
面积

磁化强度 $M = \frac{\sum \vec{m}}{\Delta V}$

取底面积为 a , 长为 dl 的柱体, 其中每份电流都

穿过柱体边界.

分子电流总数为 $\oint_L \vec{n} \cdot d\vec{l}$

单位面积
大的边界

边界上磁化电流

$$I_M = \oint_L \vec{n} \cdot d\vec{l} = \oint_L \vec{n} \cdot \vec{M} \cdot d\vec{l} = \oint_L \vec{M} \cdot d\vec{l}$$

$$\int_S \vec{J}_M \cdot d\vec{S} = \oint_L \vec{M} \cdot d\vec{l} = \int_S \nabla \times \vec{M} \cdot d\vec{S}$$

$$\Rightarrow \vec{J}_M = \nabla \times \vec{M}$$

如果均匀磁化 旋度为0
只在表面上形成宏观的磁化电流

外电场变化时, 极化电荷的转动会产生极化电流

$$P = \frac{\sum e_i \vec{r}_i}{\Delta V}, \quad \frac{\partial P}{\partial t} = \frac{\sum e_i \vec{v}_i}{\Delta V} = \vec{J}_P, \text{ 极化电流密度.}$$

$$\vec{J}_S = \vec{J}_P + \vec{J}_M, \text{ 总传导电流}$$

$$\nabla \times \vec{B} = \mu_0 \vec{J} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

↓

$$\nabla \times \vec{B} = \mu_0 (\vec{J}_f + \vec{J}_P + \vec{J}_M) + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

\downarrow $\frac{\partial P}{\partial t}$ \downarrow $\nabla \times \vec{M}$

$$\nabla \times \left(\frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{M} \right) = \vec{J}_f + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$$

$$\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{M} \text{ (磁场强度)}$$

$$\vec{B} = \mu_0 (\vec{H} + \vec{M})$$

$$\vec{M} = \chi_m \vec{H} \text{ 顺磁体, } \mu_0 \neq 0$$

$$\text{非顺磁体, } \mu_0 = 0, \chi_m = 0$$

顺磁, $\chi_m > 0$
逆磁, $\chi_m < 0$

$$\begin{cases} \mu_r = \chi_m + 1 \\ \mu = \mu_0 \mu_r \end{cases} \Rightarrow \vec{B} = \mu \vec{H}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \nabla \times H = J_f + \frac{\partial D}{\partial t} \\ J_m = \nabla \times M \\ B = \mu_0 (H + M) = \mu_0 \mu_r H = \mu H \\ M = \chi_m H, \quad \mu = (1 + \chi_m) \mu_0 = \mu_r \mu_0 \end{array} \right.$$

磁力线仍是闭合的 $\nabla \cdot \vec{B} = 0$