

山东科技大学 2014—2015 学年第一学期

《信息安全基础》期末考试试卷（A 卷）答案

一、填空

- 1、 认证业务 不可否认业务 2、 反馈函数 3、 128
- 4、 数论 5、 有限域上离散对数问题
- 6、 行移位 (ShiftRow)、列混合 (MixColumn)
- 7、 24 8、 王小云

二、名词解释

1、离散对数：设 p 是素数， a 是 p 的本原根。即 a^1, a^2, \dots, a^{p-1} 在 $\text{mod } p$ 下产生 1 到 $p-1$ 的所有值，所以对 $b \in \{1, \dots, p-1\}$ ，有惟一的 $i \in \{1, \dots, p-1\}$ 使得 $b \equiv a^i \pmod{p}$ 。称 i 为模 p 下以 a 为底 b 的离散对数，记为

$$i \equiv \log_a b \pmod{p}。$$

2、陷门单向函数： t 是与 f 有关的一个参数。已知 x ，计算 y 使得 $y=f(x)$ 容易；如果不知道 t ，已知 y ，计算 x 使得 $y=f(x)$ 是难的，但知道 t 时，已知 y ，计算 x 使得 $y=f(x)$ 是容易的。参数 t 称为陷门 (Trapdoor)。

3、寻找函数 H 的具有相同输出的两个任意输入的攻击方式，称为第II类生日攻击。

4、在交互证明系统中，设 P 知道某一秘密，并向 V 证明自己掌握这一秘密，但又不向 V 泄露这一秘密，这就是最小泄露证明。进一步，如果 V 除了知道 P 能证明某一事实外，不能得到其他任何信息，则称 P 实现了零知识证明，相应的协议称为零知识证明协议。

三、问答题

1、答： 应考虑以下几个方面：

- 1) 加密算法。 (3 分)
- 2) 用于加密算法的秘密信息。(3 分)
- 3) 秘密信息的分布和共享。(8 分)
- 4) 使用加密算法和秘密信息以获得安全服务所需的协议。(10 分)

2、设计一个性能良好的序列密码最基本的设计原则是什么？它又可分为哪些基本原则？

答：最基本的设计原则是“密钥流生成器的不可预测性”，它可分解为下述基本原则：

- 答：① 长周期。② 高线性复杂度。③ 统计性能良好。④ 足够的“混乱”。
⑤ 足够的“扩散”。⑥ 抵抗不同形式的攻击。 (少一个扣2分)

3、在具有仲裁方式的数字签字中，如果仲裁方和发送方共谋否认曾发过的

消息,也可和接收方共谋以伪造发送方的签字,如何解决这个问题,请给出实例。

答:具体实例如下:

$$\textcircled{1} X \rightarrow A: ID_X \| E_{SK_X}[ID_X \| E_{PK_Y}[E_{SK_X}[M]]]$$

$$\textcircled{2} A \rightarrow Y: E_{SK_A}[ID_X \| E_{PK_Y}[E_{SK_X}[M]] \| T] \quad (4 \text{ 分})$$

首先,在协议执行以前,各方都不必有共享的信息,从而可防止共谋。(6分)

第二,只要仲裁者的秘密钥不被泄露,任何人包括发方就不能发送重放的消息。(8分)

最后,对任何第三方(包括A)来说,X发往Y的消息都是保密的。(10分)

四、计算题(30分,每小题15分)

1、利用椭圆曲线实现 ElGamal 密码体制,设椭圆曲线是 $E_{11}=(1,6)$,生成元 $G=(2,7)$,接收方A的秘密钥 $n_A=7$ 。

(1) 求A的公开钥 P_A 。

(2) 发送方B欲发送消息 $P_m=(10,9)$,选择随机数 $k=3$,求密文 C_m 。

解:(1) 这里 $a=1, b=6, p=11$,则对于 $2G=G+G$,可首先计算

$$\lambda \equiv \frac{3x_1^2 + a}{2y_1} \equiv \frac{3 \times 2^2 + 1}{2 \times 7} \equiv 8 \pmod{11}$$

$$\text{利用公式} \begin{cases} x_3 \equiv \lambda^2 - x_1 - x_2 \pmod{11} \\ y_3 \equiv \lambda(x_1 - x_3) - y_1 \pmod{11} \end{cases} \text{ 可得} \quad (5 \text{ 分})$$

$$2G = G + G = (2,7) + (2,7) = (5,2)$$

$$\text{同样可得 } 4G = 2G + 2G = (5,2) + (5,2) = (10,2)$$

$$3G = 2G + G = (5,2) + (2,7) = (8,3)$$

$$7G = 4G + 3G = (10,2) + (8,3) = (7,2)$$

所以A的公开钥 $P_A=(7,2)$ (10分)

(2)利用椭圆曲线加密算法,得 $C_m=(P_m, kP_A)$ 。经计算可得

$$C_1 = kG = 3G = (8,3) \quad (12 \text{ 分})$$

$$C_2 = P_m + kP_A = (10,9) + 3(7,2) = (10,9) + (3,5) = (10,2)$$

即密文 $C_m=(10,2)$ (15分)

2、在 Shamir 秘密分割门限方案中,设 $k=3, n=5, q=19, 5$ 个子密钥

分别是 $f(1)=1$, $f(2)=5$, $f(3)=4$, $f(4)=17$, $f(5)=6$, 根据插值多项式并求秘密数据 s 。

解：利用其中的 3 个子密钥 $f(2)=5, f(3)=4, f(5)=6$, 就可按以下方式重构 $f(x)$:

$$\begin{aligned}
 5 \frac{(x-3)(x-5)}{(2-3)(2-5)} &= 5 \frac{(x-3)(x-5)}{(-1)(-3)} = 5 \frac{(x-3)(x-5)}{3} = 5 \cdot (3^{-1} \bmod 19) \cdot (x-3)(x-5) \\
 &= 5 \cdot 13 \cdot (x-3)(x-5) = 65(x-3)(x-5) \\
 4 \frac{(x-2)(x-5)}{(3-2)(3-5)} &= 4 \frac{(x-2)(x-5)}{(1)(-2)} = 4 \frac{(x-2)(x-5)}{-2} = 4 \cdot ((-2)^{-1} \bmod 19) \cdot (x-2)(x-5) \\
 &= 4 \cdot 9 \cdot (x-2)(x-5) = 36(x-2)(x-5) \\
 6 \frac{(x-2)(x-3)}{(5-2)(5-3)} &= 6 \frac{(x-2)(x-3)}{(3)(2)} = 6 \frac{(x-2)(x-3)}{6} = 6 \cdot (6^{-1} \bmod 19) \cdot (x-2)(x-3) \\
 &= 6 \cdot 16 \cdot (x-2)(x-3) = 96(x-2)(x-3)
 \end{aligned}$$

所以

$$\begin{aligned}
 f(x) &= [65(x-3)(x-5) + 36(x-2)(x-5) + 96(x-2)(x-3)] \bmod 19 \\
 &= [8(x-3)(x-5) + 17(x-2)(x-5) + (x-2)(x-3)] \bmod 19 \\
 &= (26x^2 - 188x + 296) \bmod 19 \\
 &= 7x^2 + 2x + 11
 \end{aligned}$$

从而得秘密为 $s=11$ 。