

# 江西理工大学学期终考试卷

试卷编号:

20 — 20 学年第 二 学期	考试性质 (正考、补考或其它): [ 正考 ]
课程名称: <u>高等数学 (二)</u>	考试方式 (开卷、闭卷): [ 闭卷 ]
考试时间: _____ 年 _____ 月 _____ 日	试卷类别 (A、B): [ B ] 共 <u>三</u> 大题
<p style="text-align: center;"><b>温 馨 提 示</b></p> <p>请考生自觉遵守考试纪律, 争做文明诚信的大学生。如有违犯考试纪律, 将严格按照《江西理工大学学生违纪处分暂行规定》处理。</p>	

班级 \_\_\_\_\_ 学号 \_\_\_\_\_ 姓名 \_\_\_\_\_ 参考答案 \_\_\_\_\_

题号	一	二	三	总 分
得分				

一、选择题 (请将正确答案编码填入下表中, 每小题 3 分, 共 24 分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案								

1. 设  $f(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{xy} \sin x^2 y, & \text{当 } x y \neq 0, \\ 0, & \text{当 } x y = 0, \end{cases}$  则当  $(y \neq 0)$  时,  $f_x(0, y) = ( \quad )$ .
- (A) 0                      (B) 1                      (C) 2                      (D) 不存在

2. 曲线  $\begin{cases} z = \frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{4}, \\ y = 2, \end{cases}$  在点  $(1, 2, \frac{3}{2})$  处的切线与  $x$  轴的正向所成的倾角是  $( \quad )$ .
- (A)  $\arctan 1$               (B)  $30^\circ$                       (C)  $60^\circ$                       (D)  $90^\circ$

3. 设  $\vec{AB}$  与  $u$  轴的夹角为  $\frac{\pi}{3}$ , 则  $\vec{AB}$  在  $u$  轴上的投影是 ( ).

- (A)  $\vec{AB} \cos \frac{\pi}{3}$       (B)  $\vec{AB} \sin \frac{\pi}{3}$       (C)  $|\vec{AB}| \cos \frac{\pi}{3}$       (D)  $|\vec{AB}| \sin \frac{\pi}{3}$

4. 过点  $M_1(3, -2, 1)$ ,  $M_2(-1, 0, 2)$  的直线方程是 ( ).

- (A)  $-4(x-3) + 2(y+2) + (z-1) = 0$       (B)  $\frac{x-3}{4} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-1}{1}$   
(C)  $\frac{x+1}{4} = \frac{y}{2} = \frac{z-2}{1}$       (D)  $\frac{x-3}{4} = \frac{y+2}{-2} = \frac{z-1}{-1}$

5. 直线  $\begin{cases} x+y+3z=0 \\ x-y-z=0 \end{cases}$  与平面  $x-y-z+1=0$  的夹角是 ( ).

- (A)  $90^0$       (B)  $60^0$       (C)  $30^0$       (D)  $0^0$

6. 当  $\sum_{n=1}^{\infty} (a_n + b_n)$  收敛时,  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$  与  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$  ( ).

- (A) 可能不同时收敛      (B) 不可能同时收敛      (C) 必同时收敛      (D) 必同时发散

7.  $L$  为  $y = x^2$  上从  $A(1, 1)$  到  $B(0, 0)$  的一段弧, 则  $\int_L x dy =$  ( ).

- (A)  $\int_0^1 2x^2 dx$       (B)  $\int_1^0 x dy$       (C)  $\int_1^0 2x^2 dx$       (D)  $\int_0^1 \sqrt{y} dy$

8.  $D$  是矩形闭区域  $0 \leq x \leq 1$ ,  $0 \leq y \leq 2$ ,  $I = \iint_D (x+y+1) dx dy$ , 利用二重积分的性质,

$I$  的最佳估计区间为 ( ).

- (A)  $[0, 1]$       (B)  $[0, 2]$       (C)  $[1, 3]$       (D)  $[2, 8]$

二、填空题（请将正确答案填写在以下相应的横线上，每空 3 分，共 24 分）

1. \_\_\_\_\_ 2. \_\_\_\_\_ 3. \_\_\_\_\_

4. \_\_\_\_\_ 5. \_\_\_\_\_ 6. \_\_\_\_\_

7. \_\_\_\_\_ 8. \_\_\_\_\_

1.  $L$  为圆周  $x^2 + y^2 = 1$ ，则  $\int_L (x^2 + y^2) ds =$ \_\_\_\_\_.

2.  $\Sigma$  是  $xoy$  平面上的圆域： $x^2 + y^2 \leq 1$ ，取下侧，则  $\iint_{\Sigma} dx dy =$ \_\_\_\_\_.

3.  $e^{x^2}$  的  $x$  的幂级数展开式为\_\_\_\_\_.

4. 级数  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n + 4^n}{7^n}$  的和为\_\_\_\_\_.

5. 设  $z = \ln \sqrt{1 + x^2 + y^2}$ ，则  $dz|_{(1,1)} =$ \_\_\_\_\_.

6. 函数  $z = x^2 + y^2$  在点  $P(1, 2)$  沿从点  $(1, 2)$  到点  $(2, 2 + \sqrt{3})$  的方向上的方向导数为\_\_\_\_\_.

7. 改换二次积分的积分次序： $\int_0^1 dy \int_0^y f(x, y) dx =$ \_\_\_\_\_.

8. 平面  $x + y + z = 1$  含在圆柱面  $x^2 + y^2 = 2x$  内部的那部分平面面积为\_\_\_\_\_.

三、综合题（请写出求解过程，8 小题，共 52 分）

1. 计算  $I = \iint_D (x^2 + y^2) dx dy$ ，其中  $D = \{(x, y) | 1 \leq x^2 + y^2 \leq 4\}$ . (5 分)

2. 由  $e^x - xyz = 0$  确定了函数  $z = z(x, y)$ ，求  $\frac{\partial z}{\partial x}$ . (5 分)

3. 求过点  $(2, 5, -3)$  且与直线  $\begin{cases} x = 5 - 2t \\ y = 1 + t \\ z = 7 \end{cases}$  垂直的平面方程. (5 分)

4. 求微分方程  $y'' - 2y' + y = e^x$  的通解. (8 分)

5. 求幂级数  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^{2n+1}}{2n+1}$  在收敛域  $(-1, 1)$  内的和函数. (8 分)

6. 设  $\Sigma$  是由旋转抛物面  $z = x^2 + y^2$  与平面  $z = 2$  所围成的封闭曲面，取外侧. 用

高斯公式计算  $\iint_{\Sigma} 4(1 - y^2)dzdx + z(8y + 1)dxdy$  (8 分)

7. 利用格林公式，计算  $\oint_L (2x^2y - 2y)dx + \left(\frac{1}{3}x^3 - 2x\right)dy$ ，其中  $L$  为以  $y = x$ ， $y = x^2$ ，围成区域的正向边界. (8 分)

8. 设函数  $f(x)$  在  $[a, b]$  上连续且  $f(x) > 0$ ，证明  $\int_a^b f(x)dx \int_a^b \frac{1}{f(x)}dx \geq (b - a)^2$ . (5 分)