

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования «Московский государственный технический универси-  
тет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)»  
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)  
Факультет «Робототехника и комплексная автоматизация»  
Кафедра «Системы автоматизированного проектирования»

**Домашнее задание №3 по дисциплине  
«Теория вероятностей и математическая статистика»**

**Вариант 14**

Выполнил:  
студент группы РК6-36Б  
Петраков С.А.

Москва  
2020

## Оглавление

Условие.....	3
1. Рассмотреть систему без очереди. Построить графики от числа операторов: вероятности отказа (вплоть до обеспечения отказов менее 1%); математического ожидания числа занятых операторов; коэффициента загрузки операторов.....	3
2. Рассмотреть систему с ограниченной очередью. Варьируя число операторов (вплоть до числа каналов, соответствующего 1% отказов в системе без очереди), построить семейства графиков от числа мест в очереди: вероятности отказа; математического ожидания числа занятых операторов; коэффициента загрузки операторов; вероятности существования очереди; математического ожидания длины очереди; коэффициента занятости мест в очереди. Варьируя число место в очереди, построить семейства графиков от числа операторов: вероятности отказа; математического ожидания числа занятых операторов; коэффициента загрузки операторов; вероятности существования очереди; математического ожидания длины очереди; коэффициента занятости мест в очереди. ....	5
3. Рассмотреть систему без ограничений на длину очереди. Построить графики от числа операторов (вплоть до числа каналов, соответствующего 1% отказов в системе без очереди): математического ожидания числа занятых операторов; коэффициента загрузки операторов; вероятности существования очереди; математического ожидания длины очереди.....	13
4. Рассмотреть систему без ограничений на длину очереди, учитывающей фактор ухода клиентов из очереди (среднее приемлемое время ожидания – $T_w = R_3 + G_3 + B_3 = 7$ секунд). Построить графики от числа операторов (вплоть до числа каналов, соответствующего 1% отказов в системе без очереди): математического ожидания числа занятых операторов; коэффициента загрузки операторов; вероятности существования очереди; математического ожидания длины очереди.....	16

## Условие.

Известно, что среднее время между звонками клиентов составляет  $T_c = R1 + G1 + B1$  секунд, а среднее время обслуживания  $T_s = R2$  секунд. Все потоки случайных событий считать пуассоновскими. Если все операторы заняты, звонок теряется.

$$R1 = 11 \quad R2 = 10 \quad R3 = 5$$

$$G1 = 10 \quad G2 = 9 \quad G3 = 1$$

$$B1 = 11 \quad B2 = 10 \quad B3 = 1$$

Известно, что среднее время между звонками клиентов составляет  $T_c = T_{\text{заявки}} = 32$  секунд, а среднее время обслуживания  $T_s = T_{\text{обслуживания}} = 10$  секунд. Все потоки случайных событий считать пуассоновскими. Если все операторы заняты, звонок теряется.

### 1. Рассмотреть систему без очереди. Построить графики от числа операторов: вероятности отказа (вплоть до обеспечения отказов менее 1%); математического ожидания числа занятых операторов; коэффициента загрузки операторов.

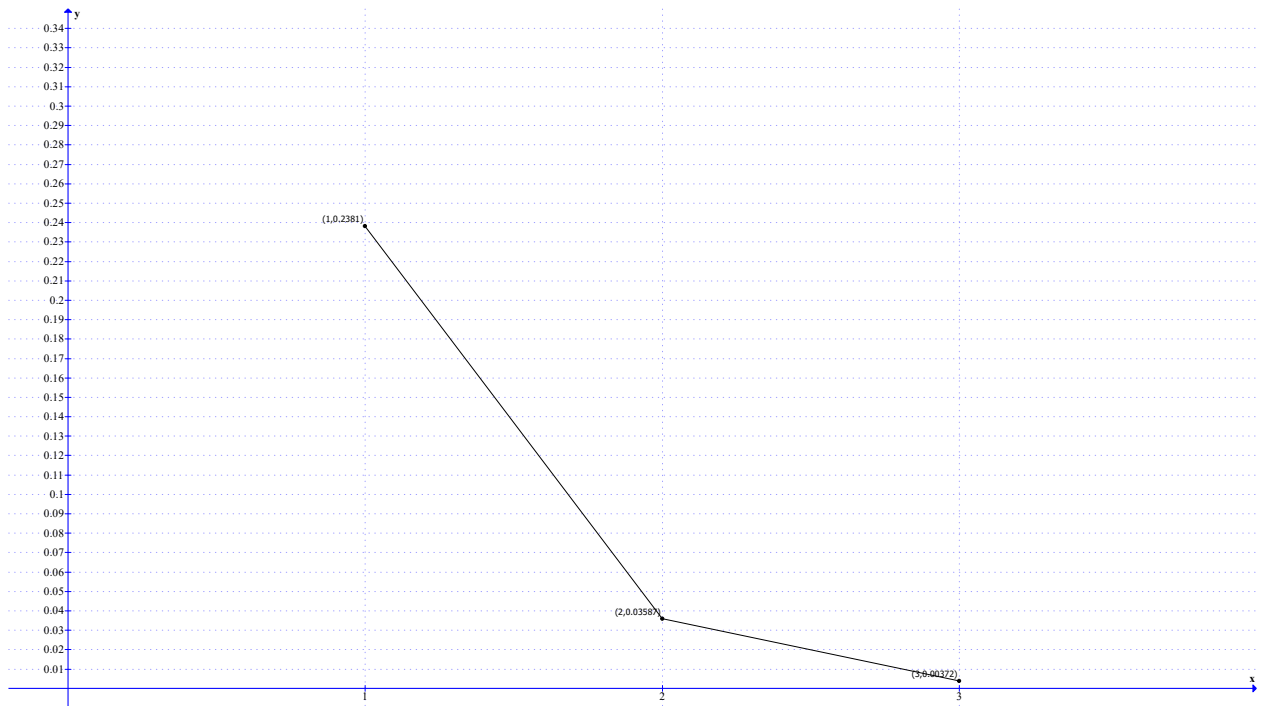
Пусть:

- число каналов –  $n$ .
- Частоты обслуживания заявок:  $\mu = \frac{1}{T_{\text{обслуживания}} \text{ секунду}} \frac{\text{заявки}}{\text{секунду}}$
- Частота появления новой заявки:  $\lambda = \frac{1}{T_{\text{заявки}} \text{ секунду}} \frac{\text{заявок}}{\text{секунду}}$
- Интенсивность нагрузки системы:  $\rho = \frac{\lambda}{\mu} = \frac{T_{\text{обслуживания}}}{T_{\text{заявки}}}$

$$P_0 = \left( \sum_{i=0}^n \frac{\rho^i}{i!} \right)^{-1}$$

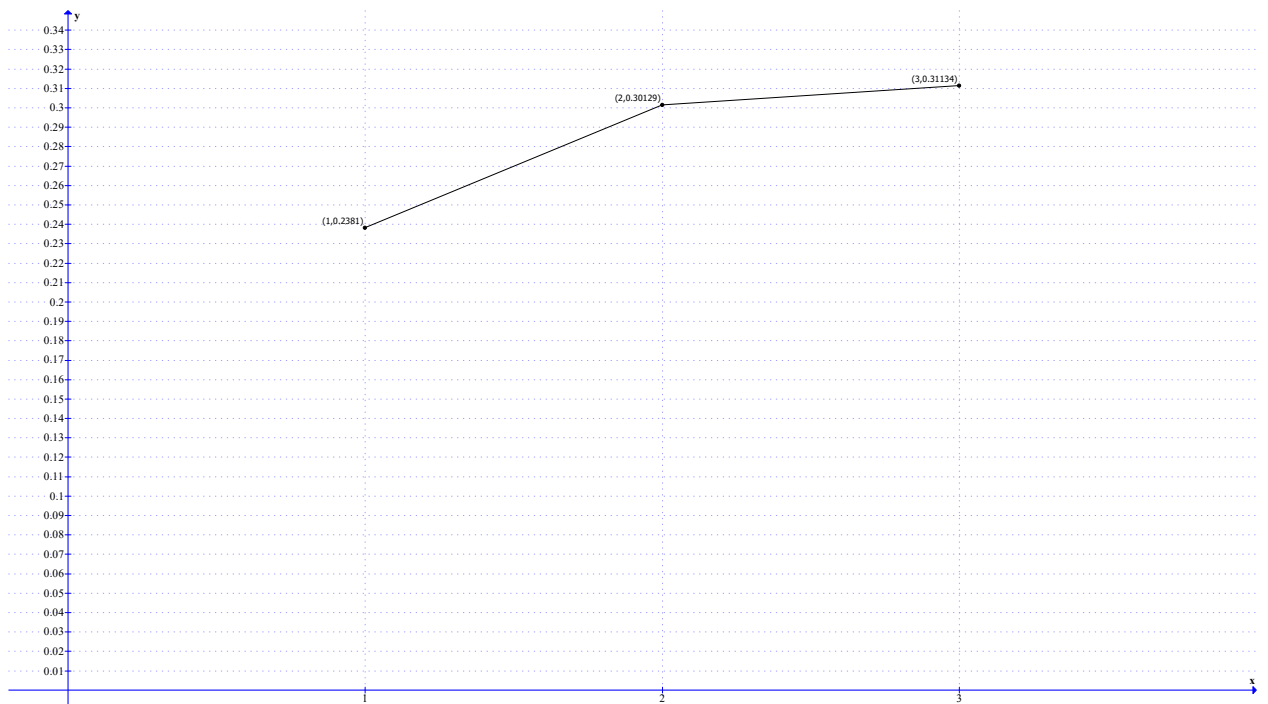
➤ Вероятность отказа:

$$P_{\text{отк}} = P_n = \frac{\rho^n}{n!} * P_0$$



➤ Математическое ожидание числа занятых операторов

$$M = \sum_{i=0}^n i * P_i \quad P_i = \frac{\rho^i}{i!} * P_0$$



➤ Коэффициент загрузки операторов

$$K_{\text{загрузки операторов}} = \frac{\overline{N_{\text{зан}}}}{n} = \frac{\rho Q}{n} = \frac{\rho(1 - p_{\text{отк}})}{n}$$

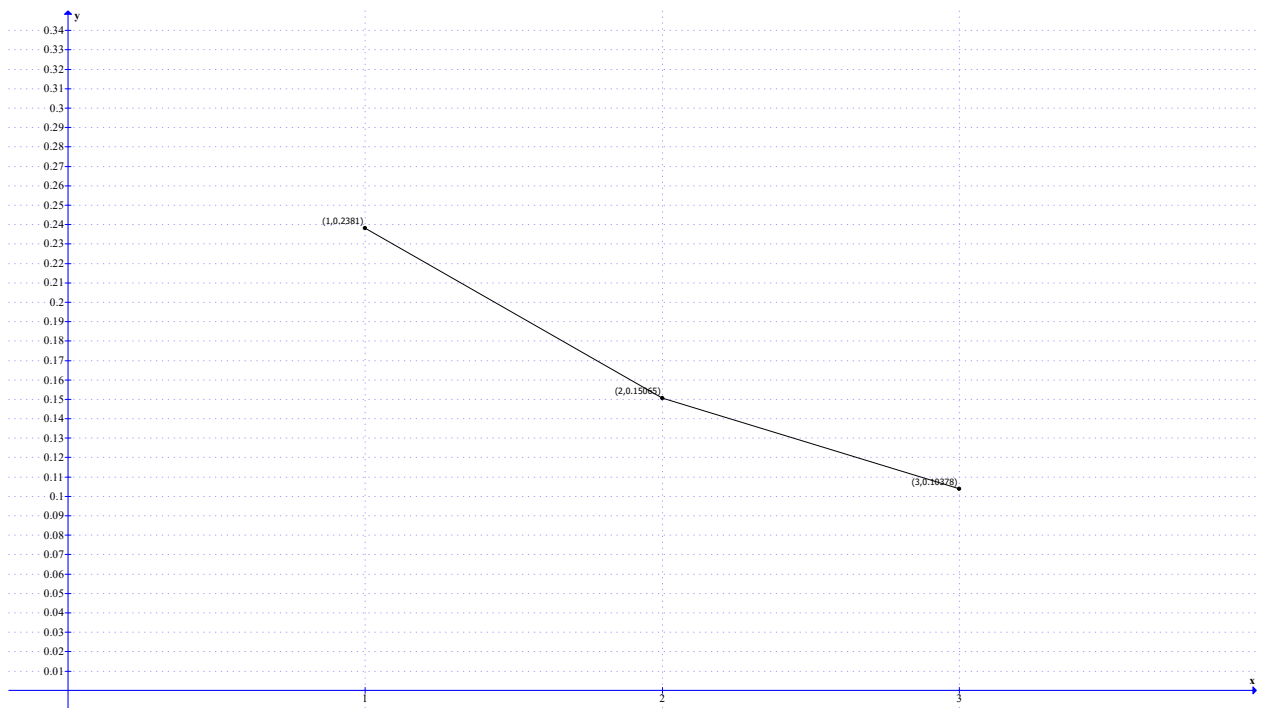


Таблица значений:

Количество каналов	Вероятность отказов	Математическое ожидание	Коэффициент загрузки операторов
1	0,2381	0,2381	0,2381
2	0,03587	0,30129	0,15065
3	0,00372	0,31134	0,10378

**2. Рассмотреть систему с ограниченной очередью. Варьируя число операторов (вплоть до числа каналов, соответствующего 1% отказов в системе без очереди), построить семейства графиков от числа мест в очереди: вероятности отказа; математического ожидания числа занятых операторов; коэффициента загрузки операторов; вероятности существования очереди; математического ожидания длины очереди; коэффициента занятости мест в очереди.**

Пусть:

- число каналов –  $n$ .
- число мест в очереди –  $m$ .
- Частоты обслуживания заявок:  $\mu = \frac{1}{T_{\text{обслуживания}}} \frac{\text{заявки}}{\text{секунду}}$
- Частота появления новой заявки:  $\lambda = \frac{1}{T_{\text{заявки}}} \frac{\text{заявок}}{\text{секунду}}$
- Интенсивность нагрузки системы:  $\rho = \frac{\lambda}{\mu} = \frac{T_{\text{обслуживания}}}{T_{\text{заявки}}}$

$$P_0 = \left( \sum_{k=0}^n \frac{\rho^k}{k!} + \frac{\rho^{n+1}}{n! * (n - \rho)} * \left( 1 - \frac{\rho}{n} \right) \right)^{-1}$$

Для графиков:

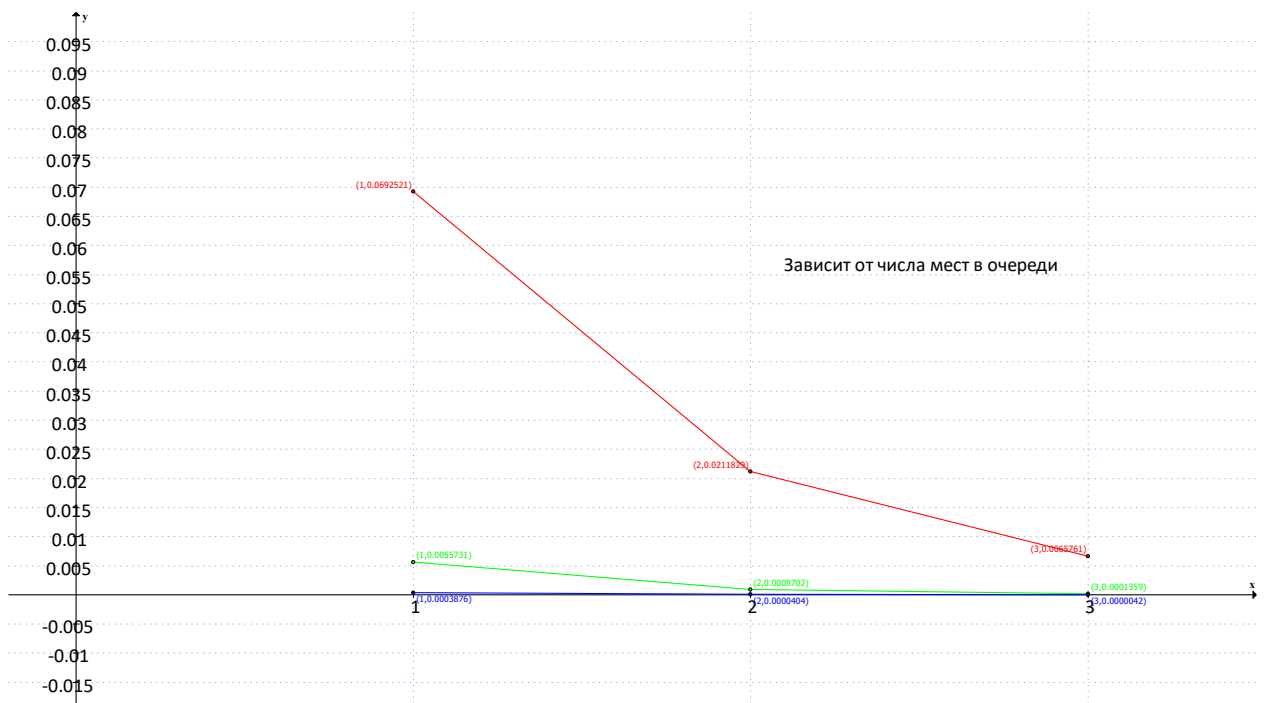
Красный – 1 канал(место в очереди)

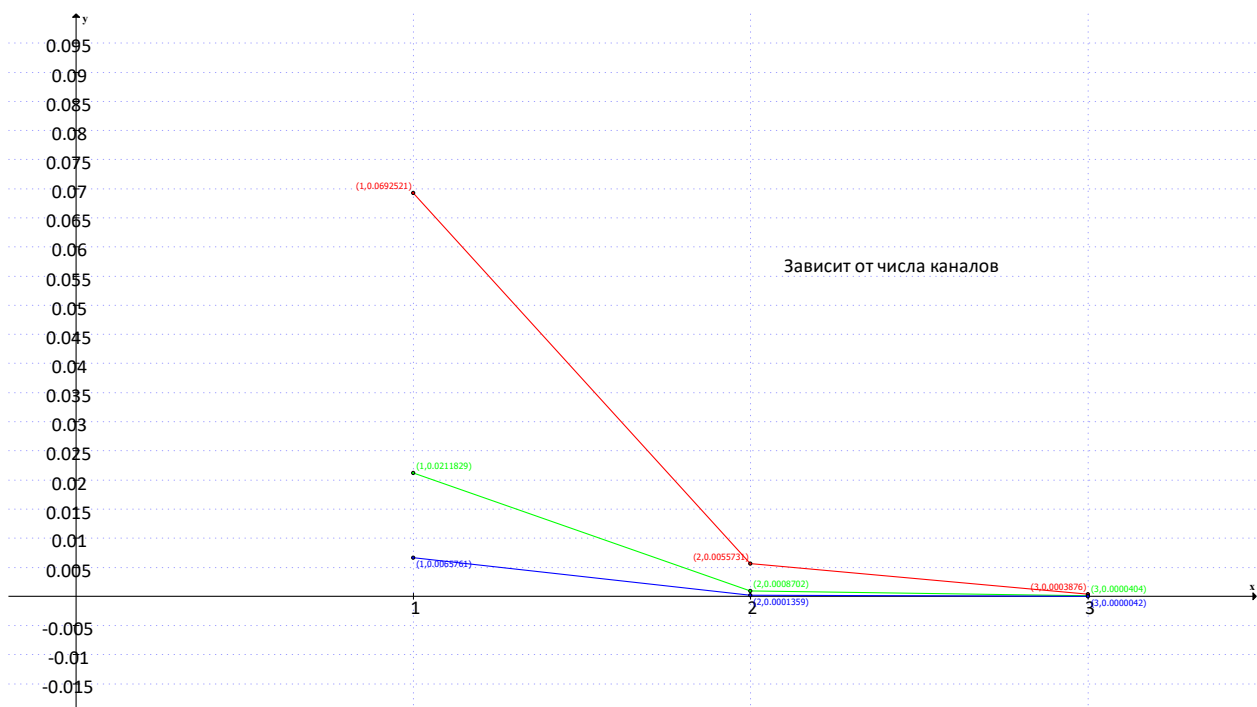
Зеленый – 2 канала(место в очереди)

Синий – 3 канала(место в очереди)

➤ Вероятность отказа

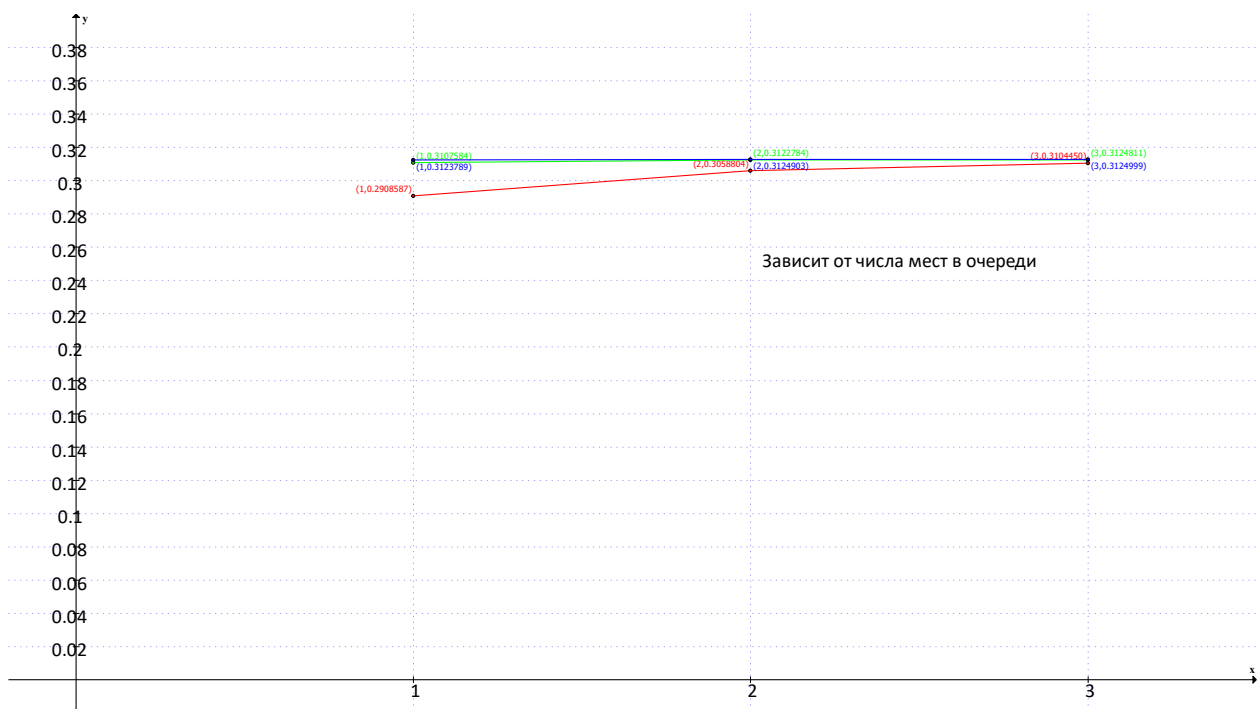
$$P_{\text{отказа}} = P_{n+m} = \frac{\rho^{n+m}}{n^m * n!} * P_0$$

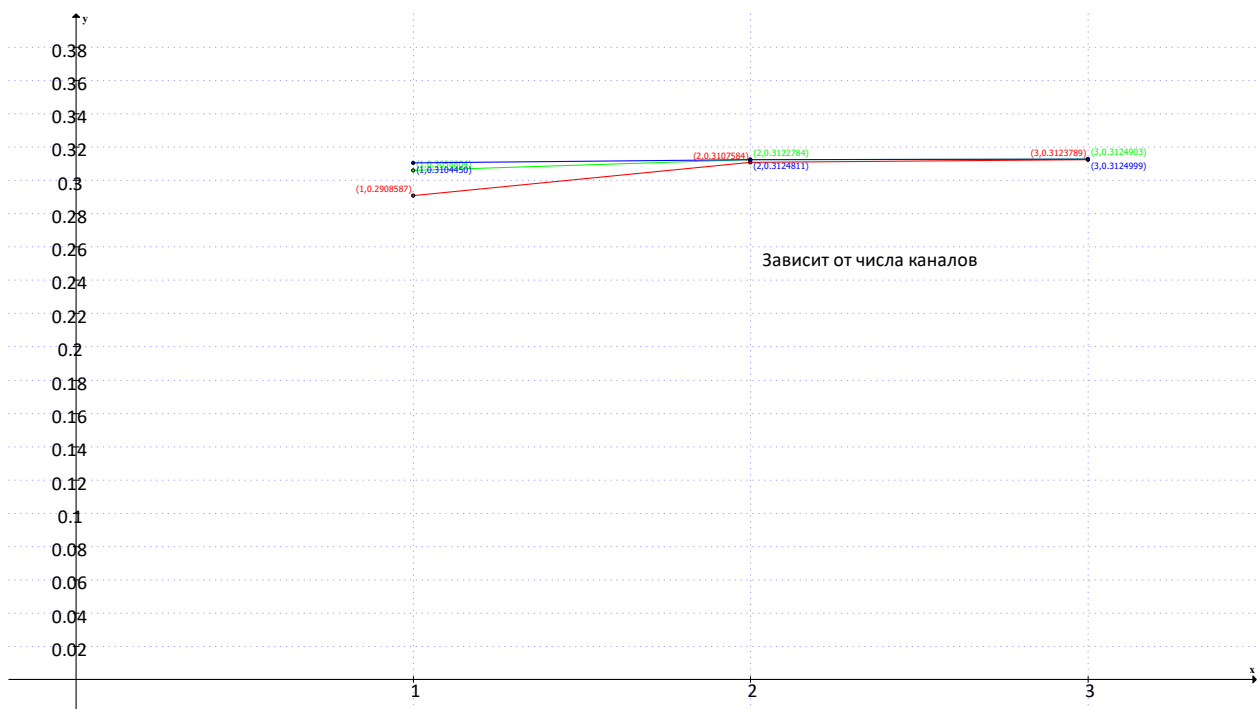




➤ Математическое ожидания числа занятых операторов

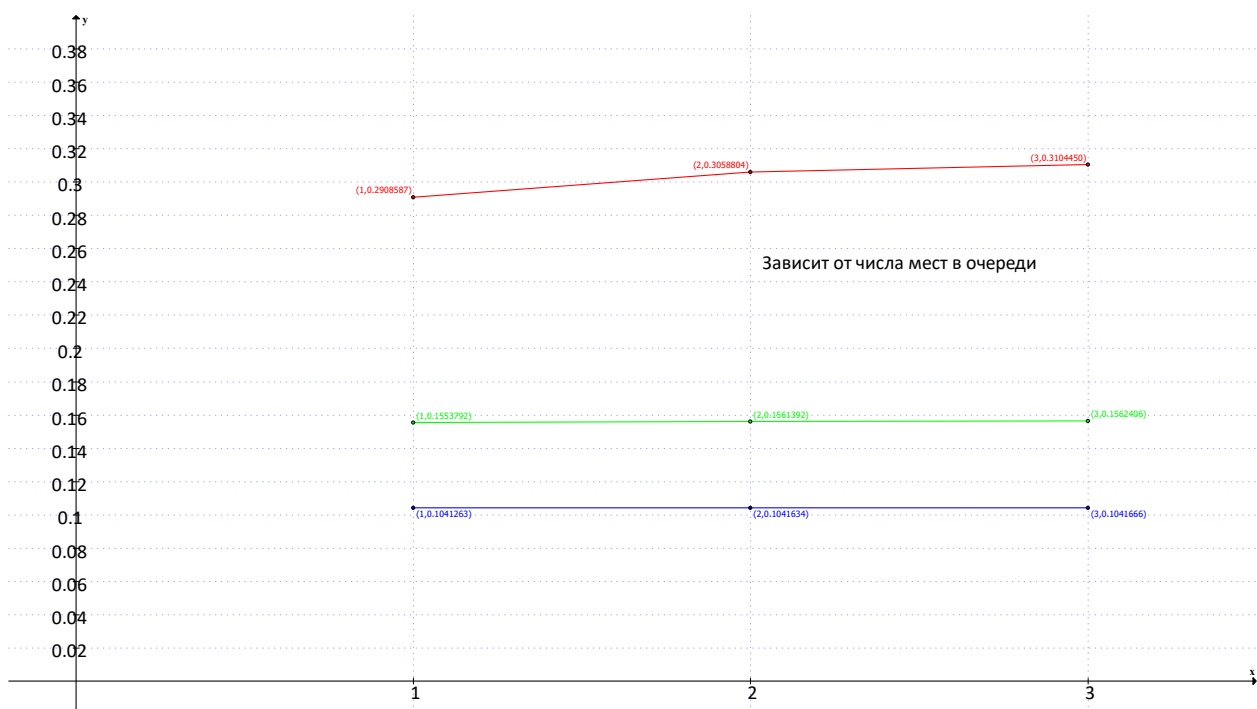
$$M_{\text{загрузки операторов}} = \sum_{i=1}^n i * P_i + \sum_{j=1}^m n * P_{n+j}$$



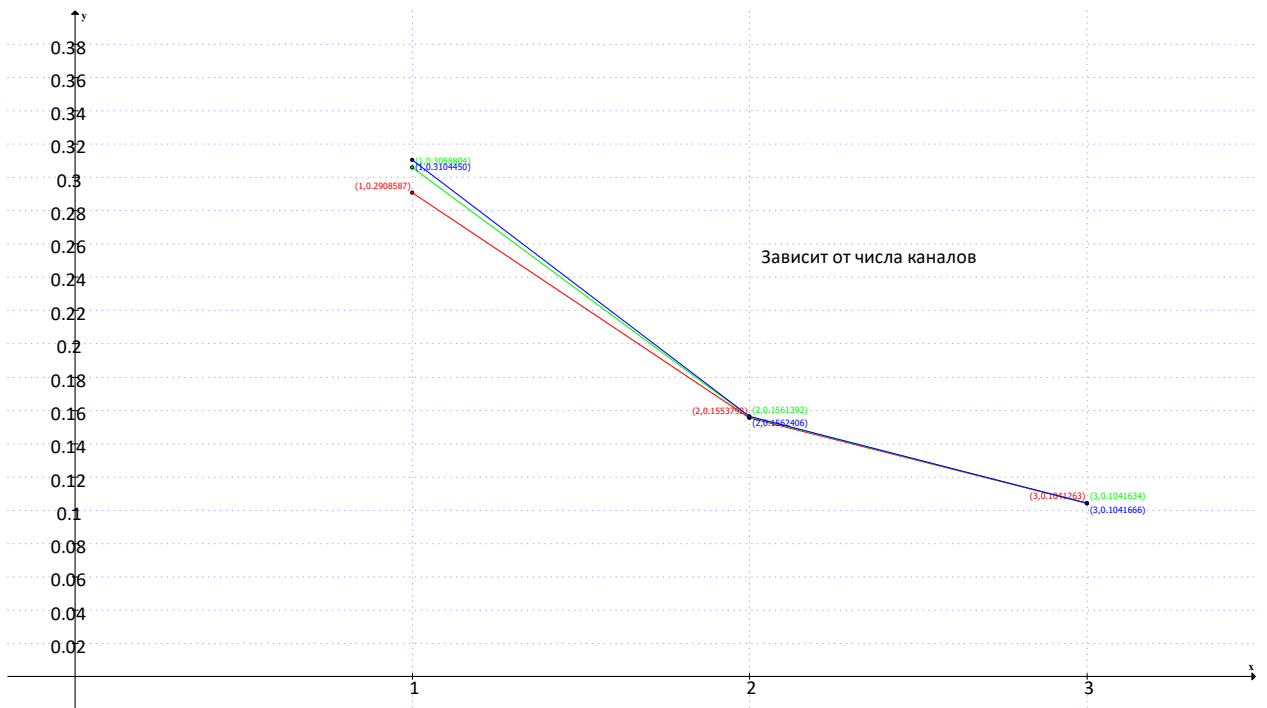


➤ Коэффициент загрузки операторов

$$K_{\text{загрузки операторов}} = \frac{M_{\text{загрузки операторов}}}{n}$$

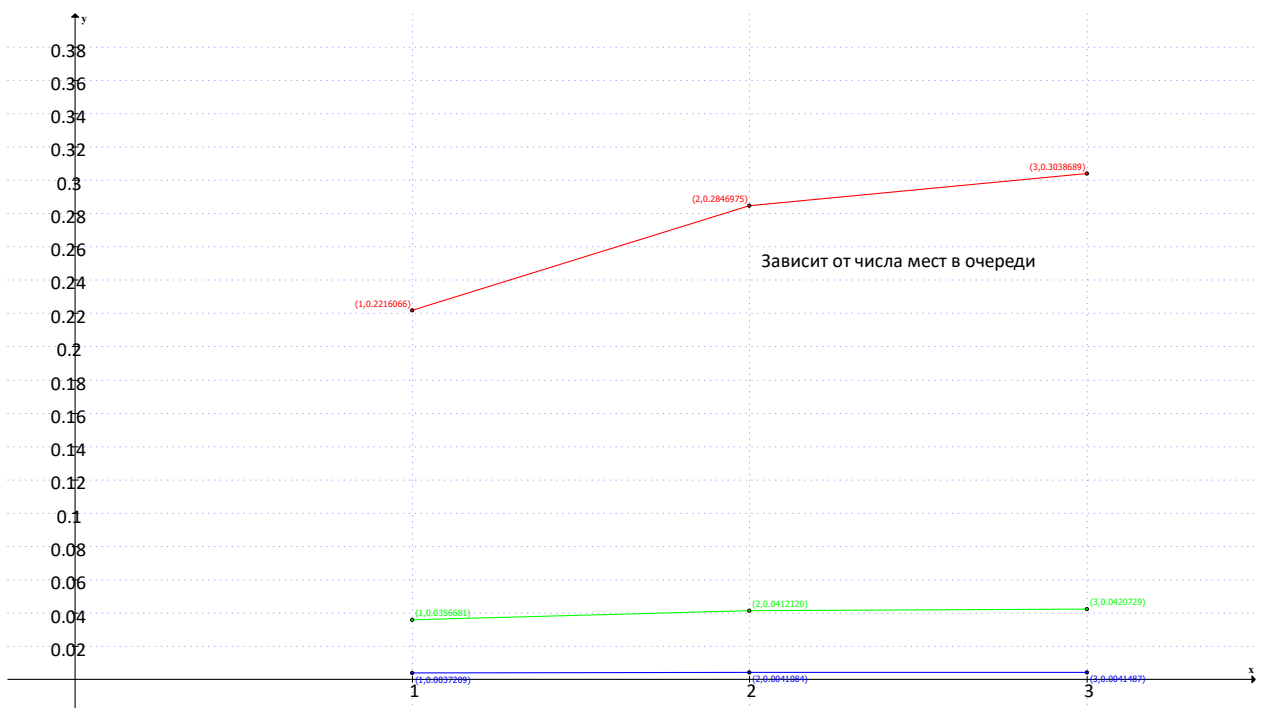


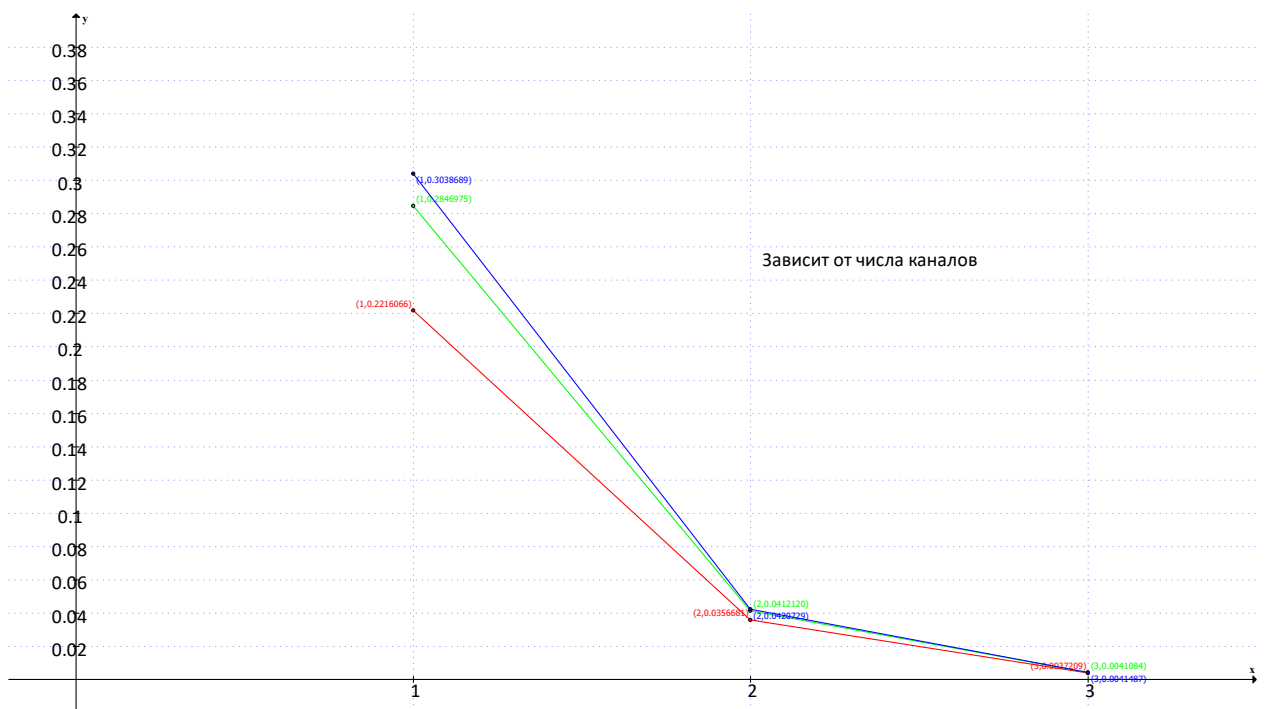




➤ Вероятности существования очереди

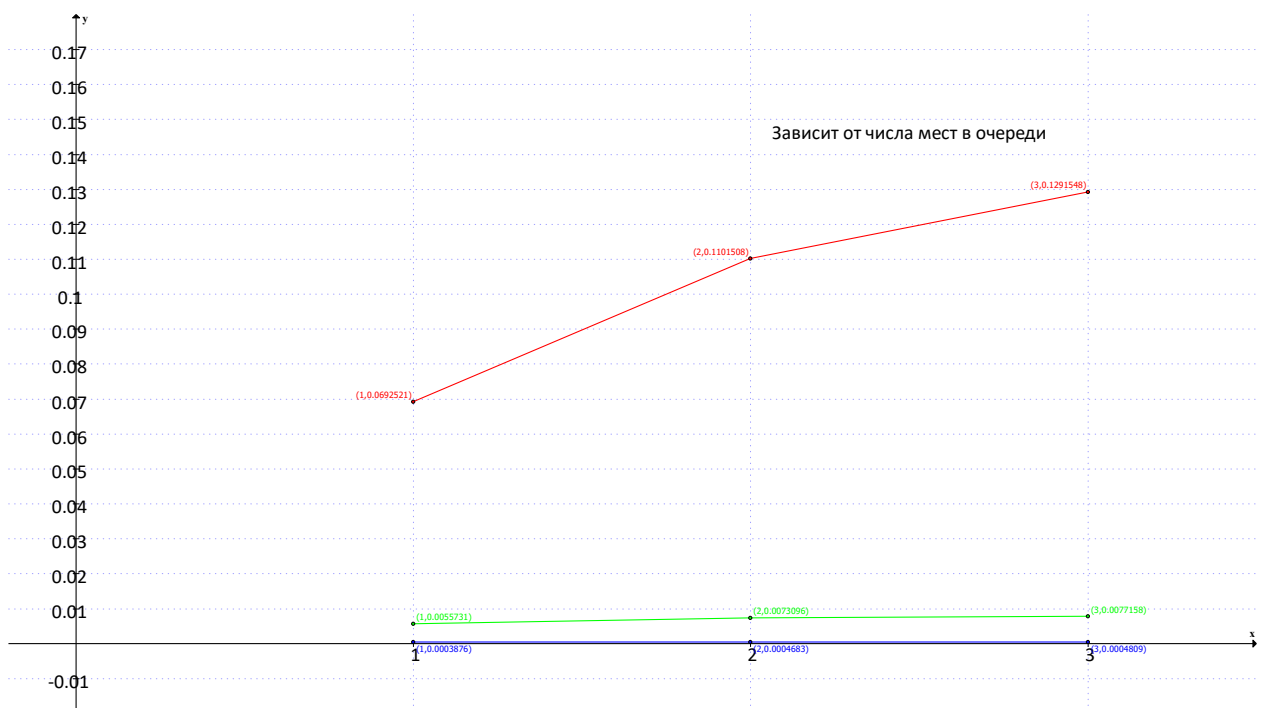
$$P_{\text{существования очереди}} = \frac{\rho^n}{n!} * \frac{1 - \left(\frac{\rho}{n}\right)^m}{1 - \frac{\rho}{n}} * P_0$$

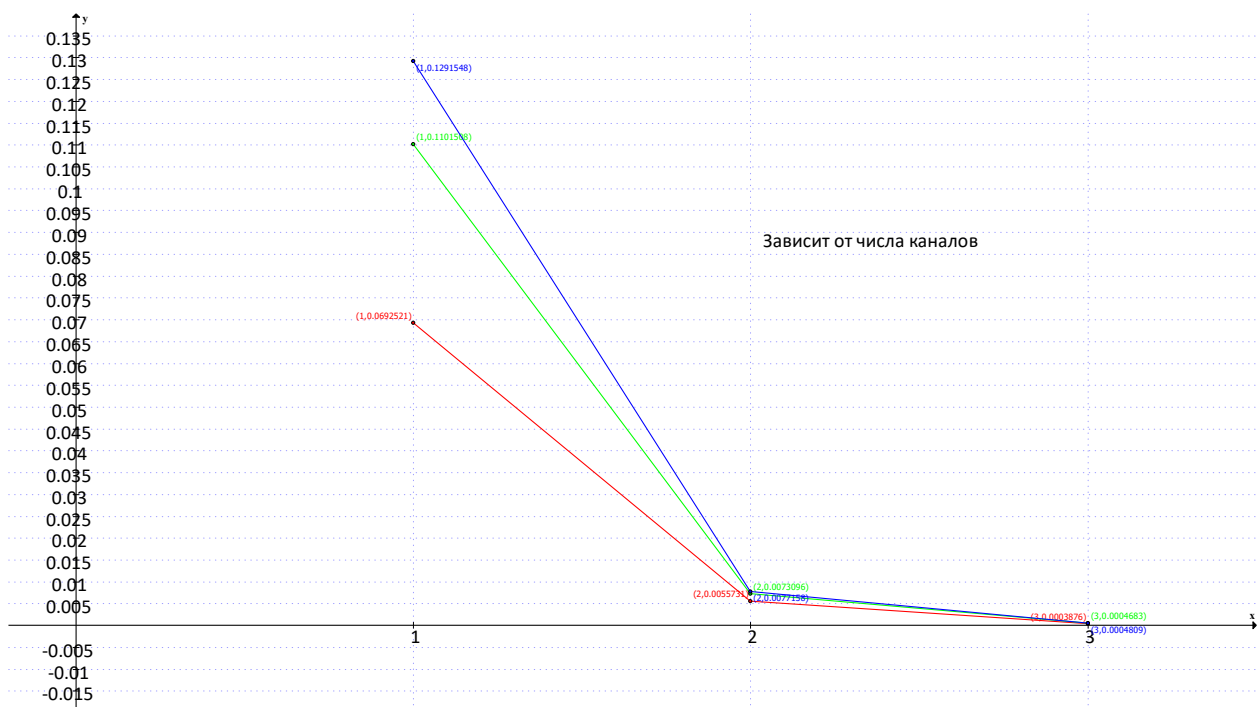




➤ Математическое ожидание длины очереди

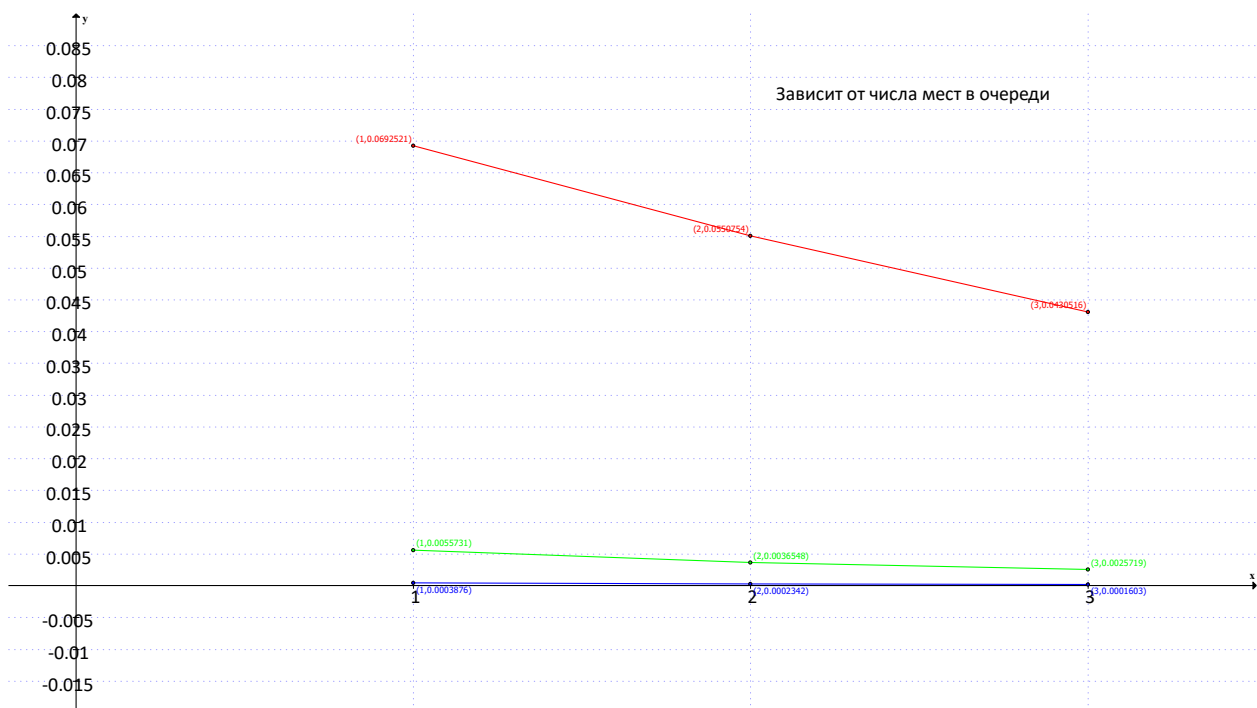
$$M_{\text{Загрузки очереди}} = \sum_{i=1}^m i * P_{n+i}$$

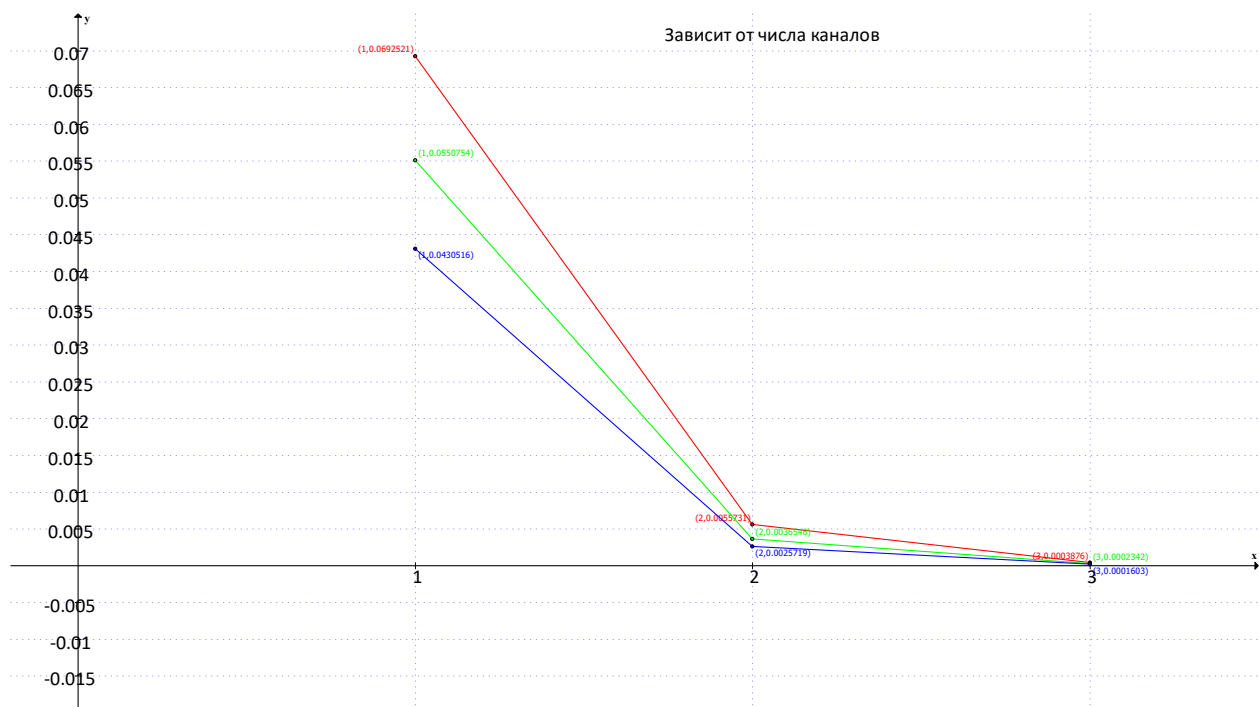




➤ Коэффициента занятости мест в очереди.

$$K_{\text{занятости очереди}} = \frac{M_{\text{Загрузки очереди}}}{m}$$





Табличные данные:

Операторов	Мест в очереди	Вероятность отказа	Математическое ожидание числа занятых операторов	Коэффициент загрузки операторов	Вероятность существования очереди	Математическое ожидание длины очереди	Коэффициент занятости мест в очереди
1	1	0.0692521	0.2908587	0.2908587	0.2216066	0.0692521	0.0692521
1	2	0.0211829	0.3058804	0.3058804	0.2846975	0.1101508	0.0550754
1	3	0.0065761	0.3104450	0.3104450	0.3038689	0.1291548	0.0430516
2	1	0.0055731	0.3107584	0.1553792	0.0356681	0.0055731	0.0055731
2	2	0.0008702	0.3122784	0.1561392	0.0412120	0.0073096	0.0036548
2	3	0.0001359	0.3124811	0.1562406	0.0420729	0.0077158	0.0025719
3	1	0.0003876	0.3123789	0.1041263	0.0037209	0.0003876	0.0003876
3	2	0.0000404	0.3124903	0.1041634	0.0041084	0.0004683	0.0002342
3	3	0.0000042	0.3124999	0.1041666	0.0041487	0.0004809	0.0001603

**3. Рассмотреть систему без ограничений на длину очереди. Построить графики от числа операторов (вплоть до числа каналов, соответствующего 1% отказов в системе без очереди): математического ожидания числа занятых операторов; коэффициента загрузки операторов; вероятности существования очереди; математического ожидания длины очереди.**

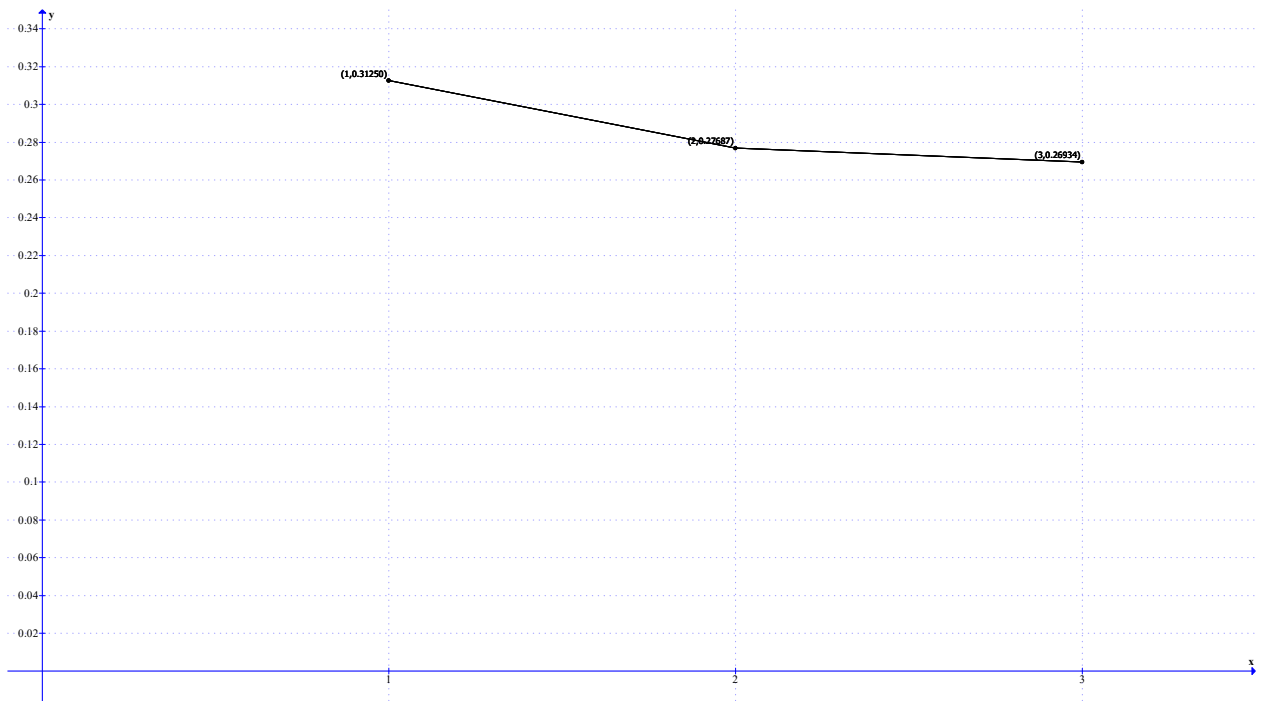
Пусть:

- число каналов –  $n$ .
- число мест в очереди –  $m$ .
- Частоты обслуживания заявок:  $\mu = \frac{1}{T_{\text{обслуживания}} \text{ секунду}} \text{ заявки}$
- Частота появления новой заявки:  $\lambda = \frac{1}{T_{\text{заявки}} \text{ секунду}} \text{ заявок}$
- Интенсивность нагрузки системы:  $\rho = \frac{\lambda}{\mu} = \frac{T_{\text{обслуживания}}}{T_{\text{заявки}}}$

$$P_0 = \left( 1 + \frac{\rho}{1!} + \frac{\rho^2}{2!} + \dots + \frac{\rho^n}{n!} + \frac{\rho^{n+1}}{n! (n - \rho)} \right)^{-1}$$

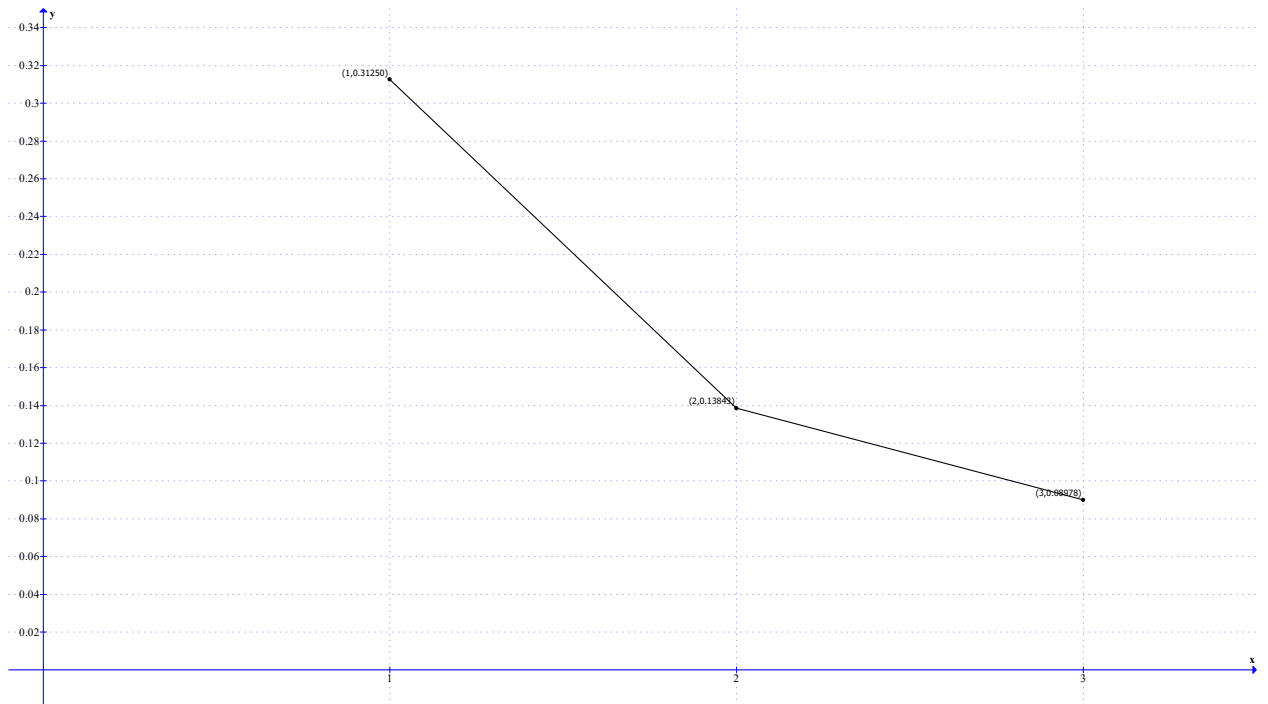
➤ Математическое ожидание числа занятых операторов;

$$\begin{aligned} M_{\text{загрузки операторов}} &= \sum_{i=0, j=0}^{n, \infty} i \cdot P_{i+j} = \sum_{i=0}^n i P_i + n \sum_{j=1}^{\infty} P_{n+j} \\ &= P_0 \sum_{i=0}^n \frac{i \rho^i}{i!} + n P_n \sum_{j=1}^{\infty} \left( \frac{\rho}{n} \right)^j \end{aligned}$$



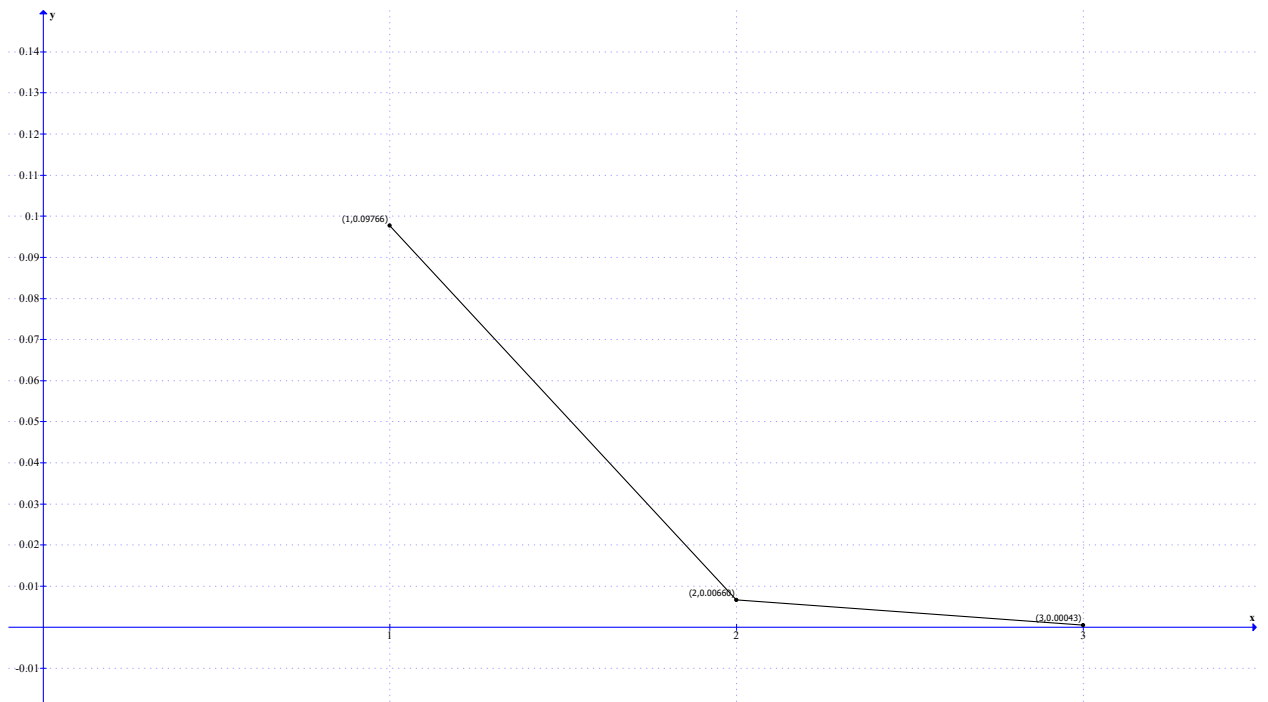
➤ Коэффициент загрузки операторов;

$$K_{\text{загрузки операторов}} = \frac{M_{\text{загрузки операторов}}}{n}$$



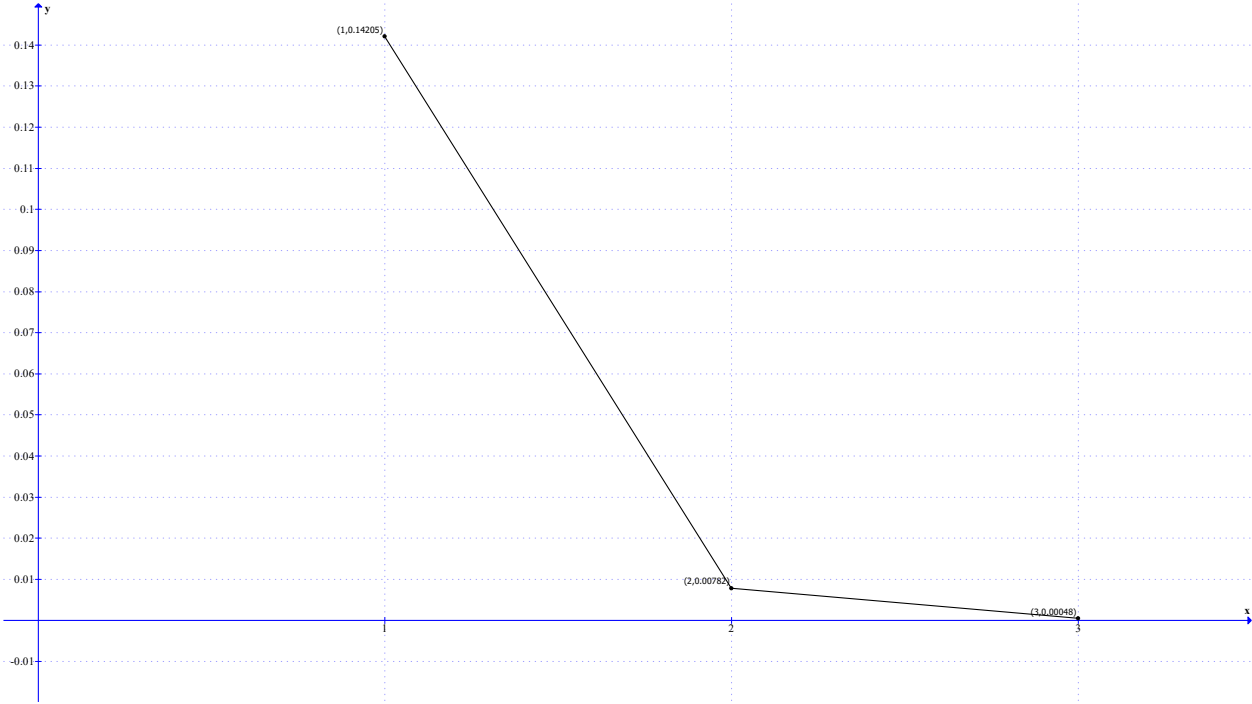
➤ Вероятность существования очереди;

$$P_{\text{существования очереди}} = \sum_{j=1}^{\infty} P_{n+j} = P_n * \sum_{j=1}^{\infty} \left(\frac{\rho}{n}\right)^j$$



➤ Математическое ожидание длины очереди;

$$\begin{aligned}
 M_{\text{Загрузки очереди}} &= \sum_{j=1}^{\infty} j P_{n+j} = P_n \sum_{j=1}^{\infty} j \left(\frac{\rho}{n}\right)^j = \\
 &= P_n \sum_{j=1}^{\infty} j \left(\frac{\rho}{n}\right)^{j-1} = P_n \frac{d}{d \frac{\rho}{n}} \sum_{j=1}^{\infty} \left(\frac{\rho}{n}\right)^j = P_n a \frac{d \frac{\rho}{n}}{1 - \frac{\rho}{n}} = P_n \frac{\rho}{n} \frac{1}{\left(1 - \frac{\rho}{n}\right)^2}
 \end{aligned}$$



Табличные данные:

Каналов	Математическое ожидание числа занятых операторов	Коэффициент загрузки операторов	Вероятность существования очереди	Математической ожидание длины очереди
1	0.31250	0.31250	0.09766	0.14205
2	0.27687	0.13843	0.00660	0.00782
3	0.26934	0.08978	0.00043	0.00048

4. Рассмотреть систему без ограничений на длину очереди, учитывающей фактор ухода клиентов из очереди (среднее приемлемое время ожидания –  $T_w = T_{\text{ожидания}} = R3 + G3 + B3 = 7$  секунд). Построить графики от числа операторов (вплоть до числа каналов, соответствующего 1% отказов в системе без очереди): математического ожидания числа занятых операторов; коэффициента загрузки операторов; вероятности существования очереди; математического ожидания длины очереди.

Пусть:

- число каналов –  $n$ .
- число мест в очереди –  $m$ .
- Частоты обслуживания заявок:  $\mu = \frac{1}{T_{\text{обслуживания}}} \frac{\text{заявки}}{\text{секунду}}$
- Частота появления новой заявки:  $\lambda = \frac{1}{T_{\text{заявки}}} \frac{\text{заявок}}{\text{секунду}}$
- Интенсивность нагрузки системы:  $\rho = \frac{\lambda}{\mu} = \frac{T_{\text{обслуживания}}}{T_{\text{заявки}}}$

$$\nu = \frac{1}{T_w} = \frac{1}{T_{\text{ожидания}}}$$

$$P_{i+k} = \frac{\rho^i}{i!} \prod_{j=1}^k \frac{\frac{1}{T_{\text{заявки}}}}{\frac{n}{T_{\text{обслуживания}}} + \frac{k}{T_{\text{ожидания}}}} P_0$$

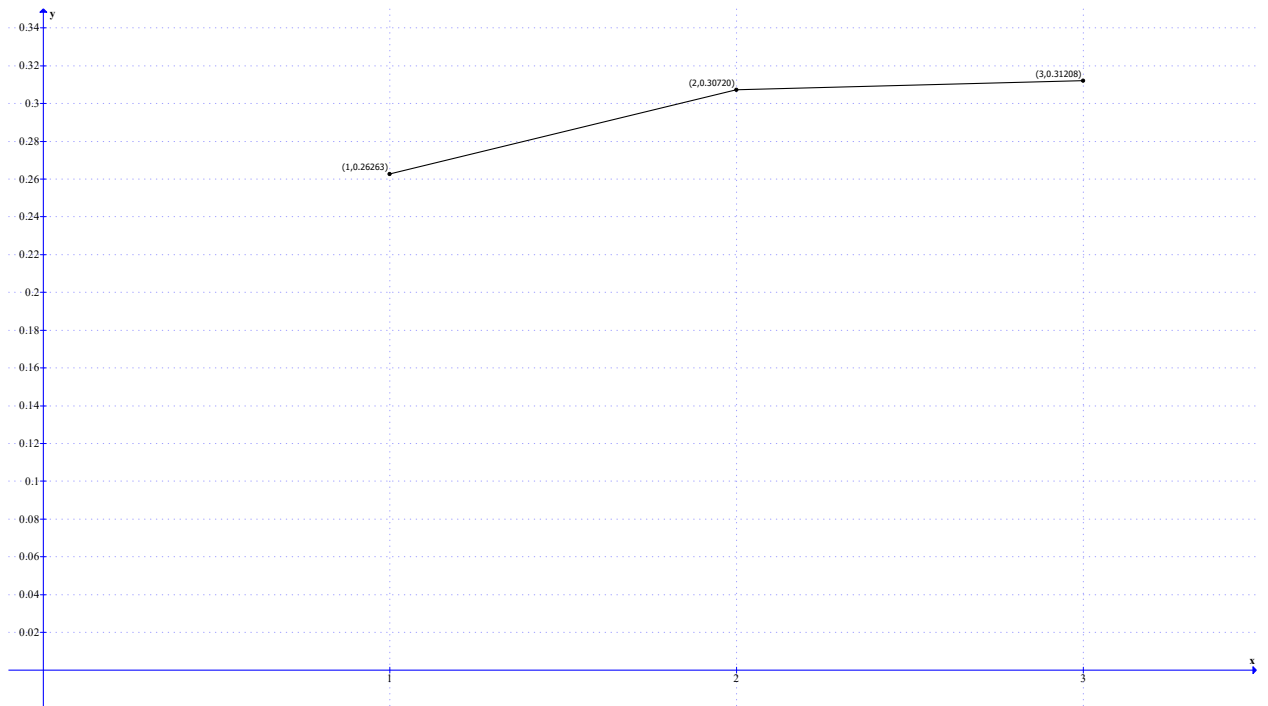
Тогда:

$$P_0 = \frac{1}{\sum_{i=0}^n \frac{\rho^i}{i!} + \frac{\rho^n}{n!} \sum_{j=1}^{\infty} \prod_{k=1}^j \frac{\frac{1}{T_{\text{заявки}}}}{\frac{n}{T_{\text{обслуживания}}} + \frac{k}{T_{\text{ожидания}}}}}$$

➤ Математическое ожидания числа занятых операторов;

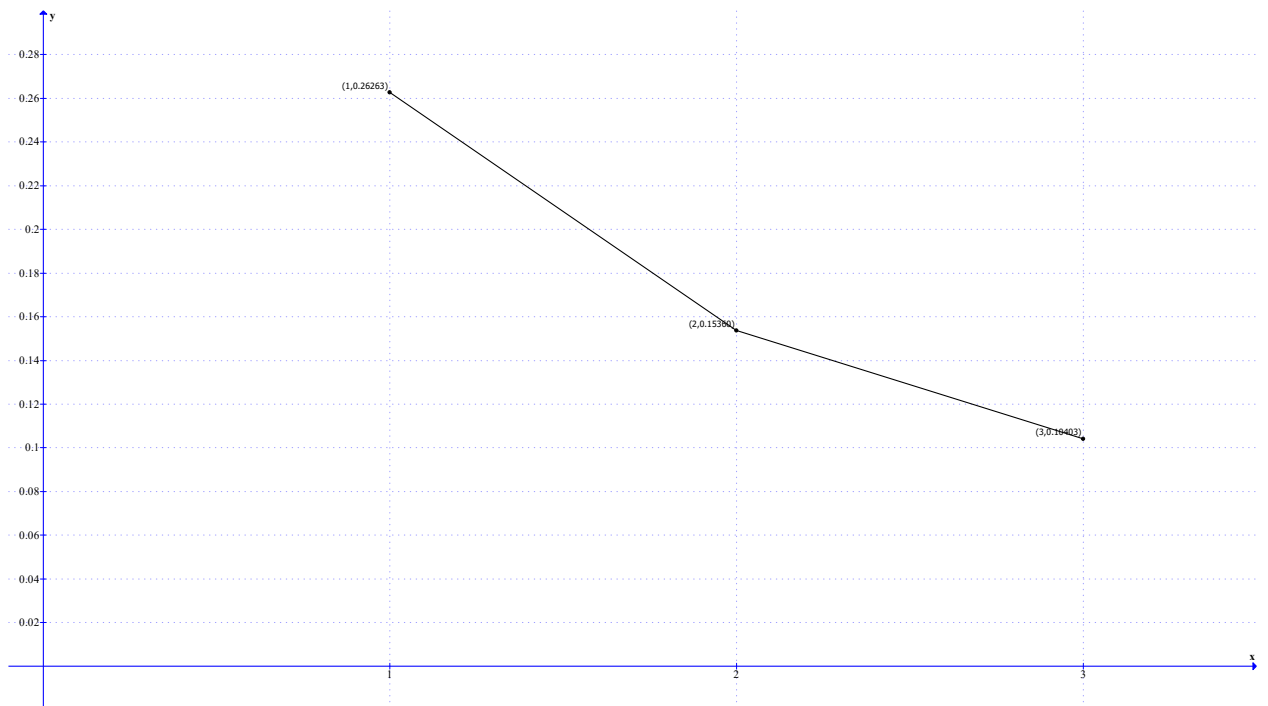
$$\begin{aligned} M &= \sum_{i=0, j=0}^{n, \infty} i * P_{i+j} = \sum_{i=0}^n i * P_i + n * \sum_{j=1}^{\infty} P_{n+j} \\ &= P_0 \sum_{i=0}^n \frac{i \rho^i}{i!} + n P_n \sum_{j=1}^{\infty} \prod_{k=1}^j \frac{\frac{1}{T_{\text{заявки}}}}{\frac{n}{T_{\text{обслуживания}}} + \frac{k}{T_{\text{ожидания}}}} \end{aligned}$$





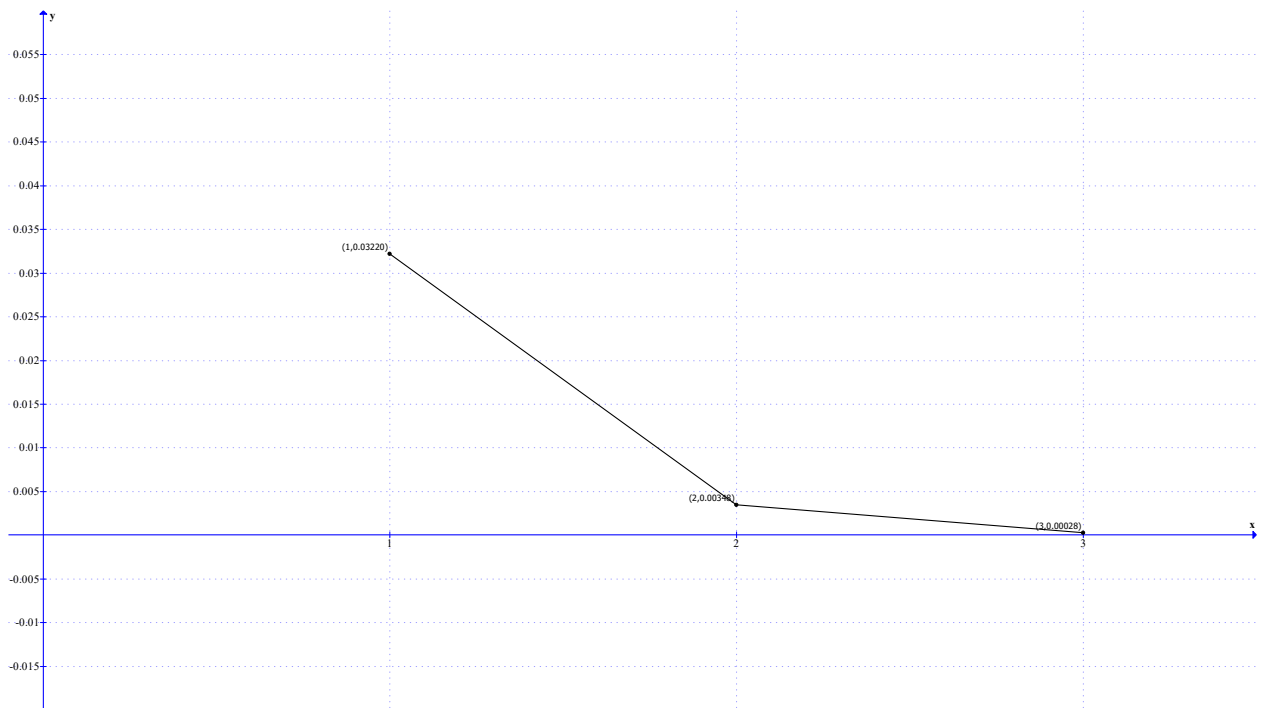
➤ Коэффициент загрузки операторов;

$$K_{\text{загрузки операторов}} = \frac{M}{n}$$



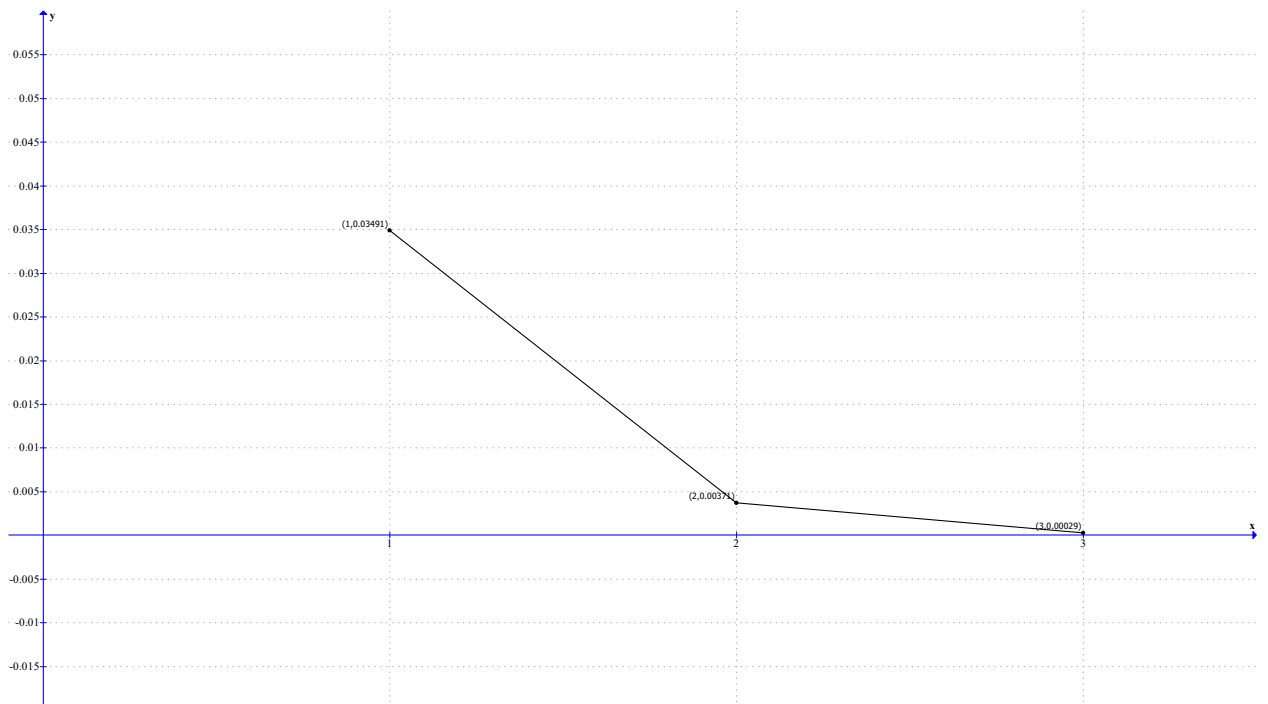
➤ Вероятность существования очереди;

$$P_{\text{существования очереди}} = \sum_{j=1}^{\infty} P_{n+j} = P_n \sum_{j=1}^{\infty} \prod_{k=1}^j \frac{\frac{1}{T_{\text{заявки}}}}{\frac{n}{T_{\text{обслуживания}}} + \frac{k}{T_{\text{ожидания}}}}$$



➤ Математическое ожидание длины очереди

$$M_{\text{Загрузки очереди}} = \sum_{j=1}^{\infty} j P_{n+j} = P_n \sum_{j=1}^{\infty} j \prod_{k=1}^j \frac{\frac{1}{T_{\text{заявки}}}}{\frac{n}{T_{\text{обслуживания}}} + \frac{k}{T_{\text{ожидания}}}}$$



Каналов	Математическое ожидание числа занятых операторов	Коэффициент загрузки опе- раторов	Вероятность существова- ния очереди	Математической ожидание длины очереди
1	0.26263	0.26263	0.03220	0.03491
2	0.30720	0.15360	0.00348	0.00371
3	0.31208	0.10403	0.00028	0.00029

## Текст программы

```
#include <iostream>
```

```
#include <math.h>
```

```
#include <iomanip>
```

```
#define EPS 0e-7
```

```
using namespace std;
```

```
long double fact(int);
```

```
long double SumOfMult(long double maintenanceTime, long double appearanceTime, long double waitingTime, long double channels, int i)
```

```
{  
    long double result = 0;  
    for (int j = 1; j <= i; j++)  
    {  
        long double temp = 1;  
        for (int k = 1; k <= j; k++)  
        {  
            temp *= (1 / appearanceTime) / (channels / maintenanceTime +  
k / waitingTime);  
        }  
        result += temp;  
    }  
    return result;  
}
```

```
long double SumOfMultComplex(long double maintenanceTime, long double appearanceTime, long double waitingTime, long double channels, int i)
```

```
{  
    long double result = 0;
```

```

    for (int j = 1; j <= i; j++)
    {
        long double temp = 1;
        for (int k = 1; k <= j; k++)
        {
            temp *= (1 / appearanceTime) / (channels / maintenanceTime +
k / waitingTime);
        }
        result += j*temp;
    }
    return result;

}

long double Punkt4P_0(long double maintenanceTime, long double appear-
anceTime, long double waitingTime, long double channels, int j)
{
    long double result = 0;
    for (int i = 0; i <= channels; i++)
    {
        result += powl(maintenanceTime / appearanceTime, i) / fact(i);
    }
    result += powl(maintenanceTime / appearanceTime, channels) * SumOf-
Mult(maintenanceTime, appearanceTime, waitingTime, channels, j) / fact(chan-
nels);
    return 1 / result;

}

long double Punkt4MathExpectingChannels(long double maintenanceTime, long
double appearanceTime, long double waitingTime, long double channels, int j,
long double P_n, long double P_0)

```

```

{
    long double result = 0;
    for (int i = 0; i <= channels; i++)
    {
        result += i * powl(maintenanceTime / appearanceTime, i) / fact(i);
    }
    result *= P_0;
    result += channels * P_n * SumOfMult(maintenanceTime, appearanceTime,
waitingTime, channels, j);
    return result;
}

long double Punkt4P_queue(long double maintenanceTime, long double appear-
anceTime, long double waitingTime, long double channels, int j, long double P_n,
long double P_0)
{
    return P_n*SumOfMult(maintenanceTime, appearanceTime, waitingTime,
channels, j);
}

long double Punkt4MathExpectingQueues(long double maintenanceTime, long
double appearanceTime, long double waitingTime, long double channels, int j,
long double P_n, long double P_0)
{
    return P_n * SumOfMultComplex(maintenanceTime, appearanceTime, wait-
ingTime, channels, j);
}

long double fact(int n)
{
    long double r = 1;

```

```

    for (int i = 2; i <= n; ++i)
        r *= i;
    return r;
}

void Punkt1(long double maintenanceTime, long double appearanceTime)
{
    int channels = 1; // Кол-во каналов
    long double P_denial; // Вероятность отказов
    long double MathExpecting; // Математическое ожидание числа занятых операторов
    long double load_Factor; // Коэффициент загрузки операторов
    long double P_0;
    long double ro = maintenanceTime / appearanceTime; // Коэффициент загрузки СМО

    cout << "Канал\t\t";
    cout << "Отказ\t\t";
    cout << "Матож\t\t";
    cout << "Коэф\n";
    bool flag = true;
    do
    {
        #pragma region P_0
        P_0 = 0;
        MathExpecting = 0;
        for (int i = 0; i <= channels; i++)
        {
            P_0 += powl(ro, i) / fact(i);
        }
    }

```

```

        P_0 = 1 / P_0;
#pragma endregion

#pragma region Вероятность отказа
        P_denial = P_0 * powl(ro, (long double)channels) / fact(channels);
#pragma endregion

#pragma region Мат ожидание
        for (int i = 0; i <= channels; i++)
        {
            MathExpecting += i * P_0 * powl(ro, i) / fact(i);
        }
#pragma endregion

#pragma region Коэф. загрузки операторов
        load_Factor = (1 - P_denial) * ro / channels;
#pragma endregion

#pragma region Вывод
        cout << setprecision(5) << channels << "\t\t";
        cout << setprecision(5) << P_denial << "\t\t";
        cout << setprecision(5) << MathExpecting << "\t\t";
        cout << setprecision(5) << load_Factor << "\n";
#pragma endregion
        if (P_denial <= 0.01)
            flag = false;
        channels++;
    } while (flag);
}

```



```

void Punkt2(long double maintenanceTime, long double appearanceTime, long
double maxChannels)
{
    long double P_0 = 0.0;
    long double P_denial;
    long double MathExpectingChannels; // Мат ожидание Каналов
    long double MathExpectingQueues; // Мат ожидание очереди
    long double P_queue; // Вероятность образования очереди
    long double loadFactorChannels; // Коэф. загрузки операторов
    long double loadFactorQueues; // Коэф. загрузки очереди

    long double ro = maintenanceTime / appearanceTime; // Коэффициент за-
грузки СМО
#pragma region Вывод для таблички
    cout << "Операт\t";
    cout << "Очередь\t";
    cout << "Отказ\t";
    cout << "МатОжОп\t";
    cout << "КоэфОп\t";
    cout << "ВерОч\t";
    cout << "МатОжОч\t";
    cout << "КоэфОч\n";
#pragma endregion
    for (int channels = 1; channels <= maxChannels; channels++)
    {

        int queue = 1;
        bool flag = true;
        do

```

```

    {
#pragma region Инициализация
        P_0 = 0;
        P_denial = 0;
        MathExpectingChannels = 0;
        MathExpectingQueues = 0;
        P_queue = 0;
        loadFactorChannels = 0;
        loadFactorQueues = 0;
#pragma endregion

#pragma region P_0
        for (int i = 0; i <= channels; i++)
        {
            P_0 += powl(ro, i) / fact(i);
        }
        P_0 += powl(ro, (long double)channels + 1) * (1 - powl(ro,
queue) / channels) / (fact(channels) * (channels - ro));
        P_0 = 1 / P_0;
#pragma endregion

#pragma region Вероятность отказов
        P_denial = P_0 * powl(ro, (long double)queue + (long dou-
ble)channels) / (powl(channels, queue) * fact(channels));
        if (P_denial <= 0.01 && queue >= 3)
            flag = false;
#pragma endregion

#pragma region Математическое ожидание числа занятых операторов

```

```

for (int i = 0; i <= channels; i++)
{
    MathExpectingChannels += i * P_0 * powl(ro, i) / fact(i);
}
for (int i = 1; i <= queue; i++)
{
    MathExpectingChannels += channels * P_0 * pow(ro,
channels + i) / (pow(channels, i) * fact(channels));
}
#pragma endregion

```

```

#pragma region Коэффициент загрузки операторов
loadFactorChannels = MathExpectingChannels / channels;
#pragma endregion

```

```

#pragma region Вероятность существования очереди
P_queue = P_0 * (powl(ro, channels) * (1 - powl(ro / channels,
queue))) / (fact(channels) * (1 - ro / channels));
#pragma endregion

```

```

#pragma region Математическое ожидания длины очереди
for (int i = 1; i <= queue; i++)
{
    MathExpectingQueues += i * P_0 * pow(ro, channels + i)
/ (pow(channels, i) * fact(channels));
}
#pragma endregion

```

```

#pragma region Коэффициент занятости мест в очереди
loadFactorQueues = MathExpectingQueues / queue;

```

```
#pragma endregion
```

```
#pragma region Вывод
```

```
    cout << setprecision(7) << channels << "\t";  
    cout << setprecision(7) << queue << "\t";  
    cout << setprecision(7) << P_denial << "\t";  
    cout << setprecision(7) << MathExpectingChannels << "\t";  
    cout << setprecision(7) << loadFactorChannels << "\t";  
    cout << setprecision(7) << P_queue << "\t";  
    cout << setprecision(7) << MathExpectingQueues << "\t";  
    cout << setprecision(7) << loadFactorQueues << "\n";
```

```
#pragma endregion
```

```
        queue++;  
    } while (flag);  
}  
}
```

```
void Punkt3(long double maintenanceTime, long double appearanceTime, long  
double maxChannels)
```

```
{  
    long double P_0 = 0.0;  
    long double P_n = 0.0;  
    long double P_queue = 0.0;  
    long double MathExpectingChannels; // Мат ожидание Каналов  
    long double MathExpectingQueues; // Мат ожидание очереди  
    long double loadFactorChannels; // Коэф. загрузки операторов  
    long double temp;  
    long double ro = maintenanceTime / appearanceTime; // Коэффициент за-  
грузки СМО
```

```

cout << "Опер\t";
cout << "МатОжОп\t";
cout << "КоэфОп\t";
cout << "ВерОч\t";
cout << "МатОжОч\n";
for (int channels = 1; channels <= maxChannels; channels++)
{
    P_0 = 0;
    MathExpectingChannels = 0;
    MathExpectingQueues = 0;
    P_queue = 0;
    loadFactorChannels = 0;
    temp = 0;
#pragma region P_0
    for (int i = 0; i <= channels; i++)
    {
        P_0 = P_0 + powl(ro, i) / fact(i);
    }
    P_0 = P_0 + powl(ro, (long double)channels + 1) / (fact(channels) *
(channels - ro));
    P_0 = 1 / P_0;
#pragma endregion

#pragma region P_n
    P_n = P_0;
    for (int i = 1; i <= channels; ++i) {
        P_n *= ro;
        P_n /= i;
    }
}

```

```
#pragma endregion
```

```
#pragma region Математическое ожидание каналов
```

```
    for (int i = 1; i <= channels; ++i) {  
        MathExpectingChannels += P_0 * powl(ro, i) / fact(i);  
    }
```

```
    MathExpectingChannels += channels * P_n * (ro / channels) / (1 - ro /  
channels);
```

```
#pragma endregion
```

```
#pragma region Коэффициент загрузки операторов
```

```
    // Коэф загрузки операторов  
    loadFactorChannels = MathExpectingChannels / channels;
```

```
#pragma endregion
```

```
#pragma region Вероятность очереди
```

```
    P_queue = P_n * (ro / channels) / (1 - ro / channels);
```

```
#pragma endregion
```

```
#pragma region Мат ожидание очереди
```

```
    MathExpectingQueues = P_n * (ro / channels) * (1.0L / pow(1.0L -  
(ro / channels), 2));
```

```
#pragma endregion
```

```
#pragma region Вывод
```

```
    cout << setprecision(5) << channels << "\t";  
    cout << setprecision(5) << MathExpectingChannels << "\t";  
    cout << setprecision(5) << loadFactorChannels << "\t";  
    cout << setprecision(5) << P_queue << "\t";
```

```

        cout << setprecision(5) << MathExpectingQueues << "\t";

        cout << "\n";
#pragma endregion

    }

}

void Punkt4(long double maintenanceTime, long double appearanceTime, long
double waitingTime, long double maxChannels)
{
    long double P_0 = 0.0;
    long double P_n = 0.0;
    long double P_queue = 0.0;
    long double MathExpectingChannels; // Мат ожидание Каналов
    long double MathExpectingQueues; // Мат ожидание очереди
    long double loadFactorChannels; // Коэф. загрузки операторов
    long double temp;

    long double ro = maintenanceTime / appearanceTime; // Коэффициент за-
грузки СМО

    cout << "Опер\t";
    cout << "МатОжОп\t";
    cout << "КоэфОп\t";
    cout << "ВерОч\t";
    cout << "МатОжОч\n";

    for (int channels = 1; channels <= maxChannels; channels++)
    {
#pragma region Инициализация
        P_0 = 0;
        MathExpectingChannels = 0;

```

```

        MathExpectingQueues = 0;

        P_queue = 0;

        loadFactorChannels = 0;

        temp = 0;

#pragma endregion

#pragma region P_0

        temp = Punkt4P_0(maintenanceTime, appearanceTime, waitingTime,
channels, 1);

        P_0 = Punkt4P_0(maintenanceTime, appearanceTime, waitingTime,
channels, 2);

        int z = 2;

        while (abs(temp - P_0) > EPS)
        {

            z++;

            temp = P_0;

            P_0 = Punkt4P_0(maintenanceTime, appearanceTime, waiting-
Time, channels, z);

        }

#pragma endregion

#pragma region P_n

        P_n = P_0 * powl(ro, channels) / fact(channels);

#pragma endregion

#pragma region Математическое ожидание каналов

        temp = Punkt4MathExpectingChannels(maintenanceTime, appear-
anceTime, waitingTime, channels, 1, P_n, P_0);

        MathExpectingChannels = Punkt4MathExpectingChannels(mainte-
nanceTime, appearanceTime, waitingTime, channels, 2, P_n, P_0);

```



```

z = 2;
while (abs(temp - MathExpectingChannels) > EPS)
{
    z++;
    temp = MathExpectingChannels;
    MathExpectingChannels = Punkt4MathExpectingChannels(maintenanceTime, appearanceTime, waitingTime, channels, z, P_n, P_0);
}
#pragma endregion

#pragma region Коэффициент загрузки операторов
    loadFactorChannels = MathExpectingChannels / channels;
#pragma endregion

#pragma region Вероятность очереди
    temp = Punkt4P_queue(maintenanceTime, appearanceTime, waitingTime, channels, 1, P_n, P_0);
    P_queue = Punkt4P_queue(maintenanceTime, appearanceTime, waitingTime, channels, 2, P_n, P_0);
    z = 2;
    while (abs(temp - P_queue) > EPS)
    {
        z++;
        temp = P_queue;
        P_queue = Punkt4P_queue(maintenanceTime, appearanceTime, waitingTime, channels, z, P_n, P_0);
    }
#pragma endregion

#pragma region Мат ожидание очереди

```

```

        temp = Punkt4MathExpectingQueues(maintenanceTime, appearanceTime, waitingTime, channels, 1, P_n, P_0);

        MathExpectingQueues = Punkt4MathExpectingQueues(maintenanceTime, appearanceTime, waitingTime, channels, 2, P_n, P_0);

        z = 2;
        while (abs(temp - MathExpectingQueues) > EPS)
        {
            z++;
            temp = MathExpectingQueues;
            MathExpectingQueues = Punkt4MathExpectingQueues(maintenanceTime, appearanceTime, waitingTime, channels, z, P_n, P_0);
        }
#pragma endregion

#pragma region ВЫВОД
        cout << setprecision(5) << channels << "\t";
        cout << setprecision(5) << MathExpectingChannels << "\t";
        cout << setprecision(5) << loadFactorChannels << "\t";
        cout << setprecision(5) << P_queue << "\t";
        cout << setprecision(5) << MathExpectingQueues << "\t";

        cout << "\n";
#pragma endregion

    }
}

int main()
{
    cout.setf(ios::fixed);
    setlocale(LC_ALL, "Russian");

```

```
long double maintenanceTime = 10; // Время обслуживания
long double appearanceTime = 32; // Время появления заявки
long double waitingTime = 7; // Время ожидания
long double max = 3;
//Punkt1(maintenanceTime, appearanceTime);
//Punkt2(maintenanceTime, appearanceTime, max);
//Punkt3(maintenanceTime, appearanceTime, max);
//Punkt4(maintenanceTime, appearanceTime, waitingTime, max);
return 0;
}
```