



دانشکده مهندسی
کامپیوتر و فناوری اطلاعات



دانشگاه صنعتی امیرکبیر
(پلی تکنیک تهران)

دانشگاه صنعتی امیرکبیر
دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات

ارزیابی کارایی سیستم‌های و شبکه‌های کامپیوتری تمرین اول

پرهام الوانی

۲۵ فروردین ۱۳۹۷

۱ سوال اول

$$Prob\{X = n\} = \sum_{k=n}^{\infty} \frac{\eta^k e^{-\eta}}{k!} \binom{k}{n} p^n (1-p)^{k-n} \quad (1.1)$$

۲ سوال دوم

$$F(x) = \begin{cases} 0 & x < 0 \\ \frac{60+x}{90} & 0 < x < 30 \\ 1 & x > 30 \end{cases} \quad (1.2)$$

۳ سوال سوم

$$\int_0^{\infty} P(X > x) dx = \int_0^{\infty} (1 - F(x)) dx \quad (1.3)$$

از روش جز به جز در انتگرال گیری استفاده می کنیم:

$$\int_0^{\infty} (1 - F(x)) dx = x(1 - F(x)) - \int_0^{\infty} -xf(x) dx \quad (2.3)$$

سمت راست این رابطه از دو قسمت تشکیل شده است، قسمت انتگرالی برابر با امید ریاضی X می باشد و قسمت بدون انتگرال می بایست در دو نقطه صفر و بی نهایت محاسبه گردد که خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} \int_0^{\infty} (1 - F(x)) dx &= x(1 - F(x)) + E[x] \\ &= 0 + E[x] = E[x] \end{aligned} \quad (3.3)$$

۴ سوال چہارم

$$\begin{aligned} f_X(x) &= \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{3}(x+y)dy \\ &= \int_0^2 \frac{1}{3}(x+y)dy = \frac{1}{3}(2x+2) \end{aligned} \quad (1.۴)$$

$$\begin{aligned} f_Y(y) &= \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{3}(x+y)dx \\ &= \int_0^1 \frac{1}{3}(x+y)dx = \frac{1}{3}(y + \frac{1}{2}) \end{aligned} \quad (۲.۴)$$

$$\begin{aligned} E[X] &= \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{3}x(2x+2)dx \\ &= \int_0^1 \frac{1}{3}(2x^2+2x)dx = \frac{5}{9} \end{aligned} \quad (۳.۴)$$

$$\begin{aligned} E[Y] &= \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{3}y(y + \frac{1}{2})dy \\ &= \int_0^2 \frac{1}{3}(y^2 + \frac{y}{2})dy = \frac{11}{9} \end{aligned} \quad (۴.۴)$$

$$\begin{aligned} E[XY] &= \int_0^1 \int_0^2 \frac{1}{3}xy(x+y)dydx \\ &= \int_0^1 \frac{2x^2}{3} + \frac{8x}{9}dy \\ &= \frac{6}{9} \end{aligned} \quad (۵.۴)$$

$$Cov[X, Y] = E[XY] - E[X]E[Y] = \frac{6}{9} - \frac{5}{9} * \frac{11}{9} = -\frac{1}{81} \quad (۶.۴)$$