

密码理论与技术

典型安全方案概览

消息认证和数字签名方案

基本概念：参阅Stallings教程11.2和13.1



典型安全问题

- 保密性问题

- 保护通过不可信任的信道所传输的信息不被泄露。

- 认证性(完整性)问题

- 保护通过不可信任的信道所传输的信息不被篡改。

- 秘密交换问题

- A、B通过不可信任的信道交换一组消息，最终生成第三方
- 未知的共享秘密。
-



典型的认证类方案

- 消息认证码方案：对称类方案
(*Message Authentication Code:MAC*)
- 数字签名方案：非对称方案/公钥方案
(*Digital Signature*)



对称认证方案(1)

- 问题：A如何通过不可信任的信道，完全可信任地向B传递信息（抗篡改）

■ A(K) A和B共享K B(K)

消息M

2. 传递M和 σ

1. 认证计算:

$$\sigma = \text{MAC}(K, M)$$

3. 核实计算:

$$\text{验证}1 = \text{Vf}(K, M, \sigma)$$

$$\text{若} 1 \neq \text{Vf}(K, M, \sigma)$$

则拒绝接受M



对称认证方案(2)

特 点:

■ 密钥生成算法 KG , 认证码生成算法 MAC , 认证码验证算法 Vf 均公开.

■ 密钥 K 保密(仅通信双方知道且共享)

■ 安全性(抗伪造):

攻击者 F 未知 K , 则

$P[(M^*, \sigma^*) \leftarrow F(|K|, MAC, Vf, KG):$
 $Vf(K, M^*, \sigma^*) = 1] \text{ 极小。}$



数字签名方案(1)

- 问题：如何通过不可信任的信道，完全可信任地传递信息（抗伪造）

■ 接收方：A **pk**公开 发布方：B(**sk**)

2. 传递M和t

明文M



3. 核实计算：

$$1 = \text{Vf}(\text{pk}, M, t)$$

2. 签字计算：

$$t = \text{Sig}(\text{sk}, M)$$

数字签名方案(2)

特 点:

密钥生成算法 KG , 签字算法 Sig , 验证算法 Vf 均公开。

KG 生成一对密钥, 一个公开(pk), 一个保密(sk)

私钥 sk 仅为签字方持有(通信双方不共享任何秘密)

一致性要求: $Vf(pk, Sig(sk, M)) = 1$ 恒成立

安全性(抗伪造):

若攻击者 F 未知 sk , 则

$P[(M^*, \sigma^*) \leftarrow F(pk, Sig, Vf, KG):$
 $Vf(pk, M^*, \sigma^*) = 1] \text{ 极小。}$



数字签名方案(3)

■ ElGamal (1985)

- (1) 公钥/私钥生成算法 $\text{KG}(k, g, q)$, q 是 k 位素数, g 是 q 的原根:
 - $x \leftarrow \$F_q^*$; $y \leftarrow g^x \bmod q$;
 - 公钥 $\text{vk} \leftarrow y$; 私钥 $\text{sk} \leftarrow x$;
- (2) 签名算法 $\text{Sig}^H(\text{sk}, M)$, 其中私钥 $\text{sk} = x$, H 是某个公开的安全散列函数
 - $K \leftarrow \$F_q$; $r \leftarrow g^K \bmod q$; $h \leftarrow H(M, r)$; $s \leftarrow (K + xh) \bmod (q-1)$;
 - 注意这是一个随机算法, 随机性来源于随机变量 K 。
 - 对消息 M 的数字签名 $\sigma = (r, h, s)$ 。
- (3) 验证算法 $\text{Vf}^H(\text{vk}, M, (r, h, s))$, 其中公钥 $\text{vk} = y$:
 - 若 $h = H(M, r)$ 且 $r = g^s y^h \bmod q$ 均成立, 则接受 M , 否则拒绝 M 。



数字签名方案的应用：公钥证书

■ 问题：

如何将公钥与持有者可靠地联系起来？

工具：公钥证书及其管理协议(X.509/RFC2553)

机制：发布者对下辖用户的公钥做数字签名

用户 i 的公钥证书 $M(i)$ 是包含其公钥 $PK(i)$ 及其安全属性的电子文件。
公钥发布者 A 以私钥 $sk(A)$ 生成数字签名 $\sigma(i) = \text{Sig}(sk(A), M(i))$ 。
发布者发布完整的证书文件 $[M(i), \sigma(i)]$ 。
公钥 $PK(i)$ 的使用者用 A 的公钥 $vk(A)$ 验证证书文件的数字签名。



其他基础类安全方案(1)

- 无须公钥证书的公钥加密方案
- 无须公钥证书的签名方案
 - (2001, Pairing-based/ECC, Identity-based Crypt.)
- 组群加密方案
- 组群签字方案
 - (2000, Group Crypt.)
- 密钥时变加密方案
- 密钥时变签字方案
- 等

其他基础类安全方案(2)

- IBE(Identity-based Encryption): 通用框架
- 一个IBE方案 $\Pi=(\text{Setup}, \text{UKG}, \text{E}, \text{D})$ 是一组算法，其中：
 - (1)**Setup**是全局密钥生成算法，输出全局公钥-私钥偶(**mpk**, **msk**)；
 - (2)**UKG**是**用户私钥**生成算法，以全局私钥**msk**、用户身份标识**a**为输入，输出**a**的私钥**usk(a)**；
 - (3)**E**是加密算法，以全局公钥**mpk**、用户身份标识**a**和消息**M**为输入并输出密文**y**；
 - (4)**D**是解密算法，以全局公钥**mpk**、用户私钥**usk(a)**和密文**y**为输入并输出明文**M**。
-

其他基础类安全方案(3)

- IBE(Identity-based Encryption): 通用框架(续)
 - (1)所有以上算法须满足一致性关系: 对任何 k 、 a 和 M , 若
 - $P[(mpk, msk) \leftarrow \text{Setup}(k);$
 - $usk(a) \leftarrow \text{UKG}(msk, a);$
 - $y \leftarrow E(mpk, a, M);$
 - 则 $D(mpk, usk(a), y) = M$ 恒成立
 - (2)由于IBE方案的特殊结构, 在刻画其保密性质时需要考虑所谓合谋攻击, 这时攻击者可能(通过非法入侵或合谋)持有某些合法用户 a^1, \dots, a^n 的私钥 $usk(a^1), \dots, usk(a^n)$.
 - **IBE方案的保密性要求:** 如果攻击者不持有私钥 $usk(a)$, 无论事先能获得多少 $usk(a^1), \dots, usk(a^n)$ ($a^1, \dots, a^n \neq a$)都无法从密文 $E(mpk, a, M)$ 有效获取关于明文 M 的信息。