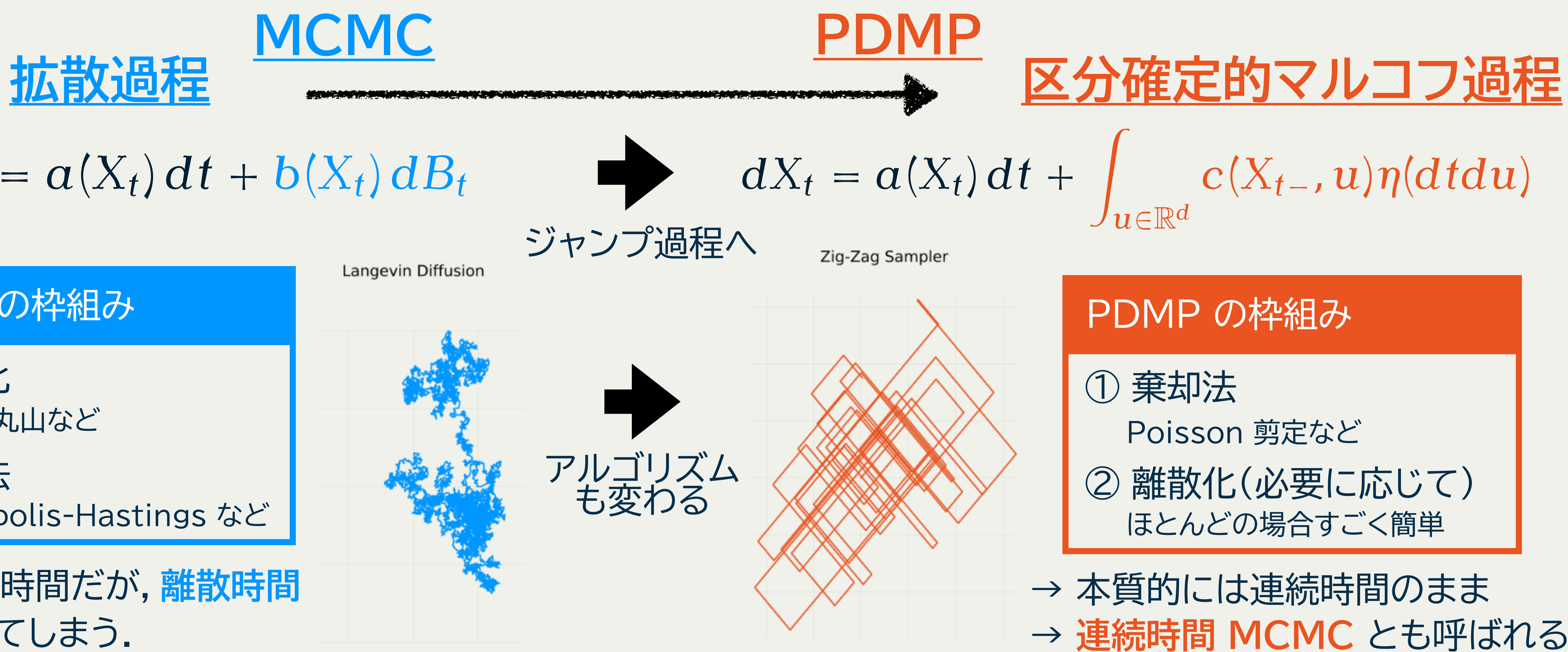


### モンテカルロ法に使う確率過程の進化



### ベイズ変数選択の問題

回帰問題

$$E[Y|X = x] = \beta x + \epsilon$$

設定

$\{(x_i, y_i)\}_{i=1}^n$  データ

$\epsilon \sim N(\mu, \sigma^2)$  誤差分布

課題

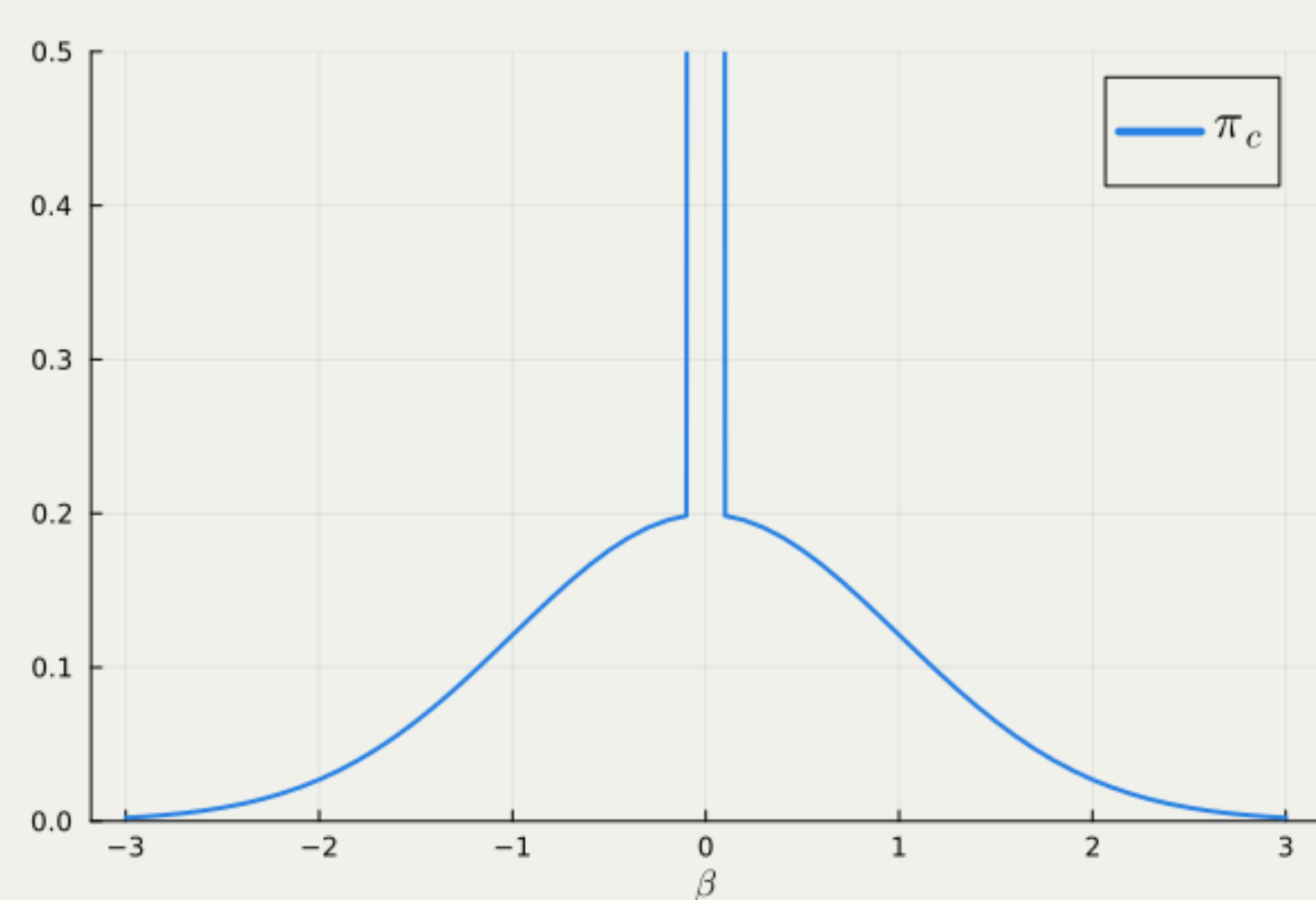
$\beta$  がモデルに入るか？

入るならその事後分布は？

### Continuous Spike-and-slab prior

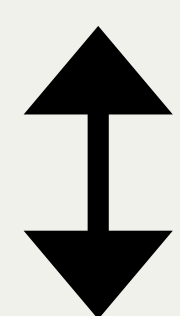
(George and McCulloch, 1993)

$$\pi_c(\beta) = \left( \underbrace{\omega \pi(\beta)}_{\text{slab}} + (1 - \omega) \underbrace{\frac{1}{\epsilon} \pi\left(\frac{\beta}{\epsilon}\right)}_{\text{spike}} \right)$$



従来の MCMC 法

漸近的に spike を逃す

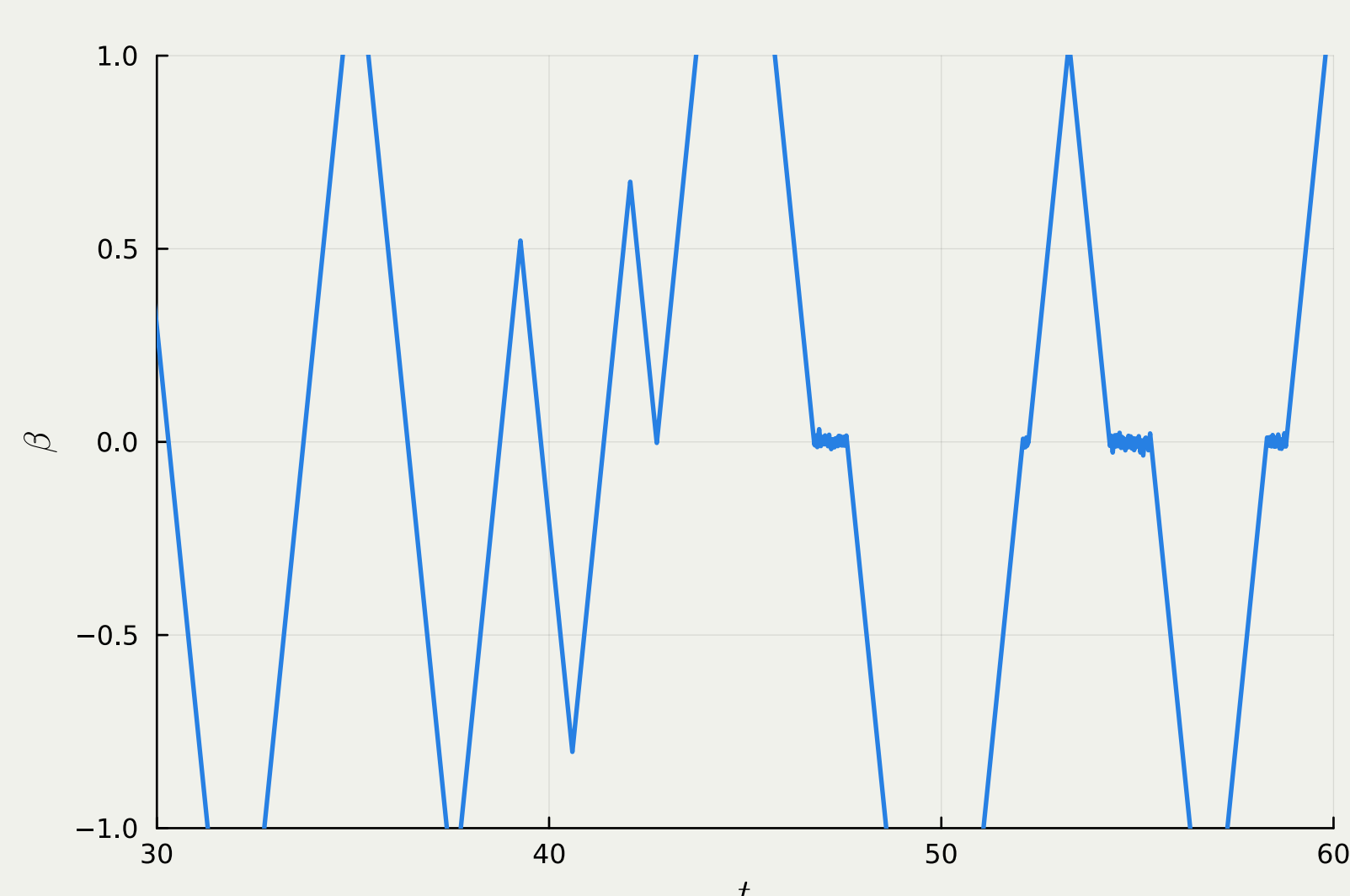


### Zig-Zag Sampler

(Bierkens, Fearnhead & Roberts, 2019)

勾配情報の  
緩やかな利用

Multiscale に強い  
× 長い時間相関  
大規模データに強い



(絶対)連続緩和



$$\pi_d(d\beta) = \left( \omega \pi(\beta) d\beta + (1 - \omega) \delta_0(d\beta) \right)$$



非絶対連続  
= 密度がない

$\omega$  :  $\beta$  がモデルに入る事前確率  
 $\pi$  : モデルに入った場合の事前分布

計算量

$O_p(\epsilon)$  削減

### Sticky Zig-Zag Sampler

(Bierkens, Grazzi, & van der Meulen & Schauer, 2023)

**Sticking**

原点を通るたびに吸着  
 $\text{Exp}\left(\frac{\omega}{1-\omega} \pi(0)\right)$  経過後  
動き出す

