

ベイス変数選択の計算的解決 PDMPによる非絶対連続分布からのサンプリング

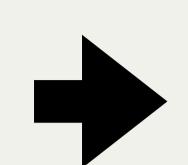
司馬博文 総合研究大学院大学 5年一貫博士課程3年

モンテカルロ法に使う確率過程の進化

拡散過程

区分確定的マルコフ過程

 $dX_t = a(X_t)dt + b(X_t)dB_t$



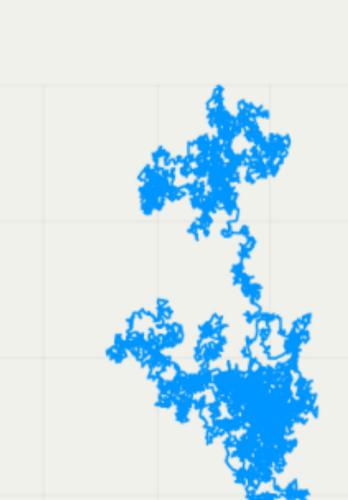
ジャンプ過程へ

Zig-Zag Sampler

 $dX_t = a(X_t)dt + \int_{u \in \mathbb{R}^d} c(X_{t-}, u) \eta(dtdu)$

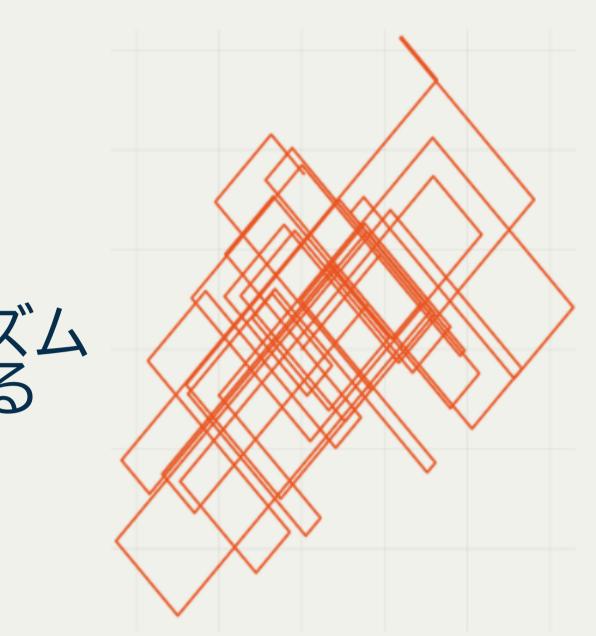
MCMC の枠組み

- ① 離散化 Euler-丸山など
- ② 棄却法 Metropolis-Hastings など
- → 元は連続時間だが,離散時間 に帰着してしまう。



Langevin Diffusion

アルゴリズム も変わる



PDMP の枠組み

- ①棄却法 Poisson 剪定など
- ②離散化(必要に応じて) ほとんどの場合すごく簡単
- → 本質的には連続時間のまま
- → 連続時間 MCMC とも呼ばれる

ベイズ変数選択の問題

回帰問題

$$E[Y|X=x]=\beta x+\epsilon$$

設定

 $\{(x_i, y_i)\}_{i=1}^n \; \exists -9$

 $\epsilon \sim N(\mu, \sigma^2)$ 誤差分布

課題

β がモデルに入るか? 入るならその事後分布は?

Continuous Spike-and-slab prior

(George and McCulloch, 1993)

 $\pi_c(\beta) = \left(\omega\pi(\beta) + (1-\omega)\frac{1}{-}\pi\left(\frac{\beta}{-}\right)\right)$ slab spike

(絶対)連続緩和

Spike-and-slab prior (Mitchell & Beauchamp, 1988)

 $\pi_d(d\beta) = \left(\omega\pi(\beta)\,d\beta + (1-\omega)\delta_0(d\beta)\right)$

=密度がない

<u>従来の MCMC 法</u> 漸近的に

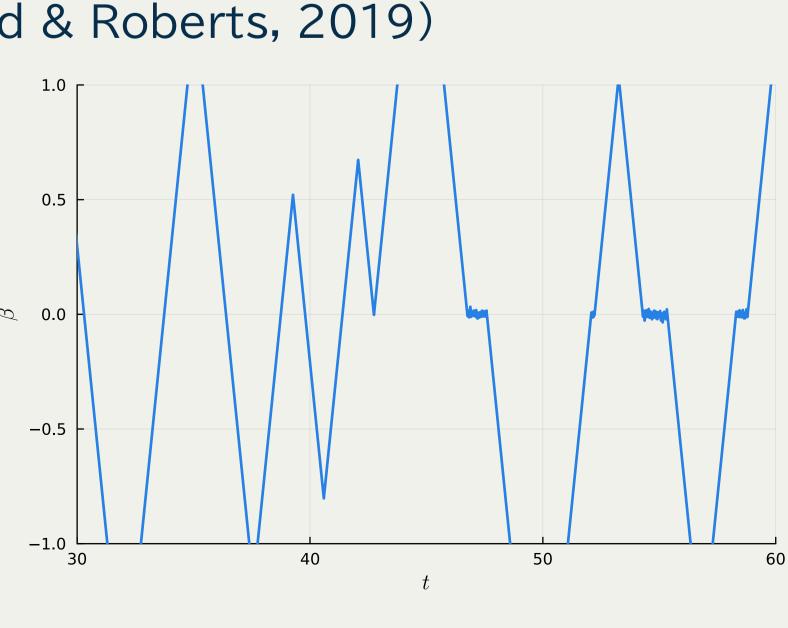


0.2 0.1

Zig-Zag Sampler

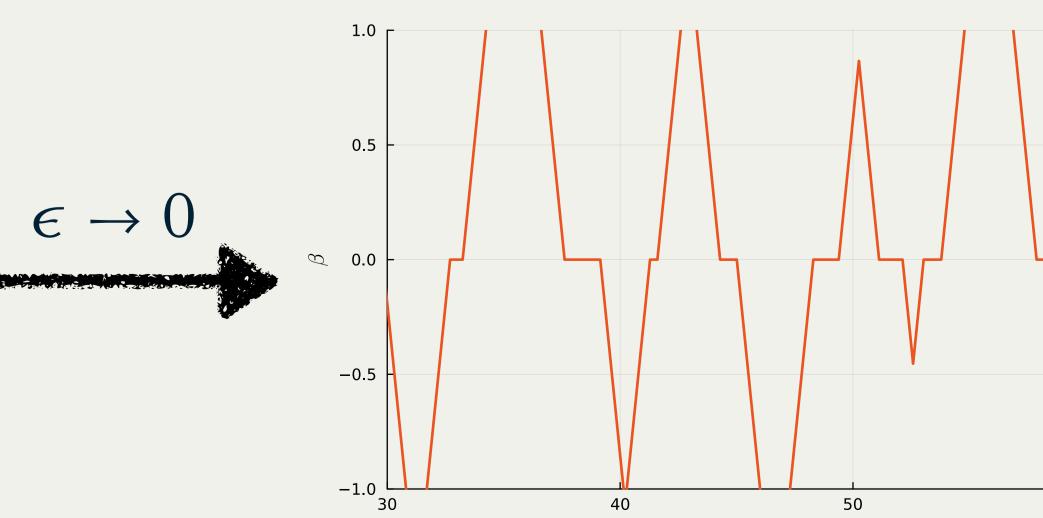
(Bierkens, Fearnhead & Roberts, 2019)

勾配情報の 緩やかな利用 Multiscale に強い × 長い時間相関 大規模データに強い



 $O_p(\epsilon)$ 削減

計算量



Sticky Zig-Zag Sampler

(Bierkens, Grazzi, & van der Meulen & Schauer, 2023)

Sticking

原点を通るたびに吸着 $\operatorname{Exp}\left(\frac{\omega}{1-\omega}\pi(0)\right)$ 経過後

動き出す