第四章 根轨迹法

1. 对下列开环传递函数,画出当 $0 < K < \infty$ 时的根轨迹。

1)
$$G(s)H(s) = \frac{K}{(s^2 + 2s + 2)(s + 2)}$$

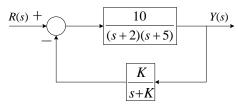
2)
$$G(s)H(s) = \frac{K(s^2 + 4s + 8)}{s^2(s+4)}$$

2. 便携式 CD 播放机应该具有良好的抗扰动和准确定位光学读入传感器的能力。 位置控制系统采用单位反馈和对象传递函数

$$G(s) = \frac{10}{s(s+1)(s+p)}$$

参数 p 可由适当选择的直流电机确定。画出随 p 变化的根轨迹; 选取 p 值, 使系统的阻尼近似为 0.717。

3. 对下图所示系统,画出随 K 变化的根轨迹。确定 K 的取值,使阶跃响应的超调小于 5%,调节时间(按 2%准则)小于 2.5 秒。



4. 空间中刚体的旋转运动,如航天器的姿态变化等,其动态可用双积分器近似 表示 $G(s) = \frac{1}{s^2}$ 。通常采用比例-微分控制器,如 $C(s) = k_p (1 + \frac{2}{3}s)$ 画出当控

制器增益 k_p 从 0 变化到 $+\infty$ 时闭环系统的根轨迹, 获取分离点、根轨迹与虚轴的交点, 及在这些点处 k_p 的值; 证明根轨迹在实轴以外的部分构成一个圆。