### 作业

- 1. No.8 (希望在作业题纸中选择、填空、判断各题的相应位置处写出其关键步骤);
- 2. 自学本章各例题并完成书上的习题(对照书后的参考答案自己订正)。

第十三周星期三交作业

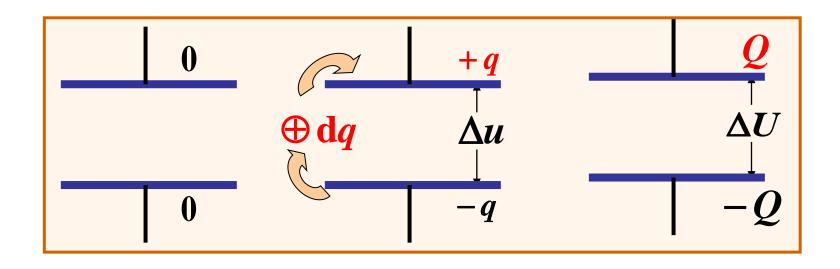


# 第九节 静电场的能量

一、电容器的能量

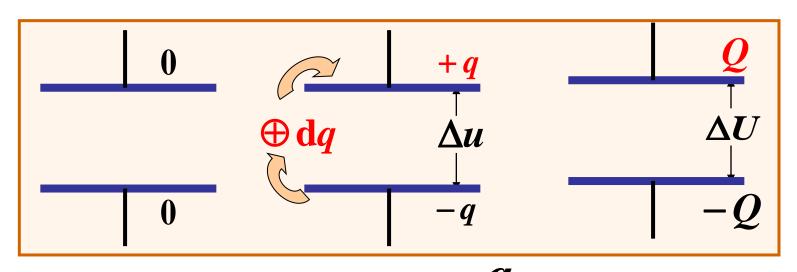
二、电场能量

#### 一、电容器的能量



模型: 将 Q 由负极移向  $\Big\}$  极板电量  $0 \to Q$  正极板的过程  $\Big\}$  板间电压  $0 \to \Delta U$ 

电容器储能 = 过程中反抗电场力的功



计算: 
$$dA = \Delta u \cdot dq = \frac{q}{C} dq$$

$$A = \int dA = \int_0^Q \frac{q}{C} dq = \frac{Q^2}{2C}$$

电容器的能量: 
$$w = \frac{Q^2}{2C} = \frac{1}{2}C(\Delta U)^2 = \frac{1}{2}Q\Delta U$$

#### 二、电场能量

1. 电场能量密度wa:单位体积内储存的能量

以平行板电容器为例: 
$$C = \frac{\varepsilon_0 \varepsilon_r S}{d}$$
  $\Delta U = Ed$ 

$$\therefore W = \frac{1}{2}C(\Delta U)^2 = \frac{1}{2}\frac{\varepsilon_0\varepsilon_r S}{d}E^2d^2 = \frac{1}{2}\varepsilon_0\varepsilon_r E^2V$$

$$w_e = \frac{W}{V} = \frac{1}{2} \varepsilon_0 \varepsilon_r E^2$$

#### 2. 电场能量

$$W = \int_{V} w_{e} dV = \int_{V} \frac{1}{2} \varepsilon_{0} \varepsilon_{r} E^{2} dV$$

#### 注意:

- \* 上式对非均匀电场和随时间变化的电场均适用。
- \* 积分应遍及电场所在的整个空间,若各区域 $\varepsilon$ 、E分布不同,应分区域积分,再相加。

例(P<sub>229</sub> 9.9.2) 一平行板电容器与一电源相连,现 将一块大小与电容器相同,相对电容率为ε<sub>r</sub>的均匀电 介质插入电容器中,则电容、极板电量、板间电场强 度、电位移、两板电势差和电场能量中,哪些增大? 哪些减小?哪些不变?若充电后先断开电源,再插入 电介质,情况又如何?

插入电介质	不变量	增大量	减小量
不断开电源	$\Delta U$ , $E$	C,q,D,W	
断开电源			

解:插入前:

源

插入后:

$$\Delta U$$
 —  $\Delta U$ 

$$E = \frac{\Delta U}{d} - E' = \frac{\Delta U}{d} \quad \therefore E' = E$$

$$C = \frac{\varepsilon_0 S}{d} - C'$$

$$C' = \frac{\varepsilon_0 \varepsilon_r S}{d} > \frac{\varepsilon_0 S}{d} \qquad \therefore C' > C$$

$$q = C\Delta U - q' = C'\Delta U > C\Delta U \qquad \therefore q' > q$$

$$D = \varepsilon_0 E - D' = \varepsilon_0 \varepsilon_r E' > \varepsilon_0 E \qquad D' > D$$

$$W = \frac{1}{2}C(\Delta U)^{2} \qquad W' = \frac{1}{2}C'(\Delta U)^{2} > \frac{1}{2}C(\Delta U)^{2} \quad W' > W$$

二、电场能量

插入电介质	不变量	增大量	减小量
不断开电源	$\Delta U$ , $E$	C,q,D,W	
断开电源	q, $D$	$\boldsymbol{C}$	$\Delta U, E, W$

$$q - q = q$$

$$C = \frac{\varepsilon_0 S}{d} \quad C' = \frac{\varepsilon_0 \varepsilon_r S}{d} > \frac{\varepsilon_0 S}{d} \quad \therefore C' > C$$

$$\Delta U = \frac{q}{C}$$

$$\Delta U = \frac{q}{C} \quad \Delta U' = \frac{q}{C'} < \frac{q}{C} \quad \therefore \Delta U' < \Delta U$$

断 
$$\Delta U = \frac{q}{C}$$
 —  $\Delta U' = \frac{q}{C'} < \frac{q}{C}$   $\therefore \Delta U' < \Delta U$  中  $E' = \frac{\Delta U}{d} < \frac{\Delta U}{d}$   $\therefore E' < E$  源  $D = \varepsilon_0 E$  —  $D' = \varepsilon_0 \varepsilon_x E' = \varepsilon_0 \varepsilon_x \frac{\Delta U'}{d} = \varepsilon_0 E$   $\therefore$ 

$$D = \varepsilon_0 E \longrightarrow D' = \varepsilon_0 \varepsilon_r E' = \varepsilon_0 \varepsilon_r \frac{\Delta U'}{d} = \varepsilon_0 E \quad \therefore D' = D$$

$$W = \frac{q^2}{2C}$$
 —  $W' = \frac{q'^2}{2C'} < \frac{q^2}{2C}$  ::  $W' < W$ 

## 静电场:相对于观察者静止的电荷周围的电场

静电感应: 电荷瞬间宏观定向运动

介质极化: 电荷瞬间微观定向运动

只讨论实现 平衡后电场

性质:

有源

$$\oint_{S} \vec{D} \cdot d\vec{S} = \sum_{(S \nmid I)} q_{0}$$

有势 (保守)

$$\oint_{L} \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0$$

# 第十节 稳恒电场

一、电流强度

二、电流密度矢量

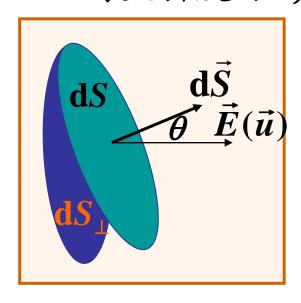
三、稳恒电流与稳恒电场

四、电源电动势

#### 一、电流强度

电流强度I:单位时间内通过导体内某一面积的电量, 其指向为正电荷的运动方向。

设正电荷的漂移运动(定向匀速运动)速率为u, 电荷数密度为n,则电流强度:



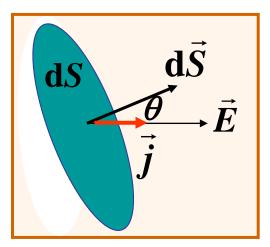
$$\mathbf{d}I = \mathbf{d}I_{S_{\perp}} = qnu\,\mathbf{d}S_{\perp} = qnu\,\mathbf{d}S\cos\theta$$
$$= qn\vec{u}\cdot\mathbf{d}\vec{S}$$

# 电流强度: $dI = qnu dS_{\perp} = qn\vec{u} \cdot d\vec{S}$

#### 二、电流密度矢量

$$\vec{j} = \frac{\mathbf{d}I}{\mathbf{d}S_{\perp}} \vec{n}_0 = qnu\vec{n}_0 = qn\vec{u}$$

大小: 通过与该点  $\vec{E}$  垂直的单位截面的电流方向: 与+q 的漂移运动方向( $\vec{E}$  方向)相同



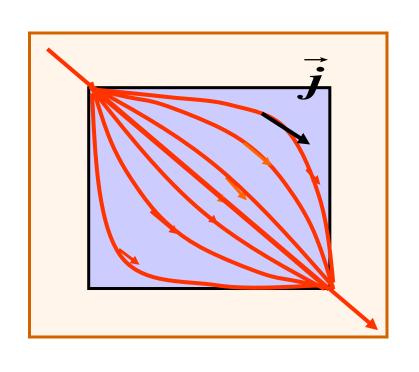
$$\mathbf{X} : \mathbf{d}\mathbf{I} = qn\vec{u} \cdot \mathbf{d}\vec{S} = \vec{j} \cdot \mathbf{d}\vec{S}$$

$$I = \int_{S} \vec{j} \cdot d\vec{S} \longrightarrow I = \int_{S} \vec{j} \cdot d\vec{S}$$
  
通过某截面的电流强度为电流密度  
矢量  $\vec{j}$  通过该面的通量。

二、电流密度矢量

## $\vec{j}$ 形成一个空间矢量场 —— 电流场

可以用电流线来描述电流场分布



电流线特点:

 $\{$ 其切向即 $\vec{j}$ 方向其疏密 $\propto \vec{j}$ 大小

#### 三、稳恒电流与稳恒电场

稳恒电流: 导体内各处电流密度矢量不随时间变 化的电流。

稳恒电流条件:

 $I=\oint_{S}\vec{j}\cdot d\vec{S}=0$  穿过封闭曲面S的 $\vec{j}$ 通量为零稳恒电流的特点:

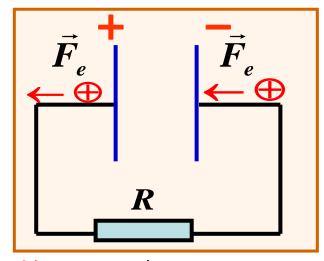
- ▶ 稳恒电流一定是闭合的,或两端通向无穷远(在 无穷远处闭合)。
- ▶稳恒电流的电场分布不随时间变化。

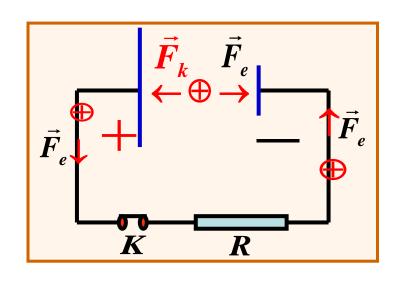
稳恒电场:在稳恒电流情况下,导体内电荷沿定向运动,但电荷分布不随时间变化,电场不随时间变化。

稳恒电场的特点:具有与静电场相同的性质,即:有源有势。

三、稳恒电流与稳恒电场

#### 四、电源电动势





#### 静电力作用:

电路中只能形成短暂的非稳恒电流。

如何形成持续电流?

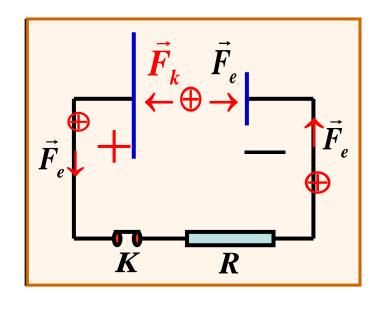
#### 电源作用:

提供非静电力 $\vec{F}_k$ ,将+q由负极板移向正极板,保持极板间电势差,以形成持续的电流。

#### 作用机理:

 $\vec{F}_k$  反抗  $\vec{F}_e$  做功,将其它形式能转变为电能。

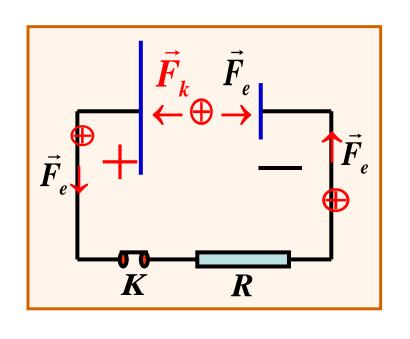
断路: $\vec{F}_k = -\vec{F}_e$  时平衡, 电流为零。



外电路:  $\vec{F}_e$  作用,将+q由正极 $\rightarrow$ 负极 内电路:  $|\vec{F}_k| > |\vec{F}_e|$  将+q 由负极 $\rightarrow$  正极  $\vec{F}_k \setminus \vec{F}_e$  共同作用形成持续电流

#### 能量转换:

$$ec{F}_e$$
  $\begin{cases} \dot{f}_e \cdot dec{l} > 0 \\ \dot{f}_e \cdot dec{l} > 0 \end{cases}$  内电路:  $\int_{-}^{+} ec{F}_e \cdot dec{l} < 0$  总功:  $\int_{-}^{+} ec{F}_e \cdot dec{l} = 0$ 



$$\vec{F}_k$$
: 做功如何?

非静电场强: 
$$\vec{E}_k = \frac{F_k}{q}$$

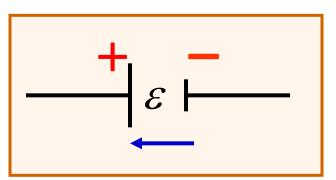
电源电动势ε: 电源将单位正电荷由负极经电源内 部移到正极时非静电力作的功。

电源电动势: 
$$\varepsilon = \frac{A_k}{q} = \frac{1}{q} \int_{(\text{经内电路})}^{+} \vec{F}_k \cdot d\vec{l} = \int_{(\text{经内电路})}^{+} \vec{E}_k \cdot d\vec{l}$$

若
$$\vec{E}_k$$
只在内电路存在:  $\varepsilon = \int_{-\infty}^{+\infty} \vec{E}_k \cdot d\vec{l}$  (经内电路)

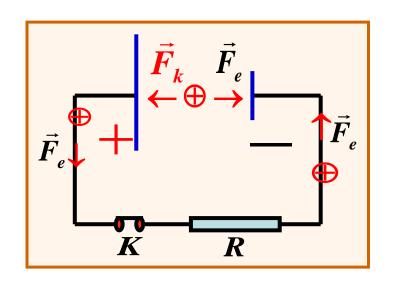
若 $\vec{E}_k$ 存在于整个闭合回路:  $\varepsilon = \int_L \vec{E}_k \cdot d\vec{l} > 0$  非静电力为非保守力!

规定电动势指向:



#### 练习:

试比较电源路端电压 和电源电动势这两个 概念。



	电源路端电压	电源电动势	
比较	$\Delta U = \int_{+}^{-} \vec{E}_e \cdot d\vec{l}$ (经外电路)	$oldsymbol{arepsilon} oldsymbol{arepsilon} = \int\limits_{-}^{+} \vec{E}_k \cdot \mathbf{d} \vec{l}$ (经内电路)	

四、电源电动势

#### 练习:

单位正电荷从电源正极出发,沿闭合回路一周,又回到电源正极时,下列哪种说法正确?

- (2) 1)静电力所做总功为零;
- 2)非静电力所做总功为零;
- 3)静电力和非静电力做功代数和为零;
- 4) 在电源内只有非静电力做功, 在外电路只有静电力做功。