Prueba de hipotesis

Laura Lizbeth Ortiz Velasco

2023-12-06

Prueba de hipótesis

Ejemplo

Supongamos que un fabricante de bombillas afirma que la vida útil promedio de una bombialla es de más de 10,000 horas. En una muestra de 30 bombillas, se descubrió que solo duran 9,900 horas en promedio. Suponga que la desviación estándar de la población es de 120 horas. Con un nivel de significancia de alpha=0.05, ¿podemos rechazar la afirmación del fabricante?

Soluci'on

La hipótesis nula es que µ mayor o igual que 10,000. Comenzamos con el cálculo de estadística de la prueba.

Variables

```
xbar = 9900 -> Media de la muestra
mu0 = 10000 -> Valor hipotético
sigma = 120 -> Desviación estándar de población
n = 30 -> Tamaño de la muestra
xbar <- 9900
mu0 <- 10000
sigma <- 120
n <- 30
z <- (xbar-mu0)/(sigma/sqrt(n))
z
## [1] -4.564355
Calculamos el valor crítico a un nivel de significación de alpha = 0.05
alpha = 0.05
z.alpha = qnorm(1-alpha) -> Valor crítico
```

```
## [1] -1.644854
```

-z.alpha -> Resultado

z.alpha = qnorm(1-alpha)

alpha = 0.05

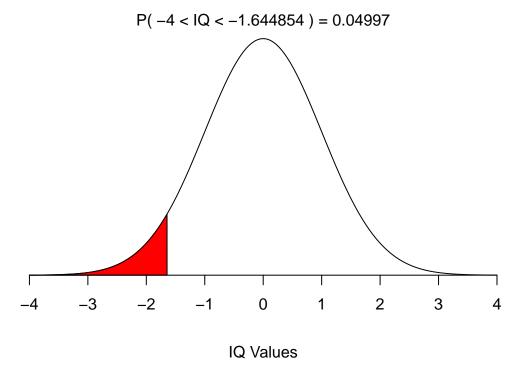
Respuesta

-z.alpha

La estadística de prueba -4.5644 es menor que el valor crítico de -1.6449. Por lo tanto, a un nivel de significación de alpha=0.05 Rechazamos la afirmación de que la vida media de una bombilla es superior a 10,000 horas.

```
sd
mean \leftarrow 0;
   <- -4;
                    <- -1.644854
              ub
x \leftarrow seq(-4,4,length=1000)*sd + mean
hx <- dnorm(x,mean,sd)
plot(x, hx, type="n", xlab="IQ Values", ylab="",
     main="Normal Distribution", axes=FALSE)
i <- x >= 1b & x <= ub
lines(x, hx)
polygon(c(lb,x[i],ub), c(0,hx[i],0), col="red")
area <- pnorm(ub, mean, sd) - pnorm(lb, mean, sd)
result <- paste("P(",lb,"< IQ <",ub,") =",
                signif(area, digits=4))
mtext(result,3)
axis(1, at=seq(-4, 4, 1), pos=0)
```

Normal Distribution



Solución alternativa

En lugar de utilizar el valor crítico, aplicamos la función pnorm para calcular el p-valor de la cola inferior de la prueba de estadística. Como resulta ser menor que el nivel de significación alpha=0.05, rechazamos la hipótesis nula de que mu es mayor o igual a 10,000

p-valor mayor o igual que alpha

 $2.505166\mathrm{e}\text{-}06$ menor que 0.05

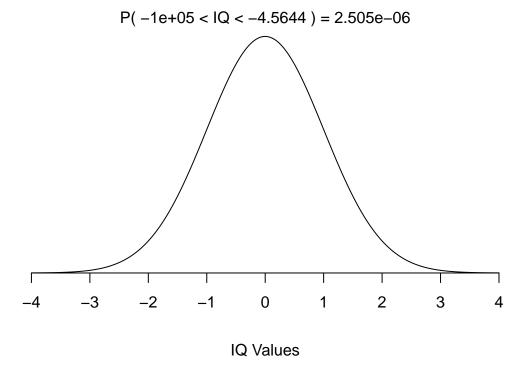
```
pval=pnorm(z)
pval
```

```
## [1] 2.505166e-06
```

Se grafica con un código similar al anterior, para graficar el p valor, dándonos cuenta de que ya no se muestra dentro de nuestra gráfica.

```
mean \leftarrow 0;
               sd
                     <- 1
lb
   <- -100000;
                     ub
                          <- -4.5644
x \leftarrow seq(-4,4,length=1000)*sd + mean
hx <- dnorm(x,mean,sd)</pre>
plot(x, hx, type="n", xlab="IQ Values", ylab="",
     main="Normal Distribution", axes=FALSE)
points(-4.5644,0)
i \leftarrow x >= 1b & x \leftarrow= ub
lines(x, hx)
polygon(c(lb,x[i],ub), c(0,hx[i],0), col="red")
area <- pnorm(ub, mean, sd) - pnorm(lb, mean, sd)
result <- paste("P(",lb,"< IQ <",ub,") =",
                 signif(area, digits=4))
mtext(result,3)
axis(1, at=seq(-4, 4, 1), pos=0)
```

Normal Distribution



Problema

Un fabricante de cerveza artesanal afirma que el volumen de producción es mayor que 1,000 litros. En una muestra de tres producciones, se descubrió que la producción es de 991 litros en promedio. Suponga que la desviación estándar de la población es de 15. Con un nivel de significancia de alpha=0.1, ¿podemos rechazar la afirmación del fabricante?

Solución

La hipótesis nula es que µ mayor o igual que 1,000. Comenzamos con el cálculo estadístico de la prueba.

Variables

```
xbar = 991 -> Media de la muestra
mu0 = 1000 -> Valor hipotético
sigma = 15 -> Desviación estándar de población
n=3 -> Tamaño de la muestra
xbar <- 991
mu0 <- 1000
sigma <- 15
     <- 3
z <- (xbar-mu0)/(sigma/sqrt(n))</pre>
## [1] -1.03923
Solución
Entonces calculamos el valor crítico a un nivel de significación de alpha=0.01
alpha = 1
z.alpha = qnorm(1-alpha) -> Valor crítico
-z.alpha -> Resultado
alpha = 0.1
z.alpha = qnorm(1-alpha)
-z.alpha
```

[1] -1.281552

Se procede a hacer la comparación y ver si se cumple la condición o no.

Respuesta

La prueba estadística de z = -1.03923 es mayor que el valor crítico de z(alpha) = -1.281552. Por lo tanto, a un nivel de significación de alpha=0.1, aceptamos la afirmación de que la producción medua de cerveza es mayor a 1,000 litros.

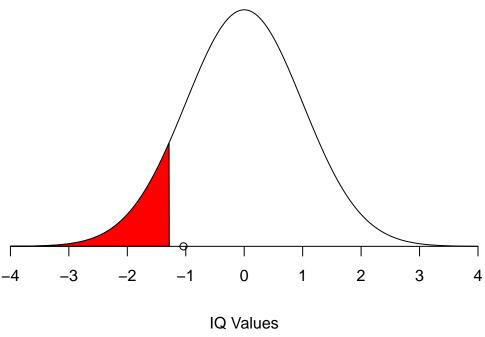
Realizamos el gráfico.

```
mean <- 0;
              sd
                    <- 1
1b < -4;
              ub
                    <- -1.281552
x \leftarrow seq(-4,4,length=1000)*sd + mean
hx <- dnorm(x,mean,sd)</pre>
plot(x, hx, type="n", xlab="IQ Values", ylab="",
     main="Normal Distribution", axes=FALSE)
points(-1.03923,0)
i <- x >= 1b & x <= ub
lines(x, hx)
polygon(c(lb,x[i],ub), c(0,hx[i],0), col="red")
area <- pnorm(ub, mean, sd) - pnorm(lb, mean, sd)
result <- paste("P(",1b,"< IQ <",ub,") =",
```

```
signif(area, digits=4))
mtext(result,3)
axis(1, at=seq(-4, 4, 1), pos=0)
```

Normal Distribution





Solución alternativa

En lugar de utilizar el valor crítico, aplicamos la función pnorm para calcular el p-valor de la cola inferior de la prueba estadística. Como nuestro resultado es mayor que el nivel significación de alpha=0.1, aceptamos la hipótesis nula de que µ mayor o igual que 1,000.

p-val mayor o igual a alpha

0.1493 es mayor que 0.1

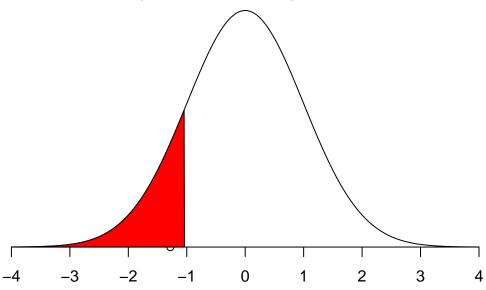
```
pval=pnorm(z)
pval
```

[1] 0.1493488

Se grafica con un código similar al anterior, para graficar el p valor, dándonos cuenta de que ya no se muestra dentro de nuestra gráfica.

Normal Distribution

$$P(-4 < IQ < -1.03923) = 0.1493$$



IQ Values