

# 第八章

## 静电场中的导体与电介质

## 8.1 静电场中的导体

# ※ 物质按导电性能分类

导体 绝缘体 半导体

## 1) 导体 (Conductor)

导电能力极强的物体 (存在大量可自由移动的电荷)

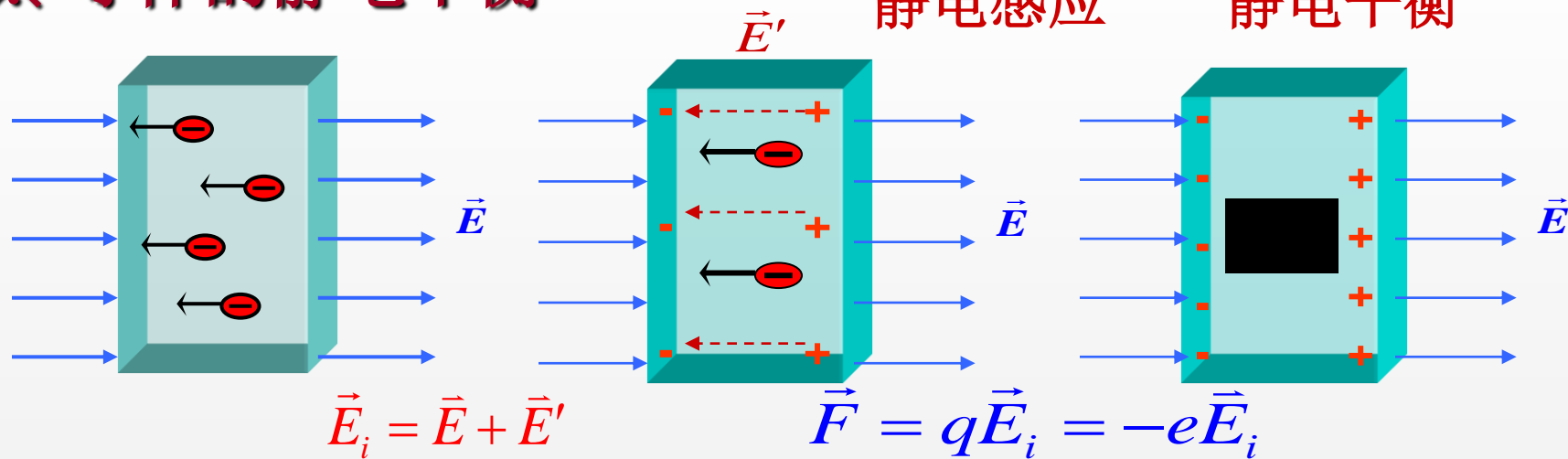
## 2) 绝缘体 (电介质, Dielectric)

导电能力极弱或不能导电的物体

## 3) 半导体 (Semiconductor)

导电能力介于上述两者之间的物体

# ※ 导体的静电平衡



导体的静电平衡状态:

导体的内部和表面都没有电荷作任何宏观定向运动的状态.

导体静电平衡条件:

导体内任一点的电场强度都等于零  $\vec{E}_i = 0$

## 推论 (静电平衡状态)

1、导体为等势体，导体表面为等势面

证：在导体上任取两点  $A, B$  电势差

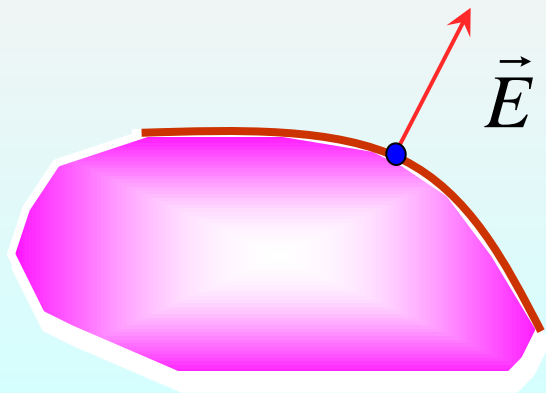
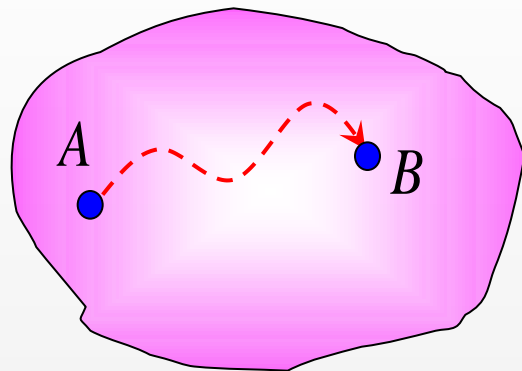
$$U_{AB} = V_A - V_B = \int_A^B \vec{E}_i \cdot d\vec{l} = 0$$

导体静电平衡条件：  $\vec{E}_i = 0$

$$V_A = V_B$$

2、导体表面任一点

场强方向垂直于表面



## ※ 导体上电荷的分布

1、当带电导体处于静电平衡状态时，

导体内部处处没有净电荷存在，

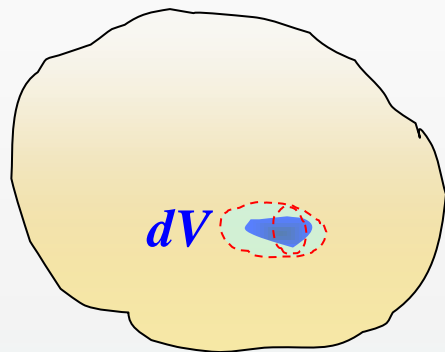
净电荷只能分布于导体的表面上

证明：在导体内任取体积元： $dV$

由高斯定理： $\oint \vec{E}_i \cdot d\vec{S} = \frac{1}{\epsilon_0} \sum_i q_{i内}$

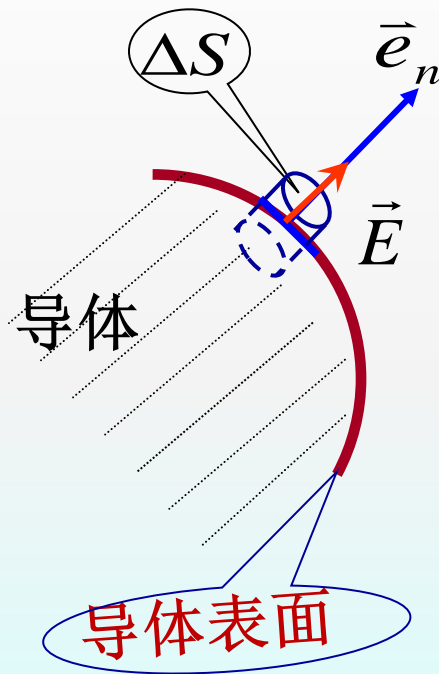
$$\because \vec{E}_i = 0, \quad \sum_i q_{i内} = 0$$

净电荷只能分布于导体的表面！



2、导体表面附近的场强方向与表面垂直，  
大小与该处电荷的面密度成正比

$$\begin{aligned}\Phi_e &= \oint \vec{E} \cdot d\vec{S} \\ &= \int_{\text{上底面}} \vec{E} \cdot d\vec{S} + \int_{\text{下底面}} \vec{E} \cdot d\vec{S} + \int_{\text{内侧面}} \vec{E} \cdot d\vec{S} + \int_{\text{外侧面}} \vec{E} \cdot d\vec{S} \\ &\quad \downarrow \quad \quad \quad \downarrow \quad \quad \quad \downarrow \quad \quad \quad \downarrow \\ &\quad E\Delta S \quad \quad \quad 0 \quad \quad \quad 0 \quad \quad \quad 0 \\ &= E\Delta S = \frac{1}{\varepsilon_0} \sum_i q_{i\text{内}} = \frac{\sigma\Delta S}{\varepsilon_0} \\ &\Rightarrow \boxed{\vec{E} = \frac{\sigma}{\varepsilon_0} \vec{e}_n}\end{aligned}$$

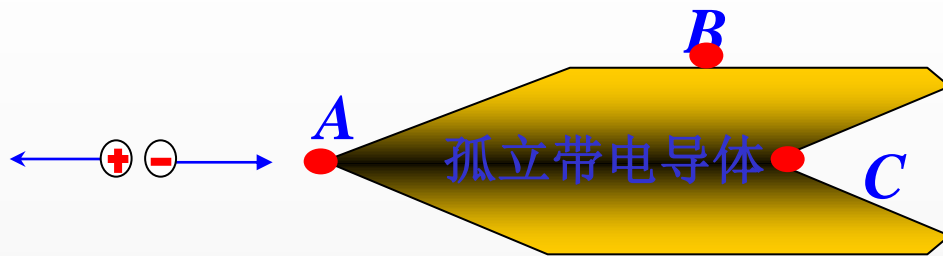


### 3、孤立的带电导体，外表面各处的 电荷面密度与该处曲率有关。

- 1) 导体表面凸出而尖锐的地方（曲率较大）  
电荷面密度较大
- 2) 导体表面平坦的地方（曲率较小）  
电荷面密度较小
- 3) 导体表面凹进去的地方（曲率为负）  
电荷面密度更小



# 尖端放电



球形电力设备



避雷针



$$\sigma_A > \sigma_B > \sigma_C$$

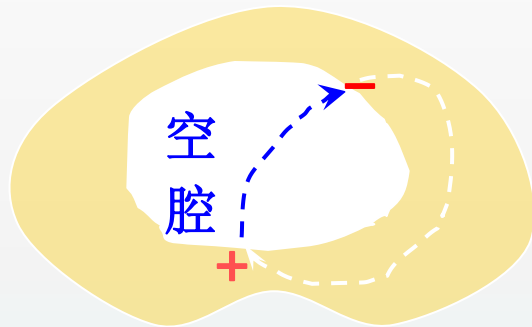
## ※ 空腔导体 (带电荷Q)

1、腔内无电荷，导体的净电荷只能分布在外表面。

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_{\text{沿电场线}} \vec{E}_{\text{腔}} \cdot d\vec{l} + \int_{\text{导体内}} \vec{E}_i \cdot d\vec{l}$$

$$\int_{\text{沿电场线}} E_{\text{腔}} dl \neq 0, \quad \int_{\text{导体内}} \vec{E}_i \cdot d\vec{l} = 0$$

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} \neq 0, \quad (\text{违反环路定理})$$



在静电平衡状态下，导体空腔内各点的场强等于零，  
空腔的内表面上处处没有净电荷分布。

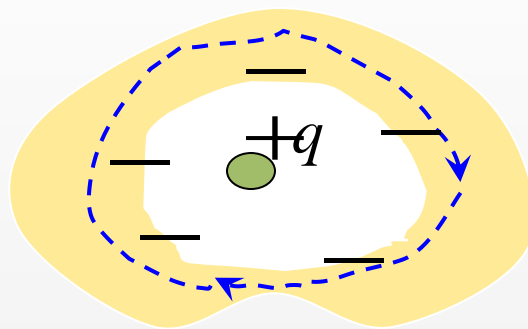
## ※ 空腔导体 (带电荷Q)

### 2、腔内有电荷 $q$

由高斯定理：

$$\oint_S \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{1}{\epsilon_0} \sum_i q_i$$

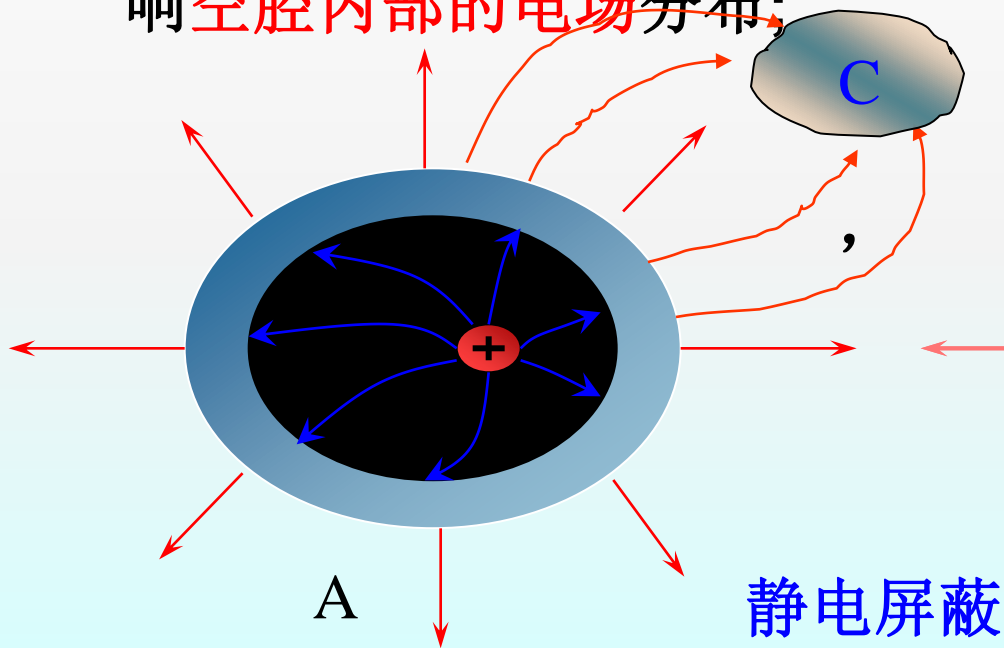
导体的内表面有电荷  $-q$



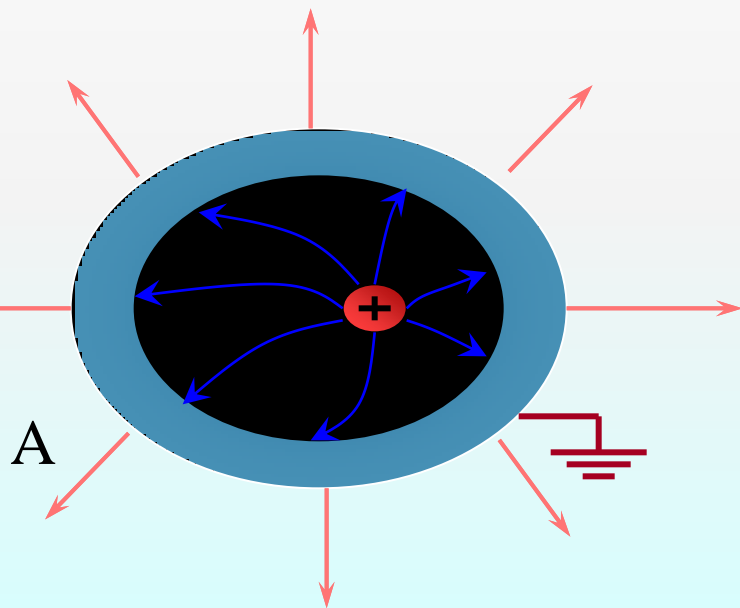
# ※ 导体静电平衡的应用

## 在静电平衡状态

1、空腔导体, 外面的带电体不会影响空腔内部的电场分布:

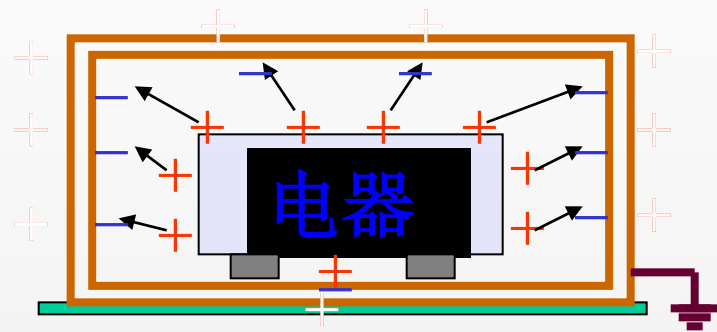


2、一个接地的空腔导体, 空腔内的带电体对空腔外的物体不产生影响.

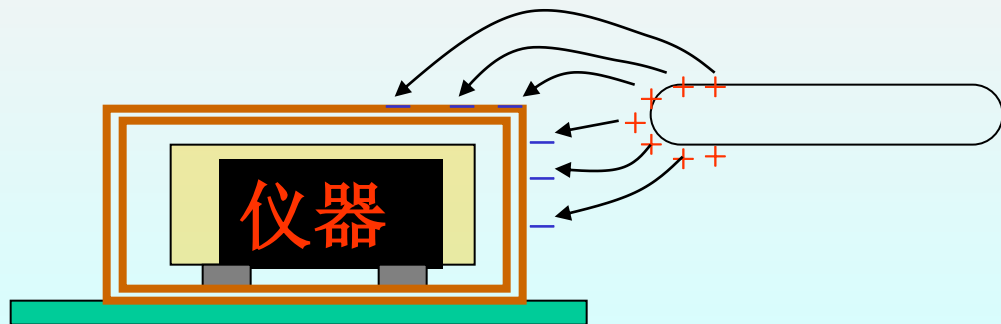


## 静电屏蔽的应用

为了使带电体不影响周围空间，可用导体壳将它罩起来。为除去导体壳外表面上因感应而出现的同号电荷，可将导体“**接地**”，使这部分电荷放给大地。使空腔内外的电场互不影响。



为了使仪器不受外电场的影响，可将它用导体壳罩起来。



# 静电的应用与危害

## 1、 静电的应用

静电技术在生产中应用很广泛，静电喷漆、静电植绒、静电除尘、静电复印、静电制版等都是静电的应用。

## 2、 静电的危害

在化纤工业中，静电吸引灰尘使纺织品失色，严重的还会引起爆炸起火，危及厂房及人身安全；静电可使药品生产达不到标准纯度，使精密仪器的组件性能变差，火花放电还能使照相胶卷感光产生斑点，人在地毯上行走，与地毯摩擦可产生高压，当用手拉金属门手时会遭电击等。

**例：**大平面金属板面积为 $S$ ，带电量为 $q$ ，近旁平行放置第二块不带电大金属板。

**求：**1、电荷分布和电场分布；  
2、把第二块金属板接地，情况如何？

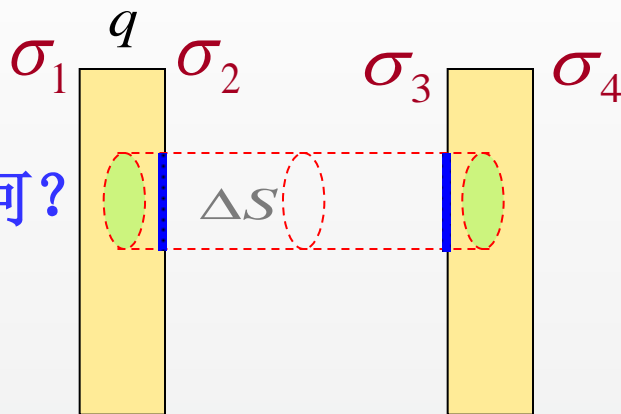
**解：**1、由电荷守恒定律

$$\sigma_1 S + \sigma_2 S = q, \quad \sigma_1 + \sigma_2 = \frac{q}{S}$$

$$\sigma_3 S + \sigma_4 S = 0, \quad \sigma_3 + \sigma_4 = 0$$

**根据高斯定理有：**  $\sigma_2 + \sigma_3 = 0$

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{\sum_i q_{i\text{内}}}{\epsilon_0} = \frac{(\sigma_2 + \sigma_3)\Delta S}{\epsilon_0} = 0$$



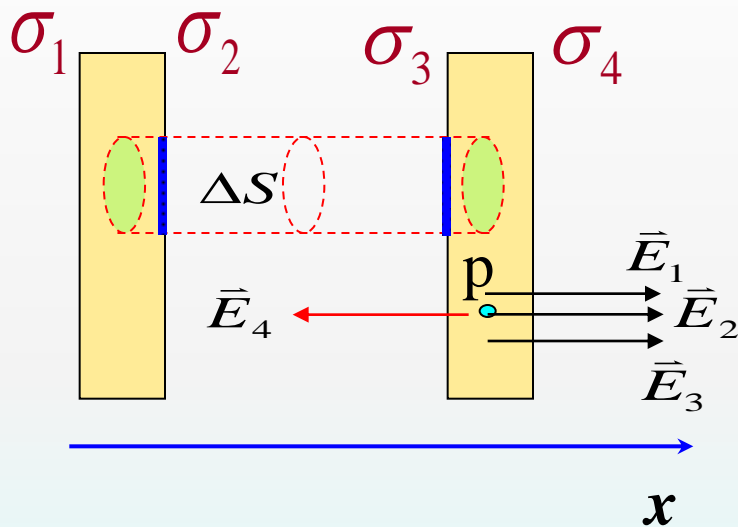
解：1、由电荷守恒定律

$$\sigma_1 S + \sigma_2 S = q, \quad \sigma_1 + \sigma_2 = \frac{q}{S}$$

$$\sigma_3 S + \sigma_4 S = 0, \quad \sigma_3 + \sigma_4 = 0$$

根据高斯定理有：  $\sigma_2 + \sigma_3 = 0$

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{\sum_i q_{i\text{内}}}{\epsilon_0} = \frac{(\sigma_2 + \sigma_3)\Delta S}{\epsilon_0} = 0$$



P点的场强是四个带电面产生：

$$\vec{E}_p = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \vec{E}_4 = 0,$$

$$E_p = E_1 + E_2 + E_3 - E_4 = 0$$

$$\sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3 - \sigma_4 = 0$$



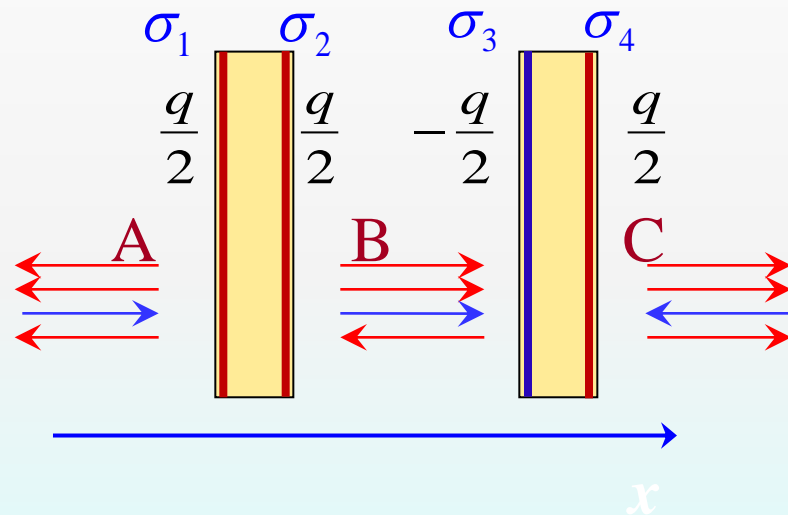
$$\sigma_1 = \frac{q}{2S}, \quad \sigma_2 = \frac{q}{2S}, \quad \sigma_3 = -\frac{q}{2S}, \quad \sigma_4 = \frac{q}{2S}$$

$$\vec{E}_A = -\frac{\sigma_1}{2\epsilon_0} \vec{i} - \frac{\sigma_2}{2\epsilon_0} \vec{i} - \frac{\sigma_3}{2\epsilon_0} \vec{i} - \frac{\sigma_4}{2\epsilon_0} \vec{i}$$

$$\vec{E}_A = -\frac{q}{2\epsilon_0 S} \vec{i}$$

$$\vec{E}_B = \frac{q}{2\epsilon_0 S} \vec{i}$$

$$\vec{E}_C = \frac{q}{2\epsilon_0 S} \vec{i}$$



## 2、右板接地

$$\sigma_4 = 0, \quad \sigma_1 + \sigma_2 = \frac{q}{S},$$

高斯定理:  $\sigma_2 + \sigma_3 = 0$

P点的合场强为零:

$$\sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3 = 0$$

$$\sigma_1 = 0, \quad \sigma_2 = \frac{q}{S}, \quad \sigma_3 = -\frac{q}{S}, \quad \sigma_4 = 0$$

$$E_A = 0, \quad E_B = \frac{q}{\varepsilon_0 S}, \quad E_C = 0$$

