Projekt – predykcyjne kodowanie sygnałów

Przygotować plik typu 'wav' zawierający ok. 20 sekundowy fragment zapisu sygnału mowy (próbki reprezentowane przez 16-bitowe słowa, częstotliwość próbkowania 11025 Hz). Napisać program (nadajnika) kodujący zarejestrowany sygnał przy użyciu odpowiedniego filtru 10 rzędu oraz program (odbiornika) rekonstruujący sygnał na podstawie przesłanych z nadajnika parametrów filtru.

Procedura nadajnika (program nadajnika)

a) Podzielić zarejestrowany sygnał na segmenty obejmujące N próbek każdy (N=256), przy czym sąsiednie segmenty nakładają się (tj. zawierają r (r=10) tych samych próbek na krańcach)

				1
256	10		10	256
230	10	256	10	250

b) Sygnał w każdym segmencie zamodelować równaniem autoregresyjnym (AR) rzędu r (r = 10)

$$y(k) + a_1 y(k-1) + ... + a_r y(k-r) = e(k)$$
, $k = 1, ..., N$

gdzie y(k) oznacza wartość próbki sygnału, a_i (i=1,...,r) są współczynnikami zastosowanego filtru $1/A(z^{-1}) = 1/(1 + a_1 z^{-1} + ... + a_r z^{-r})$, zaś e(k) reprezentuje błąd resztowy. Z uwagi na założenie o stabilności filtru $1/A(z^{-1})$ współczynniki równania AR(r) zidentyfikować przy użyciu algorytmu Levinsona-Durbina (L-D), a nie klasycznego algorytmu najmniejszych kwadratów. **Procedurę L-D należy napisać i zaimplementować samodzielnie.**

Dane $\{y(1), ..., y(N)\}$ w obrębie segmentu należy wcześniej "spłaszczyć" na krańcach. W tym celu wartości próbek należy pomnożyć przez pewne współczynniki wagowe w(k), np.

$$w(k) = 0.5[1 - \cos(\frac{2\pi}{N+1}k)]$$
, $k = 1, ..., N$

Uformowany w ten sposób segment należy uzupełnić po obydwu stronach ciągami r zer, uzyskując dane do procedury identyfikacji: $\{0, \dots, 0, w(1) \cdot y(1), \dots, w(N) \cdot y(N), 0, \dots, 0\}.$

- c) Wyznaczyć ciąg $\{e(k)\}$ błędów resztowych: $e(k) = y(k) + a_1 y(k-1) + ... + a_r y(k-r)$ dla k = 1, ..., N. W obrębie segmentu znaleźć największy (co do wartości bezwzględnej) błąd resztowy (e_{max}) , a następnie przeprowadzić równomierną m-bitową kwantyzację wszystkich błędów w przedziale wartości $\langle -e_{\text{max}} \rangle$.
- d) Współczynniki a_i (i = 1, ..., r) filtru, wartość e_{max} oraz ciąg { $\overline{e}(k)$ } skwantowanych błędów resztowych dla kolejnych segmentów danych zapisać w pliku binarnie. Określić poziom kompresji sygnału w stosunku do oryginalnego pliku WAV.

UWAGA: Przy zapisie do pliku należy zwrócić uwagę na sposób reprezentacji błędów resztowych, aby zajmowały one właściwa liczbę bitów w pliku!

Procedura odbiornika (program odbiornika)

a) Na podstawie odczytanych z pliku współczynników a_i ($i=1,\ldots,r$) filtru, wartości e_{\max} oraz ciągu $\{\bar{e}(k)\}$ skwantowanych błędów resztowych zrekonstruować sygnał w danym segmencie

$$y(k) = -[a_1y(k-1) + ... + a_ry(k-r)] + e(k)$$
, $k = 1, ..., N$

Jako warunki początkowe $\{y(0), \dots, y(1-r)\}$ przyjąć r próbek poprzedniego segmentu.

b) Odtworzony segment danych dopisać do pliku zawierającego zrekonstruowane próbki nadawanego sygnału. Procedurę powtórzyć dla kolejnych danych otrzymywanych z nadajnika.

Napisane programy nadajnika i odbiornika należy uruchomić dla różnych poziomów kwantyzacji błędów resztowych, tj. dla m=2 (kwantyzacja dwubitowa – 4-poziomy), dla m=3 (kwantyzacja trzybitowa – 8-poziomów) i dla m=4 (kwantyzacja czterobitowa – 16-poziomów). Jakość rekonstrukcji należy ocenić odsłuchowo oraz za pomocą edytora plików WAV.

W sprawozdaniu należy podać stopień kompresji plików dla poszczególnych poziomów kwantyzacji.