(1)申請者情報

※現在総研大に在学中の方はこちらに記入してください。

申請対象枠	
	2) 「一般枠」及び「次世代 AI 研究者枠」を併願する。
	※いずれか一方を選択し、他方を削除してください。
申請者氏名	司馬博文
生年月	1999年5月30日
学籍番号	20233751
ORCID ID	0009-0007-8251-1224
所属コース(専攻)	統計科学コース
所属博士課程	5年一貫博士課程
入学年月日	2023年4月1日
主任指導教員	鎌谷研吾教授
研究課題名	次世代の AI に向けたスケーラブルな計算法の創出
E-mail アドレス(複数可)	shiba.hirofumi@ism.ac.jp

※2025年4月に総研大に入学を予定している方または出願中の方はこちらに記入してください。

申請対象枠	1) 「次世代 AI 研究者枠」のみ申請する。 2) 「一般枠」及び「次世代 AI 研究者枠」を併願する。 ※いずれか一方を選択し、他方を削除してください。
申請者氏名	
生年月	
現在の所属大学・専攻等	
入学を希望しているコース	
入学後に指導を希望している教員	
研究課題名	
E-mail アドレス(複数可)	

(2) 学歴

東京大学理学部数学科卒
総合研究大学院大学5年一貫博士課程入学(先端学術院統計科学
コース)

(3) 職歴

<i>F</i> □	
年月	
2023 年 7 月~現在	情報・システム研究機構リサーチ・アシスタント
2023 年 4 月~現在	東京大学先端科学技術研究センター連携研究員
2024 年 9 月~現在	株式会社プリメディカ コンサルタント (業務委託)

1. 研究計画 (3ページ以内)

1-1. 研究の概要

申請者は「次世代の AI」には「信頼性」が重要だと考えており、そのためにはベイズ法の適用が鍵になると考えている。この考えは多くの研究者に一致するところである [1,2] が、ベイズ法には従来から「高次元モデルへのスケーラビリティがない」という致命的欠陥があり [3]、現代の AI のような超高次元モデルへの適用は夢のまた夢だと思われていた。そのため最近は、現在の AI 技術の「信頼性」を、ベイズ法によらない方法で改善する試みも盛んである。

しかし、従来のベイズ計算法にはまだまだ改善の余地があり、近年全く新たな手法群が計算物理の分野で開発・応用され、水の相転移に関する世界初の発見を達成すると同時に、統計・AI 分野にも輸入されつつある [4-9]. そこで本研究では、[xy-5] 「スケーラブルなベイズ計算法」を開発することでベイズ法の適用を妨げる課題の正面突破を狙う。そのために本研究は手法開発を目指す「1 基礎的研究」とこれを高次元モデルに適用する「2 に用的研究」の二本立てからなり、ベイズ計算法の中心地であるイギリスの研究者との協力関係を保つために「3 在外研究」も計画する。

「1. 基礎的研究」では新しい計算手法の高い効率性がどこから来ているかを理論的に明らかにすることを目指した、申請者の深い数学的素養を活かした計画となっている。「2. 応用的研究」ではこれを実際上の問題に適用する。高次元モデルへのベイズ法の適用が喫緊の課題になっている分野に、政治科学と生物統計がある。申請者は前2分野の研究者複数とすでに協力関係にあり、またこの新しい計算手法が利用可能な数少ない計算パッケージのうち1つの開発者でもある。

この新手法の基礎から応用までを一気通貫で解決する計画は、数学にもプログラミングにも強い申請者ならではのものである。この新手法をさらに拡張する野心的な研究プロジェクトも「3. 在外研究」で計画する。第4節でベイズ法と「次世代の AI」の法的な扱いとの相性の良さにも触れる。

1-2. 研究の位置づけ

本研究は現在 AI で主流の深層モデルを補完する役割が期待されているベイズ法に貢献すべく, その主な課題である「スケーラビリティ」を克服せんとするものである.

AI でベイズノンパラメトリクスが重要な理由

近年の ChatGPT や画像・動画生成モデルの成功により、もはや誰も AI のポテンシャルを疑わなくなっただろう。先端技術や科学的発見、医療や製造など、真に AI の応用が期待される分野での吉報が待ち遠しいところだが、現在各領域で厳しい審査の目が向けられている最中である。

先述の ChatGPT や生成モデルは深層モデルの例であり、驚異的な拡張性と精度が実証されつつあるのと同時に、「大量かつ良質な教師データが必要」「モデルの不確実性を扱うことが難しい」などの欠点も明らかになっている。そのため属人化医療や天文観測、実験計画法などのデータが希少な分野や、ロボティクスや自動運転、気象予報などの不確実性が重要な領域をはじめとして、深層モデルの弱点を補完する方法が模索されている [1].

「ベイズノンパラメトリクス」(以下,単に**ベイズ法**と呼ぶ)と呼ばれる手法群は,まさに近年,**現状の AI 技術の欠点を補完する技術**として,上述の分野を中心に急速に研究が進んでいる[2].ベイズ法と AI の統合は「次世代の AI」に欠かせない一歩となると信ずる(第 4 節も参照).

ベイズノンパラメトリクスの課題「スケーラビリティ」

<u> モアル次元d </u>	従米法	本研究
$10^{0} \sim 10^{4}$	0	0
104 ~	×	0

ではどうしてベイズ法の応用が深層モデルに比べて遅れた 10^* ~ \parallel × \parallel © のかといえば,その主な原因は「スケーラビリティ」の欠如による [3].一般の統計モデルと違い,AI モデルはそのサイズ(次元)が $d=10^n~(n\geq 4)$ などの極めて高次元になることが多い.ベイズ法はここ 30 年で統計への応用は進んだが,このような高次元空間でも有効な計算法はいまだ欠如しており,このことが AI モデルへのベイズ法の応用を妨げる最大の障壁となっている.

本研究はベイズ計算法の「スケーラビリティ」にブレイクスルーを起こし、AI モデルにベイズ 法を適用可能にすることで、現状の AI よりも応用範囲と信頼性を拡大することが目的である.

1-3. 研究目的・内容等

研究目的

本研究は高次元モデルへの「スケーラビリティ」のあるベイズ計算法を創出することで、ベイズ 法の応用範囲を拡大することを目指す。このことは自動運転やロボティクスなど、不確実性の高い 実際的環境で動く信頼性のある AI 開発に不可欠なステップである。(そのビジョンは第4節参照)。

研究対象 "PDMC" とその背景

従来のベイズ計算法が高次元モデルに弱いことは兼ねてから指摘されており、その原因がアルゴリズムの「対称性」にあることが 21 世紀に入って次第に理解されるようになった [4]. そこで 2010 年代に入ると計算物理の分野で次々と非対称な計算法が提案された [5,6]. この手法が世界初の氷の液相転移の全原子シミュレーションに成功する [7] まで改良されると、統計学にも区分確定的モンテカルロ法(Piecewise Deterministic Monte Carlo、以下 **PDMC**)として輸入された [8,9].

統計分野での成功も約束されているかと思われた PDMC であったが,①多くのモデルに共通し

て使える汎用的なアルゴリズムがなく、②パッケージへの実装が僅少で使える人が限られていたために、提案から5年経過した2023年でも応用は限られていた。そのような中で研究[10]がアルゴリズムの問題①を、申請者の開発したパッケージPDMPFluxが利用可能なパッケージが少ないという問題②を解決しつつある。



研究の特色

そこで本研究は、「1. 基礎的研究」と「2. 応用的研究」の二本立て

- 1. 基礎:既存 PDMC アルゴリズムの理論的な性能評価と更なる効率的アルゴリズムの創出
- 2.応用:開発した PDMC 手法を実際の高次元モデルへ適用し,具体的な成功事例を示す
- と「3. 在外研究」の3部構成で、スケーラビリティの課題を一気通貫で解決することを目指す.

1. 基礎的研究

既存の PDMC アルゴリズムには有名なものだけでも 5 種類ほどあり、いずれも既存法より性能が良いことはわかっているものの、この 5 種の間では一長一短である。例えば正規性の仮定の下で、高次元モデルには「Zig-Zag サンプラー」 [9] の効率が勝る [11] が、異方性が強い場合には「BPS サンプラー」 [8] の効率が勝る [12] という具合である(右図参照).

このような中で2つのサンプラーの美点を組み合わせて、「真に効率の良い単一の手法」を創出することが模索されており、Forward 法[13] などはその試みの例であるが、理論的な解析が

高次元での効率

| Zig-Zag [9] | 次世代計算法 (本研究) | 非等方性への強さ | | BPS [8] | | |

まだ行われていないため、「本当に効率が良くなっているか?」が判っていない。これはアルゴリズムとしての複雑性が前2者に比べて上がっており、理論解析も難しくなっているためである。

申請者は PDMPFlux パッケージの開発に際して Forward 法の実装を経験し、アルゴリズムの内容と高速性について深い洞察を持つ。そのことに加えて、理論解析に必要な数学を重点的に学部で学び、さらに特に必要性の高いマルコフ過程のエルゴード性の理論に関しては、前掲の理論解析論文 [11,12] の著者でもある指導教員の下で修士の 2 年間、学習を進めてきた(第 2 節参照).

以上の経験を活かし、Forward 法の解析を [11, 12] の枠組みに載せて、既存手法と比較することから研究を始める。続けて Forward 法には複数の未確定要素(方向転換をする際の新しい方向の決め方など)があるため、最も効率が良い方法を特定することを目指す。これらの理論研究を通じて、Forward 法よりも効率の良いアルゴリズムについて着想が得られたならばなお良い。

2. 応用的研究

「高次元モデルにも適用可能だという PDMC を、ぜひ研究に使いたい」と言う声は、申請者

	政治科学	生物統計
課題	高次元理想点モデル	大規模変数選択
次ステップ	データ収集	モデルの構成
	いずれもPDMCの応用が待たれる	

が修士の間に研究発表を重ねる上で何度も応用統計学者から聞いたフィードバックであった。申請者は応用分野の中でも、特に政治科学と生物統計に注目している。これはこの2分野が、自然な形で高次元モデルにスケーラブルなベイズ計算法を必要としているためである。

政治科学者の朴教授(ソウル大学)は「理想点モデル」という政治科学において各有権者の信念を定量化する統計手法が専門で、変数が高次元の場合でも計算時間が爆発しないベイズ計算法を模索している [14]. 申請者の PDMC に関する発表ののち、ただちにこのモデルへの応用が可能で、同時に政治科学分野への重要な貢献になると示唆をもらい、共同研究を開始した。申請者の PDMPFlux パッケージは当初、この共同研究の一環として開発が開始されたものであった。

他にも申請者は、生物統計を駆使して予防医療サービスを展開するプリメディカ社と共同研究を開始している。プリメディカ社は動脈硬化リスクの予測サービスから収集される高次元の変数の間の相関を分析することで予測精度の継続的向上を目指しており、申請者の PDMPFlux パッケージを通じたベイズ法の適用により、属人化された医療を提供する AI サービスを目指している。

本研究の「応用的研究」パートでは、以上の2つの共同研究から取り掛かる。前者は米国連邦議会議員のデータを用いる方針は決まっているが、各議員に関する高次元の共変量データ(出身大学、選挙区の人種構成・主要産業など)の収集に時間がかかっている。この点に関して、朴教授から日本人の共同研究者を複数(東大・福元先生、ミシガン大・白糸先生)紹介してもらい、共同研究を目指して議論とアドバイスを受けている最中である。続いて後者はデータ利用契約の締結と、先方チームとの議論を通じて解析に用いるモデルを確定させることが次の課題である。

いずれの研究においても、用いるモデルは多くの変数を含む典型的な高次元モデルである。加えて、変数間の極めて複雑な相関が予期されるため、「ベイズノンパラメトリクス」と呼ばれる深層モデルの代替手法を使うことが望ましい [2]. したがって、「1. 基礎的研究」で述べた理論解析の重要な実証例となると同時に、「PDMC が次世代の AI に向けたスケーラビリティを持つ手法たり得るか?」という申請者の研究課題を直接的に検証できる格好の事例になると期待される.

いずれの研究においても PDMC 技術の適用が鍵となる. [10] で提案された汎用的なアルゴリズムを実装したほとんど唯一のパッケージである PDMPFlux の開発者である申請者にしか, 現時点ではできない研究であると言えるだろう.

3. 在外研究の計画

以上の2つの研究を遂行するなかで、申請者は英国ロンドンの University College London(以下、UCL)へ滞在研究することを目指している。このことは修士 2 年 11 月から 12 月の 1 ヶ月 UCL へ総研大研究派遣プログラムの支援の下で滞在研究した経験に基づく。その際は Alexandros Beskos 教授を訪問した。Beskos 氏は PDMC をまだ専門としていないものの「1. <u>基礎的研究</u>」に挙げた理論研究手法の大家であり、多くのものを学ぶことができた。その上、3 回のディスカッションを重ねて共同研究のアイデアを得ることができ、このアイデアを元に PDMC の大家である同 UCL 所属の Samuel Livingstone 准教授も含めた共同研究プロジェクトを開始した。

このプロジェクトでは先行研究 [15] に基づき、高次元の連続変数と離散変数の双方を持つ巨大なモデルに対して、連続部分には PDMC を、そして離散部分には別手法を用い、最終的にはこれらを統合した1つの巨大な計算アルゴリズムを構成するという極めて野心的なものである。離散変数に対する計算法は現在活発に研究されている最中であり、「1. 基礎的研究」と「2. 応用的研究」とに挙げた課題に比してすぐに手をつけられるものではないが、単なる高次元モデルだけでなく、変数が離散部分と連続部分とに分かれていてもこれを自然に統合することもできることが示せたならば、これは真に PDMC 以前には出来なかったことであり、「スケーラビリティを持つベイズ計算法を創出する」という本研究課題を文句なく達成することになるだろう。

2. 研究遂行力の自己分析(原則1ページ(必要な場合は最大2ページ))研究に関する自身の強みについて

申請者は次の3つの資質を持ち合わせている:

- 1. 数学力:ベイズ計算手法を解析する数学に関する深い理解と高い技術
- 2. 実装力:提案した手法をパッケージに実装し多くの人にとって利用可能にする力
- 3. 共同研究力: 互いの専門を理解し合い,価値のある課題を洗い出す力

これら3つの資質は今回の研究計画の遂行に極めて重要である。すなわち、本研究計画は基礎的・応用的価値が大きいと同時に、申請者にしか出来ないものであると思われる。

1. 数学力

申請者は東京大学の数学科において確率過程の数学を重点的に学んだ。当時は現在の研究テーマを知る由もなかったが、いずれ必ずや役に立つだろうと信じており、確率過程論の大家である吉田朋広教授に指導をお願いし、Nualart (2018) Introduction to Malliavin Calculus という確率解析の教科書を1年かけて毎週 90 分を発表した。この発表では教科書やメモなど何も見ずに、定義・定理・証明を説明するというものであり、初めは失敗続きであったが1年を通じて強靭な数学力が身についた。実際、本研究の対象である PDMC は連続時間の確率過程の解析が中心であり、数学的に高度であるが、スムーズに研究に取り組める基礎力がついていることを実感している。

2. 実装力

本研究の対象である PDMC は数学的に高度であるだけでなく、アルゴリズムとしても全く新しいものであった。申請者は学部時代にコンピュータサークルに所属しており、セキュリティコンテストへの出場経験や、コンサルティング企業へのインターン中に Twitterデータを自動で収集するシステムを開発した経験もあるが、それでも PDMC アルゴリズムへの理解には不足を感じた。そこで、汎用的なパッケージが少ない現状を好機と捉えて、任意の確率分布を与えただけで自動で PDMC アルゴリズムを実行し、その様子とアルゴリズムの診断を行う関数をまとめたパッケージ

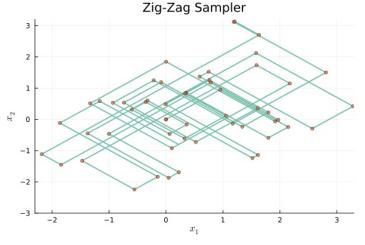


図 1:申請者開発のパッケージからの出力. PDMC アルゴリズムが正常に動いていることを確認するために, アルゴリズムの挙動を動画で出力する機能を備えている.

<u>PDMPFlux</u> を開発した.このパッケージは現状最多のアルゴリズム(6種)を備えており,PDMC の大家である UCL の Samuel Livingstone にも大きく評価してもらうことができた.

3. 共同研究力

前節 1-3 の $\lceil 2$. 応用的研究」と $\lceil 3$. 在外研究の計画」で併せて 3 つの共同研究計画を述べた. さらに前 2 者は政治科学と生物統計という全く違う分野への応用である。申請者には生まれつきの飽くなき好奇心があり、どのような分野の研究も純粋な興味を持って聞くことができる。その結果相手方も申請者の話に興味を持ってくれるために、自然と共通の問題意識と協力関係が形成されるのだと自己分析している。このことにより、本研究の $\lceil 2$. 応用的研究」が、自身の研究の単なる応用ではなく、真に応用上にも価値のある内容になっていると自負している。

自身の今後の課題について

申請者は修士2年間を通じて、口頭・ポスター発表は経験しても、論文の出版経験はまだなく、共同研究を完遂まで持っていくことができるかについて不安を抱いている。

代わりに海外への1ヶ月の滞在や、集中してパッケージを開発する時間を取ることができた. 加えて3つの共同研究プロジェクトを立ち上げることができ、国内外の研究者と協力関係を構築した. 今後はその協力者と指導教員の助言の下、研究の出版・発表の経験を積んでいきたい.

3. 自身の研究への想いとキャリア構想についてのエッセイ(1ページ)キャリア構想と目指す研究者像

申請者は「数学に軸足を置いた応用」ができる数学者になりたい。この「数学に軸足を置いた応用」という表現は、申請者が学部時代に数学科の進学ガイダンスにて、応用数学大部門の部門長から聞いた表現である。「数学に深く関係する分野は数多くあるが、数学科に進学することで、数学に軸足を置いてこれらの分野を扱うことができるようになる」というのである。この言葉を聞いて、申請者は直ちに数学科への進学を決意したのであった。

昨今「AI が論文を量産してくれるようになるだろう」「難しい数学上の問題も AI が自動で解くようになるのではないか?」という言説も現実味を帯びてきた。たしかに数学の計算や式変形といった側面は AI の方がはるかに上手であり、今後さらに性能は向上していくであろう。しかし申請者にとっての数学とは、必ずしも計算と式変形に尽きるものではない。申請者にとっての数学とは、「人間が世界を理解するための言葉」である。そして科学的発見や論文執筆の一部を AI が担うようになるであろう未来においては、この意味での数学がますます重要になっていくと考えている。このことについては、紫綬褒章も受賞した数学者である岡潔が「数学の応用には、真の意味の数学者をじかに使うのが最も簡単で、最も先鋭で、しかも適用範囲が比較にならないほど広い」という言葉を残している。申請者は AI が得意な部分は AI に任せ、真に人類の知識に資する数学的知識を発見・発表できる「真の意味の数学者」になりたいと考えている。

本研究計画が、申請者のこの理想に向けた第一歩になっていることを、次節で説明する.

「人間が世界を理解するための言葉」を作る、という観点から見た本研究計画

応用数学の金字塔といえば物理学である。17世紀に惑星の動きを説明したことに始まり、20世紀には光の粒よりも小さく原理的に見えないものの様子まで、数学のレンズを通して見えるようにしてしまった。人類の発展は物理学の発展なしにはあり得なかったといって過言でないだろう。

本研究で扱う PDMC などのベイズ計算法は「多過ぎて捉えきれないものの性質を見ようとする」 手法であると言える。コップ一杯の水分子は観測可能な範囲の宇宙にある星の数より多いと言われ ている [16]. 近年 PDMC 法によりコップ内の氷が溶ける様子の全原子シミュレーションが成功し、 固体相と液相の間に六角形を基調とした周期性を持つ新たな相の存在が特定された [7].

さて、このように物理現象を説明するのに用いられた数学とアルゴリズムが、そのまま AI の原理を解明するのに使える、と言われたら驚くだろうか?しかし人間の子供が学習するのも AI が学習するのも自然現象であることには間違いないのであり、根底ではどこかで繋がっていてもおかしくない、この「繋がり」を見えるようにする数学が、これから期待されているのではないか?

実は本研究計画はこの物理現象と AI の繋がりを解明する第一歩になる. 「1. 基礎的研究」で論じた研究計画は、端的にいえば、PDMC が物理シミュレーションから離れて一般の複雑かつ高次元な統計モデルに応用された際に、挙動がどう変わるかを解析する数学的枠組みの構築を目指すものであった。この PDMC の前世代に当たるモンテカルロ法(MCMC という)の収束性が、統計モデルや AI が学習・推定できる情報の量やその限界と深く関係することが分かっている [17]. したがってその進化版とも捉えられる PDMC の研究には、マルコフ過程の収束やエルゴード性に関する新たな数学的困難にブレイクスルーが必要であるが、その結果得られる数学的枠組みはやはり統計的推論の研究にも活きることが期待されるのである.

研究への思い

PDMC は従来法よりも効率が良い. これは数学的には「コーヒーに砂糖を入れた後,放置するよりもかき混ぜた方が拡散が速い」ことと同じであるが、「本当に同じであるのか」「どのように同じであるのか」を誰もがわかるように示すことが、申請者の応用数学者としての仕事であると自負している. AI もそんなことはわかっているのかも知れないが、人間による、人間が応用可能な、人間のための数学的「知識」として定式化しなければ、他のことに応用できない.

「どんな不可解な現象もいずれは理解できる」「物理学が多くの科学技術をもたらしたように、AIも多くのものを我々にもたらしてくれる」. 私はこの時代にそんな希望の糸を繋ぎたいのである.

4. 研究計画の次世代 AI としてのインパクト (1ページ)

本研究がもたらす「次世代の AI」とは「信頼のおける AI」である。近年、自動運転や気象予報など、訓練時のデータセットと運用環境とが必ずしも同一の性質を持たない応用場面において、現行の深層モデルに基づく AI の応用が一筋縄ではいかないことがわかって来ている [18].

「次世代の AI」に必要なもの:「信頼性」

現状の AI の適用が障壁にぶつかっている領域は他にもある。物体追跡やロボットの自己位置把握,新薬開発や実験計画法などである。産業分析や社会科学,属人化医療など,そもそも AI の導入自体が遅れている分野も多い。いずれも「不確実性の定量化」すなわち「何がどの程度わからないか」が大事である点が共通しており、まさに現行の AI が苦手とする対象である [1,2]。

現状の AI 技術は予測に特化して発展して来たもので(生成モデルも「次データの予測モデル」として構築されている)、データの説明や不確実性の定量化は二の次として扱われてきた。しかし実世界応用の多くの場面では、むしろ後者の能力が「信頼性」に直結する。

不確実な環境下での意思決定に関連する領域では、たとえ AI の精度がいくら良かろうとも、「自信のある答え」なのか「自信のない答え」なのかをはっきり峻別する必要がある。例えば自動運転における物体認識の問題で、標的が 100%電柱であるのか、それとも 99%の確率で電柱で、残りの 1%で人間である可能性があるのかでは大きな違いがある。

当然現状の AI 技術にこれを可能にする拡張を加える研究は多々ある. しかしどれも付け焼き刃的なものであり, これという単一の解決策が見つかっているわけではない. そのような中, 多くの領域で最大の期待をもって研究されているのがベイズ法である [2,3]. そもそもベイズ法は最も自然な不確実性の定量化法を与える手法である. 例えば, 右図1は最も初等的なベイズ法であるガウス過程回帰と呼ばれる手法からの出力であるが, 予測の確度が高い領域とそうでない領域が一目瞭然である.

本研究をはじめとした貢献がベイズ法の適用を妨げる課題「スケーラビリティ」を解決できたならば、AI は高い精度だけでなく高い「信頼性」も得ることができる.

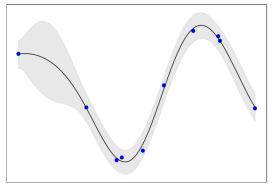


図 2:ベイズ法(ガウス過程回帰)の結果. 推定値 (実線) だけでなく 95% 信用区間(灰色) も自然に得られる. データが少ない領域では予測が不確実である (=モデルに自信がない) ことがわかる.

「信頼のおける AI」に予期されるインパクト

申請者は「自信のある回答」と「自信のない回答」を峻別できる AI ができて初めて、AI が人間社会に密接に関わり、相互に発展していけるものだと考える。残りの紙面でこの点を論ずる。

そもそも AI が社会に溶け込むにあたっては、ルールづくりや法的な枠組みが欠かせない.他の多くの科学技術も同じ道を辿ってきた.それにあたっては、責任の所在や AI のガバナンス体制の明確化が必要不可欠である.気象予測ならまだしも、産業応用や自動運転・ロボティクスなどの先端技術に応用されるには、問題や事故が発生した際の責任の所在が明確にできない限り、そもそも導入することが憚られることになる.このことは申請者が学部生の際のインターンでの経験と合致する.製造機械の異常検知予測モデルを作ったが、結局「いつモデルが間違えそうか」がわからない場合、100% 近い精度を達成しない限り現場との兼ね合いで採用されないのであった.

「不確実性の定量化」に基づく信頼のおける AI はそのための第一歩になると信じている. 実際, 法律の世界において, 裁判の証拠 (特に DNA 鑑定の結果の解釈など) においてベイズ統計の導入が現実味を持って議論されつつある [19]. 同様のことが AI についても起こるだろう. 裁判に使われる日はずっと遠いかも知れないが, 明確なルール策定の下, 人々の毎日の生活を豊かにしてくれる AI 技術が, 安全性と信頼性を持って導入される基礎を, ベイズ法が敷いてくれるはずである.

参考文献 [1] Castillo (2024) Springer [2] Moraffah (2024) Bayesian Nonparametrics: An Alternative to Deep Learning. BA [3] Papamarkou et. al. (2024) Position: Bayesian Deep Learning is Needed in the Age of Large-Scale Al. ICML [4] Diaconis et. al. (2000) AAP [5] Bernard et. al. (2009) Physical Review E [6] Turitsyn, Chertkov & Vucelja (2011) Physica D [7] Faulkner et. al. (2018) JCP [8] Bouchard-Côté et. al. (2018) JASA [9] Bierkens et. al. (2019) AS [10] Andral and Kamatani (2024) 2408.03682 [11] Bierkens, Kamatani & Roberts (2022) AAP [12] Bierkens, Kamatani & Roberts (2025) Bernaulli [13] Michel, Durmus & Sénécal (2020) JCGS [14] Lim, Shin & Park (2024) 64th ISI Congress [15] Hardcastle, Livingstone & Baio (2024) arXiv [16] NASA [17] Zdeborová and Krzakala (2016) AP [18] Mucsányi et. al. (2023) Tübingen [19] 草野耕一 (2016) 有要閣.