

2024年春

程序设计实习：C++程序设计

第十一讲 标准模板库STL-2

贾川民
北京大学



主要内容

- 关联容器
 - multiset容器
 - set容器
 - multimap容器
 - map容器
- 容器适配器
 - stack / queue / priority_queue

set / multiset / map / multimap

- 内部元素**有序排列**, 新元素插入的位置取决于它的值
- 查找速度快

除了各容器都有的函数外, 还支持以下成员函数:

- **find**: 查找
- **lower_bound**
- **upper_bound**
- **count**: 计算等于某个值的元素个数
- **insert**: 插入元素用

6.1 multiset定义

定义

```
template<class Key, class Pred = less<Key>,  
        class A = allocator<Key> >  
class multiset { ... };
```

- 第一个参数Key — 容器中每个元素类型
- 第二个参数 Pred 是个 函数对象
- Pred决定了multiset 中的元素, "一个比另一个小" 是怎么定义的
即 $\text{Pred}(x, y)$ 如果返回值为true, 则 x 比 y 小
- Pred的缺省类型是 $\text{less}<\text{Key}>$

6.1 multiset

- less 模板的定义

```
template<class T>
```

```
struct less : public binary_function<T, T, bool> {
```

```
    bool operator()(const T& x, const T& y)
```

```
    { return x < y ; } const;
```

```
}; //less模板是靠 < 来比较大小的
```

multiset的用法

```
class A{
```

```
...
```

```
};
```

```
multiset <A> a;
```

就等效于

```
multiset<A, less<A>> a;
```

- 由于less模板是用 < 进行比较的, 所以这要求 A 的对象能用 < 比较, 即必须重载 <

//出错的例子:

```
#include <set>
```

```
using namespace std;
```

```
class A { };
```

```
main() {
```

```
    multiset<A> a;
```

```
    a.insert( A() ); //error
```

```
}
```

//编译出错是因为, 插入元素时, multiset会将被插入元素和已有元素进行比较, 以决定新元素的存放位置

//本例中缺省就是用less<A>函数对象进行比较, 然而less<A>函数对象进行比较时, 前提是A对象能用 < 进行比较

//但本例中没有重载 <

multiset应用实例

- 从 `begin()` 到 `end()` 遍历一个 multiset对象, 就是**从小到大遍历**各个元素
- 例子程序

multiset的成员函数

iterator find(const T & val);

在容器中查找值为val的元素, 返回其迭代器; 如果找不到, 返回end()

iterator insert(const T & val);

将val插入到容器中并返回其迭代器

void insert(iterator first, iterator last);

将区间[first, last)插入容器

int count(const T & val);

统计有多少个元素的值和val相等

iterator lower_bound(const T & val);

查找一个**最大的位置 it**, 使得[begin(), it) 中所有的元素都比 val 小

iterator upper_bound(const T & val);

找一个**最小的位置 it**, 使得[it, end()) 中所有的元素都比 val 大

pair<iterator, iterator>

equal_range(const T & val);

同时求得lower_bound和upper_bound

预备知识: pair模板

讲例子之前先看 **pair 模板** (stl_pair.h里源代码):

```
template<class _T1, class _T2>
```

```
struct pair{
```

```
    _T1 first;
```

```
    _T2 second;
```

```
    pair() : first(), second() { }    //无参数构造函数初始化
```

```
    pair(const _T1& __a, const _T2& __b): first(__a), second(__b) { }
```

```
    template<class _U1, class _U2>
```

```
        pair(const pair<_U1, _U2>& __p):first(__p.first), second(__p.second){ }
```

```
};
```

pair模板可以用于生成 key-value对

第三个构造函数: pair<int, int> p(pair<double, double>(5.5, 4.6));

//p.first = 5, p.second = 4

pair模板

pair模板类支持如下操作：

- **pair<T1, T2> p1:** 创建一个空的pair对象
→ 它的两个元素分别是T1和T2类型, 采用值初始化
- **pair<T1, T2> p1(v1, v2):** 创建一个pair对象
→ 它的两个元素分别是T1和T2类型
→ 其中first成员初始化为v1, second成员初始化为v2
- **make_pair(v1, v2):** 以v1和v2值创建一个新的pair对象
→ 其元素类型分别是v1和v2的类型

```
pair<int, string> p4 = make_pair(200, "Hello");  
cout << p4.first << ", " << p4.second << endl;
```

//输出200, Hello

```
#include <set> //使用multiset需包含此文件
```

```
#include <iostream>
```

```
using namespace std;
```

```
class MyLess;
```

```
class A {
```

```
    private:    int n;
```

```
    public:
```

```
        A(int n_ ) { n = n_; }
```

```
    friend bool operator< ( const A & a1, const A & a2 )
```

```
    { return a1.n < a2.n; }
```

```
    friend ostream & operator<< ( ostream & o, const A & a2 )
```

```
    { o << a2.n;    return o; }
```

```
    friend class MyLess;
```

```
};
```

```
class MyLess {  
public:  
    bool operator()( const A & a1, const A & a2) {  
        return ( a1.n % 10 ) < ( a2.n % 10 );  
    }  
};
```

```
typedef multiset<A> MSET1;
```

```
typedef multiset<A, MyLess> MSET2;
```

// MSET2 里, 元素的排序规则与 MSET1不同,

//假设: le是一个 MyLess对象, a1和a2是MSET2对象里的元素,

//那么, le(a1, a2) == true 就说明 a1的个位比a2小

```

int main() {
    const int SIZE = 5;
    A a[SIZE] = { 4, 22, 19, 8, 33 };
    ostream_iterator<A> output(cout, ", ");
    MSET1 m1;
    m1.insert(a, a+SIZE); //注意set添加元素的函数与vector不同
    m1.insert(22);         //vector要指定插入起始位置
    cout << "1) " << m1.count(22) << endl;
    MSET1::const_iterator p;
    cout << "2) ";
    for( p = m1.begin(); p != m1.end(); p ++ )
        cout << *p << ", ";
    cout << endl;
    MSET2 m2;
    m2.insert(a, a+SIZE);

```

1) 2

2) 4, 8, 19, 22, 22, 33,

```

cout << "3) " ;
copy(m2.begin(), m2.end(), output); //COPY函数
cout << endl;
MSET1::iterator pp = m1.find(19);
if( pp != m1.end() ) //找到
    cout << "found" << endl;
cout << "4) " ;
copy(m1.begin(), m1.end(), output);
pair<MSET1::iterator, MSET1::iterator> pr;
cout << endl;
cout << "5) ";

cout << * m1.lower_bound(22) << ", ";
cout << * m1.upper_bound(22) << endl;
pr = m1.equal_range(22);
cout << "6) " << * pr.first << ", " << * pr.second;

```

3) 22, 33, 4, 8, 19,
found

4) 4, 8, 19, 22, 22, 33,

5) 22, 33

6) 22, 33

输出:

1) 2

2) 4, 8, 19, 22, 22, 33,

3) 22, 33, 4, 8, 19,

found

4) 4, 8, 19, 22, 22, 33,

5) 22, 33

6) 22, 33

6.2 set

```
template<class Key, class Pred = less<Key>,  
        class A = allocator<Key> >
```

```
class set { ... }
```

- 插入set中已有的元素时, 插入不成功
- 与multiset的区别: 是否允许重复元素
- 与map的区别: 是否显示定义key
 - set/multiset 使用元素本身作为key

回顾: pair 模板

```
template<class T, class U>
struct pair {
    typedef T first_type;
    typedef U second_type;
    T first; U second;
    pair();
    pair(const T& x, const U& y);
    template<class V, class W>
    pair(const pair<V, W>& pr);
};
```

map/multimap 容器中
都是pair模版类的对象
且按first从小到大排序

- **pair**模板可以用于生成 key-value对

```
#include <set>
#include <numeric>
#include <iostream>
using namespace std;
int main() {
```

输出：

1) 2.1 3.7 4.2 9.5

```
    typedef set<double, less<double> > double_set;
    const int SIZE = 5;
    double a[SIZE] = {2.1, 4.2, 9.5, 2.1, 3.7 };
    double_set doubleSet(a, a+SIZE);
    ostream_iterator<double> output(cout, " ");
    cout << "1) ";
    copy(doubleSet.begin(), doubleSet.end(), output);
    cout << endl;
```

```
pair<double_set::const_iterator, bool> p;  
p = doubleSet.insert(9.5);  
if( p.second )  
    cout << "2) " << * (p.first) << " inserted" << endl;  
else  
    cout << "2) " << * (p.first) << " not inserted" << endl;  
}
```

//insert函数返回值是一个pair对象, 其first是被插入元素的迭代器, second代表是否成功插入了

输出:

1) 2.1 3.7 4.2 9.5

2) 9.5 not inserted

6.3 multimap

```
template<class Key, class T, class Pred = less<Key>, class A =  
allocator<T> >
```

```
class multimap {
```

```
....
```

```
typedef pair<const Key, T> value_type;
```

```
.....
```

```
}; //Key 代表关键字
```

- multimap中的元素由<关键字, 值>组成, 每个元素是一个pair对象
- multimap中允许多个元素的关键字相同
- 元素按照关键字升序排列, 缺省情况下用 less<Key> 定义关键字的“小于”关系

输出:

1) 0

2) 2

```
#include <iostream>
#include <map>
using namespace std;
int main() {
```

```
    typedef multimap<int, double, less<int> > mmid;
    mmid mmpairs;
    cout << "1) " << mmpairs.count(15) << endl;
    mmpairs.insert(mmid::value_type(15, 99.3));
    mmpairs.insert(mmid::value_type(15, 2.7));
    cout << "2) " << mmpairs.count(15) << endl;
    mmpairs.insert(mmid::value_type(30, 111.11));
    mmpairs.insert(mmid::value_type(10, 22.22));
```

```
mmpairs.insert(mmid::value_type(25, 33.333));  
mmpairs.insert(mmid::value_type(20, 9.3));  
for( mmid::const_iterator i = mmpairs.begin();  
    i != mmpairs.end(); i ++ )  
    cout << "(" << i->first << ", " << i->second  
        << ")" << ", ";  
}
```

//输出:

1) 0

2) 2

(10, 22.22), (15, 99.3), (15, 2.7), (20, 9.3), (25, 33.333), (30, 111.11)

6.4 map

```
template<class Key, class T, class Pred = less<Key>,  
class A = allocator<T> >  
class map {  
    ....  
    typedef pair<const Key, T> value_type;  
    .....  
};
```

- map 中的元素 **关键字各不相同**
- 元素按照关键字升序排列, 缺省情况下用 less 定义 "小于"

6.4 map

- 可以用 **pairs[key]** 形式访问map中的元素
 - pairs 为map容器名, key为关键字的值
 - 该表达式返回的是对关键值为key的元素的值的引用
 - 如果没有关键字为key的元素, 则会往pairs里插入一个关键字为key的元素, 并返回其值的引用
- 例如:

```
map<int, double> pairs;
```

则 `pairs[50] = 5;` 会修改pairs中关键字为50的元素, 使其值变成5

```

#include <iostream>
#include <map>
using namespace std;

ostream & operator <<(ostream & o, const pair< int, double> & p){
    o << "(" << p.first << ", " << p.second << ")";
    return o;
}

```

输出：

1) 0

2) 1

```

int main() {
    typedef map<int, double, less<int> > mmid;
    mmid pairs;
    cout << "1) " << pairs.count(15) << endl;
    pairs.insert(mmid::value_type(15, 2.7));
    pairs.insert(make_pair(15, 99.3)); //make_pair生成一pair对象
    cout << "2) " << pairs.count(15) << endl;
}

```

```

pairs.insert(mmid::value_type(20, 9.3));
mmid::iterator i;
cout << "3) ";
for( i = pairs.begin(); i != pairs.end(); i ++ )
    cout << * i << ", ";
cout << endl;    cout << "4) ";
intn = pairs[40]; //如果没有关键字为40的元素, 则插入一个
for( i = pairs.begin(); i != pairs.end(); i ++ )
    cout << * i << ", ";
cout << endl;    cout << "5) ";
pairs[15] = 6.28; //把关键字为15的元素值改成6.28
for( i = pairs.begin(); i != pairs.end(); i ++ )
    cout << * i << ", ";
}

```

输出:

3) (15, 2.7), (20, 9.3),

4) (15, 2.7), (20, 9.3), (40, 0),

5) (15, 6.28), (20, 9.3), (40, 0),

输出:

1) 0

2) 1

3) (15, 2.7), (20, 9.3),

4) (15, 2.7), (20, 9.3), (40, 0),

5) (15, 6.28), (20, 9.3), (40, 0),

7 容器适配器

- 可以用某种顺序容器来实现
(让已有的顺序容器以栈/队列的方式工作)
 - 1) **stack**: 头文件 <stack>
 - **栈**, 后进先出
 - 2) **queue**: 头文件 <queue>
 - **队列**, 先进先出
 - 3) **priority_queue**: 头文件 <queue>
 - **优先级队列**, 最高优先级元素总是第一个出列

7.1 容器适配器: stack

- 可用 vector, list, deque 来实现
 - 缺省情况下, 用 deque 实现
 - 用 vector 和 deque 实现, 比用 list 实现性能好

```
template<class T, class Cont = deque<T> >
```

```
class stack {
```

```
.....
```

```
};
```

- stack 是 **后进先出** 的数据结构, 只能插入/删除/访问栈顶的元素

容器适配器: stack

- stack的使用

`stack<int> stk; //int型栈, 用deque实现`

`stack<string, vector<string>> str_stk; //string型栈, 用vector实现`

`stack<string, vector<string>> str_stk(svec); //string型栈, 用vector`

`//实现, 并且用向量svec初始化`

- stack上可以进行以下操作:

- **push**: 插入元素
- **pop**: 弹出元素
- **top**: 返回栈顶元素的引用

7.2 容器适配器: queue

- 和stack基本类似, 可以用list和deque实现, 缺省情况下用deque实现

```
template<class T, class Cont = deque<T> >  
class queue {  
    ...  
};
```

- 同样也有push, pop, top函数
- 但是push发生在队尾, pop / top发生在队头, 先进先出

7.3 容器适配器: `priority_queue`

- 和 `queue` 类似, 可以用 `vector` 和 `deque` 实现, 缺省情况下用 `vector` 实现
- `priority_queue` 通常用堆排序技术实现, 保证最大的元素总是在最前面
 - 执行 `pop` 操作时, 删除的是最大的元素
 - 执行 `top` 操作时, 返回的是最大元素的引用
- 默认的元素比较器是 `less<T>`

```
#include <queue>
#include <iostream>
using namespace std;
main() {
    priority_queue<double> priorities;
    priorities.push(3.2);
    priorities.push(9.8);
    priorities.push(5.4);
    while( !priorities.empty() ) {
        cout << priorities.top() << “ ”; //输出最大元素的引用
        priorities.pop(); //删除最大元素
    }
}
```

//输出结果: 9.8 5.4 3.2

STL算法分类

□ STL中的算法大致可以分为以下七类：

- 不变序列算法
- 变值算法
- 删除算法
- 变序算法
- 排序算法
- 有序区间算法
- 数值算法

□ 大多重载的算法都是有**两个版本**的

- 用 "**==**" 判断元素是否相等, 或用 "**<**" 来比较大小
- 多出一个类型参数 "Pred" 和函数形参 "Pred op" :
通过**表达式** "**op(x, y)**" 的**返回值**: true / false
→ 判断 x是否 "等于" y, 或者 x是否 "小于" y

□ 如下面的有两个版本的**min_element**:

iterator **min_element**(iterator first, iterator last);

iterator **min_element**(iterator first, iterator last, **Pred op**);

1. 不变序列算法

- 📁 该类算法不会修改算法所作用的容器或对象
- 📁 适用于所有容器
- 📁 时间复杂度都是 $O(n)$

算法名称	功 能
min	求两个对象中较小的 (可自定义比较器)
max	求两个对象中较大的 (可自定义比较器)
min_element	求区间中的最小值 (可自定义比较器)
max_element	求区间中的最大值 (可自定义比较器)
for_each	对区间中的每个元素都做某种操作

1. 不变序列算法

算法名称	功 能
count	计算区间中等于某值的元素个数
count_if	计算区间中符合某种条件的元素个数
find	在区间中查找等于某值的元素
find_if	在区间中查找符合某条件的元素
find_end	在区间中查找另一个区间最后一次出现的位置 (可自定义比较器)
find_first_of	在区间中查找第一个出现在另一个区间中的元素 (可自定义比较器)
adjacent_find	在区间中寻找第一次出现连续两个相等元素的位置 (可自定义比较器)

1. 不变序列算法

算法名称	功 能
search	在区间中查找另一个区间第一次出现的位置 (可自定义比较器)
search_n	在区间中查找第一次出现等于某值的连续n个元素 (可自定义比较器)
equal	判断两区间是否相等 (可自定义比较器)
mismatch	逐个比较两个区间的元素, 返回第一次发生不相等的两个元素的位置 (可自定义比较器)
lexicographical_compare	按字典序比较两个区间的大小 (可自定义比较器)

for_each:

```
template<class InIt, class Fun>
```

```
Fun for_each(InIt first, InIt last, Fun f);
```

- 对[first, last)中的每个元素e, 执行f(e), 要求 f(e)不能改变e

count:

```
template<class InIt, class T>
```

```
size_t count(InIt first, InIt last, const T& val);
```

□ 计算[first, last) 中等于 val的元素个数

count_if:

```
template<class InIt, class Pred>
```

```
size_t count_if(InIt first, InIt last, Predpr);
```

□ 计算[first, last) 中符合 pr(e) == true 的元素e的个数

min_element:

```
template<class FwdIt>
```

```
FwdIt min_element(FwdIt first, FwdIt last);
```

- 👉 返回[first, last) 中最小元素的迭代器, 以 "<" 作比较器
- 👉 最小指没有元素比它小, 而不是它比别的不同元素都小
- 👉 因为即便 $a \neq b$, $a < b$ 和 $b < a$ 有可能都不成立

max_element:

```
template<class FwdIt>
```

```
FwdIt max_element(FwdIt first, FwdIt last);
```

- 👉 返回[first, last) 中最大元素 (不小于任何其他元素) 的迭代器
- 👉 以 "<" 作比较器

min_element和max_element 示例

```
1  #include <iostream>
2  #include <algorithm>
3  using namespace std;
4  class A {
5  public:
6      int n;
7      A(int i):n(i) { }
8  };
9  bool operator<( const A & a1, const A & a2) {
10     cout << "< called,a1=" << a1.n << " a2=" << a2.n << endl;
11     if( a1.n == 3 && a2.n == 7)
12         return true;
13     return false;
14 }
15 int main() {
16     A aa[] = { 3,5,7,2,1};
17     cout << min_element(aa,aa+5)->n << endl;
18     cout << max_element(aa,aa+5)->n << endl;
19     return 0;
20 }
```

min_element和max_element 示例

输出:

```
< called,a1=5 a2=3  
< called,a1=7 a2=3  
< called,a1=2 a2=3  
< called,a1=1 a2=3  
3  
< called,a1=3 a2=5  
< called,a1=3 a2=7  
< called,a1=7 a2=2  
< called,a1=7 a2=1  
7
```

find:

```
template<class InIt, class T>
```

```
InIt find(InIt first, InIt last, const T& val);
```

- 返回区间 [first, last) 中的迭代器 i, 使得 $*i == val$

find_if:

```
template<class InIt, class Pred>
```

```
InIt find_if(InIt first, InIt last, Pred pr);
```

- 返回区间 [first, last) 中的迭代器 i, 使得 $pr(*i) == true$

2. 变值算法

- 此类算法会修改源区间或目标区间元素的值
- 值被修改的那个区间, 不可以是属于关联容器的

算法名称	功 能
for_each	对区间中的每个元素都做某种操作
copy	复制一个区间到别处
copy_backward	复制一个区间到别处, 但目标区间是从后往前被修改的
transform	将一个区间的元素变形后拷贝到另一个区间

2. 变值算法

算法名称	功 能
swap_ranges	交换两个区间内容
fill	用某个值填充区间
fill_n	用某个值替换区间中的n个元素
generate	用某个操作的结果填充区间
generate_n	用某个操作的结果替换区间中的n个元素
replace	将区间中的某个值替换为另一个值
replace_if	将区间中符合某种条件的值替换成另一个值
replace_copy	将一个区间拷贝到另一个区间, 拷贝时某个值要换成新值拷过去
replace_copy_if	将一个区间拷贝到另一个区间, 拷贝时符合某条件的值要换成新值拷过去

transform

```
template<class InIt, class OutIt, class Unop>
```

```
OutIt transform(InIt first, InIt last, OutIt x, Unopuop);
```

- 对[first, last)中的每个迭代器I,
 - 执行 uop(* I); 并将结果依次放入从 x 开始的地方
 - 要求 uop(* I) 不得改变 * I 的值
- 本模板返回值是个迭代器, 即 $x + (last - first)$
 - x可以和 first相等


```
#include <vector>
#include <iostream>
#include <numeric>
#include <list>
#include <algorithm>
#include <iterator>
using namespace std;

class CLessThen9 {
    public:
        bool operator()( int n) {    return n < 9;    }
};

void outputSquare( int value ) {    cout << value * value << " ";    }
int calculateCube( int value) {    return value * value * value;    }
```

```
int main() {  
    const int SIZE = 10;  
    int a1[] = { 1,2,3,4,5,6,7,8,9,10 };  
    int a2[] = { 100,2,8,1,50,3,8,9,10,2 };  
    vector<int> v(a1, a1+SIZE);  
    ostream_iterator<int> output(cout, " ");  
    random_shuffle(v.begin(), v.end());  
    cout << endl << "1) ";  
    copy( v.begin(), v.end(), output);  
    copy( a2, a2+SIZE, v.begin());  
    cout << endl << "2) ";  
    cout << count(v.begin(), v.end(),8);  
    cout << endl << "3) ";  
    cout << count_if(v.begin(), v.end(), CLessThan9());  
}
```

输出：

1) 5 4 1 3 7 8 9 10 6 2

2) 2

3) 6

//1) 是随机的

```
cout << endl << "4) ";  
cout << * (min_element(v.begin(), v.end()));  
cout << endl << "5) ";  
cout << * (max_element(v.begin(), v.end()));  
cout << endl << "6) ";  
cout << accumulate(v.begin(),v.end(), 0); //求和
```

输出：

4) 1

5) 100

6) 193

```
cout << endl << "7) ";  
for_each(v.begin(), v.end(), outputSquare);  
vector<int> cubes(SIZE);  
transform(a1, a1+SIZE, cubes.begin(), calculateCube);  
cout << endl << "8) ";  
copy(cubes.begin(), cubes.end(), output);  
return 0;  
}
```

输出:

7)10000 4 64 1 2500 9 64 81 100 4

8)1 8 27 64 125 216 343 512 729 1000

3. 删除算法

- 删除一个容器里的某些元素
- 这里的“删除”不会使容器里的元素减少
- 工作过程:
 - 将所有应该被删除的元素看做空位子
 - 用留下的元素从后往前移,依次去填空位子
 - 元素往前移后,它原来的位置也就算是空位子
 - 也应由后面的留下的元素来填上
 - 最后,没有被填上的空位子,维持其原来的值不变
- 删除算法不应作用于关联容器

3. 删除算法

算法名称	功 能
remove	删除区间中等于某个值的元素
remove_if	删除区间中满足某种条件的元素
remove_copy	拷贝区间到另一个区间, 等于某个值的元素不拷贝
remove_copy_if	拷贝区间到另一个区间, 符合某种条件的元素不拷贝
unique	删除区间中连续相等的元素, 只留下一个(可自定义比较器)
unique_copy	拷贝区间到另一个区间, 连续相等的元素, 只拷贝第一个到目标区间 (可自定义比较器)

unique

```
template<class FwdIt>
```

```
FwdIt unique(FwdIt first, FwdIt last);
```

- 用 == 比较是否等

```
template<class FwdIt, class Pred>
```

```
FwdIt unique(FwdIt first, FwdIt last, Pred pr);
```

- 用 pr 比较是否等
- 对[first, last) 这个序列中连续相等的元素, 只留下第一个
- 返回值是迭代器, 指向元素删除后的区间的最后一个元素的后面

```

int main(){
    int a[5] = { 1,2,3,2,5 };
    int b[6] = { 1,2,3,2,5,6 };
    ostream_iterator<int> oit(cout, ",");
    int * p = remove(a, a+5, 2);
    cout << "1) "; copy(a, a+5, oit); cout << endl; //输出 1) 1,3,5,2,5,
    cout << "2) " << p - a << endl; //输出 2) 3
    vector<int> v(b,b+6);
    remove(v.begin(), v.end(), 2);
    cout << "3) "; copy(v.begin(), v.end(), oit); cout << endl;
    //输出 3) 1,3,5,6,5,6,
    cout << "4) "; cout << v.size() << endl;
    //v中的元素没有减少, 输出 4) 6
    return 0;
}

```


4. 变序算法

- 变序算法改变容器中元素的顺序
- 但是不改变元素的值
- 变序算法不适用于关联容器
- 算法复杂度都是 $O(n)$ 的

算法名称	功 能
reverse	颠倒区间的前后次序
reverse_copy	把一个区间颠倒后的结果拷贝到另一个区间, 源区间不变
rotate	将区间进行循环左移
rotate_copy	将区间以首尾相接的形式进行旋转后的结果拷贝到另一个区间, 源区间不变

4. 变序算法

算法名称	功 能
next_permutation	将区间改为下一个排列 (可自定义比较器)
prev_permutation	将区间改为上一个排列 (可自定义比较器)
random_shuffle	随机打乱区间内元素的顺序
partition	把区间内满足某个条件的元素移到前面, 不满足该条件的移到后面

4. 变序算法

stable_partition

- 把区间内满足某个条件的元素移到前面
- 不满足该条件的移到后面
- 而对这两部分元素, 分别保持它们原来的先后次序不变

random_shuffle

```
template<class RanIt>
```

```
void random_shuffle(RanIt first, RanIt last);
```

- 随机打乱[first, last) 中的元素, 适用于能随机访问的容器

reverse

```
template<class BidIt>
```

```
void reverse(BidIt first, BidIt last);
```

□ 颠倒区间[first, last)顺序

next_permutation

```
template<class InIt>
```

```
bool next_permutation (InIt first, InIt last);
```

□ 求下一个排列

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <string>
using namespace std;
int main(){
    string str = "231";
    char szStr[] = "324";
    while (next_permutation(str.begin(), str.end())){
        cout << str << endl;
    }
    cout << "*****" << endl;
    while (next_permutation(szStr, szStr + 3)){
        cout << szStr << endl;
    }
}
```

输出：
312
321
....
342
423
432

```
sort(str.begin(), str.end());  
cout << "*****" << endl;  
while (next_permutation(str.begin(), str.end()))  
{  
    cout << str << endl;  
}  
return 0;  
}
```

输出：

132

213

231

312

321

```

#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <string>

#include <list>
#include <iterator>
using namespace std;
int main(){
    int a[] = { 8,7,10 };
    list<int> ls(a, a+3);
    while( next_permutation( ls.begin(), ls.end() )) {
        list<int>::iterator i;
        for( i = ls.begin(); i != ls.end(); ++i)
            cout << * i << " ";
        cout << endl;
    }
}

```

输出:

8 10 7

10 7 8

10 8 7

5. 排序算法

- 比前面的变序算法复杂度更高, 一般是 $O(n\log(n))$
- 排序算法需要随机访问迭代器的支持
- 不适用于关联容器和list

算法名称	功 能
sort	将区间从小到大排序 (可自定义比较器)
stable_sort	将区间从小到大排序 并保持相等元素间的相对次序 (可自定义比较器)
partial_sort	对区间部分排序, 直到最小的n个元素就位 (可自定义比较器)
partial_sort_copy	将区间前n个元素的排序结果拷贝到别处 源区间不变 (可自定义比较器)
nth_element	对区间部分排序, 使得第n小的元素 (n从0开始算) 就位, 而且比它小的都在它前面, 比它大的都在它后面 (可自定义比较器)

5. 排序算法

算法名称	功 能
make_heap	使区间成为一个“堆”(可自定义比较器)
push_heap	将元素加入一个是“堆”区间(可自定义比较器)
pop_heap	从“堆”区间删除堆顶元素(可自定义比较器)
sort_heap	将一个“堆”区间进行排序,排序结束后,该区间就是普通的有序区间,不再是“堆”了(可自定义比较器)

5. 排序算法

sort_heap

- 将一个“堆”区间进行排序
- 排序结束后, 该区间就是普通的有序区间, 不再是“堆”
- 可自定义比较器

sort 快速排序

```
template<class RanIt>
```

```
void sort(RanIt first, RanIt last);
```

- 按升序排序

- 判断x是否应比y靠前, 就看 $x < y$ 是否为true

```
template<class RanIt, class Pred>
```

```
void sort(RanIt first, RanIt last, Predpr);
```

- 按升序排序

- 判断x是否应比y靠前, 就看 $\text{pr}(x, y)$ 是否为true

```

#include <iostream>
#include <algorithm>
using namespace std;

class MyLess {
public:
    bool operator()( int n1,int n2) {
        return (n1 % 10) < ( n2 % 10);
    }
};

```

按个位数大小排序,
按降序排序
输出:

111 2 14 78 9
111 78 14 9 2

```

int main() {
    int a[] = { 14,2,9,111,78 };
    sort(a, a + 5, MyLess());
    int i;
    for( i = 0; i < 5; i ++)
        cout << a[i] << " ";
    cout << endl;
    sort(a, a+5, greater<int>());
    for( i = 0; i < 5; i ++)
        cout << a[i] << " ";
}

```

- sort 实际上是快速排序, 时间复杂度 $O(n \cdot \log(n))$
 - 平均性能最优
 - 但是最坏的情况下, 性能可能非常差
- 如果要保证“最坏情况下”的性能, 那么可以使用
 - stable_sort
 - stable_sort 实际上是归并排序, 特点是能保持相等元素之间的先后次序
 - 在有足够存储空间的情况下, 复杂度为 $n \cdot \log(n)$, 否则复杂度为 $n \cdot \log(n) \cdot \log(n)$
 - stable_sort 用法和 sort 相同
- 排序算法要求随机存取迭代器的支持, 所以list不能使用排序算法, 要使用list::sort



此外还有其他排序算法:

算法名称	功 能
<code>partial_sort</code>	部分排序, 直到 前n个元素就位即可
<code>nth_element</code>	排序, 直到第n个元素就位, 并保证比第n个元素小的元素都在第n个元素之前即可
<code>partition</code>	改变元素次序, 使符合某准则的元素放在前面

6. 有序区间算法

- 要求所操作的区间是已经从小到大排好序的
- 需要随机访问迭代器的支持
- 有序区间算法不能用于关联容器和list

算法名称	功 能
binary_search	判断区间中是否包含某个元素
includes	判断是否一个区间中的每个元素, 都在另一个区间中
lower_bound	查找最后一个不小于某值的元素的位置
upper_bound	查找第一个大于某值的元素的位置
equal_range	同时获取lower_bound和upper_bound
merge	合并两个有序区间到第三个区间

6. 有序区间算法

算法名称	功能
set_union	将两个有序区间的并拷贝到第三个区间
set_intersection	将两个有序区间的交拷贝到第三个区间
set_difference	将两个有序区间的差拷贝到第三个区间
set_symmetric_difference	将两个有序区间的对称差拷贝到第三个区间
inplace_merge	将两个连续的有序区间原地合并为一个有序区间

binary_search

□ 折半查找

□ 要求容器已经有序且支持随机访问迭代器, 返回是否找到

```
template<class FwdIt, class T>
```

```
bool binary_search(FwdIt first, FwdIt last, const T& val);
```

□ 上面这个版本, 比较两个元素 x, y 大小时, 看 $x < y$

```
template<class FwdIt, class T, class Pred>
```

```
bool binary_search(FwdIt first, FwdIt last, const T& val, Pred pr);
```

□ 上面这个版本, 比较两个元素 x, y 大小时, 若 $pr(x, y)$ 为true, 则认为 x 小于 y

```
#include <vector>
#include <bitset>
#include <iostream>
#include <numeric>
#include <list>
#include <algorithm>
using namespace std;
bool Greater10(int n)
{
    return n > 10;
}
```

```
int main() {  
    const int SIZE = 10;  
    int a1[] = { 2,8,1,50,3,100,8,9,10,2 };  
    vector<int> v(a1, a1+SIZE);  
    ostream_iterator<int> output(cout, " ");  
    vector<int>::iterator location;  
    location = find(v.begin(), v.end(), 10);  
    if( location != v.end()) {  
        cout << endl << "1) " << location - v.begin();  
    }  
    location = find_if( v.begin(), v.end(), Greater10);  
    if( location != v.end())  
        cout << endl << "2) " << location - v.begin();  
}
```

输出:

1) 8

2) 3

```
    sort(v.begin(), v.end());  
    if( binary_search(v.begin(), v.end(),9)) {  
        cout << endl << "3) " << "9 found";  
    }  
}
```

输出:

1) 8

2) 3

3) 9 found

lower_bound, upper_bound, equal_range

lower_bound:

```
template<class FwdIt, class T>
```

```
FwdIt lower_bound(FwdIt first, FwdIt last, const T& val);
```

- 要求[first, last) 是有序的
- 查找[first, last) 中的, 最大的位置 FwdIt, 使得[first, FwdIt) 中所有的元素都比 val 小

upper_bound

```
template<class FwdIt, class T>
```

```
FwdIt upper_bound(FwdIt first, FwdIt last, const T& val);
```

- 要求[first, last) 是有序的
- 查找[first, last) 中的, 最小的位置 FwdIt, 使得[FwdIt, last) 中所有的元素都比 val 大

equal_range

```
template<class FwdIt, class T>
```

```
pair<FwdIt, FwdIt> equal_range(FwdIt first, FwdIt last, const  
T& val);
```

- 要求[first, last) 是有序的
- 返回值是一个pair, 假设为 p, 则:
 - [first, p.first) 中的元素都比 val 小
 - [p.second, last) 中的所有元素都比 val 大
 - p.first 就是lower_bound的结果
 - p.last 就是 upper_bound的结果

merge

```
template<class InIt1, class InIt2, class OutIt>
```

```
OutIt merge(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2,  
OutIt x);
```

用 < 作比较器

```
template<class InIt1, class InIt2, class OutIt, class Pred>
```

```
OutIt merge(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2,  
OutIt x, Pred pr);
```

用 pr 作比较器

- 把[first1, last1), [first2, last2) 两个升序序列合并, 形成第3个升序序列, 第3个升序序列以 x 开头

includes

```
template<class InIt1, class InIt2>
```

```
bool includes(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2);
```

```
template<class InIt1, class InIt2, class Pred>
```

```
bool includes(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2,  
Pred pr);
```

- 判断 [first2, last2) 中的每个元素, 是否都在[first1,last1)中
 - 第一个用 < 作比较器
 - 第二个用 pr 作比较器, $\text{pr}(x, y) == \text{true}$ 说明 x, y 相等

set_difference

```
template<class InIt1, class InIt2, class OutIt>
```

```
OutIt set_difference(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2,  
InIt2 last2, OutIt x);
```

```
template<class InIt1, class InIt2, class OutIt, class Pred>
```

```
OutIt set_difference(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2,  
InIt2 last2, OutIt x, Pred pr);
```

- 求出[first1, last1)中, 不在[first2, last2)中的元素, 放到从 x开始的地方
- 如果 [first1, last1) 里有多多个相等元素不在[first2, last2)中, 则这多个元素也都会被放入x代表的目标区间里

set_intersection

```
template<class InIt1, class InIt2, class OutIt>
```

```
OutIt set_intersection(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2,  
InIt2 last2, OutIt x);
```

```
template<class InIt1, class InIt2, class OutIt, class Pred>  
OutIt set_intersection(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2,  
InIt2 last2, OutIt x, Pred pr);
```

- ▣ 求出 $[first1, last1)$ 和 $[first2, last2)$ 中共有的元素, 放到从x开始的地方
- ▣ 若某个元素e 在 $[first1, last1)$ 里出现 $n1$ 次, 在 $[first2, last2)$ 里出现 $n2$ 次, 则该元素在目标区间里出现 $\min(n1, n2)$ 次

set_symmetric_difference

```
template<class InIt1, class InIt2, class OutIt>
```

```
OutIt set_symmetric_difference(InIt1 first1, InIt1 last1,  
InIt2 first2, InIt2 last2, OutIt x);
```

```
template<class InIt1, class InIt2, class OutIt, class Pred>
```

```
OutIt set_symmetric_difference(InIt1 first1, InIt1 last1,  
InIt2 first2, InIt2 last2, OutIt x, Pred pr);
```

- 把两个区间里相互不在另一区间里的元素放入x开始的地方

set_union

```
template<class InIt1, class InIt2, class OutIt>
```

```
    OutIt set_union(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2  
last2, OutIt x);
```

用<比较大小

```
template<class InIt1, class InIt2, class OutIt, class Pred> OutIt  
set_union(InIt1 first1, InIt1 last1, InIt2 first2, InIt2 last2, OutIt  
x, Pred pr);
```

用 pr 比较大小

- 求两个区间的并, 放到以 x 开始的位置
- 若某个元素e 在[first1, last1)里出现 n1次, 在[first2, last2)里出现n2次, 则该元素在目标区间里出现max(n1, n2)次

```
template<size_t N>  
class bitset  
{  
    ...  
};
```

- 实际使用的时候, N是个整型常数
- 例如
 - `bitset<40> bst;`
 - `bst`是一个由40位组成的对象
 - 用`bitset`的函数可以方便地访问任何一位

bitset的成员函数:

-  `bitset<N>& operator&=(const bitset<N>& rhs);`
-  `bitset<N>& operator|=(const bitset<N>& rhs);`
-  `bitset<N>& operator^=(const bitset<N>& rhs);`
-  `bitset<N>& operator<<=(size_t num);`
-  `bitset<N>& operator>>=(size_t num);`
-  `bitset<N>& set();` //全部设成1
-  `bitset<N>& set(size_t pos, bool val = true);` //设置某位
-  `bitset<N>& reset();` //全部设成0
-  `bitset<N>& reset(size_t pos);` //某位设成0
-  `bitset<N>& flip();` //全部翻转
-  `bitset<N>& flip(size_t pos);` //翻转某位

-  reference [operator\[\]](#)(size_t pos); //返回对某位的引用
-  bool [operator\[\]](#)(size_t pos) const; //判断某位是否为1
-  reference [at](#)(size_t pos);
-  bool [at](#)(size_t pos) const;
-  unsigned long [to_ulong](#)() const; //转换成整数
-  string [to_string](#)() const; //转换成字符串
-  size_t [count](#)() const; //计算1的个数
-  size_t [size](#)() const;
-  bool [operator==](#)(const bitset<N>& rhs) const;
-  bool [operator!=](#)(const bitset<N>& rhs) const;

 `bool test(size_t pos) const; //测试某位是否为 1`

 `bool any() const; //是否有某位为1`

 `bool none() const; //是否全部为0`

 `bitset<N> operator<<(size_t pos) const;`

 `bitset<N> operator>>(size_t pos) const;`

 `bitset<N> operator~();`

 `static const size_t bitset_size = N;`

 注意: 第0位在最右边

Thanks !

