## 第七章 Fourier 变换

## 单项选择题

$$(1)$$
设 $f(t) = \delta(t - t_0)$ ,则 $\mathbf{F}[f(t)] = ($ 

- (A)1
- $(B) 2\pi$
- $(C)e^{i\omega_0t}$   $(D)e^{-i\omega_0t}$

$$(A)\pi[\delta(\omega+\omega_0)+\delta(\omega-\omega_0)] \qquad (B)\pi[\delta(\omega+\omega_0)-\delta(\omega-\omega_0)]$$

$$(B)\pi[\delta(\omega+\omega_0)-\delta(\omega-\omega_0)]$$

$$(C)\pi i[\delta(\omega+\omega_0)-\delta(\omega-\omega_0)]$$

$$(C)\pi i[\delta(\omega+\omega_0)-\delta(\omega-\omega_0)] \qquad (D)\pi i[\delta(\omega+\omega_0)+\delta(\omega-\omega_0)]$$

(3) 设
$$F[f(t)] = F(\omega)$$
,则 $F[(t-2)f(t)] = ($ 

$$(A) F'(\omega) - 2F(\omega)$$

$$(A) F'(\omega) - 2F(\omega) \qquad (B) - F'(\omega) - 2F(\omega)$$

$$(C) iF'(\omega) - 2F(\omega)$$

$$(C) iF'(\omega) - 2F(\omega)$$
  $(D) - iF'(\omega) - 2F(\omega)$ 

(4) 设
$$F[f(t)] = F(\omega)$$
,则 $F[f(1-t)] = ($  )

- $(A) F(\omega) e^{-i\omega}$   $(B) F(-\omega) e^{-i\omega}$
- (C)  $F(\omega)e^{i\omega}$  (D)  $F(-\omega)e^{i\omega}$

(5) 设
$$f(t) = \delta(2-t) + e^{i\omega_0 t}$$
,则 $\mathbf{F}[f(t)] = ($ 

$$(A) e^{-2\omega i} + 2\pi \delta(\omega - \omega_0) \qquad (B) e^{2\omega i} + 2\pi \delta(\omega - \omega_0)$$

$$(B) e^{2\omega i} + 2\pi\delta(\omega - \omega_0)$$

(C) 
$$e^{-2\omega i} + 2\pi\delta(\omega + \omega_0)$$
 (D)  $e^{2\omega i} + 2\pi\delta(\omega + \omega_0)$ 

$$(D) e^{2\omega i} + 2\pi\delta(\omega + \omega_0)$$

$$(A) \mathsf{F}[u(t)] = \frac{1}{i\omega} + \pi \delta(\omega) \qquad (B) \mathsf{F}[1] = 2\pi \delta(\omega)$$

$$(B)\mathsf{F}[1] = 2\pi\delta(\omega)$$

$$(C)\,\mathsf{F}[2\delta(t)]=1$$

$$(D) \mathsf{F}[\mathsf{sgn}(t)] = \frac{2}{i\omega}$$

(7) 设
$$\mathsf{F}[f(t)] = F(\omega)$$
,假如当 $t \to +\infty$ 时, $g(t) = \int_{-\infty}^{t} f(t) \mathrm{d}t \to 0$ ,则 $\mathsf{F}[\int_{-\infty}^{2t} f(t) \mathrm{d}t] = ($ 

$$(A)\frac{1}{2i\omega}F(\frac{\omega}{2})$$
  $(B)\frac{1}{i\omega}F(\frac{\omega}{2})$ 

$$(C)\frac{1}{2i\omega}F(\omega)$$
  $(D)\frac{1}{i\omega}F(\omega)$ 

(8) 设
$$f(t) = te^{i\omega_0 t}$$
,则 $\mathbf{F}[f(t)] = ($ 

$$(A) 2\pi \delta'(\omega - \omega_0) \qquad (B) 2\pi \delta'(\omega + \omega_0)$$

(C) 
$$2\pi i \delta'(\omega + \omega_0)$$
 (D)  $2\pi i \delta(\omega - \omega_0)$ 

(9)函数f(t)的振幅频谱  $|F(\omega)|$ 与相位频谱  $\varphi(\omega)$ 

具有奇偶性,其中()

- $(A)|F(\omega)|$ 为奇函数, $\varphi(\omega)$ 为偶函数
- $(B)|F(\omega)|$ 为偶函数, $\varphi(\omega)$ 为奇函数
- $(C)|F(\omega)|$ 与 $\varphi(\omega)$ 均为偶函数
- $(D)|F(\omega)|$ 与 $\varphi(\omega)$ 均为奇函数

$$(10)$$
设**F**[ $f(t)$ ] =  $F(\omega)$ ,则下列公式中不正确的是( )

$$(A)\mathsf{F}[f(t)*f(t)] = (F(\omega))^2$$

$$(B)\mathsf{F}[(f(t))^{2}] = \frac{1}{2\pi}F(\omega) * F(\omega)$$

$$(C)\mathsf{F}[f(t)e^{\pm i\omega_0 t}] = F(\omega \pm \omega_0)$$

$$(D)\int_{-\infty}^{+\infty} [f(t)]^2 dt = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} |F(\omega)|^2 d\omega$$

## 2.填空题

$$(1)设a>0, f(t)=\begin{cases} e^{\alpha t}, & t<0\\ e^{-\alpha t}, & t>0 \end{cases}, 则函数f(t)的Fourier为_____.$$

$$(2) 设 f(t) = \sin^2 t, 则F[f(t)] = ____.$$

(3)设**F**[
$$f(t)$$
] =  $\frac{3}{1+\omega^2}$ ,则 $f(t)$  = \_\_\_\_\_\_.

$$(4) 战 f(t) = \begin{cases} 0, & t < 0 \\ e^{-t}, & t > 0 \end{cases}, 则 u(t) * f(t) = \underline{\qquad}.$$

(5)积分方程 
$$\int_0^{+\infty} f(t) \sin \omega t dt = \begin{cases} 1, 0 < \omega \le 1, \\ 0, \omega > 1 \end{cases}$$
 的解  $f(t) = \underline{\qquad}$ .

3求函数 $f(t) = te^{-t^2}$ 的Fourier变换,并推证

$$\int_0^{+\infty} \omega e^{-\frac{1}{4\omega^2}} \sin \omega t d\omega = 2\sqrt{\pi} t e^{-t^2}.$$

答案