

图文作业6

3. 五只猴子采了一堆桃子，它们约定次日早晨起来再分。半夜里，一只猴子偷偷起来把桃子平均分成五堆后，发现还多一个，于是吃了这个桃子，拿走了其中一堆；第二只猴子醒来，又把桃子均分成五堆后，还是多了一个，它也吃了这个桃子，拿走了其中一堆；第三、第四、第五只猴子都依次如此做了。设计程序，求原先这堆桃子至少有多少个？最后剩多少个桃子？（已知 `int` 范围内有解。）

假设一开始有 x_0 个桃子：

$$x_1 = 4/5(x_0 - 1)$$

$$x_2 = 4/5(x_1 - 1)$$

...

$$x_5 = 4/5(x_4 - 1)$$

$$x_4 = 5/4x_5 + 1$$

$$x_3 = 5/4x_4 + 1$$

...

$$x_0 = 5/4x_1 + 1$$

```
int x5 = 4;
while (true) {
    int x = x5;
    int i = 0;
    for (i = 0; i < 5; i++) {
        if (x % 4 != 0)
            break;
        x = x / 4 * 5 + 1;
    }
    if (i == 5) {
        cout << x << endl;
        return 0;
    }
    x5 += 4;
}
```

图文作业7

3. 不引入新的数组，实现数组前 x 个元素与后 y 个元素交换位置的函数，其中 $x+y$ 等于数组的长度。例如，设 a 中的数据为 1 2 3 4 5 6 7，设 x 为 3， y 为 4，函数执行后， a 中的数据为 4 5 6 7 1 2 3。又如，设 x 为 1， y 为 6，则函数执行后， a 中的数据为 2 3 4 5 6 7 1。函数原型为：void ArrSwap(int a[], int x, int y);

```
void ArrSwap(int a[], int x, int y) {
    int len = x + y;
    for (int i = 0; i < x; i++) { //循环左移x次
        int temp = a[0];
        for (int j = 1; j < len; j++) {
            a[j - 1] = a[j];
        }
        a[len - 1] = temp;
    }
}
```

图文作业8

1.（筛法求素数）首先假设 $2 \sim n$ 之间所有的数从小到大排列在筛子中，然后从 **2** 开始依次将每个数的倍数从筛子中筛掉，最终输出筛子中剩下的数（均为素数）。

埃拉托斯特尼筛法通过不断地标记当前素数的所有倍数为合数，从而取得最小的未标记整数为下一个素数。不过，在实际使用此筛法寻找一个范围内的素数时，不需要检查范围内所有整数，也不需要每个素数都标记其所有的倍数。

- 1. 寻找 N 以内的素数时，若找到了一个大于 \sqrt{N} 的素数，则剩余的所有尚未标记的数也都是素数。

证明：若这些尚未标记的数中有任何一个为合数，设之为 m ，则 m 必定是除1与自身以外的两个因数的乘积。但既然 m 尚未被标记，则所有小于等于 \sqrt{N} 的数均不是 m 的因数。故这两个因数必然都大于 \sqrt{N} ，则 m 不可能在 N 以内[3]:103–104[4]:4。

- 2. 标记某一素数 p 的倍数时，不需要每次皆从 $2p, 3p, \dots$ 开始，而可直接从 p^2 开始标记。

证明：所有较 p^2 更小的 p 的倍数必然拥有一个更小的素数为其因数，故在标记之前的素数的倍数时它们已经被标记过了[5]。

	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Prime numbers
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60	
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80	
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100	
101	102	103	104	105	106	107	108	109	110	
111	112	113	114	115	116	117	118	119	120	

图文作业8

1.（筛法求素数）首先假设 $2 \sim n$ 之间所有的数从小到大排列在筛子中，然后从 **2** 开始依次将每个数的倍数从筛子中筛掉，最终输出筛子中剩下的数（均为素数）。

```
int eratosthenes(int n) {
    int p = 0;
    for (int i = 0; i <= n; i++) {
        is_prime[i] = true;
    }
    is_prime[0] = is_prime[1] = 0;
    for (int i = 2; i <= n; i++) {
        if (is_prime[i]) {
            prime[p++] = i;
            if (1ll * i * i <= n) {
                for (int j = i * i; j <= n;
j += i) {
                    is_prime[j] = 0;
                }
            }
        }
    }
    return p;
}
```

图文作业8

2. (前置和与后置和) 假设有一个数组 x , 它有 n 个元素, 每一个元素都大于0。称 $x[0]+x[1]+\dots+x[i]$ 为前置和, 而 $x[j]+x[j+1]+\dots+x[n-1]$ 为后置和。编程计算 x 中有多少组相同的前置和与后置和。例如, 如果 x 的元素为3、6、2、1、4、5、2, 则 x 的前置和有: 3、9、11、12、16、21、23, 后置和有: 2、7、1、12、14、20、23; 11、12、23这3对就是值相同的前置和与后置和, 因为: $11=3+6+2$ (前置和) $=2+5+4$ (后置和), $12=3+6+2+1$ (前置和) $=2+5+4+1$ (后置和), 23是整个数组元素的和。

图文作业8

2. (前置和与后置和)

```
int sum1[n], sum2[n];
for (int i = 0; i < n; i++) {
    int rest1 = 0;
    int rest2 = 0;
    for (int j = 0; j <= i; j++) {
        rest1 += x[j];
        rest2 += x[n-j-1];
    }
    sum1[i] = rest1;
    sum2[i] = rest2;
}
```

```
int num = 0;
for (int i = 0; i < n; i++) {
    for (int j = 0; j <= i; j++) {
        if (sum1[i] == sum2[j]) {
            num++;
            break;
        }
    }
}
```

图文作业9

动手实践，略。

图文作业10

1. 不使用库函数，编写 StrLen、StrCat、StrNcat、StrCmp 及 StrNcmp 函数。

请参考课件，略。

图文作业10

2. 用一个函数计算 main 函数中输入的一行字符中阿拉伯数字及大小写英文字母的个数，并用指针型参数将两类字符的个数传递给 main 函数输出。

```
char ch;  
int n = 0;  
while ((ch = getchar()) != '\\n') {  
    if ((ch >= '0' && ch <= '9') ||  
        (ch >= 'a' && ch <= 'z') ||  
        (ch >= 'A' && ch <= 'Z'))  
        n++;  
}  
cout << n << endl;
```

图文作业11

2. 设计C/C++程序完成下列功能：设有 M个候选人，N 个选举人，每个选举人输入一个候选人姓名，最后输出各人得票数。

```
const int M = 3;
const int S = 20;
typedef struct
{
    char name[S];          //char name;?
    int count;             //double count;?

} Person;
Person leader[M] = {"Tom", 0, "Jerry", 0, "Tuffy", 0};
```

```
const int N = 10;
int i;
char name[S];
for(i=1; i <= N; ++i)
{
```

```
cin >> m;
cin >> n;
getchar();
```

```
scanf("%d%d\n", &m, &n);
```

```
    cin.getline(name, S);           //投票, 输入选谁
    for(int j=0; j < M; ++j)
        if(strcmp(name, leader[j].name) == 0)
            leader[j].count++;      //计票
```

```
    }
    cout << endl;
    for(i=0; i < M; ++i)
        cout << leader[i].name << leader[i].count;    //唱票
```

链表解法

```
struct Node
{
    char name[20];
    int num;
    Node *next;
};
```

```
Node *ListCreate_Tail(int m)
{
    Node *head = NULL, *tail = NULL;
    for(int i = 0; i <= m; ++i)
    {
        Node *p = (Node *)malloc(sizeof(Node));
        scanf("%s", p -> name);
        p -> num = 0;
        p -> next = NULL;
```

.....

链表解法

```
struct Node
```

```
{  
    char name[20];  
    int num;  
    Node *next;  
};
```

```
Node *ListCreate_Tail(int m)  
{  
    Node *head = NULL, *tail;  
    for(int i = 0; i <= m; ++i)  
    {  
        Node *p = (Node *)malloc(sizeof(Node));  
        scanf("%s", p -> name);  
        p -> num = 0;  
        p -> next = NULL;
```

.....

```
int m, n;  
cin >> m;  
cin >> n;  
Node *p = ListCreate_Tail(m);  
for(int i = 0; i < n; ++i)  
{  
    char vote[20];  
    scanf("%s", vote);  
    Node *q = NULL;  
    for(q = p; q != NULL; q = q -> next)  
    {  
        if(strcmp(q -> name, vote) == 0)  
            q -> num++;  
    }  
    p = p -> next; //因为第一个节点是空节点, 姓名为'\n'  
while(p)  
{  
    cout << p -> num;  
    p = p -> next;  
}
```

图文作业12

1. (单向链表中的环) 判断一个单向链表中是否有环 (即最后一个节点的next指针是否指向了链表中的某个节点), 并对无环的非空单向链表建立一个环 (从链表最后一个节点指向第M个节点, 其中, M可以是1、2、3、...), 操作成功, 返回true, 否则 (链表空), 返回false。函数原型分别为: `bool HasLoop(Node *head);`及`bool CreateLoop(Node *head, int m);`

图文作业12

```
bool CreateLoop(Node *head, int m) {  
    Node *temp = head;  
    for (int i = 0; i < m-1 && temp != NULL; i++) {  
        temp = temp->next;  
    }  
    if (temp == NULL)  
        return false;  
  
    Node *tail = head;  
    while (tail->next != NULL) {  
        tail = tail->next;  
    }  
    tail->next = temp;  
}
```

图文作业12

```
bool HasLoop(Node *head) {  
    if (head == NULL || head->next == NULL)  
        return false;  
    Node *fast = head;  
    Node *slow = head;  
    while (fast != NULL && fast->next != NULL) {  
        fast = fast->next->next;  
        slow = slow->next;  
        if (fast == slow)  
            return true;  
    }  
    return false;  
}
```


图文作业12

2. 用链表实现约瑟夫斯问题（参见课件“5数组”例 5.7）的求解。

```
Node *JosephCircle(Node *head, int k) {
    Node *temp = head, *prev = NULL;
    while (temp->next != NULL) {
        temp = temp->next;
    }
    temp->next = head;
    temp = head;
    while (temp->next != temp) {
        for (int i = 1; i < k; i++) {
            prev = temp;
            temp = temp->next;
        }
        prev->next = temp->next;
        delete temp;
        temp = prev->next;
    }
    temp->next = NULL;
    return temp;
}
```