Машинное обучение ФКН ВШЭ

Теоретическое домашнее задание №2

Задача 1. Найдите константу C, решающую следующую задачу (0 < au < 1 фиксировано):

$$\sum_{i=1}^{\ell} \rho_{\tau}(y_i - C) \to \min_{C},$$

$$\rho_{\tau}(x) = \begin{cases} \tau x, & x > 0, \\ (\tau - 1)x, & x \leqslant 0. \end{cases}$$

Задача 2. Пусть функция потерь задается следующим образом ($\varepsilon > 0$ фиксировано):

$$L(y_i, a(x_i)) = \varphi_{\varepsilon}(y_i - x_i^T w),$$

$$\varphi_{\varepsilon}(t) = \begin{cases} 0, & -\varepsilon < t < \varepsilon, \\ t - \varepsilon, & t > \varepsilon, \\ -t - \varepsilon, & t < -\varepsilon. \end{cases}$$

Сведите задачу оптимизации

$$\sum_{i=1}^{\ell} \varphi_{\varepsilon}(x_i^T w - y_i) \to \min_{w}$$

к задаче линейного программирования.

Задача 3. Убедитесь, что вы знаете ответы на следующие вопросы:

- Почему L_1 -регуляризация производит отбор признаков?
- Почему коэффициент регуляризации нельзя подбирать по обучающей выборке?
- Что такое кросс-валидация, чем она лучше использования отложенной выборки?
- Почему категориальные признаки нельзя закодировать натуральными числами? Что такое one-hot encoding?

- Для чего нужно масштабировать матрицу объекты-признаки перед обучением моделей машинного обучения?
- Почему MSE чувствительно к выбросам?
- Какие методы можно применять для оптимизации МАЕ?
- Что такое Huber Loss? В чем его преимущества по сравнению с МАЕ и МSE?
- Почему квантильная регрессия так называется?
- Какова общая постановка задачи линейного программирования?