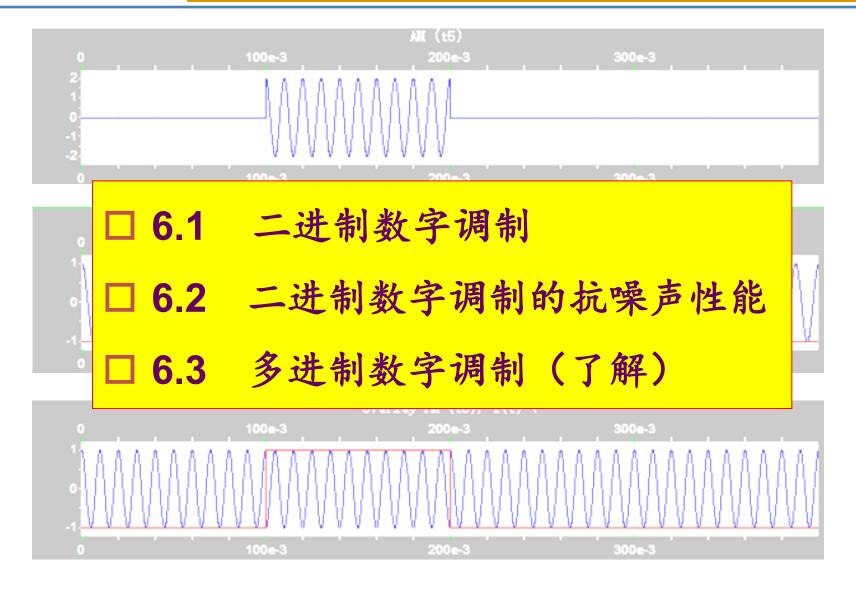


第6章 数字信号的调制传输





第6章 数字信号的调制传输

> 数字调制

实现数字基带信号功率谱的搬移。

载波:连续的正余弦波;

调制信号: 数字基带信号, 幅度取值离散;

已调信号: 载波的参数(幅度、频率或者相位)离散取

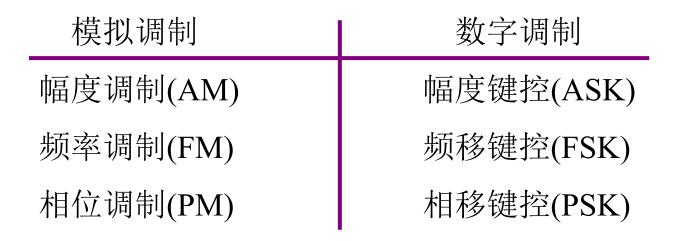
值,可以用简单的开关电路得到已调信号,所以又称为

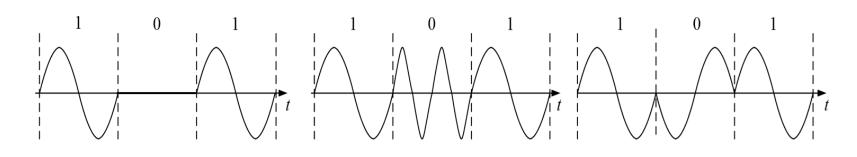
"键控"(Shift Keying)。



第6章 数字信号的调制传输

> 三种基本的数字调制





振幅键控

频移键控

相移键控



6.1.1 二进制幅度键控

2ASK(Amplitude Shift Keying)信号,其幅度按调制信号分别取0和A两种取值。

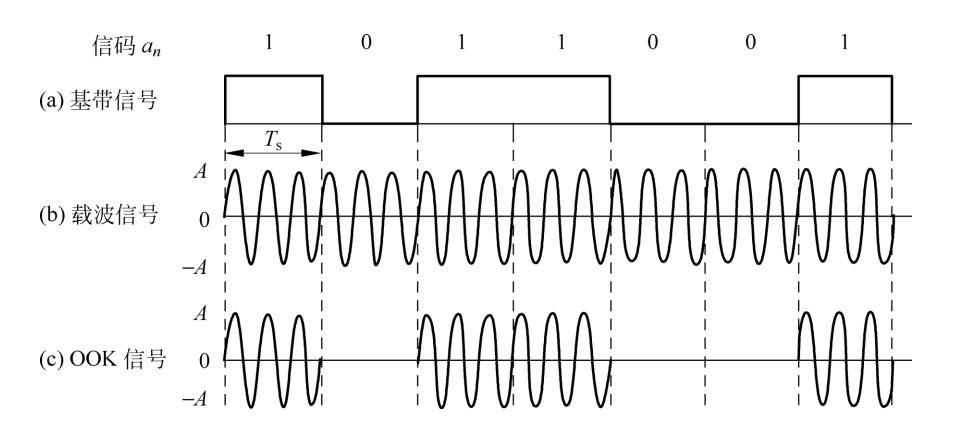
● 时域表达式

$$S_{\rm ASK}(t) = B(t) \cos \omega_{\rm c} t$$

其中, $f_c = \omega_c / (2\pi)$ 为载波频率;

B(*t*)是与原始数字代码序列相对应的单极性NRZ码数字基带信号,发送1码、0码时,脉冲幅度分别为*A*和0。





$$f_{\rm c}=3R_{\rm s}$$



●功率谱密度

$$\pm s_{ASK}(t) = B(t) \cos \omega_{c} t$$

根据功率谱的频移性质,得到2ASK信号的功率谱密度为

$$P_{\text{ASK}}(\omega) = \frac{1}{4} \left[P_{\text{B}}(\omega + \omega_{\text{c}}) + P_{\text{B}}(\omega - \omega_{\text{c}}) \right]$$

其中, $P_{\rm B}(\omega)$ 为数字基带信号B(t)的功率谱密度。

B(t)为单极性NRZ码,但波形可以任意取,例如矩形脉冲波、升余弦滚降信号、理想低通信号等。不同波形的基带信号,其频带利用率不同,即带宽与码元速率的关系不同。调制后得到的2ASK信号也具有不同的频带利用率。



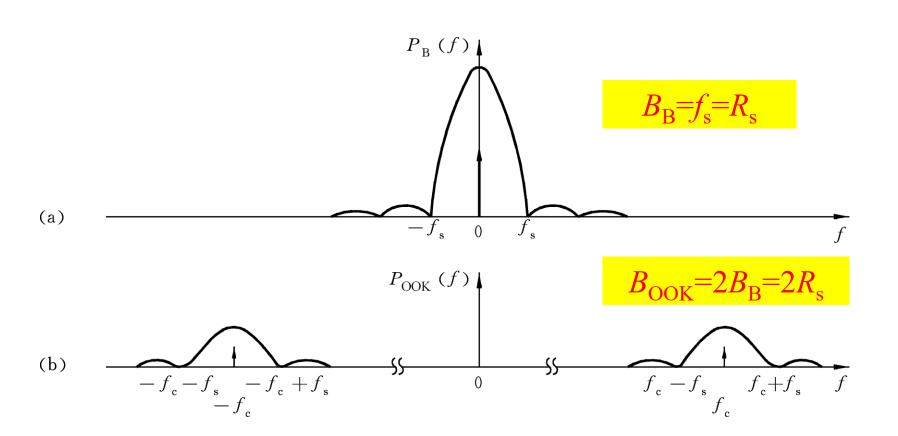


图6-2 OOK信号的功率谱(基带信号为矩形波)

(a)基带信号功率谱; (b) 已调信号功率谱



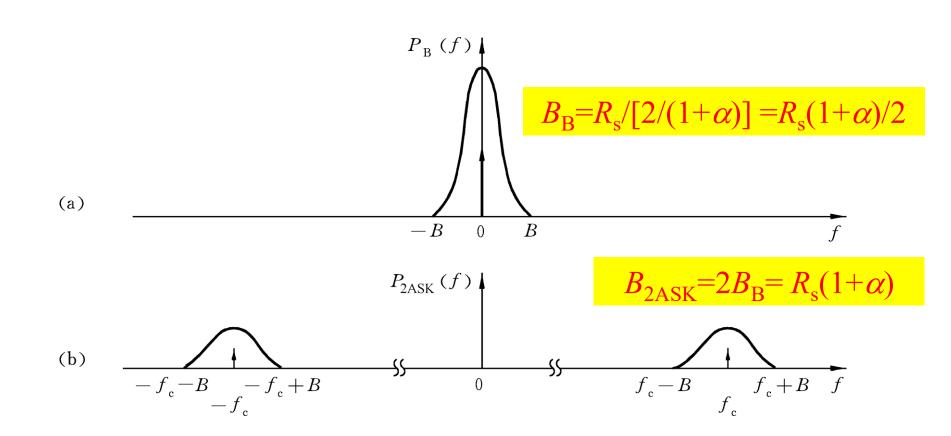
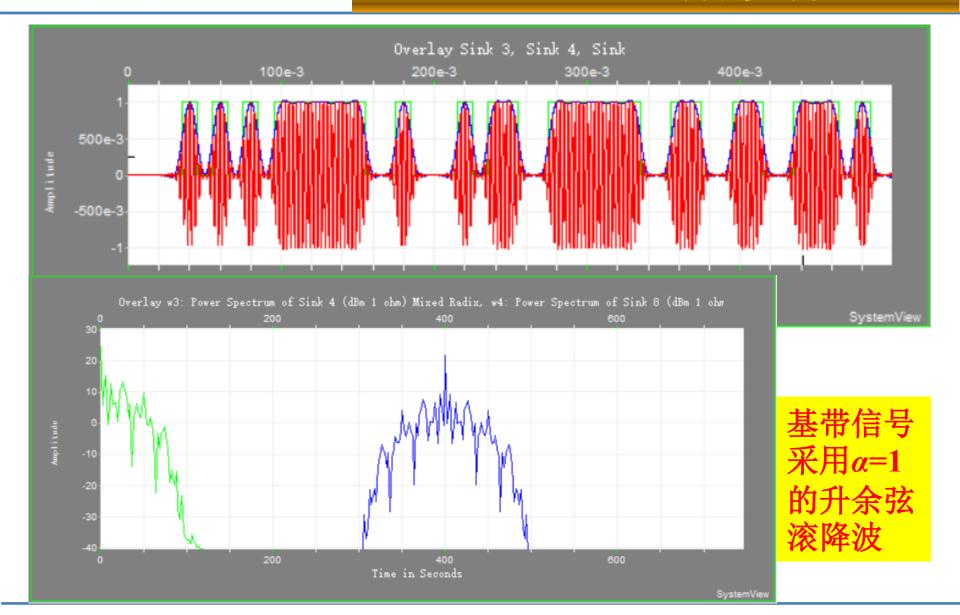


图6-3 2ASK信号功率谱(升余弦滚降基带信号)

- (a)基带信号功率谱; (b) 已调信号功率谱







结论——

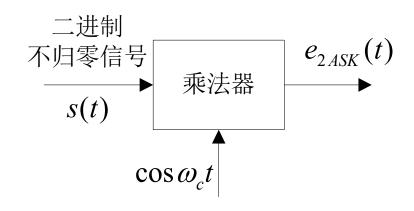
- 2ASK信号的功率谱包括**连续谱**和离散谱;
- 离散谱是由基带信号中的直流分量经频谱搬移而得到的, 由其决定2ASK信号中含有载波分量。
- 连续谱是由基带信号的连续谱经频谱搬移而得到的,由其 决定已调信号的**谱零点带宽**和频带利用率。

所有2ASK信号带宽都等于基带信号带宽的2倍,所以频带利用率都等于基带传输时的一半。

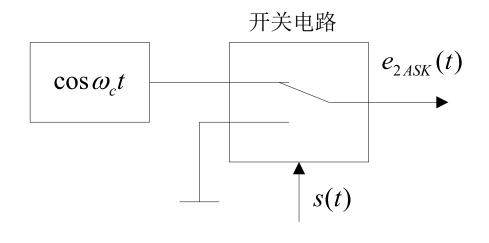
例如,矩形波, $\eta_s = R_s/B_{2ASK}$ =0.5 B/Hz; 升余弦滚降信号, $\eta_s = 1/(1+\alpha)$ B/Hz;



●调制和解调方法

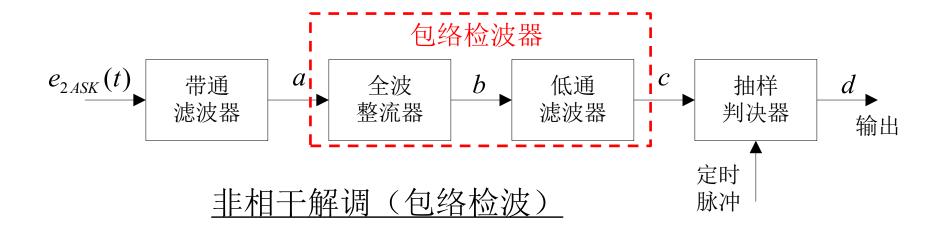


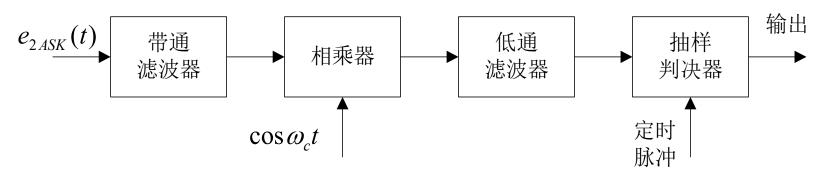
模拟调制法调制



开关键控法调制



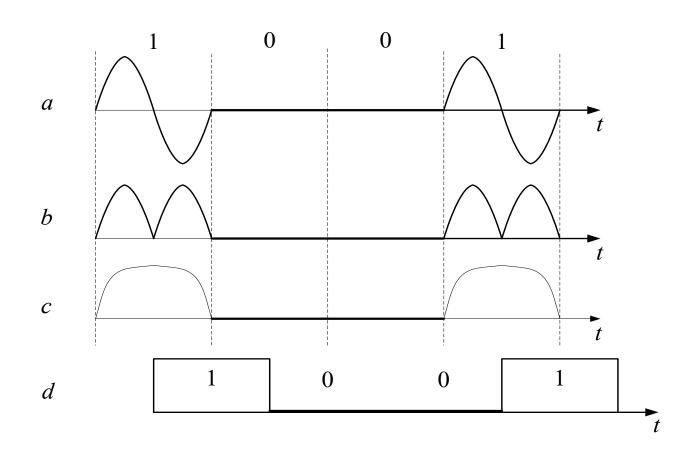




相干解调(同步检测)



非相干解调中各点时间波形





6.1.2 二进制频移键控

2FSK是用数字基带信号改变载波的频率,发送1码、0码时,载波频率分别取值为 f_1 和 f_2 。

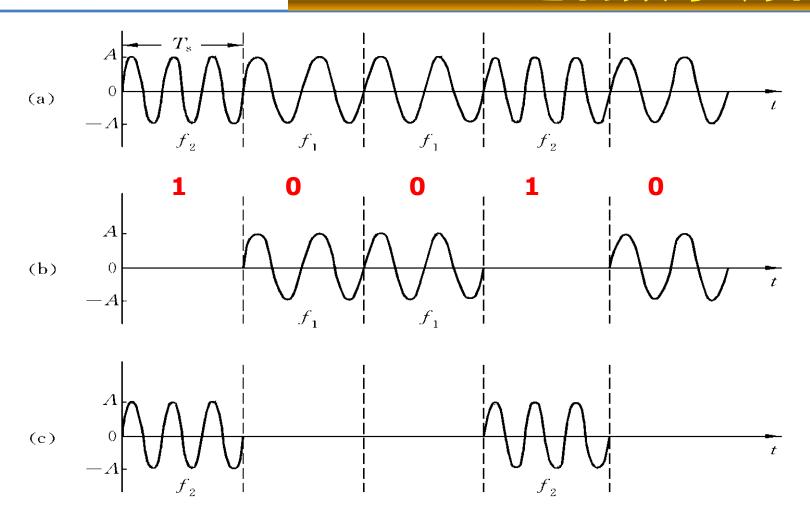
• 时域表达式

$$s_{2\text{FSK}}(t) = B(t)\cos\omega_1 t + B(t)\cos\omega_2 t$$

其中: B(t)是与原始数字代码序列相对应的单极性NRZ码数字基带信号,发送1码、0码时,脉冲幅度分别为A和0;

 $\overline{B(t)}$ 是基带信号的反相波形,发送1码、0码时,脉冲幅度分别为0和A。





2FSK可以视为两个不同载频的2ASK信号的叠加。



●功率谱密度

$$P_{2\text{FSK}}(f) = \frac{1}{4} \Big[P_{s_1}(f - f_1) + P_{s_1}(f + f_1) \Big]$$
$$+ \frac{1}{4} \Big[P_{s_2}(f - f_2) + P_{s_2}(f + f_2) \Big]$$

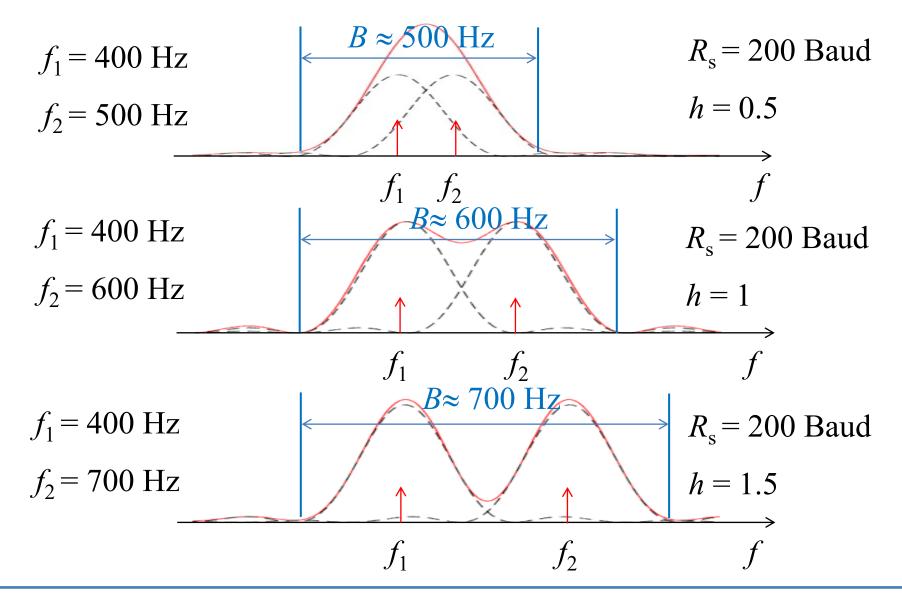
定义调频指数(频移指数)为

$$h = \frac{f_2 - f_1}{R_s} = \frac{\Delta f}{R_s}$$

其中,两个载频的差和中心频率分别为

$$\Delta f = f_2 - f_1$$
 $f_c = (f_1 + f_2)/2$







结论——

功率谱以fc为中心,对称分布。

在调频指数较小时功率谱为单峰,随着调频指数的增大,功率谱出现双峰。

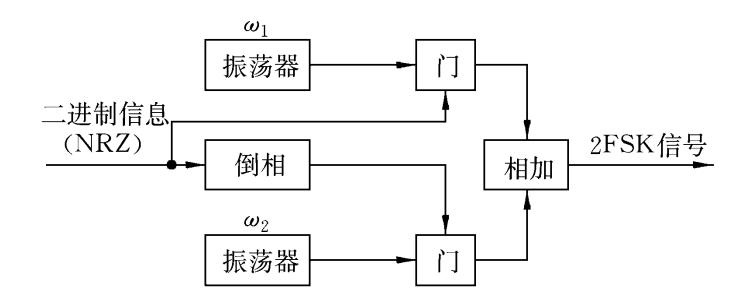
带宽近似为:

$$B_{2\text{FSK}} \approx 2B_{\text{B}} + \left| f_2 - f_1 \right|$$

其中, $B_{\rm B}$ 为基带信号的带宽,决定于码元速率和基带信号的 频带利用率。

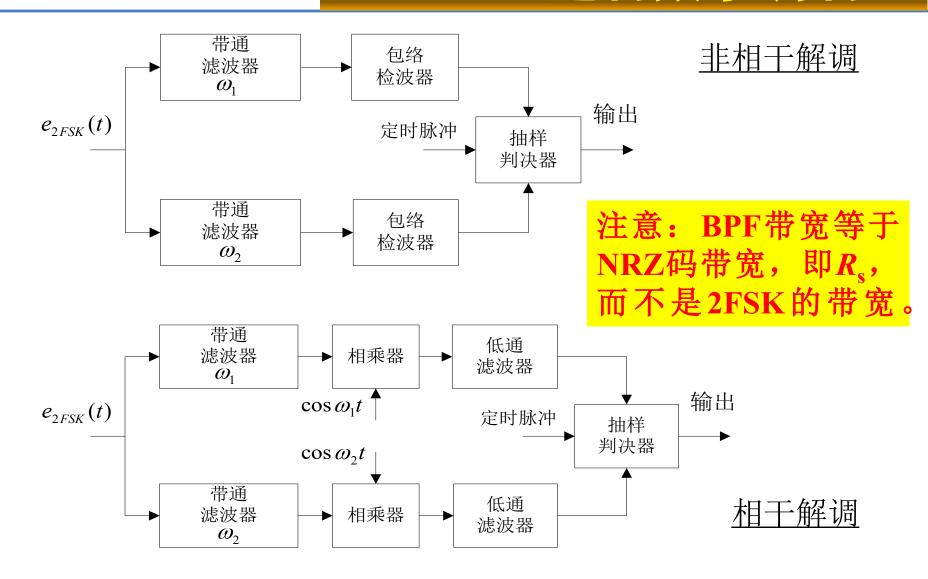


●调制和解调方法

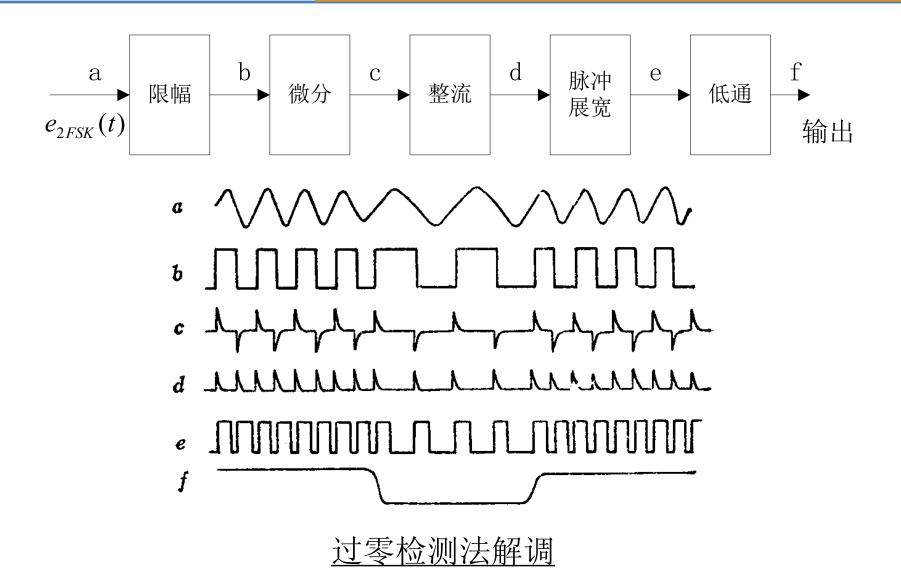


频率选择法调制











6.1.3 二进制相移键控

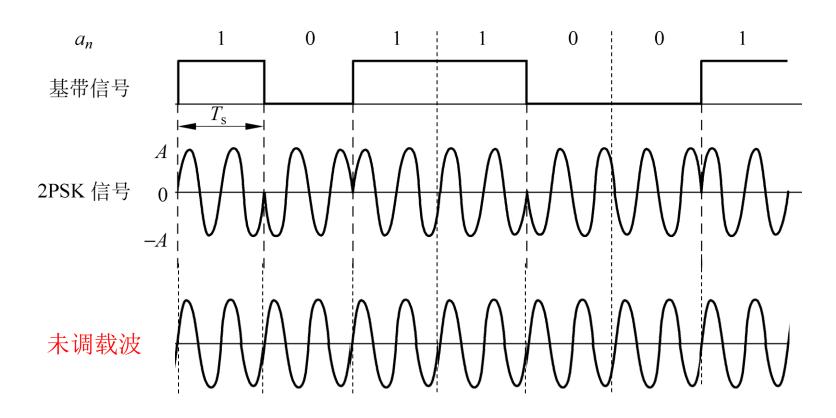
在2PSK中,通常用初始相位0和π分别表示二进制1和0。

• 时域表达式

$$\begin{split} s_{\text{2PSK}}(t) &= B(t)\cos(\omega_{\text{c}}t) = \begin{cases} A\cos\omega_{\text{c}}t, \text{ 发送1码} \\ -A\cos\omega_{\text{c}}t, \text{ 发送0码} \end{cases} \\ &= \begin{cases} A\cos(\omega_{\text{c}}t+0), \text{ 发送1码} \\ A\cos(\omega_{\text{c}}t+\pi), \text{ 发送0码} \end{cases} \end{split}$$

其中B(t)为双极性NRZ码基带信号,发送1码、0码时对应基带信号的幅度分别为+A、-A。





2PSK调制规则

0变1不变 (0码: 180°; 1码: 0°)

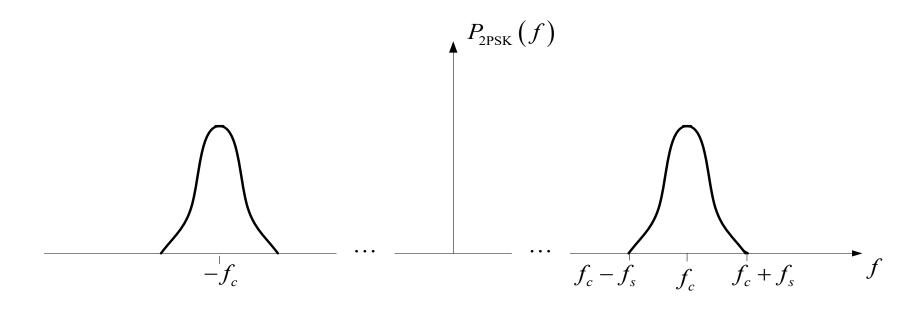
1变0不变 (0码: 0°; 1码: 180°)



●功率谱密度

$$P_{\text{2PSK}}(f) = \frac{1}{4} [P_s(f + f_c) + P_s(f - f_c)]$$

其中 $P_s(f)$ 为双极性NRZ码基带信号的功率谱密度。



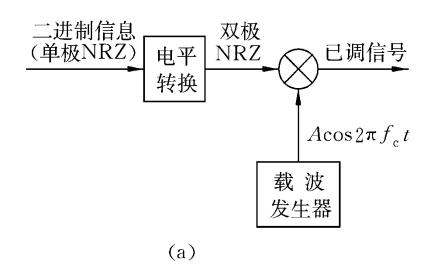


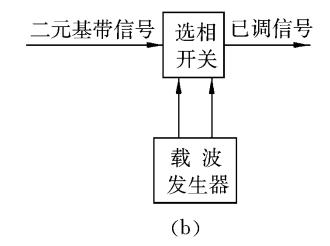
结论——

- 在0,1等概时,2PSK信号的功率谱中**只有连续谱**,没有 离散谱;
- 由连续谱决定2PSK信号的谱零点带宽为基带信号带宽的 2倍,即 $B_{2PSK}=2B_{R}$;
- 由于双极性基带信号没有直流分量,因此2PSK信号中没有载波分量,相当于DSB信号,只不过这里的基带信号为二进制双极性NRZ码数字基带信号。



●调制和解调方法





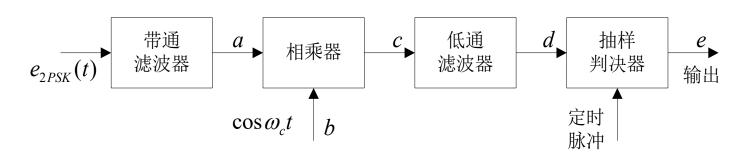
模拟相乘法调制

开关键控法调制



□相干解调

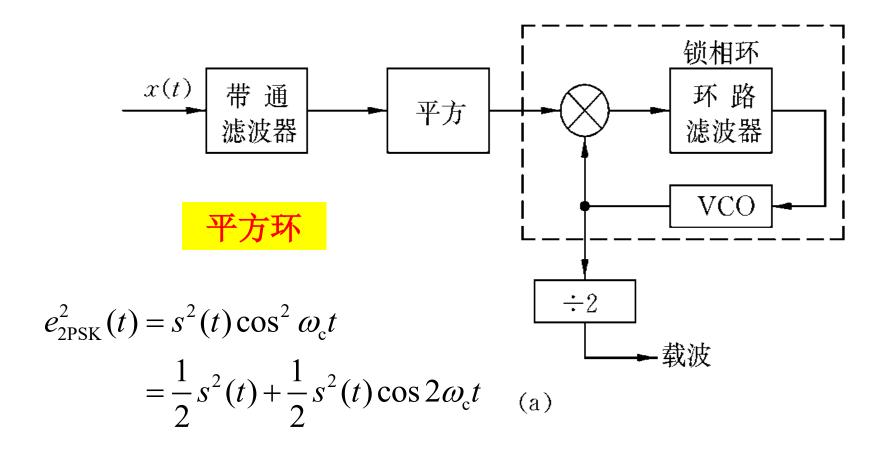
由于PSK信号的幅度包络不能反应基带信号,所以只能采用相干解调。



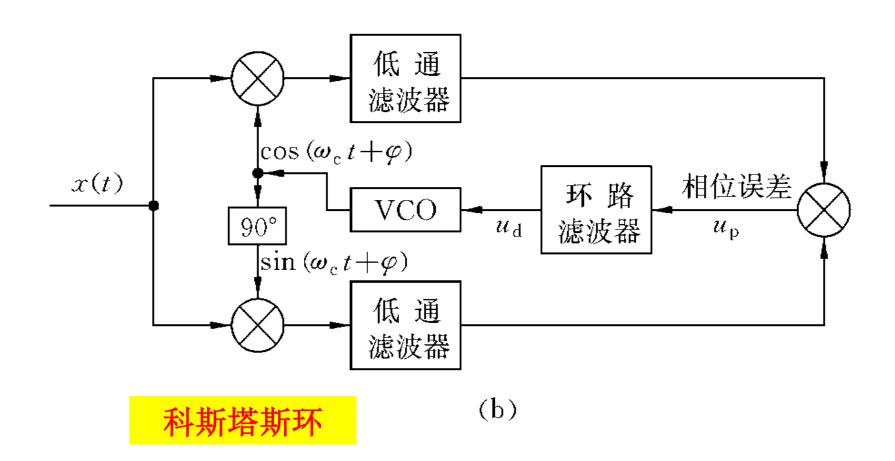
相干解调需要相干解调载波。由于PSK信号中不含有载波分量,所以必须采用特殊电路才能从PSK信号中恢复所需的相干载波。



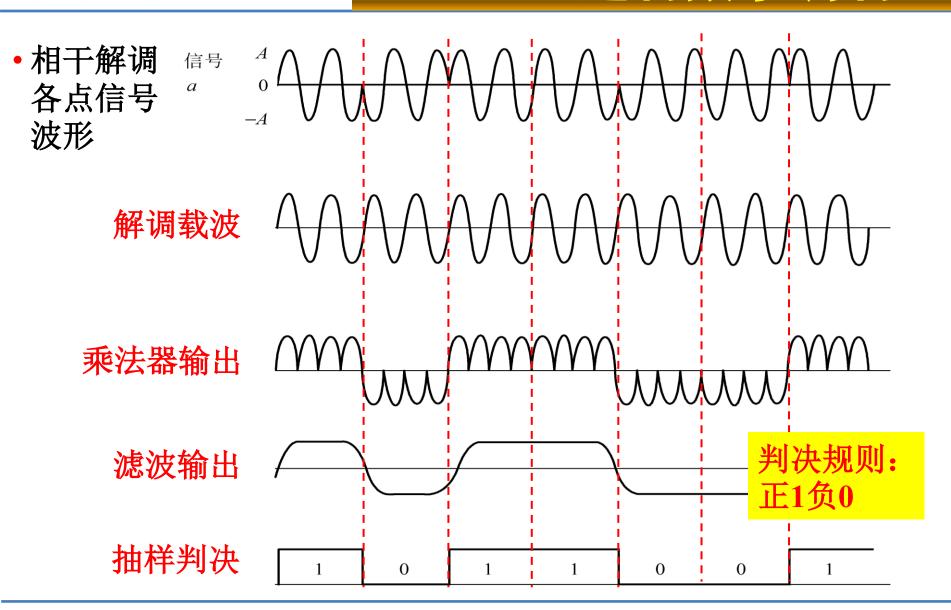
• 相干载波恢复电路——特殊的锁相环













• 调制解调过程的列表表示

信码 a_n	1	0	1	1	0	1	0	0	1	1	1
码元相位 φ	0	π	0	0	π	0	π	π	0	0	0
本地载波相位 φ_1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$\left[oldsymbol{arphi}\cdotoldsymbol{arphi}_{\scriptscriptstyle 1} ight]$ 极性	+	_	+	+	_	+	_	_	+	+	+
\hat{a}_{n1}	1	0	1	1	0	1	0	0	1	1	1
本地载波相位 φ_2	π	π	π	π	π	π	π	π	π	π	π
$\left[arphi_{}\cdotarphi_{}_{_{2}} ight]$ 极性	_	+	_	_	+	_	+	+	_	_	_
\hat{a}_{n2}	0	1	0	0	1	0	1	1	0	0	0



●2PSK的倒π现象

在采用特殊的锁相环对2PSK信号进行解调的过程中,恢复的本地载波与所需的相干载波可能同相,也可能反相。这种相位关系的不确定性将会造成解调出的数字基带信号与发送的数字基带信号正好相反,即出现0、1倒置现象,这种现象称为2PSK方式的**倒π现象(反向问题)**。



6.1.4 二进制差分相移键控

- 绝对调相:利用载波相位的绝对数值传送数字信息;
- 相对调相:利用前后相邻码元的载波相对相位变化传递数字信息。

● 2DPSK信号的产生





• 差分编码和差分译码

设绝对码为 a_n ,相对码(差分码)为 b_n 。

传号差分码编码: 电平跳变为1, 不变为0

$$b_n = a_n \oplus b_{n-1}$$

空号差分码编码: 电平跳变为0, 不变为1。

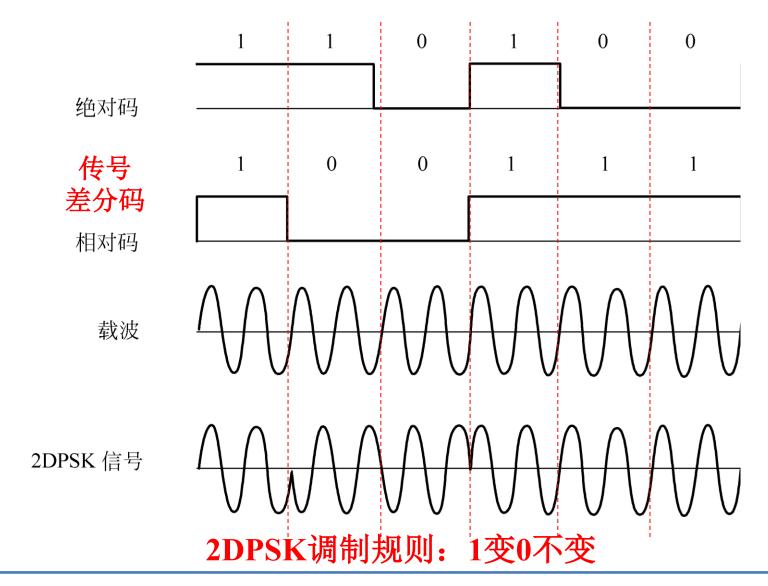
$$b_n = \overline{a_n} \oplus b_{n-1} = a_n \odot b_{n-1}$$

差分译码:

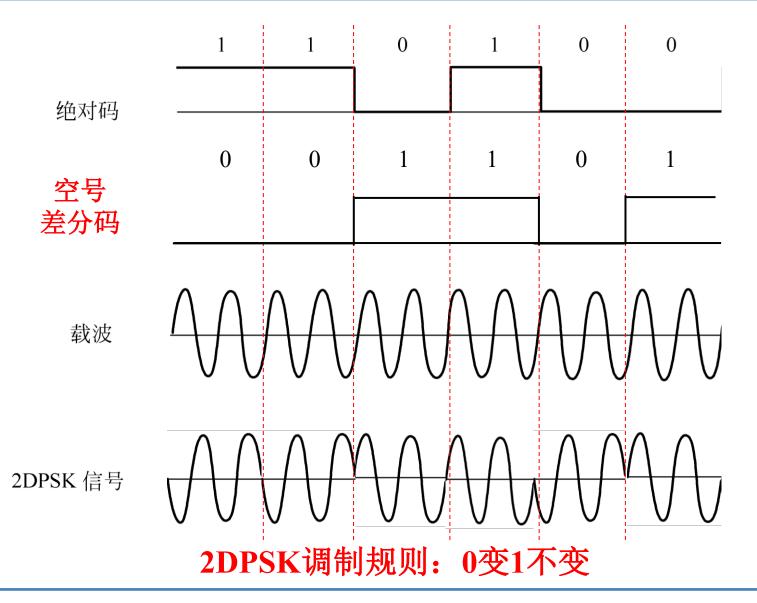
$$\hat{a}_n = \hat{b}_n \oplus \hat{b}_{n-1}$$
 (传号差分码)

$$\hat{a}_n = \hat{b}_n \odot \hat{b}_{n-1} \qquad (空号差分码)$$











• 调制规则

1变0不变:绝对码中为1码时,载波相位发生跳变;为0码时,载波相位保持不变。

0变1不变:与上述相反。

具体属于哪一种调制规则,取决于调制器中采用的差分编码规则:

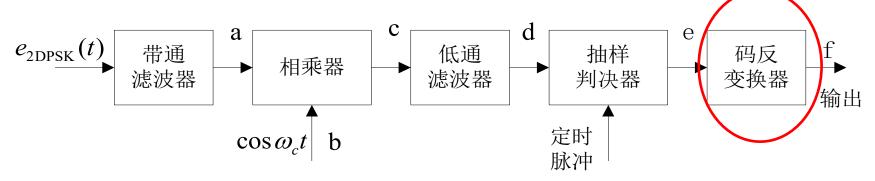
传号差分码 ↔ 1变0不变 空号差分码 ↔ 0变1不变

强调:上述变与不变,对2PSK,是已调载波相对于未调载波;对2DPSK,是已调信号中相邻码元范围内的载波。

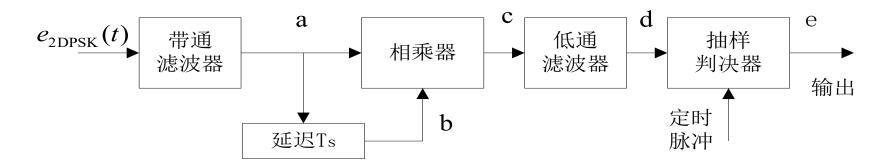


●2DPSK的解调

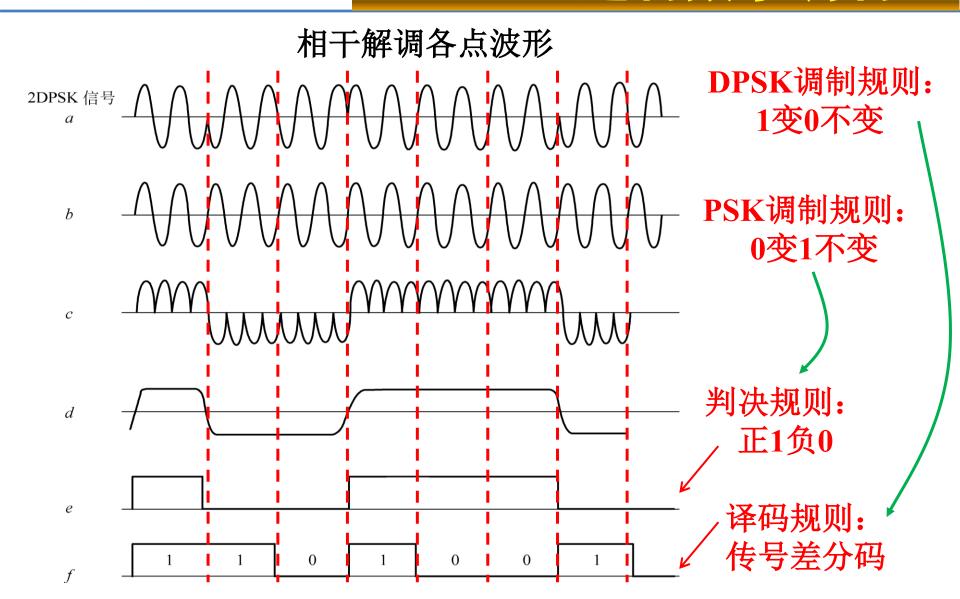
• 相干解调



• 差分相干解调(延迟解调)









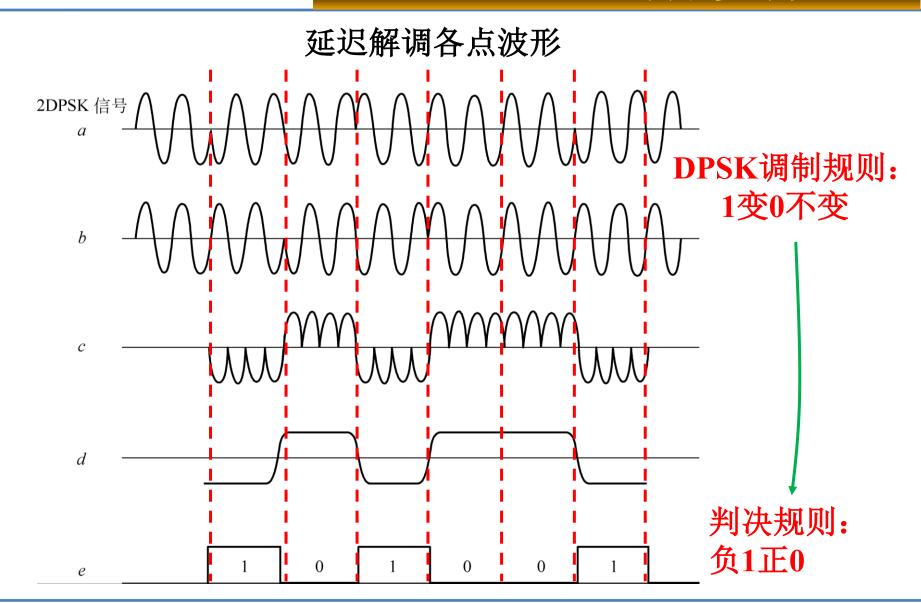
相干解调过程的列表法分析

$$[\varphi \cdot \varphi_1]$$
极性 + - - + + + + - + -

$$\hat{b}_{n1}$$
 1 0 0 1 0 0 1 1 0 0 1 0

$$\hat{a}_{n}$$
 1 0 1 1 0 0 1 1 1







● 调制和解调规则总结

- · 2PSK和2DPSK的调制规则都有0变1不变、1变0不变两种。
- 2DPSK的调制规则取决于差分编码规则(传号、空号), 决定了解调器中的差分译码规则(异或、同或)。
- 解调中的判决规则取决于调制器中的2PSK调制规则: 0变1不变↔正1负0; 1变0不变↔负1正0
- 延迟解调中的判决规则取决于2DPSK中的调制规则。



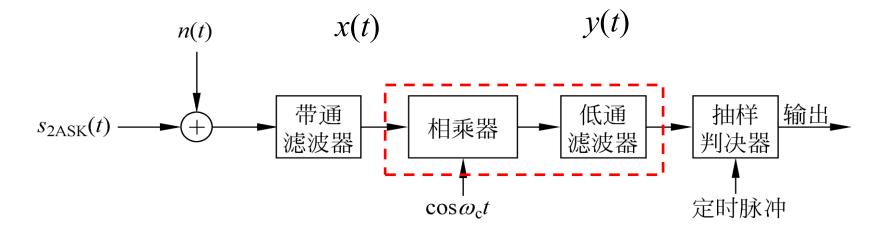
●2DPSK的功率谱

2DPSK与2PSK具有相同形式的表达式,不同的是2PSK中的基带信号对应绝对码序列; 2DPSK中的基带信号对应相对码序列。

因此,2DPSK信号和2PSK信号的功率谱密度是完全一样的,带宽也相同。



● 2ASK相干接收时的误比特率



设信号传输无损耗,发送的2ASK信号为

$$s_{2ASK}(t) = \begin{cases} A\cos\omega_{c}t, & a_{n} = 1\\ 0, & a_{n} = 0 \end{cases}$$

信道噪声经BPF后输出为窄带高斯噪声,表达式为

$$n_{\rm i}(t) = n_I(t)\cos\omega_{\rm c}t - n_Q(t)\sin\omega_{\rm c}t$$



发送1码时,BPF输出为

$$x(t) = A\cos\omega_{c}t + n_{i}(t) = [A + n_{I}(t)]\cos\omega_{c}t - n_{Q}(t)\sin\omega_{c}t$$

相干解调输出为 $y(t) = A + n_I(t)$

其中, $n_I(t)$ 为窄带噪声中的同相分量,也是均值为0,方差为噪声的均方值(平均功率) σ_n^2 的高斯噪声,则y(t)服从均值为A的高斯分布。

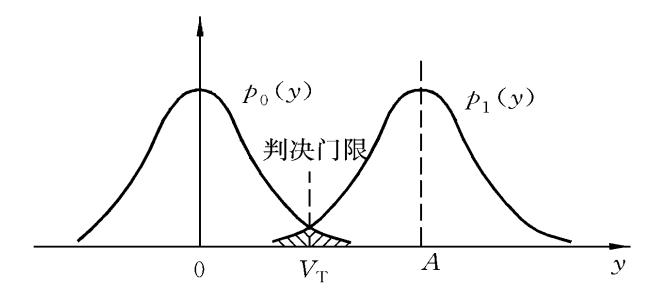
同理, 发送0码时, 相干解调的输出服从均值为0的高斯分布。

$$y(t) = n_I(t)$$



$$p_1(y) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \exp\left\{-\frac{(y-A)^2}{2\sigma^2}\right\}$$

$$p_0(y) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} \exp\left\{-\frac{y^2}{2\sigma^2}\right\}$$





取最佳判决门限为b=A/2,假设判决规则为:

x > b时,判为"1"; $x \le b$ 时,判为"0"。

由此求得在0.1等概时,总的误比特率为

$$P_{\rm b} = Q\left(\sqrt{\frac{r}{2}}\right)$$

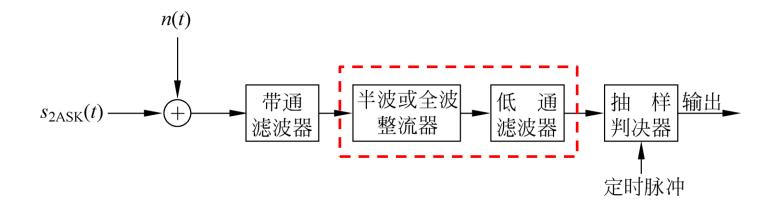
其中, $r = \frac{A^2/2}{\sigma^2}$ 为解调器输入(BPF输出)的峰值信噪比;

A: 解调器输入端载波幅度;

 σ^2 :解调器输入端噪声功率, $= n_0 B$ 。



● ASK非相干接收的误比特率

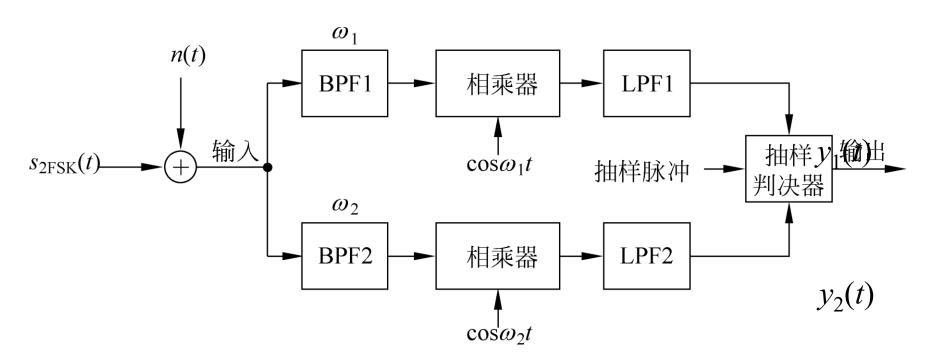


在最佳判决门限,大信噪比下,总的误比特率近似为

$$P_{\rm b} \approx \frac{1}{2} \, {\rm e}^{-r/4}$$



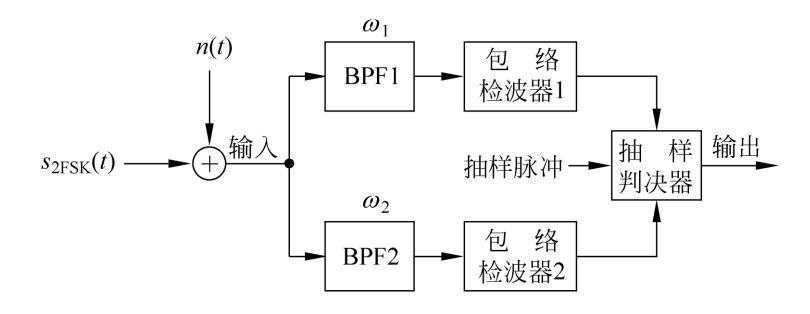
● 2FSK同步检测法的系统性能



$$P_b = Q(\sqrt{r})$$
 $r = \frac{A^2/2}{\sigma^2}$: BPF输出端的峰值信噪比。 $\sigma^2 = n_0 B$, B 为BPF的带宽。



● 2FSK包络检波法的系统性能



$$P_{\rm e} = \frac{1}{2} \, {\rm e}^{-r/2}$$



● 2PSK和2DPSK相干解调

$$P_{\rm b} = Q\left(\sqrt{2r}\right)$$

● 2DPSK差分相干解调(非相干解调)

$$P_{\rm b} = \frac{1}{2} \, \mathrm{e}^{-r}$$



【例6-1】对2ASK信号分别进行非相干接收和相干接收。数字信号的码元速率为 R_s =4.8 × 10⁶ baud,接收端输入信号的幅度 A=1 mV,信道噪声的单边功率谱密度 n_0 =2×10⁻¹⁵ W/Hz。试求:

- (1)非相干接收时的误比特率;
- (2) 相干接收时的误比特率。

【解】接收端带通滤波器输出噪声平均功率为

$$\sigma^2 = n_0 B = 2n_0 R_s = 1.92 \times 10^{-8} \text{ W}$$

解调器输入峰值信噪比为

$$r = \frac{A^2}{2\sigma^2} = \frac{(1 \times 10^{-3})^2}{2 \times 1.92 \times 10^{-8}} \approx 26.04$$



则非相干和相干接收时的误码率分别为

$$p_{\rm b} \approx \frac{1}{2} e^{-r/4} \approx \frac{1}{2} e^{-6.5} \approx 7.5 \times 10^{-4}$$

 $P_{\rm b} = Q(\sqrt{r/2}) = Q(\sqrt{26.04/2}) = Q(3.60) \approx 1.6 \times 10^{-4}$

结论——

对同一类型的键控系统,采用相干解调的可靠性比非相干解调好。



【例6-2】2FSK方式,两个载频 f_1 =2025Hz, f_2 =2225 Hz,码元速率 R_s =300 baud。信道有效带宽为3000Hz。信道输出端的信噪比为6dB。试求:

- (1) 2FSK信号的带宽;
- (2) 非相干接收的误比特率;
- (3) 相干接收的误比特率。

【解】(1)
$$B_{2FSK} = |f_2 - f_1| + 2f_s = 2225 - 2025 + 2 \times 300 = 800$$
Hz

(2) FSK接收系统中上、下支路带通滤波器的带宽近似为

$$B = 2R_{\rm s} = 600 {\rm Hz}$$



BPF带宽仅是信道等效带宽的1/5,故输出噪声功率减小1/5,信噪比提高5倍,则带通滤波器输出端的信噪比为

$$r = 5 \times 10^{6/10} \approx 20$$

由此求得非相干接收时的误码率为

$$P_{\rm b} \approx \frac{1}{2} e^{-r/2} \approx \frac{1}{2} e^{-10} \approx 2.27 \times 10^{-5}$$

(3) 相干接收时的误码率为

$$P_{\rm b} \approx Q(\sqrt{r}) = Q(\sqrt{20}) = Q(4.47) \approx 3.93 \times 10^{-6}$$



例6-3 在OOK系统中,发送端发送的信号幅度 A_T = 5 V,接收端带通滤波器输出噪声功率 σ^2 = 3×10⁻¹² W。如果要求系统的误比特率 P_b = 1×10⁻⁴,求

- (1) 相干接收时允许信道的衰减量。
- (2) 非相干接收时允许信道的衰减量。
- 【解】(1) 相干接收时,由 $P_b = Q\left(\sqrt{\frac{r}{2}}\right)$ 求得 r = 28.12 设接收信号的幅度为 A_R ,则 $r = \frac{{A_R}^2}{2\sigma^2}$

曲此求得
$$A_{R} = \sqrt{r \cdot 2\sigma^{2}} = \sqrt{28.12 \times 2 \times 3 \times 10^{-12}} = 1.29 \times 10^{-5} \text{ (V)}$$



设信道的衰减量为 α dB,则

$$\alpha = 20 \lg \frac{A_{\rm T}}{A_{\rm R}} = 20 \lg \frac{5}{1.29 \times 10^{-5}} = 111.8 \text{ (dB)}$$

(2) 非相干接收时,由
$$P_{b} = \frac{1}{2}e^{-\frac{r}{4}}$$

求得
$$r = \frac{A_{\rm R}^2}{2\sigma^2} = -4\ln(2P_{\rm b}) = 34.04$$

解得
$$A_{\rm R} = \sqrt{r \cdot 2\sigma^2} = \sqrt{34.04 \times 2 \times 3 \times 10^{-12}} = 1.43 \times 10^{-5} \text{ (V)}$$

$$\alpha = 20 \lg \frac{A_{\rm T}}{A_{\rm R}} = 20 \lg \frac{5}{1.43 \times 10^{-5}} = 110.8 \text{ (dB)}$$

57

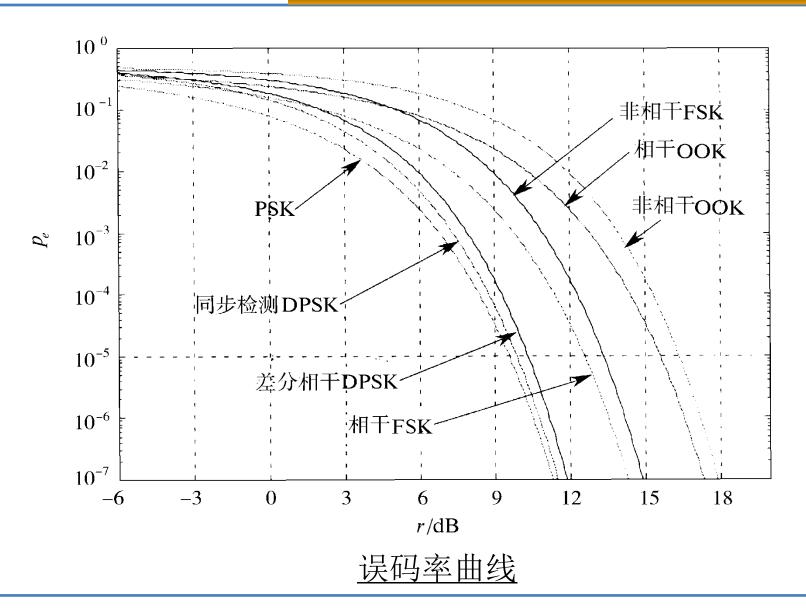


6.2.4 二进制数字调制系统的性能比较

●误码率比较(可靠性)

	相干解调	非相干解调
2ASK	$Q(\sqrt{r/2})$	$\frac{1}{2}e^{-r/4}$
2FSK	$Q(\sqrt{r})$	$\frac{1}{2}e^{-r/2}$
2PSK	$Q(\sqrt{2r})$	
2DPSK	$Q(\sqrt{2r})$	$\frac{1}{2}e^{-r}$







●有效性比较

2FSK有效性最差,2ASK和2PSK有效性相同。

假设基带信号为NRZ码矩形脉冲,则

$$B_{2ASK} = 2R_{\rm s}$$

$$B_{\rm 2PSK} = 2R_{\rm s}$$

$$B_{
m 2FSK} \approx 2R_{
m s} + \left| f_2 - f_1 \right|$$



采用不同基带信号时的有效性				
基带信号	二进制基带传输	2ASK、2PSK传输		
NRZ码	$B=R_s$	$B=2R_{\rm s}$		
	$\eta_{\rm s}$ =1, $\eta_{\rm b}$ =1	$\eta_{\rm s}$ =0.5, $\eta_{\rm b}$ =0.5		
RZ码	$B=2R_{\rm s}$	$B=4R_{\rm s}$		
	$\eta_{\rm s}$ =0.5, $\eta_{\rm b}$ =0.5	$\eta_{\rm s}$ =0.25, $\eta_{\rm b}$ =0.25		
理想低通	$B=R_{\rm s}/2$	$B=R_s$		
	η_s =2, η_b =2	$\eta_{\rm s}$ =1, $\eta_{\rm b}$ =1		
升余弦	$B=R_s(1+\alpha)/2$	$B=R_s(1+\alpha)$		
	$\eta_s=2/(1+\alpha)$,	$\eta_{\rm s}$ =1/(1+ $lpha$)		
	$\eta_{\rm b}$ =2/(1+ α)	η_{b} =1/(1+ $lpha$)		

对相同的基带信号,已调信号带宽加倍,频带利用率减半。



●信道特性敏感性

- 在2FSK系统中,判决器是根据上下两个支路解调输出样值的大小来作出判决,不需要人为地设置判决门限,因而对信道的变化不敏感。
- 在2PSK系统中,判决器的最佳判决门限为零,与接收机 输入信号的幅度无关。因此,接收机总能保持工作在最 佳判决门限状态。
- 对于2ASK系统,判决器的最佳判决门限与接收机输入信号的幅度有关,对信道特性变化敏感,性能最差。



多进制数字调制——

用多进制数字基带信号调制载波,使其幅度、频率、相位随基带信号的幅度而有M种取值。

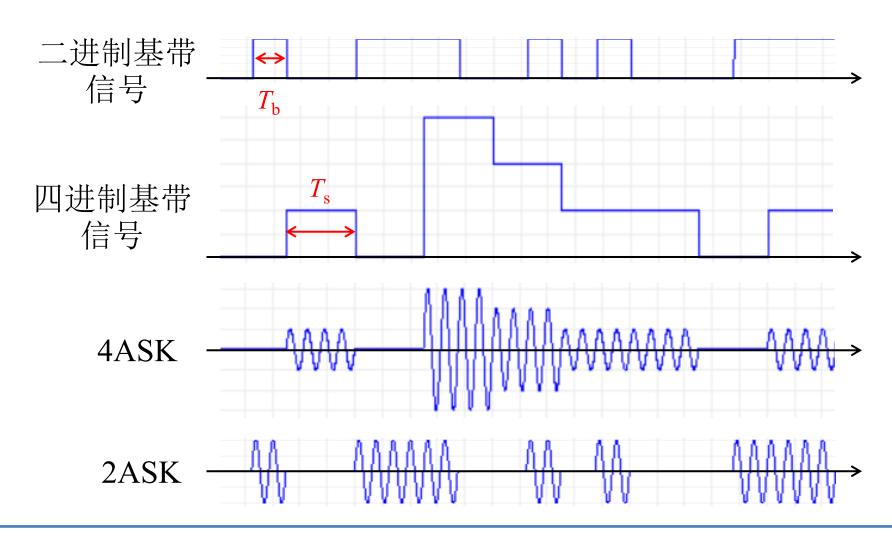
MASK, MFSK, MPSK (MDPSK)

多进制调制技术、设备复杂,并且抗噪声性能下降。

但是,在频带受限的情况下,采用多进制调制可以增大信息传输速率,提高信息频带利用率。



多进制幅度键控(MASK)





● MASK与2ASK相比

□设信息速率为Rb固定。

• 2ASK,
$$R_{\rm s} = R_{\rm b}$$
, $\eta_{\rm b2} = \frac{R_{\rm b}}{B_2} = \frac{R_{\rm s}}{B_2}$

• MASK, $R_s = R_b / \log_2 M$, $B = B_2 / \log_2 M$

$$\eta_{b} = \frac{R_{b}}{B} = \frac{R_{b}}{B_{2} / \log_{2} M} = \eta_{b2} \log_{2} M$$

注意:不管是二进制还是多进制矩形脉冲,带宽与其幅度 无关,只决定于脉冲宽度(即码元间隔)。



 \Box 设码元速率 R_s 固定。

2ASK,
$$R_{b} = R_{s}$$
, $\eta_{b2} = \frac{R_{b}}{B_{2}} = \frac{R_{s}}{B_{2}}$
 $\forall MASK$, $R_{b} = R_{s} \log_{2} M$, $B = B_{2}$
 $\eta_{b} = \frac{R_{b}}{B} = \frac{R_{s} \log_{2} M}{B_{2}} = \eta_{b2} \log_{2} M$

结论: 采用M进制传输,码元频带利用率保持不变,但

信息频带利用率提高为二进制传输的log₂M倍。



采用不同基带信号时的有效性				
基带 信号	二进制 基带传输	2ASK传输	MASK传输	
NRZ	$B=R_s$	$B=2R_{\rm s}$	$B=2R_s=2R_b/\log_2 M$	
码	$\eta_{ extsf{s}}$ =1	$\eta_{ m s}$ =0.5	$\eta_{ m s}$ =0.5	
	η_{b} =1	η_{b} =0.5	η_{b} =0.5 $\log_2 M$	
理想	$B=R_{\rm s}/2$	$B=R_s$	$B=R_s=R_b/\log_2 M$	
低通	$\eta_{ m s}$ =2	$\eta_{ m s}$ =1	$\eta_{\scriptscriptstyle{S}}$ =1	
	η_{b} =2	η_{b} =1	$\eta_{b} = log_{2} \mathcal{M}$	
升余	$B=R_s(1+\alpha)/2$	$B=R_s(1+\alpha)$	$B=(1+\alpha)R_s=(1+\alpha)R_b/\log_2 M$	
弦	$\eta_s=2/(1+\alpha)$	$\eta_{\rm s}$ =1/(1+ α)	$\eta_{\rm s}$ =1/(1+ $lpha$)	
	η_{b} =2/(1+ $lpha$)	η_{b} =1/(1+ $lpha$)	$\eta_{\rm b}$ =log ₂ $M/(1+lpha)$	



- Ø 二进制传输的码元频带利用率和信息频带利用率都等于 基带传输时的一半;
- Ø M进制传输的码元频带利用率与二进制传输相等,而信息频带利用率等于码元频带利用率的log₂M倍;
- Ø 二进制基带传输、二进制调制传输、多进制调制传输的最高信息频带利用率分别为2 bps/Hz、1 bps/Hz,多进制传输时无上限。