第3章 整流电路

- 3.1 单相可控整流电路
- 3.2 三相可控整流电路
- 3.3 变压器漏感对整流电路的影响
- 3.4 电容滤波的不可控整流电路
- 3.5 整流电路的谐波和功率因数
- 3.6 大功率可控整流电路
- 3.7 整流电路的有源逆变工作状态
- 3.8 相控电路的驱动控制 本章小结

引言

- ■整流电路(Rectifier)是电力电子电路中出现最早的一种,它的作用是将交流电能变为直流电能供给直流用电设备。
- ■整流电路的分类
 - ◆按组成的器件可分为不可控、半控、全控三种。
 - ◆按电路结构可分为桥式电路和零式电路。
 - ◆按交流输入相数分为单相电路和多相电路。
 - ◆按变压器二次侧电流的方向是单向或双向,分 为单拍电路和双拍电路。

3.1 单相可控整流电路

- 3.1.1 单相半波可控整流电路
- 3.1.2 单相桥式全控整流电路
- 3.1.3 单相全波可控整流电路
- 3.1.4 单相桥式半控整流电路



- ■带电阻负载的工作情况
- ◆变压器T起变换电压和隔离的作用,其一次侧和二次侧电压瞬时值分别用 u_1 和 u_2 表示,有效值分别用 U_1 和 U_2 表示,其中 U_2 的大小根据需要的直流输出电压 u_d 的平均值 U_d 确定。
- ◆电阻负载的特点是电压与电流 成正比,两者波形相同。
- ◆在分析整流电路工作时,认为 晶闸管(开关器件)为理想器件, 即晶闸管导通时其管压降等于零, 晶闸管阻断时其漏电流等于零,除 非特意研究晶闸管的开通、关断过 程,一般认为晶闸管的开通与关断 过程瞬时完成。

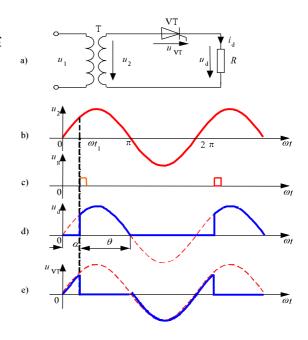


图3-1 单相半波可控整流电路及波形



◆改变触发时刻,*u_a和i_a*波形随之改变,直流输出电压*u_a*为极性不变但瞬时值变化的脉动直流,其波形只在*u_a*正半周内出现,故称"半波"整流。加之电路中采用了可控器件晶闸管,且交流输入为单相,故该电路称为单相半波可控整流电路。整流电压*u_a*波形在一个电源周期中只脉动1次,故该电路为单脉波整流电路。

◆基本数量关系

- ☞ α: 从晶闸管开始承受正向阳极电压起到施加触发脉冲止的电角度 称为触发延迟角,也称触发角或控制角。
- ☞ θ: 晶闸管在一个电源周期中处于通态的电角度称为导通角。
- ☞直流输出电压平均值

$$U_{d} = \frac{1}{2\pi} \int_{\alpha}^{\pi} \sqrt{2}U_{2} \sin \omega t d(\omega t) = \frac{\sqrt{2}U_{2}}{2\pi} (1 + \cos \alpha) = 0.45U_{2} \frac{1 + \cos \alpha}{2}$$
 (3-1)

- 寧随着 α 增大, U_d 减小,该电路中VT的 α 移相范围为180°。
- ◆通过控制触发脉冲的<mark>相位</mark>来控制直流输出电压大小的方式称为相位控制方式,简称相控方式。

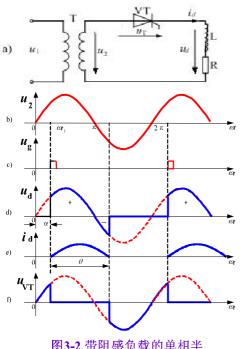


图3-2 带阻感负载的单相半波可控整流电路及其波形

- ■带阻感负载的工作情况
- ◆阻感负载的特点是电感对电流变化有抗 拒作用,使得流过电感的电流不能发生突变。
 - ◆电路分析
 - ☞晶闸管VT处于断态, $i_{d}=0,u_{d}=0,u_{VT}=u_{2}$ 。
 - $rac{a}{a}$ 在 ωt_1 时刻,即触发角 α 处

 $\sqrt{u_d} = u_2$.

 \sqrt{L} 的存在使 i_a 不能突变, i_a 从0开始增

加。 $\mathbf{v}_{\mathbf{u}_{2}}$ 由正变负的过零点处, $\mathbf{i}_{\mathbf{u}}$ 已经处于减小的过程中,但尚未降到零,因此 $\mathbf{v}_{\mathbf{u}}$ 不仍处于通杰。

會由于电感的存在延迟了VT的关断时刻,使 u_d 波形出现负的部分,与带电阻负载时相比其平均值 U_d 下降。

- ◆电力电子电路的一种基本分析 方法
 - ☞ 把器件理想化,将电路简化 为分段线性电路。
 - ☞器件的每种状态组合对应一 种<mark>线性电路拓扑</mark>,器件通断状 态变化时,电路拓扑发生改变。
 - ☞以前述单相半波电路为例
 - ✓当VT处于断态时,相当 于电路在VT处断开, i_d =0。当VT处于通时, 相当于VT短路。两种情 况的等效电路如图3-3所示。

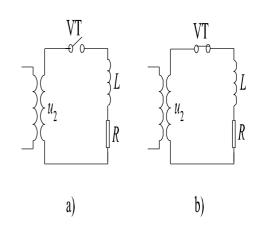
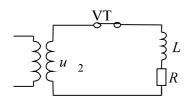


图3-3 单相半波可控整流电路的分段线性等效电路a) VT处于关断状态b) VT处于导通状态



√VT处于通态时,如下方程成立:

$$L\frac{\mathrm{d}i_{\mathrm{d}}}{\mathrm{d}t} + Ri_{\mathrm{d}} = \sqrt{2}U_{2}\sin\omega t \tag{3-2}$$

图3-3 b) VT处于导通状态

在VT导通时刻,有 $\omega t=\alpha$, $i_{\overline{u}}=0$,这是式(3-2)的初始条件。求解式(3-2)并将初始条件代入可得

$$i_d = -\frac{\sqrt{2}U_2}{Z}\sin(\alpha - \varphi)e^{-\frac{R}{\omega L}(\omega t - \alpha)} + \frac{\sqrt{2}U_2}{Z}\sin(\omega t - \varphi)$$
(3-3)

式中, $Z = \sqrt{R^2 + (\omega L)^2}$, $\varphi = tg^{-1} \frac{\omega L}{R}$ 。由此式可得出图**3-2e**所示的 i_d 波形。当 $\omega t = \theta + \alpha$ 时, $i_d = 0$,代入式(**3-3**)并整理得

$$\sin(\alpha - \varphi)e^{-\frac{\theta}{\lg \varphi}} = \sin(\theta + \alpha - \varphi)$$
 (3-4)

 $\sqrt{}$ 考 φ 为定值, α 角大, θ 越小。 若 α 为定值, φ 越大, θ 越大,且 平均值 U_d 越接近零。为解决上述矛盾,在整流电路的负载两端并联一个二极管,称为 ϕ 流二极管,用 $\mathbf{VD}_{\mathbf{p}}$ 表示。

- ◆有续流二极管的电路
 - ☞电路分析
 - $\sqrt{u_2}$ 正半周时,与没有续流二极管时的情况是一样的。
 - $\sqrt{3}u_2$ 过零变负时, V_{DR} 导通, u_d 为零,此时为负的 u_2 通过 VD_R 向VT施加反压使其关断,L储存的能量保证了电流 i_d 在L-R- VD_R 回路中流通,此过程通常称为续流。
 - √若L足够大, i_a 连续,且 i_a 波形接近一条水平线。

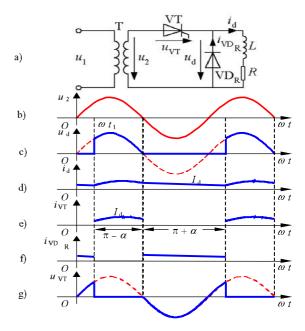


图3-4 单相半波带阻感负载有 续流二极管的电路及波形

☞基本数量关系

√流过晶闸管的电流平均值**I**₁₇和有效值**I**₇分别为:

$$I_{dT} = \frac{\pi - \alpha}{2 \pi} I_d \tag{3-5}$$

$$I_T = \sqrt{\frac{1}{2\pi} \int_{\alpha}^{\pi} I_d^2 d(\omega t)} = \sqrt{\frac{\pi - \alpha}{2\pi}} I_d$$
 (3-6)

√续流二极管的电流平均值I_{dDR}和有效值I_{DR}分别为

$$I_{dDR} = \frac{\pi + \alpha}{2 \pi} I_d$$
 (3-7)

$$I_{DR} = \sqrt{\frac{1}{2\pi} \int_{\pi}^{2\pi + \alpha} I_d^2 d(\omega t)} = \sqrt{\frac{\pi + \alpha}{2\pi}} I_d$$
 (3-8)

- ✓其移相范围为180°,其承受的最大正反向电压均为 u_2 的峰值即 $\sqrt{2}U_2$ 。
- 续流二极管承受的电压为 $-u_d$,其最大反向电压为 $\sqrt{2}U$,亦为 u_2 的峰值。 单相半波可控整流电路的特点是简单,但输出脉动大,变压器二次侧电流中含直流分量,造成变压器铁芯直流磁化。为使变压器铁芯不饱和,需增大铁芯截面积,增大了设备的容量。

■带电阻负载的工作情况

◆电路分析

☞闸管**VT₁和VT₄组成一对桥臂**,**VT₂**和**VT₃组成另一对桥臂**。

☞在 u_2 正半周(即a点电位高于b点电位) \checkmark 若4个晶闸管均不导通, i_a = $0,u_a$ =0,

VT_1 、 VT_4 串联承受电压 u_2 。

 $\sqrt{\text{在触发}} \, \alpha \text{处给VT}_{1} \, \text{和VT}_{4} \text{加触发}$ 脉冲, $\text{VT}_{1} \, \text{和VT}_{4} \text{即导通,电流从电源a端}$ 经 VT_{1} 、R、 VT_{4} 流回电源b端。

 \Rightarrow 当 u_2 过零时,流经晶闸管的电流也降到零, VT_4 和 VT_4 关断。

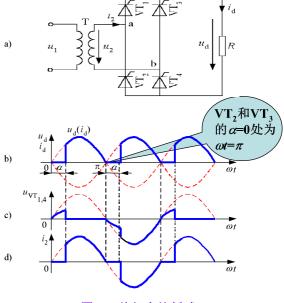


图3-5 单相全控桥式 带电阻负载时的电路及波形



◆基本数量关系

電晶闸管承受的最大正向电压和反向电压分别为 $\frac{\sqrt{2}}{2}U_2$ 和 $\sqrt{2}U$,。

☞整流电压平均值为:

整流电压平均值为:
$$U_{d} = \frac{1}{\pi} \int_{\alpha}^{\pi} \sqrt{2}U_{2} \sin\alpha t d(\alpha t) = \frac{2\sqrt{2}U_{2}}{\pi} \frac{1 + \cos\alpha}{2} = 0.9U_{2} \frac{1 + \cos\alpha}{2}$$
 (3-9)
$$\alpha = \mathbf{0}$$
 时, $U_{d} = U_{d0} = \mathbf{0.9}U_{2}$ 。 $\alpha = \mathbf{180}$ ° 时, $U_{d} = \mathbf{0.9}$ 可见, α 角 的移相范围为 $\mathbf{180}$ °。

☞向负载输出的直流电流平均值为:

$$I_d = \frac{U_d}{R} = \frac{2\sqrt{2}U_2}{\pi R} \frac{1 + \cos\alpha}{2} = 0.9 \frac{U_2}{R} \frac{1 + \cos\alpha}{2}$$
 (3-10)

☞流过晶闸管的电流平均值:

$$I_{dT} = \frac{1}{2}I_{d} = 0.45 \frac{U_{2}}{R} \frac{1 + \cos \alpha}{2}$$
 (3-11)

☞流过晶闸管的电流有效值为:

$$I_T = \sqrt{\frac{1}{2\pi} \int_{\alpha}^{\pi} (\frac{\sqrt{2}U_2}{R} \sin \omega t)^2 d(\omega t)} = \frac{U_2}{\sqrt{2}R} \sqrt{\frac{1}{2\pi} \sin 2\alpha + \frac{\pi - \alpha}{\pi}}$$
(3-12)

☞变压器二次侧电流有效值**/**₂与输出直流电流有效值**/**相等,为

$$I = I_2 = \sqrt{\frac{1}{\pi} \int_{\alpha}^{\pi} (\frac{\sqrt{2}U_2}{R} \sin \omega t)^2 d(\omega t)} = \frac{U_2}{R} \sqrt{\frac{1}{2\pi} \sin 2\alpha + \frac{\pi - \alpha}{\pi}}$$
 (3-13)

由式 (3-12) 和 (3-13) 可见:
$$I_{\tau} = \frac{1}{\sqrt{2}}I$$
 (3-14)

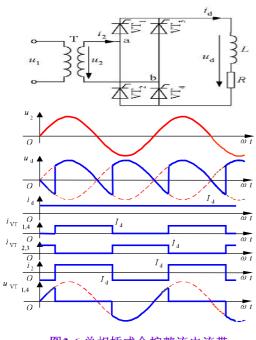


图3-6 单相桥式全控整流电流带阻感负载时的电路及波形

- ■带阻感负载的工作情况
 - ◆电路分析
 - ☞在u,正半周期
- \sqrt{m} 放射 α 处给晶闸管 VT_1 和 VT_4 加触发脉冲使其开通, $u_d = u_2$ 。
- √负载电感很大, **i**_d不能突变且波 形近似为一条水平线。
- \mathbf{v}_{u_2} 过零变负时,由于电感的作用 晶闸管 $\mathbf{VT_1}$ 和 $\mathbf{VT_4}$ 中仍流过电流 \mathbf{v}_{u} ,并不 关断。

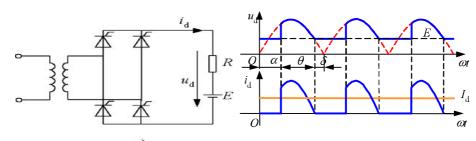
◆基本数量关系

☞整流电压平均值为:

$$U_{\rm d} = \frac{1}{\pi} \int_{\alpha}^{\pi + \alpha} \sqrt{2} U_2 \sin \omega t d(\omega t) = \frac{2\sqrt{2}}{\pi} U_2 \cos \alpha = 0.9 U_2 \cos \alpha$$
 (3-15)

当 α =**0**时, U_{d0} =**0.9** U_2 。 α =**90**°时, U_d =**0**。晶闸管移相范围为**90**°。

- ☞晶闸管承受的最大正反向电压均为√2U₂。
- 電晶闸管导通角 θ 与 α 无关,均为 180° ,其电流平均值和有效值分别为: $I_{\rm dT} = \frac{1}{2} I_{\rm d}$ 和 $I_{\rm T} = \frac{1}{\sqrt{2}} I_{\rm d} = 0.707 I_{\rm d}$ 。
- 愛医器二次侧电流 i_2 的波形为正负各 180° 的矩形波,其相位由 α 角决定,有效值 $I_2=I_d$ 。



a) 图3-7 单相桥式全控整流电路接反电动势—电阻负载时的电路及波形

- ■带反电动势负载时的工作情况
- ◆ 当负载为蓄电池、直流电动机的电枢(忽略其中的电感)等时,负载可看成一个直流电压源,对于整流电路,它们就是反电动势负载。
 - ◆电路分析
 - ☞ u, > E时,才有晶闸管承受正电压,有导通的可能。
- 電晶闸管导通之后, $u_d=u_2$, $i_d=\frac{u_d-E}{R}$,直至 $|u_2|=E$, i_d 即降至0使得晶闸管关断,此后 $u_d=E$ 。
 - ☞与电阻负载时相比,晶闸管提前了电角度*8*停止导电,*8*称为停止导电角。

$$\delta = \sin^{-1} \frac{E}{\sqrt{2}U}, \qquad (3-16)$$

☞当 a

o

o

时,触发脉冲到来时,晶闸管承受负电压,不可能导通。

- 全触发脉冲有足够的宽度,保证当 $\omega t = \delta$ 时刻有晶闸管开始承受正电压时,触发脉冲仍然存在。这样,相当于触发角被推迟为 δ 。
- ☞在α角相同时,整流输出电压比电阻负载时高

◆电流断续

- $\Box i_d$ 波形在一周期内有部分时间为0的情况,称为电流断续。
- ☞ 负载为直流电动机时,如果出现电流断续,则 电动机的<mark>机械特性</mark>将很软。

- 學为了克服此缺点,一般在主电路中直流输出侧串联一个平波电抗器。
- 電电感量足够大使电流连续,晶闸管每次导通180°,这时整流电压 u_d的波形和负载电流id的波形与电感负载电流连续时的波形相同,u_d的计算公式亦一样。

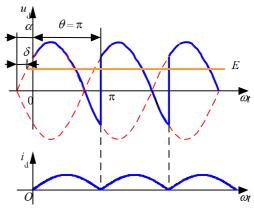


图3-8 单相桥式全控整流电路 带反电动势负载串平波电抗 器,电流连续的临界情况

☞为保证电流连续所需的电感量L可由下式求出:

$$L = \frac{2\sqrt{2}U_2}{\pi\omega I_{\text{dmin}}} = 2.87 \times 10^{-3} \frac{U_2}{I_{\text{dmin}}}$$
 (3-17)

- ■例:单相桥式全控整流电路, U_2 =100V,负载中R=2 Ω ,L值极大,反电势 E=60V,当 α =30°时,要求:
 - ①作出 u_d 、 i_d 和 i_2 的波形;
 - ②求整流输出平均电压 U_{d} 、电流 I_{d} ,变压器二次侧电流有效值 I_{2} ;
 - ③考虑安全裕量,确定晶闸管的额定电压和额定电流。
- 解: ① u_d 、 i_d 和 i_2 的波形如图3-9:

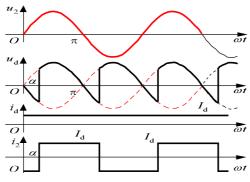


图3-9 u_d 、 i_d 和 i_2 的波形图

②整流输出平均电压 U_d 、电流 I_d ,变压器二次侧电流有效值 I_2 分别为 U_d =0.9 $U_2\cos\alpha$ =0.9×100× \cos 30°=77.97(A) I_d =(U_d -E)/R=(77.97-60)/2=9(A) I_2 = I_d =9(A)

③晶闸管承受的最大反向电压为:

 $\sqrt{2} U_2 = 100\sqrt{2} = 141.4 \text{ (V)}$

流过每个晶闸管的电流的有效值为:

 $I_{VT} = I_d / \sqrt{2} = 6.36 \text{ (A)}$

故晶闸管的额定电压为:

 $U_N = (2\sim3) \times 141.4 = 283\sim424 \text{ (V)}$

晶闸管的额定电流为:

 $I_N = (1.5 \sim 2) \times 6.36 / 1.57 = 6 \sim 8 \text{ (A)}$

晶闸管额定电压和电流的具体数值可按晶闸管产品系列参数选取。

3.1.3 单相全波可控整流电路

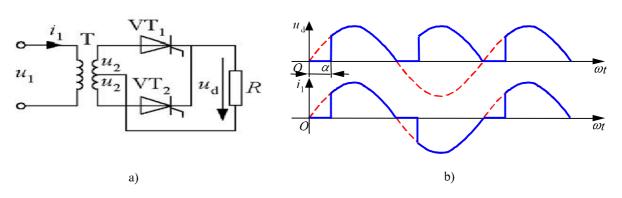


图3-10 单相全波可控整流电路及波形

■带电阻负载时

- ◆电路分析
 - ☞变压器T带中心抽头。
 - Arr在 u_2 正半周, VT_1 工作,变压器二次绕组上半部分流过电流。
- \mathbf{v}_{u_2} 负半周, $\mathbf{v}_{\mathbf{v}_2}$ 工作,变压器二次绕组下半部分流过反方向的电流。
 - ☞变压器也不存在直流磁化的问题。

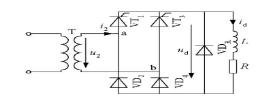


3.1.3 单相全波可控整流电路

- ◆单相全波与单相全控桥的区别
 - ☞单相全波中变压器结构较复杂,材料的消耗多。
 - ☞单相全波只用2个晶闸管,比单相全控桥少2 个,相应地,门极驱动电路也少2个;但是晶闸 管承受的最大电压是单相全控桥的2倍。
 - ☞单相全波<mark>导电回路</mark>只含1个晶闸管,比单相桥 少1个,因而管压降也少1个。
- ◆从上述后两点考虑,单相全波电路有利于在低输 出电压的场合应用。

3.1.4 单相桥式半控整流电路

- ■与全控电路在电阻负载时的工作情况 相同。
- ■带电感负载
 - ◆电路分析(先不考虑VDR)
- 写每一个导电回路由1个晶闸管和1个 二极管构成。
- \Rightarrow 在 u_2 正半周, α 处触发 VT_1 , u_2 经 VT_1 和 VD_4 向负载供电。
- \mathbf{u}_2 过零变负时,因电感作用使电流 连续, \mathbf{VT}_1 继续导通,但因a点电位低于b 点电位,电流是由 \mathbf{VT}_1 和 \mathbf{VD}_2 续流, $\mathbf{u}_d=\mathbf{0}$ 。
- \Rightarrow 在 u_2 负半周, α 处触发触发 VT_3 ,向 VT_1 加反压使之关断, u_2 经 VT_3 和 VD_2 向负载供电。
- \mathbf{v}_{2} 过零变正时, \mathbf{VD}_{4} 导通, \mathbf{VD}_{2} 关断。 \mathbf{VT}_{3} 和 \mathbf{VD}_{4} 续流, \mathbf{u}_{d} 又为零。



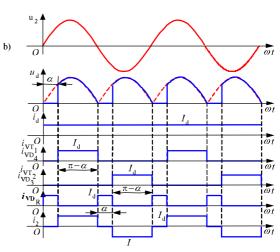


图3-11 单相桥式半控整流电路,有续流 二极管,阻感负载时的电路及波形



3.1.4 单相桥式半控整流电路

- ◆续流二极管VD_R
 - 愛若无续流二极管,则当 α 突然增大至180°或触发脉冲丢失时,会发生一个晶闸管持续导通而两个二极管轮流导通的情况,这使 u_a 成为正弦半波,即半周期 u_a 为正弦,另外半周期 u_a 为零,其平均值保持恒定,相当于单相半波不可控整流电路时的波形,称为失控。

 - ☞续流期间导电回路中只有一个管压降,少了一个管压降,有利于降低损耗。

3.1.4 单相桥式半控整流电路

■单相桥式半控整流电路的另一种接法

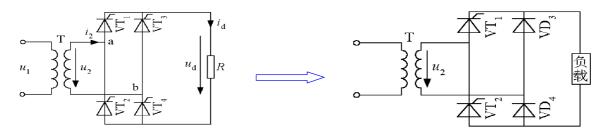


图3-4 (a)单相全控桥式电路

图2-11 单相桥式半控整流电路的另一接法

- ◆相当于把图3-5(a)中的VT₃和VT₄换为二极管VD₃和VD₄,这样可以省去续流二极管VD_R,续流由VD₃和VD₄来实现。
- ◆这种接法的两个晶闸管<mark>阴极电位</mark>不同,二者的触发电路 需要<mark>隔离</mark>。

3.2 三相可控整流电路

- 3.2.1 三相半波可控整流电路
- 3.2.2 三相桥式全控整流电路



3.2 三相可控整流电路·引言

- ■其交流侧由三相电源供电。
- 当整流负载容量较大,或要求直流电压脉动较小、易滤波时,应采用三相整流电路。
- ■最基本的是三相半波可控整流电路。
- ■应用最为广泛的三相桥式全控整流电路、以及双反星形 可控整流电路、十二脉波可控整流电路等。

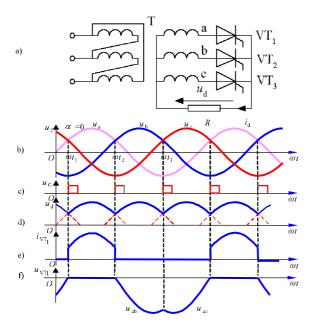


图3-13 三相半波可控整流电路共阴极接 法电阻负载时的电路及 $\alpha=0$ °时的波形

■电阻负载

◆电路分析

零为得到零线,变压器二次侧必须 接成<mark>星形</mark>,而一次侧接成三角形,避免 3次谐波流入电网。

☞三个晶闸管按<mark>共阴极接法</mark>连接,这 种接法触发电路有公共端,连线方便。

愛假设将晶闸管换作二极管,三个 二极管对应的相电压中哪一个的值最 大,则该相所对应的二极管导通,并使 另两相的二极管承受反压关断,输出整 流电压即为该相的相电压。

☞自然换相点

 $\sqrt{\text{在相电压的交点}\omega t_1, \omega t_2, \omega t_3}$ 处,均出现了二极管换相,称这些交点为自然换相点。

√将其作为 α 的起点,即 α =0。



☞ α=0°(波形见上页)

√三个晶闸管轮流导通 **120°**, u_d 波形为三个相电压 在正半周期的包络线。

√变压器二次绕组电流有 直流分量。

$\approx \alpha = 30^{\circ}$

√负载电流处于**连续和断** 续的临界状态,各相仍导电 120°。

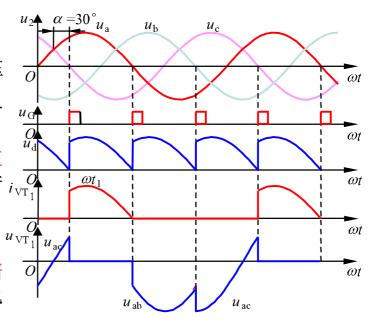


图3-14 三相半波可控整流电路,电阻负载, α =30°时的波形

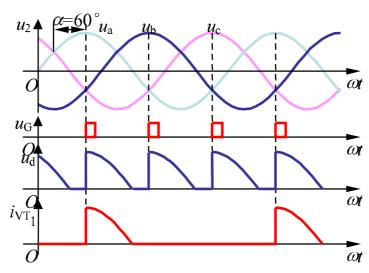


图3-15 三相半波可控整流电路,电阻负载, α =60°时的波形

∞ α>30°

- √ 当导通一相的相电压过零变负时,该相晶闸管关断,但下一相晶闸管因未 触发而不导通,此时输出电压电流为零。
 - √负载电流断续,各晶闸管导通角小于120°。

- ◆基本数量关系
- 電电阻负载时 α 角的移相范围为150°。
- ☞整流电压平均值

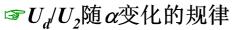
 $√ \alpha ≤ 30$ °时,负载电流<mark>连续</mark>,有

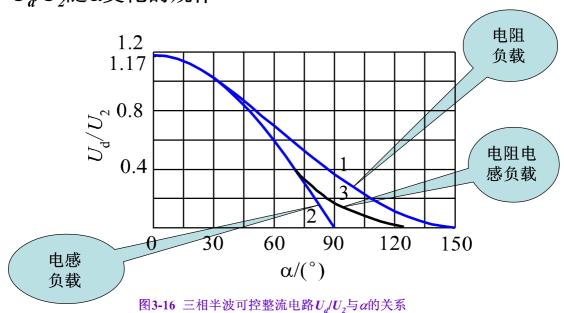
$$U_{d} = \frac{1}{\frac{2\pi}{3}} \int_{\frac{\pi}{6} + \alpha}^{\frac{5\pi}{6} + \alpha} \sqrt{2} U_{2} \sin \omega t d(\omega t) = \frac{3\sqrt{6}}{2\pi} U_{2} \cos \alpha = 1.17 U_{2} \cos \alpha$$
 (3-18)

当 α =0时, U_d 最大,为 U_d = $U_{d\theta}$ =1.17 U_2 。

√ c>30°时,负载电流断续,晶闸管导通角减小,此时 有

$$U_{d} = \frac{1}{\frac{2\pi}{3}} \int_{\frac{\pi}{6} + \alpha}^{\pi} \sqrt{2} U_{2} \sin \omega t d(\omega t) = \frac{3\sqrt{2}}{2\pi} U_{2} \left[1 + \cos(\frac{\pi}{6} + \alpha) \right] = 0.675 \left[1 + \cos(\frac{\pi}{6} + \alpha) \right]$$
(3-19)





☞负载电流平均值为

$$I_d = \frac{U_d}{R} \tag{3-20}$$

☞晶闸管承受的最大反向电压为变压器二次线电压峰值,即

$$U_{RM} = \sqrt{2} \times \sqrt{3}U_2 = \sqrt{6}U_2 = 2.45U_2$$
 (3-21)

☞ 晶闸管阳极与阴极间的最大电压等于变压器二次相电压 的峰值,即

$$U_{FM} = \sqrt{2}U_2 \tag{3-22}$$

■阻感负载

◆电路分析

☞L值很大,整流电流id的 波形基本是平直的,流过晶 闸管的电流接近矩形波。

☞α≤30°时,整流电压波 形与电阻负载时相同。

 $\alpha > 30$ °时,当 u_2 过零时,由于电感的存在,阻止电流下降,因而VT1继续导通,直到下一相晶闸管 VT_1 的触发脉冲到来,才发生换流,由 VT_1 导通向负载供电,同时向 VT_1 施加反压使其关断。

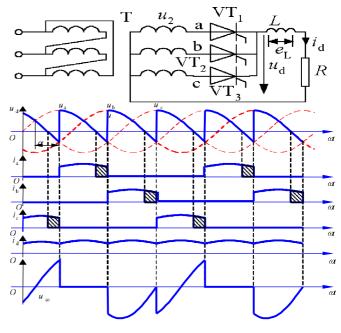


图3-17 三相半波可控整流电路,阻感负载时的电路及*α*=60°时的波形

- ◆基本数量关系
 - 写α的移相范围为90°。
 - ☞整流电压平均值

 $U_{\rm d} = 1.17 U_2 \cos \alpha$

 U_d/U_2 与 α 的关系 \sqrt{L} 很大,如曲线2所示。 \sqrt{L} 不是很大,则当 $\alpha > 30$ °后, u_d 中负的部分 可能减少,整流电压平 均值 U_d 略为增加,如曲 线3 所示。

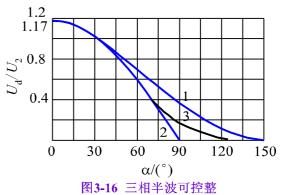


图3-16 三相半波可控整 流电路 U_a/U_a 与 α 的关系

☞变压器二次电流即晶闸管电流的有效值为

$$I_2 = I_T = \frac{1}{\sqrt{3}} I_d = 0.577 I_d \tag{3-23}$$

☞晶闸管的额定电流为

$$I_{T(AV)} = \frac{I_d}{1.57} = 0.368I_d \tag{3-24}$$

☞晶闸管最大正反向电压峰值均为变压器二次线电压峰 值,即

$$U_{FM} = U_{RM} = 2.45U_2 \tag{3-25}$$

■三相半波可控整流电路的主要缺点在于其变压器二次电流中含有<u>直流分量</u>,为此其应用较少。

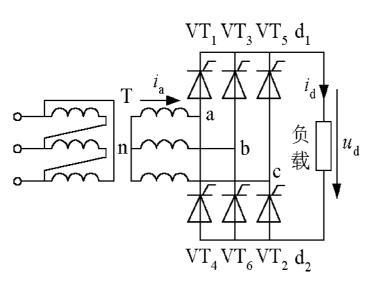


图3-18 三相桥式全控整流电路原理图

■原理图

◆阴极连接在一起的3个 晶闸管(VT₁, VT₃, VT₅) 称为共阴极组; 阳极连接在 一起的3个晶闸管(VT,

VT。, VT,) 称为共阳极组。

- ◆共阴极组中与a, b, c 三相电源相接的3个晶闸管 分别为VT₁, VT₃, VT₅, 共 阳极组中与a, b, c三相电 源相接的3个晶闸管分别为 VT₄, VT₆, VT₂°
 - ◆晶闸管的导通顺序为

 $VT_1-VT_2-VT_3-VT_4-VT_5-VT_6$ •



- ■带电阻负载时的工作情况
 - ◆电路分析
 - ☞各自然换相点既是相电压的交点,同时也是线电压的交点。
 - ☞当α≤60°时
 - $\sqrt{u_d}$ 波形均连续,对于电阻负载, i_d 波形与 u_d 波形的形状是一样的,也连续。
 - $√\alpha=0$ °时, u_d 为线电压在正半周的包络线。波形见 $^{\circ}$ 图3-19

表3-1 三相桥式全控整流电路电阻负载 a=0°时晶闸管工作情况

| 时段 | I | П | Ш | IV | V | VI |
|--------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 共阴极组中导通的晶闸管 | VT ₁ | VT ₁ | VT ₃ | VT ₃ | VT ₅ | VT ₅ |
| 共阳极组中导通的晶闸管 | VT ₆ | VT ₂ | VT ₂ | VT ₄ | VT ₄ | VT ₆ |
| 整流输出电压 u_d | u_a - u_b = u_{ab} | u_a - u_c = u_{ac} | u_b - u_c = u_{bc} | u_b - u_a = u_{ba} | u_c - u_a = u_{ca} | u_c - u_b = u_{cb} |

 $\sqrt{\alpha}=30^{\circ}$ 时,晶闸管起始导通时刻推迟了 30° ,组成 u_{d} 的每一段线电压因此推迟 30° , u_{d} 平均值降低,波形见个图 $3-20^{\circ}$ 。

 $\sqrt{\alpha}$ =60°时, u_a 波形中每段线电压的波形继续向后移, u_d 平均值继续降低。 α =60°时 u_d 出现了为零的点,波形见色图3-21。

☞当 α>60°时

 \sqrt{B} 因为 i_d 与 u_d 一致,一旦 u_d 降为至零, i_d 也降至零,晶闸管关断,输出整流电压 u_d 为零, u_d 波形不能出现负值。

 $\sqrt{\alpha}=90$ °时的波形见**个图3-22**。

- ◆三相桥式全控整流电路的一些特点
 - 写每个时刻均需2个晶闸管同时导通,形成向负载供电的回路,共阴极组的和共阳极组的各1个,且不能为同一相的晶闸管。

☞对触发脉冲的要求

 $\sqrt{6}$ 个晶闸管的脉冲按 VT_1 - VT_2 - VT_3 - VT_4 - VT_5 - VT_6 的顺序,相位依次差**60°**。

 $\sqrt{\pm 9}$ 从 $\sqrt{1}$ 从 $\sqrt{1}$ 、 $\sqrt{1}$ 、 $\sqrt{1}$ 的脉冲依次差 $\sqrt{120}$ 。 $\sqrt{120}$,共阳极组 $\sqrt{120}$ 。

√同一相的上下两个桥臂,即 VT_1 与 VT_4 , VT_3 与 VT_6 , VT_5 与 VT_7 ,脉冲相差 180° 。

- ☞整流输出电压u_d一周期脉动6次,每次脉动的波形都一样,故该电路为6脉波整流电路。
- ☞在整流电路合闸启动过程中或电流断续时,为确保电路 的正常工作,需保证同时导通的2个晶闸管均有脉冲
 - √ 宽脉冲触发: 使脉冲宽度大于60°(一般取80°~100°)
 - √ 双脉冲触发:用两个窄脉冲代替宽脉冲,两个窄脉冲的前沿相差60°,脉宽一般为20°~30°。
 - √常用的是双脉冲触发。
- ☞ 晶闸管承受的电压波形与三相半波时相同, 晶闸管承受 最大正、反向电压的关系也一样。

- ■阻感负载时的工作情况
 - ◆电路分析
 - ☞当α≤60°时
 - √u_d波形连续,电路的工作情况与带电阻负载时十分相似,各晶闸管的通断情况、输出整流电压u_d波形、晶闸管承受的电压波形等都一样。
 - $\sqrt{\text{区别在于电流}}$,当电感足够大的时候, i_d 、 i_{VT} 、 i_a 的波形在导通段都可近似为一条水平线。
 - $\sqrt{\alpha}=0$ °时的波形见个图3-23, $\alpha=30$ °时的波形见个图3-24。
 - ☞当 *∞* 60°时
 - √由于电感L的作用,ua波形会出现负的部分。
 - $\sqrt{\alpha}$ =90°时的波形见[♠]图3-25。

■基本数量关系

- ◆带电阻负载时三相桥式全控整流电路α角的移相范围是 120°,带阻感负载时,三相桥式全控整流电路的α角移相 范围为90°。
- ◆整流输出电压平均值
 - ☞ 带阻感负载时,或带电阻负载 α \leq 60°时

$$U_{d} = \frac{1}{\frac{\pi}{3}} \int_{\frac{\pi}{3} + \alpha}^{\frac{2\pi}{3} + \alpha} \sqrt{6} U_{2} \sin \omega t d(\omega t) = 2.34 U_{2} \cos \alpha$$
 (3-26)

☞带电阻负载且 æ>60°时

$$U_{d} = \frac{3}{\pi} \int_{\frac{\pi}{3} + \alpha}^{\pi} \sqrt{6} U_{2} \sin \omega t d(\omega t) = 2.34 U_{2} \left[1 + \cos(\frac{\pi}{3} + \alpha) \right]$$
 (3-27)

- ◆输出电流平均值为 $I_d=U_d/R$ 。
- ◆ 当整流变压器为图3-17中所示采用星形接法,带阻感负载时,变压器二次侧电流波形如图3-23中所示,为正负半周各宽120°、前沿相差180°的矩形波,其有效值为:

$$I_2 = \sqrt{\frac{1}{2\pi} \left(I_d^2 \times \frac{2}{3} \pi + (-I_d)^2 \times \frac{2}{3} \pi \right)} = \sqrt{\frac{2}{3}} I_d = 0.816 I_d$$
 (3-28)

晶闸管电压、电流等的定量分析与三相半波时一致。

◆三相桥式全控整流电路接反电势阻感负载时的I₄为:

$$I_d = \frac{U_d - E}{R} \tag{3-29}$$

式中R和E分别为负载中的电阻值和反电动势的值。

■变压器漏感

- ◆实际上变压器绕组总有漏感,该漏感可用一个 集中的电感L_R表示,并将其折算到变压器二次侧。
- ◆由于电感对电流的变化起阻碍作用,电感电流 不能突变,因此换相过程不能瞬间完成,而是会 持续一段时间。
- ■现以三相半波为例来分析,然后将其结论推广
 - ◆假设负载中电感很大,负载电流为水平线。



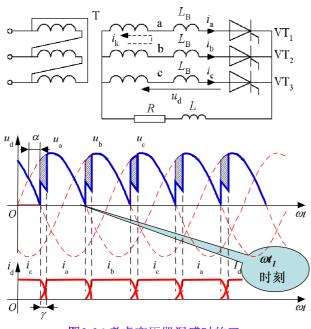


图3-26 考虑变压器漏感时的三相半波可控整流电路及波形

◆分析从VT₁换相至VT₂的过程 ☞在 αt_i 时刻之前VT₁导通, αt_i 时刻触发VT₂,因a、b两相 均有漏感,故 i_a 、 i_b 均不能突 变,于是VT₁和VT₂同时导通, 相当于将a、b两相短路,两相 间电压差为 u_b - u_a ,它在两相组 成的回路中产生环流 i_k 如图所示。

 $egin{align*} egin{align*} egin{align*}$

- ◆基本数量关系
 - ☞换相过程中,整流输出电压瞬时值为

$$u_{\rm d} = u_{\rm a} + L_B \frac{\mathrm{d}i_k}{\mathrm{d}t} = u_{\rm b} - L_B \frac{\mathrm{d}i_k}{\mathrm{d}t} = \frac{u_{\rm a} + u_{\rm b}}{2}$$
 (3-30)

寧换相压降:与不考虑变压器漏感时相比, u_d 平均值降低的多少,即

$$\Delta U_{d} = \frac{1}{2\pi/3} \int_{\frac{5\pi}{6} + \alpha}^{\frac{5\pi}{6} + \alpha + \gamma} (u_{b} - u_{d}) d(\omega t) = \frac{3}{2\pi} \int_{\frac{5\pi}{6} + \alpha}^{\frac{5\pi}{6} + \alpha + \gamma} [u_{b} - (u_{b} - L_{B} \frac{di_{k}}{dt})] d(\omega t)$$

$$= \frac{3}{2\pi} \int_{\frac{5\pi}{6} + \alpha}^{\frac{5\pi}{6} + \alpha + \gamma} L_{B} \frac{di_{k}}{dt} d(\omega t) = \frac{3}{2\pi} \int_{0}^{t_{d}} \omega L_{B} di_{k} = \frac{3}{2\pi} X_{B} I_{d}$$
(3-31)

☞换相重叠角γ

√由式(3-30)得出:

$$\frac{\mathrm{d}i_k}{\mathrm{d}t} = (u_b - u_a)/2L_B = \frac{\sqrt{6}U_2(\sin\omega t - \frac{5\pi}{6})}{2L_B}$$
(3-32)

由上式得:

$$\frac{\mathrm{d}\,i_k}{\mathrm{d}\,\omega\,t} = \frac{\sqrt{6}\,U_2}{2\,X_\mathrm{B}}\sin\left(\omega\,t - \frac{5\,\pi}{6}\right) \tag{3-33}$$

进而得出:

$$i_{k} = \int_{\frac{6\pi}{6} + \alpha}^{\omega t} \frac{\sqrt{6}U_{2}}{2X_{B}} \sin(\omega t - \frac{5\pi}{6}) d(\omega t) = \frac{\sqrt{6}U_{2}}{2X_{B}} [\cos \alpha - \cos(\omega t - \frac{5\pi}{6})]$$
 (3-34)

当 $\omega t = \alpha + \gamma$ 时, $i_k = I_d$,于是

$$I_{\rm d} = \frac{\sqrt{6}U_2}{2X_{\rm B}} \left[\cos\alpha - \cos(\alpha + \gamma)\right] \tag{3-35}$$

$$\cos\alpha - \cos(\alpha + \gamma) = \frac{2X_{\rm B}I_{\rm d}}{\sqrt{6}U_{2}}$$
 (3-36)

- √/随其它参数变化的规律:
 - (1) / 越大则 / 越大;
 - (2)**X**_B越大**y**越大;
 - (3)当**α**≤**90**°时,**α**越小**/**越大。
- 写其它整流电路的分析结果

表3-2 各种整流电路换相压降和换相重叠角的计算

| 电路形式 | 单相全波 | 单相全控桥 | 三相半波 | 三相全控桥 | m脉波整流电路 |
|--------------------------------------|--|---|---|---|--|
| $\Delta U_{ m d}$ | $\frac{X_{\mathrm{B}}}{\pi}I_{\mathrm{d}}$ | $\frac{2X_{\mathrm{B}}}{\pi}I_{\mathrm{d}}$ | $\frac{3X_{\rm B}}{2\pi}I_{\rm d}$ | $\frac{3X_{\mathrm{B}}}{\pi}I_{\mathrm{d}}$ | $\frac{mX_{\mathrm{B}}}{2\pi}I_{\mathrm{d}}^{\odot}$ |
| $\cos\alpha - \cos(\alpha + \gamma)$ | $\frac{I_{\rm d}X_{\rm B}}{\sqrt{2}U_2}$ | $\frac{2I_{\rm d}X_{\rm B}}{\sqrt{2}U_2}$ | $\frac{2X_{\rm B}I_{\rm d}}{\sqrt{6}U_{\rm 2}}$ | $\frac{2X_{\rm B}I_{\rm d}}{\sqrt{6}U_{\rm 2}}$ | $\frac{I_{\rm d}X_{\rm B}}{\sqrt{2}U_2\sin\frac{\pi}{m}} \ \ ^{2}$ |

注:①单相全控桥电路中, X_B 在一周期的两次换相中都起作用,等效为 $\mathbf{m=4}$; ②三相桥等效为相电压等 $\overline{3}U_2$ 的 $\mathbf{6}$ 脉波整流电路,故其 $\mathbf{m=6}$,相电压按 $\sqrt{3}U_2$ 代入。

- ◆变压器漏感对整流电路影响的一些结论:
 - 圖出现換相重叠角 γ ,整流输出电压平均值U。降低。
 - ☞整流电路的工作状态增多。
 - 電晶闸管的 $\frac{di}{dt}$ 減小,有利于晶闸管的安全开通,有时人为串入进线电抗器以抑制晶闸管的 $\frac{di}{dt}$ 。
 - 逐换相时晶闸管电压出现缺口,产生正的du/dt,可能使晶闸管误导通,为此必须加吸收电路。
 - ☞换相使电网电压出现缺口,成为干扰源。

例:三相桥式不可控整流电路,阻感负载, $R=5\Omega$, $L=\infty$, $U_2=220$ V, $X_B=0.3\Omega$,求 U_d 、 I_d 、 I_{VD} 、 I_2 和 I_2 的值并作出 U_d 、 I_{VD} 和 I_2 的波形。

解:三相桥式不可控整流电路相当于三相桥式可控整流电路 $\alpha=0$ °时的情况。

$$U_d = 3.34 U_2 \cos \alpha - \Delta U_d$$

$$\Delta U_d = 3X_B I_d / \pi$$

$$I_d = U_d / R$$

解方程组得:

$$U_d = 3.34 U_2 \cos \alpha / (1 + 3X_B / \pi R) = 486.9 \text{ (V)}$$

 $I_d = 97.38 \text{ (A)}$
 $\nabla : \cos \alpha - \cos(\alpha + \gamma) = 2I_d X_B / \sqrt{6}U_2$

换流重叠角γ=26.93°

即得出 $\cos \gamma = 0.892$

二极管电流和变压器二次测电流的有效值分别为

$$I_{VD} = I_d / 3 = 97.38 / 3 = 33.46 \text{ (A)}$$

 $I_{2a} = \sqrt{\frac{2}{3}} I_d = 79.51 \text{ (A)}$

 u_d 、 i_{VDI} 和 i_{2a} 的波形如 $^{\circ}$ 图3-27</u>所示。

3.4 电容滤波的不可控整流电路

- 3.4.1 电容滤波的单相不可控整流电路
- 3.4.2 电容滤波的三相不可控整流电路



- 3.4 电容滤波的不可控整流电路·引言
- ■交—直—交变频器、不间断电源、开关电源等应用场合大都采用不可控整流电路。
- ■最常用的是单相桥式和三相桥式两种接法。
- ■由于电路中的电力电子器件采用整流二极 管,故也称这类电路为二极管整流电路。

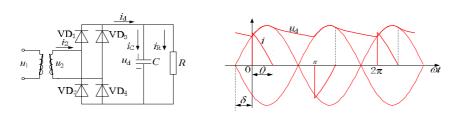


图3-28 电容滤波的单相桥式不可控整流电路及其工作波形 a) 电路 b) 波形

■工作原理及波形分析

◆基本工作过程

- \odot 在 u_2 正半周过零点至 $\omega t=0$ 期间,因 $u_2 < u_d$,故二极管均不导通,此阶段电容 $C \cap R$ 放电,提供负载所需电流,同时 u_d 下降。
- 寧至 $\omega t=0$ 之后, u_2 将要超过 u_d ,使得 VD_1 和 VD_4 开通, $u_d=u_2$,交流电源向电容充电,同时向负载R供电。
- 寧电容被充电到 $\omega t = \theta$ 时, $u_d = u_2$, VD_1 和 VD_4 关断。电容开始以时间常数RC 按指数函数放电。

◆ *δ*和 *θ*的确定

 ${\it s}$ δ 指 ${\it VD}_1$ 和 ${\it VD}_4$ 导通的时刻与 ${\it u}_2$ 过零点相距的角度, θ 指 ${\it VD}_1$ 和 ${\it VD}_4$ 的导通角。

☞ 在VD₁和VD₄导通期间

$$u_2 = \sqrt{2}U_2\sin(\omega t + \delta) \tag{3-37}$$

$$\begin{cases} u_{d}(0) = \sqrt{2}U_{2} \sin \delta \\ u_{d}(0) + \frac{1}{C} \int_{0}^{t} i_{C} dt = u_{2} \end{cases}$$
 (3-38)

式中, $u_{d(0)}$ 为 VD_1 、 VD_4 开始导通时刻直流侧电压值。

将 u_2 代入并求解得: 而负载电流为:

$$i_C = \sqrt{2\omega C U_2 \cos(\omega t + \delta)}$$
 (3-39)

$$i_R = \frac{u_2}{R} = \frac{\sqrt{2}U_2}{R}\sin(\omega t + \delta)$$
 (3-40)

于是

$$i_d = i_C + i_R = \sqrt{2}\omega C U_2 \cos(\omega t + \delta) + \frac{\sqrt{2}U_2}{R} \sin(\omega t + \delta)$$
 (3-41)

则当 $\omega t = \theta$ 时, VD_1 和 VD_4 关断。将 $i_d(\theta) = 0$ 代入式(3-41),得:

$$tg(\theta + \delta) = -\omega RC$$
 (3-42)

二极管导通后 u_2 开始向C充电时的 u_a 与二极管关断后C放电结束时的 u_a 相等,故有下式成立:

$$\sqrt{2}U_2\sin(\theta+\delta)\cdot e^{-\frac{\pi-\theta}{\omega RC}} = \sqrt{2}U_2\sin\delta$$

$$\pi - \theta = \delta + \arctan(\omega RC)$$
 (3-44)

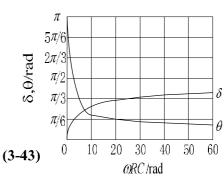


图3-29
$$\delta$$
、 θ 与 ω RC的
关系曲线

由式 (3-42) 和 (3-43) 得

$$\frac{\omega RC}{\sqrt{(\omega RC)^2 + 1}} \cdot e^{-\frac{\arctan((\omega RC))}{\omega RC}} \cdot e^{-\frac{\delta}{\omega RC}} = \sin \delta$$
 (3-45)

可由式 (3-45) 求出 δ , 进而由式 (3-44) 求出 θ ,显然 δ 和 θ 仅由乘积 ω RC决定。

 Θ 的另外一种确定方法: $\mathbf{VD_1}$ 和 $\mathbf{VD_4}$ 的关断时刻,从物理意义上讲,就是两个电压下降速度相等的时刻,一个是电源电压的下降速度 $|\mathbf{du_2}/\mathbf{d}(\omega t)|$,另一个是假设二极管 $\mathbf{VD_1}$ 和 $\mathbf{VD_4}$ 关断而电容开始单独向电阻放电时电压的下降速度 $|\mathbf{du_d}/\mathbf{d}(\omega t)|_{\mathbf{D}}$ (下标表示假设),据此即可确定 $\boldsymbol{\theta}$ 。

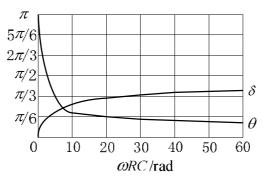


图3-29 δ、θ与ω**RC**的 关系曲线

■主要的数量关系

◆输出电压平均值

空空载时, $U_d = \sqrt{2U_2}$

☞在设计时根据负载的情况选择电容C值,使 $RC \ge (3 \sim 5)T/2$,此时输出电压为:

$$U_d \approx 1.2U_2 \tag{3-46}$$

◆电流平均值

寧输出电流平均值
$$I_R$$
为: $I_R=U_d/R$ (3-47)

$$I_d = I_R \tag{3-48}$$

圖二极管电流
$$I_D$$
平均值为: $I_D=I_d/2=I_R/2$ (3-49)

◆二极管承受的电压

罗为变压器二次侧电压最大值,即 $\sqrt{2}U_2$ 。

- ■感容滤波的单相桥式不可控整流电路
- ◆实际应用中为了<mark>抑制电流冲击</mark>,常在直流侧串入较小的电感。
- $\diamond u_d$ 波形更平直,电流 i_2 的上升段平缓了许多,这对于电路的工作是有利的。

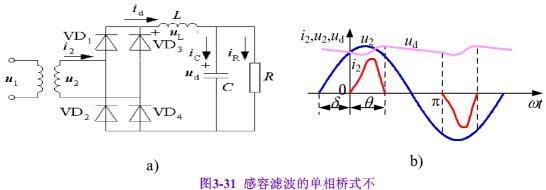
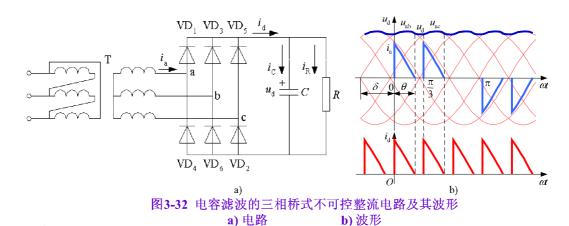


图3-31 感容滤波的单相桥式不可控整流电路及其工作波形 a) 电路图 b)波形



■基本原理

- ◆ 当某一对二极管导通时,输出直流电压等于交流侧线电压中最大的一个, 该线电压既向电容供电,也向负载供电。
 - ◆当没有二极管导通时,由电容向负载放电, u_a按指数规律下降。
- ■电流*i*,断续和连续
- ◆比如在 VD_1 和 VD_2 同时导通之前 VD_6 和 VD_1 是关断的,交流侧向直流侧的充电电流 i_a 是断续的。
 - ◆ VD_1 一直导通,交替时由 VD_6 导通换相至 VD_2 导通, i_d 是连续的。



◆由"电压下降速度相等"的原则,可以确定临界条件,假设在 ωt + δ = $2\pi/3$ 的时刻"速度相等"恰好发生,则有

$$\left| \frac{\mathsf{d} [\sqrt{6}U_2 \sin(\omega t + \theta)]}{\mathsf{d} (\omega t)} \right|_{\omega t + \delta = \frac{2\pi}{3}} = \left| \frac{\mathsf{d} \left\{ \sqrt{6}U_2 \sin\frac{2\pi}{3} e^{-\frac{1}{\omega RC} [\omega t - (\frac{2\pi}{3} - \delta)]} \right\}}{\mathsf{d} (\omega t)} \right|_{\omega t + \delta = \frac{2\pi}{3}}$$
(3-50)

可得 $\omega RC = \sqrt{3}$

这就是临界条件。 $\omega RC > \sqrt{3}$ 和 $\omega RC < \sqrt{3}$ 分别是电流 i_a 断续和连续的条件。

◆通常只有R是可变的,它的大小反映了负载的轻重,因此在轻载时直流侧 获得的充电电流是断续的,重载时是连续的。

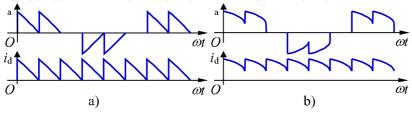


图3-33 电容滤波的三相桥 式整流电路当 ωRC 等于和 小于时 $\sqrt{3}$ 的电流波形 a) $\omega RC = \sqrt{3}$ b) $\omega RC < \sqrt{3}$

■考虑电感

- ◆实际电路中存在交流侧电感以及为抑制冲击电流而串联的电感。
- ◆有电感时,电流波形的前沿平缓了许多,有利于电路的正常工作。
- ◆随着负载的加重,电流波形与电阻负载时的交流侧电流波形逐渐接近。

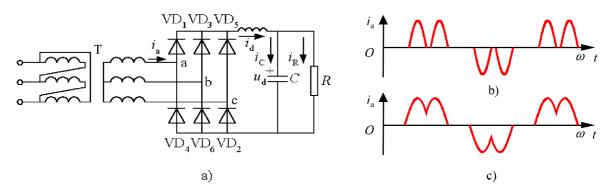


图3-34 考虑电感时电容滤波的三相桥式整流电路及其波形 a)电路原理图 b)轻载时的交流侧电流波形 c)重载时的交流侧电流波形

■主要数量关系

- ◆输出电压平均值
 - \mathbf{U}_{d} 在(2.34 \mathbf{U}_{2} ~2.45 \mathbf{U}_{2})之间变化。
- ◆电流平均值
 - 寧输出电流平均值 I_R 为:

$$I_R = U_d/R \tag{3-51}$$

电容电流ic平均值为零,因此:

$$I_d = I_R \tag{3-52}$$

☞二极管电流平均值为/。的1/3,即

$$I_D = I_d/3 = I_R/3$$
 (3-53)

- ◆二极管承受的电压
 - 写为线电压的峰值,为 $\sqrt{6}U_2$ 。

3.5 整流电路的谐波和功率因数

- 3.5.1 谐波和无功功率分析基础
- 3.5.2 带阻感负载时可控整流电路交流侧谐 波和功率因数分析
- 3.5.3 电容滤波的不可控整流电路交流侧谐 波和功率因数分析
- 3.5.4 整流输出电压和电流的谐波分析



3.5 整流电路的谐波和功率因数·引言

- ■随着电力电子技术的发展,其应用日益广泛,由此带来的谐波(harmonics)和无功(reactive power)问题日益严重,引起了关注。
- ■无功的危害
 - ◆导致设备容量增加。
 - ◆使设备和线路的损耗增加。
 - ◆线路压降增大,冲击性负载使电压剧烈波动。
- ■谐波的危害
 - ◆降低发电、输电及用电设备的效率。
 - ◆影响用电设备的正常工作。
 - ◆引起电网局部的谐振,使谐波放大,加剧危害。
 - ◆导致继电保护和自动装置的误动作。
 - ◆对通信系统造成干扰。

3.5.1 谐波和无功功率分析基础

■谐波

◆正弦波电压可表示为 $u(t) = \sqrt{2}U\sin(\omega t + \varphi_u)$ (3-54)

式中U为电压有效值; φ_u 为初相角; ω 为角频率, $\omega=2\pi f=2\pi/T$;f为频率;T为周期。

◆非正弦电压u(ωt)分解为如下形式的傅里叶级数

$$u(\omega t) = a_0 + \sum_{n=1}^{\infty} (a_n \cos n\omega t + b_n \sin n\omega t)$$
 (3-55)

中

$$a_0 = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} u(\omega t) d(\omega t)$$

$$a_n = \frac{1}{\pi} \int_0^{2\pi} u(\omega t) \cos n\omega t d(\omega t)$$

$$b_n = \frac{1}{\pi} \int_0^{2\pi} u(\omega t) \sin n\omega t d(\omega t)$$

$$\mathbf{n} = \mathbf{1}, \mathbf{2}, \mathbf{3} \dots$$

