

**Bachelorarbeit**

# **Modellprädiktive Regelung eines keramischen Receivers für Solartürme**

**Markus Tobias Geschonneck**  
**Matr.Nr.: 11131469**

Köln, den xxx

Ich versichere, die von mir vorgelegte Arbeit selbstständig verfasst zu haben. Alle Stellen, die wörtlich oder sinngemäß aus veröffentlichten oder nicht veröffentlichten Arbeiten anderer oder der Verfasserin/des Verfassers selbst entnommen sind, habe ich als entnommen kenntlich gemacht. Sämtliche Quellen und Hilfsmittel, die ich für die Arbeit benutzt habe, sind angegeben. Die Arbeit hat mit gleichem Inhalt bzw. in wesentlichen Teilen noch keiner anderen Prüfungsbehörde vorgelegen.

Markus Tobias Geschonneck

Köln, den xxx

Unterschrift: \_\_\_\_\_

Erstprüfer:	Dr. Chong Dae Kim
Zweitprüfer:	M. Sc. David Zanger
Angemeldet am	<Datum der Ausgabe des Themas>
Eingereicht am:	<Datum der Abgabe>

# Danksagung

Wenn man diesen Textabschnitt nicht haben will, kann man ihn wie alle anderen Abschnitte einfach in der `main.tex` auskommentieren. Kommentare fügt man dabei über das `%` Symbol ein.



# Abstract

Dies soll eine Vorlage für den Einstieg in LaTeX darstellen. Notwendig für die Nutzung dieser ist VSCode mit den entsprechenden Einstellungen in der settings.json, Strawberry Pearl sowie MikTeX.

Generell ist das Hauptdokument die Main.tex. Die ist die einzige Datei, die letztlich ausgeführt wird. Alle anderen Dateien sollten in diese Datei eingebunden werden.

In der Documentclass in der Main.tex sowie in der Packages.tex entscheidet sich das Layout des Berichts. In der Misc.tex werden Informationen für die Titelseite hinzugefügt. Es ist sehr empfehlenswert für jedes Kapitel eine neue \*.tex Datei im Ordner „ch“ hinzuzufügen. Das Ergebnis der Kompilierung zeigt immer die Main.pdf.

Schreibt man einfach nur In VSCode in eine neue Zeile wird in der entstehenden PDF einfach in derselben Zeile weiter geschrieben. Dennoch ist es sehr nützlich in neue Zeilen zu schreiben, sodass nachträglich zu korrigierende Sätze nicht in ewig langen Passagen untergehen.

Vor diesem Satz wurde nicht nur eine neue Zeile in VSCode eingefügt, sondern auch ein Doppel-Backslash „\\“ ans Ende der letzten Zeile gestellt. Dadurch entsteht eine neue Zeile ohne Abstand zum vorigen Abschnitt.

Lässt man eine Zeile in VSCode leer, entsteht ein wie oben gezeigter Abstand zwischen den verschiedenen Sätzen.

Lässt man eine Leerzeile und fügt sogar noch ein Doppel-Backslash „\\“ ans Ende des vorangestellten Abschnittes, so entsteht dieser Textabstand.

Gerade zu Beginn eines Kapitels oder Abschnittes hilft manchmal der „\noindent“-Befehl um das Einrücken zu Beginn einer Passage zu verhindern.



# Inhaltsverzeichnis

<b>Abbildungsverzeichnis</b>	IX
<b>Tabellenverzeichnis</b>	XI
<b>Formelverzeichnis</b>	XIII
<b>Abkürzungs- und Symbolverzeichnis</b>	XV
<b>1 Einleitung</b>	<b>1</b>
1.1 Motivation	1
1.2 Zielsetzung	1
1.3 Struktur der Arbeit	1
<b>2 Stand der Technik</b>	<b>3</b>
2.1 Solartürme	3
2.1.1 Heliostaten	4
2.1.2 Receiver	6
2.1.3 Optische Verluste	8
2.2 Nowcasting-Systeme zur Wettervorhersage	10
2.3 Modellprädiktive Regelung	11
2.3.1 Grundlagen	12
2.3.2 Modellbildung	13
2.3.3 Kostenfunktion	13
2.3.4 Constraints	14
2.4 Zielpunktregelung	15
2.4.1 Optimierungsproblem der Zielpunktregelung	15
2.4.2 Existierende Algorithmen	16
2.4.3 Vorstellung des gewählten Algorithmus	18
2.5 Verwendete Hard- und Software	23

3	Modellbildung . . . . .	25
3.1	Ausgangszustand der Modellbildung . . . . .	25
3.2	Erweiterung der Modellbildung . . . . .	25
4	Reglerentwurf . . . . .	27
4.1	Anpassung des bestehenden Modells . . . . .	27
4.1.1	Implementierung der Lüftungs-Dynamik . . . . .	27
4.1.2	Implementierung der Heliostaten als Stellgrößen . . . . .	27
4.2	Regelgrößen . . . . .	27
4.3	Stell- und Messgrößen . . . . .	27
4.4	Auslegung des Modellprädiktiven Reglers . . . . .	28
5	Analyse der Modellprädiktiven Regelung . . . . .	29
5.1	Repräsentative Wolkenfälle . . . . .	29
5.2	Einfluss der Wolkengeschwindigkeit . . . . .	29
5.3	Einfluss der Lichtdurchlässigkeit . . . . .	30
5.4	Einfluss der Verschattungsdauer . . . . .	30
5.5	Einfluss der Wolkengröße . . . . .	30
5.6	Einfluss der Wolkenrichtung . . . . .	30
6	Zusammenfassung und Fazit . . . . .	31
7	Weitere Forschung / Further Works . . . . .	33
	<b>Literaturverzeichnis . . . . .</b>	<b>37</b>
A	Anhang . . . . .	XXXIX



# Abbildungsverzeichnis

2.1	Solarthermisches Demonstrations- und Versuchskraftwerk Jülich . . . . .	3
2.2	Vereinfachte schematische Darstellung eines Solarturmkraftwerkes . . . . .	4
2.3	Darstellung der Elevations- und Azimut-Ebene . . . . .	5
2.4	Ausra Heliostat am Forschungsstandort Jülich mit $8.3m^2$ und Sanlúcar-120- Heliostat auf der PS10 bei Sevilla mit $120m^2$ Reflexionsfläche . . . . .	5
2.5	Verschiedene Heliostatfeld-Layouts auf der Nordhalbkugel: Rundum-Feld und Nordfeld . . . . .	6
2.6	Seitenansicht eines Heliostaten zur Verdeutlichung des Winkels $\beta$ im Kontext der Kosinus-Verluste . . . . .	8
2.7	Blockierung und Abschattung von Heliostaten . . . . .	9
2.8	Aufnahmen der ASIs auf der PSA und die daraus extrahierten Wolknemaske	11
2.9	Geschlossener Regelkreis mit einem MPC . . . . .	12
2.10	Funktionsprinzip eines MPC . . . . .	13
2.11	Darstellung der potenziellen Gefahr einer durchziehenden Wolke . . . . .	17
2.12	Einteilung des Heliostatenfeldes des Gemasolar-Kraftwerkes in Sevilla in 54 Gruppen . . . . .	19
2.13	Symbolische Veranschaulichung der Stellgrößen des gewählten Algorithmus .	20
2.14	Minimalabstände der Zielpunkte je $\alpha$ -Wert . . . . .	21
2.15	Übersicht der vollständigen Zielpunktstrategie nach García . . . . .	22
2.16	Beispielhafte Zielpunktverteilungen für einen zunehmenden $\kappa$ Wert . . . . .	23
A.1	Beispielbild normale Ausrichtung . . . . .	XXXIX
A.2	Beispielbild normale Ausrichtung . . . . .	XXXIX



# **Tabellenverzeichnis**



# Formelverzeichnis

2.1	Berechnung des Strahlungsflusses $F$ . . . . .	7
2.2	Berechnung der Flussdichte $\phi$ . . . . .	7
2.3	Berechnung Bruttoleistung $P$ auf dem Receiver . . . . .	7
2.4	Diskrete Zustandsgleichung in der Modellbildung . . . . .	13
2.5	Gleichheitsbedingungen in der Modellbildung . . . . .	13
2.6	Ausgangsgleichung in der Modellbildung . . . . .	13
2.7	Beispielhafte Kostenfunktion für den MPC . . . . .	14
2.8	Beispielhaftes Optimierungsproblem für den MPC . . . . .	15
2.9	Kontinuierliches Optimierungsproblem der Zielpunktregelung . . . . .	15
2.10	Diskretes Optimierungsproblem der Zielpunktregelung . . . . .	15
2.11	Berechnung des individuellen Heliostatenparameters $\alpha$ . . . . .	20
2.12	Berechnung von $\Delta\alpha$ . . . . .	20
2.13	Bestimmung des Mindestabstandes eines jeden Zielpunktes zum nächstgelegenen Zielpunkt der Heliostatengruppe . . . . .	20
2.14	Erforderliche Schwerpunktverschiebung der Zielpunktgruppe . . . . .	21



# Abkürzungs- und Symbolverzeichnis

## Abkürzungen

Symbol	Bedeutung
DLR	Deutsches Zentrum für Luft- und Raumfahrt
TH	Technische Hochschule

## Lateinische Symbole

Symbol	Bedeutung	Einheit
$l$	Länge	$m$
$y_{\text{ref}}$	Referenzmesswert	$W/m^2$
$U_{\text{th}}$	Thermoelektrische Spannung	$V$



## Griechische Symbole

Symbol	Bedeutung	Einheit
$\alpha$	Azimuth Winkel	°
$\sigma$	Standardabweichung	$W/m^2$



# 1 Einleitung

Paar einleitende Worte. Hier auch schreiben, dass die Abbildungen in englischer Sprache sind und die Texte in Deutsch.

## 1.1 Motivation

Motivation, siehe Davids Masterarbeit, siehe Gall Diss.

## 1.2 Zielsetzung

Zielsetzung, siehe Zielsetzung an Kim und auf Bachelorarbeit Einreichung. Außerdem siehe David Ziele was die Simulationen angeht:

- Wie viel besser ist der MPC, wenn er von den Wolken weiß?
- Wo sind zu jedem Szenario die Grenzen? Also wie viel % darf die MPC Vorhersage vor der eigentlichen Simulation abweichen?

Außerdem hat David schon hier seine Quelle drin, wie man einen Controller auslegt. [1, S. 23-25] [2] Wohin mit diesem Inhalt?

## 1.3 Struktur der Arbeit

Hier die Struktur hin.



## 2 Stand der Technik

Das nachfolgende Kapitel zum Stand der Technik soll alle relevanten Grundlagen bezüglich der verwendeten Komponenten am Solarturm schaffen. Darüber hinaus wird auch ein Einblick in die Theorie der modellprädiktiven Regelung gegeben. Ebenfalls relevant ist der Vergleich der verwendeten Zielpunktregelung und des Nowcasting-Systems mit Alternativen aus der Literatur.

### 2.1 Solartürme

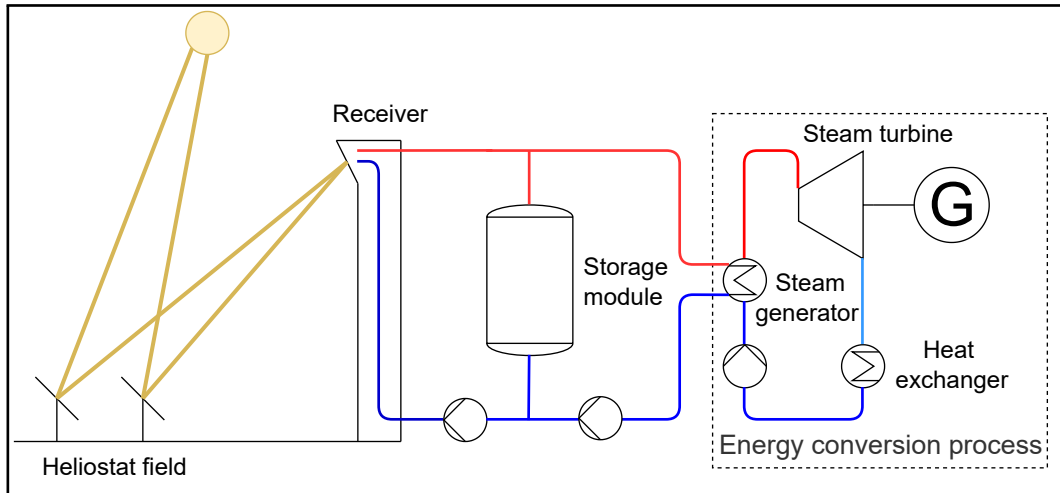
Am Forschungszentrum in Jülich ist der Solarturm beheimatet, für den im Rahmen dieser Arbeit eine Regelung entwickelt wird. Die nachfolgende Abbildung 2.1 zeigt diesen 60 Meter hohen Turm [3], inklusive der Spiegel, sog. *Heliostaten*, die das Sonnenlicht in Richtung des Receivers fokussieren.



**Abbildung 2.1:** Solarthermisches Demonstrations- und Versuchskraftwerk Jülich [3]

Ein Solarturmkraftwerk wandelt konzentrierte Sonnenstrahlung in elektrische Energie um oder nutzt sie zur Unterstützung thermochemischer Prozesse. Diese konzentrierte Strahlung entsteht durch gezielte Ausrichtung einer großen Anzahl an Heliostaten auf die Spitze des Solarturms, an der sich der *Receiver* befindet. Dort wird sie von einem Wärmeträgermedium absorbiert, welches anschließend klassischerweise zum Betrieb eines Energieumwandlungsprozesses zur Stromerzeugung verwendet wird. Alternativ kann das erhitzte Medium auch in

einem Energiespeicher zur späteren Verwendung zwischengespeichert werden. [4, S. 11] Eine schematische Darstellung eines Solarturmkraftwerkes zeigt die Abbildung 2.2.



**Abbildung 2.2:** Vereinfachte schematische Darstellung eines Solarturmkraftwerkes [5, S. 5]

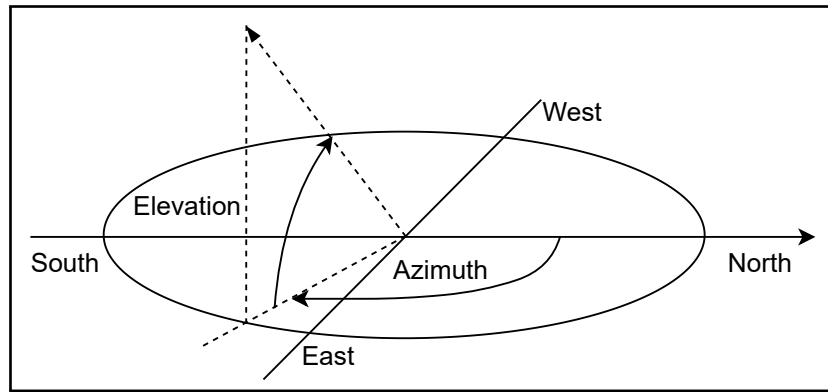
Da der Fokus dieser Arbeit auf der Front-Temperatur des Receivers sowie der Austritts-temperatur des Mediums auf der Receiver-Innenseite liegt, werden die Komponenten zur Verwertung des Mediums nicht gesondert betrachtet. Im Gegensatz dazu sind das Heliostat-feld sowie der Receiver und der Einfluss der Sonneneinstrahlung auf diese Komponenten für das weitere Verständnis der Arbeit deutlich relevanter und werden daher nachfolgend in Unterkapiteln näher erläutert.

### 2.1.1 Heliostaten

Die Heliostaten bündeln die Sonneneinstrahlung auf den Receiver. Dabei bestimmt ihr jewei-liger Zielpunkt, an welcher Stelle der Receiver getroffen wird, sodass sich die Konzentration des Lichtes durch die Nähe der einzelnen Zielpunkte ergibt.

Um seiner Funktion der Sonnenreflexion nachzukommen, besteht jeder Heliostat aus einer reflektierenden Fläche, einer tragenden Struktur und einem Nachführmechanismus. Letzterer ist erforderlich, um den Receiver auch bei wechselnden Sonnenständen an der jeweils identi-schen Stelle treffen zu können. Dafür verfolgt eine integrierte Steuereinheit den Sonnenstand und verstellt die in der Regel bidirektional bewegliche, reflektierende Fläche entsprechend. Dabei sind die beiden Freiheitsgrade der Heliostaten die Elevations- und die Azimut-Ebene, wie sie in Abbildung 2.3 dargestellt sind. [4, S. 13]

Größe, Form und Art der spiegelnden Fläche unterscheiden sich bei verschiedenen Heliostaten-Typen sehr stark. Um eine bestimmte Brennweite zu erreichen ist es beispielsweise denkbar die Oberfläche auf kleinere einzelne Flächen, sog. *Facetten*, aufzuteilen, welche sich in einer Ebene oder zueinander gekippt befinden. Weiterhin sind die Spiegel zumeist rechteckig angeordnet,



**Abbildung 2.3:** Darstellung der Elevations- und Azimut-Ebene [5, S. 6]

eine Krümmung der Fläche nach innen, erzielt eine höhere Konzentration der Strahlung. [5, S. 5]

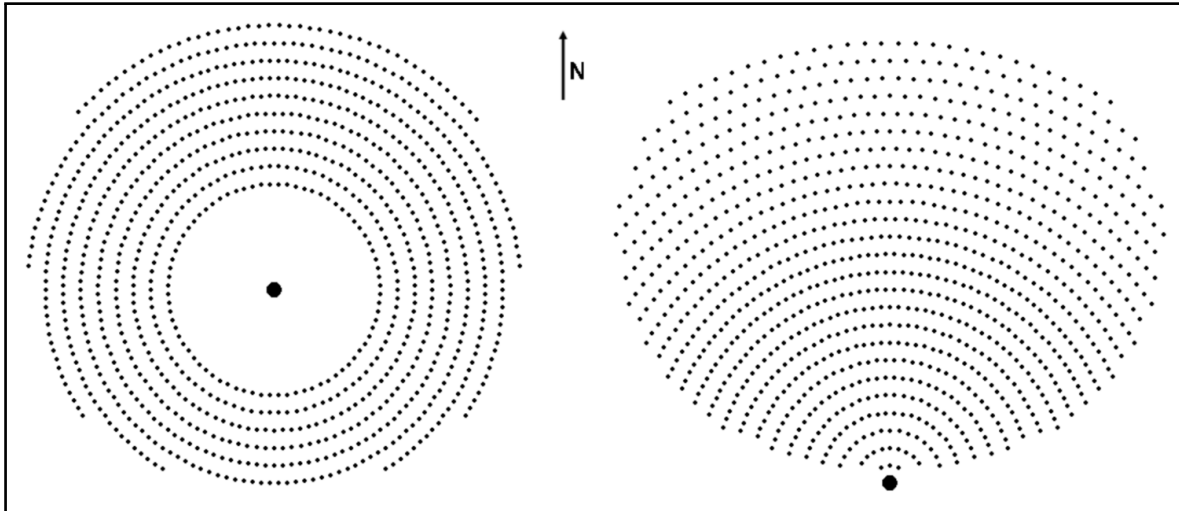
Der tragende Körper der Heliostaten ist in der Regel aus wirtschaftlichen Gründen als T-Struktur vorgesehen [6, S. 97]. Die Heliostaten am Betrachtungsstandort Jülich bestehen aus lediglich einer ebenen, rechteckigen Facette auf einem T-Träger und sind mit einer Reflexionsfläche von  $8.3m^2$  vergleichsweise klein [7, S. 4][4, S. 13]. Auf der *PS10* (Planta Solar 10) bei Sevilla befinden sich beispielsweise Heliostaten mit  $120m^2$  Reflexionsfläche in 28 Facetten [8, S. 5]. Die nachfolgende Abbildung 2.4 soll die grundsätzliche Ähnlichkeit im Aufbau der Heliostaten auch bei unterschiedlicher Größe zeigen.



**Abbildung 2.4:** Ausra Heliostat am Forschungsstandort Jülich mit  $8.3m^2$  (links) und Sanlúcar-120-Heliostat auf der PS10 bei Sevilla mit  $120m^2$  Reflexionsfläche (rechts) [4, S. 13]

Die Gesamtheit der Heliostaten, die um den Receiver eines Solarstromturms angeordnet sind, wird Heliostatenfeld bezeichnet. Diese bestehen normalerweise aus identischen Heliostaten, welche in Reihen oder konzentrischen Kreisen angeordnet sind. Denkbare Anordnungen sind Rundum-, Nord- und Südfelder (siehe Abbildung 2.5); die effizienteste Anordnung ist jeweils

besonders von der geografischen Lage abhängig. Effektiv sind Solarturmkraftwerke vor allem bei steilen Einfallswinkeln der Sonne auf die Spiegel (vgl. 2.1.3), sodass sich zwangsläufig in Polnähe bei Rundum-Feldern eine geringe Feldausbeute auf einer Seite ergibt. Wie in Abbildung 2.1 zu sehen ist, handelt es sich in Jülich um ein einseitiges, nach Norden ausgerichtetes Feld, bestehend aus 2153 Heliostaten.



**Abbildung 2.5:** Verschiedene Heliostatfeld-Layouts auf der Nordhalbkugel: Rundum-Feld (links) und Nordfeld (rechts) [4, S. 14]

### 2.1.2 Receiver

Wie erwähnt ist die Aufgabe des Receivers die Absorption der reflektierten Sonneneinstrahlung oben am Turm. Durch Konvektion wird die gespeicherte Energie dann an ein Wärmeträgermedium weitergegeben, das dann zur weiteren Verwertung oder Speicherung zur Verfügung steht. Receiver, die in Solarturmkraftwerken genutzt werden, unterscheiden sich in ihrem Aufbau und ihren physikalischen Grenzen. Diese Eigenschaften werden im Folgenden kurz untersucht.

Grundsätzlich muss zwischen zylindrischen und rechteckigen Receivern unterscheiden werden. Erstere sind dann notwendig, wenn die Spiegel rund um den Solarturm angeordnet sind. Bei Nord- oder Südfeldern kommen rechteckige Receiver zum Einsatz, welche je nach Standort und Anwendungsfall auch nach innen gebogen sind, um vor Wärmeverlust durch zu schnelle Windgeschwindigkeiten an der Receiver Vorderseite zu schützen. [9]

Das Material des Receivers ist abhängig vom genutzten Wärmeträgermedium. Typische Medien sind Luft, geschmolzene Salze, Wasser oder flüssige Metalle; die Receiver bestehen in der Regel aus Metallröhren unterschiedlicher Legierungen für den Durchfluss von z.B. Salzschnmelzen und Wasser oder aber aus poröser Keramik [10][11].

Wenn Eigenschaften wie die maximal zulässigen thermischen Spannungen des Receivers überschritten werden, kann dieser beschädigt werden [12]. Bei einem Empfänger, der von Salz-



schmelze durchströmt wird, hängt diese beispielsweise mit der lokalen Salzttemperatur und -geschwindigkeit sowie der Windgeschwindigkeit zusammen [13]. Dabei wird die lokale Salzttemperatur direkt durch die Einstrahlung (Flussdichte) auf dem Receiver beeinflusst.

Eine Möglichkeit die Einhaltung der maximalen thermischen Spannungen zu gewährleisten ist also unter anderem die Einführung einer maximalen Flussdichte am Receiver, die auf der Grundlage seiner spezifischen Eigenschaften berechnet werden kann. Dabei ist der zulässige Wert auch stark vom verwendeten Kühlmedium abhängig. Für Röhrenreceiver, die mit flüssigem Natrium gekühlt werden, sind beispielsweise maximale Strahlungsflussdichten von  $2,5\text{MW}/\text{m}^2$  erlaubt, während bei luftgekühlten Röhrenreceivern nur  $200\text{kW}/\text{m}^2$  [4, S. 17] erreicht werden dürfen.

Die Flussdichte  $\phi$  ist dabei als Strahlungsfluss  $F$  pro Fläche  $A$  zu verstehen, wobei  $F$  das Verhältnis aus absorbierte Strahlungsenergie  $Q$  pro Zeiteinheit darstellt (siehe Formel 2.1 und 2.2).

$$F = \frac{\text{d}Q}{\text{d}t} \quad (2.1)$$

**Formel 2.1:** Berechnung des Strahlungsflusses  $F$

$$\phi = \frac{\text{d}F}{\text{d}A} \quad (2.2)$$

**Formel 2.2:** Berechnung der Flussdichte  $\phi$

Zur Bestimmung der Brutto-Leistung, die dem System auf diese Weise zugeführt wird, kann die Flussdichte an jeder Receiveröffnung zur Hilfe genommen werden. Sie ergibt sich aus der Integration der Flussdichte  $\phi$  über der Fläche des Receivers (siehe Formel 2.3)

$$P = \int_A \phi \, \text{d}A \quad (2.3)$$

**Formel 2.3:** Berechnung Bruttoleistung  $P$  auf dem Receiver

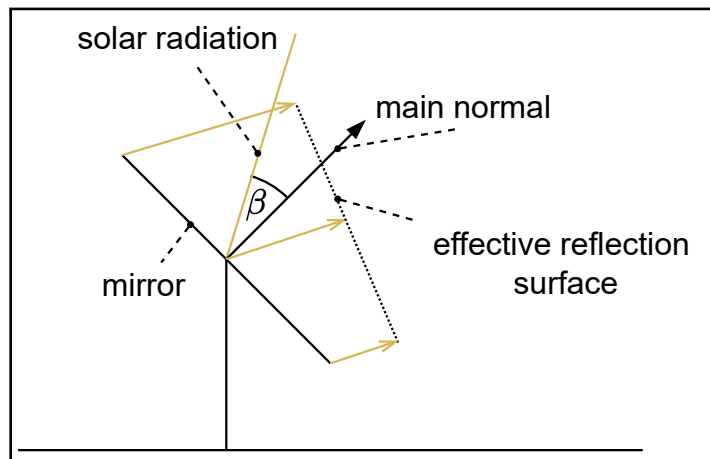
Es ist durchaus vorstellbar, dass je nach Anwendungsfall auch ein Limit für die minimal erlaubte Flussdichte auf dem Receiver existiert, um beispielsweise ein Problem von Verfestigung von Salzschnelzen zu vermeiden. Da das in dieser Arbeit untersuchte Turmkraftwerk in Jülich jedoch mit einem ebenen, rechteckigen Receiver aus Keramik und mit Luftkühlung ausgestattet ist, wird dies an hier nicht weiter betrachtet. Die vorliegenden Einschränkungen bezüglich thermischen Maximalbelastungen des Receivers werden dem Betriebshandbuch entnommen. Dort wird die maximale lokale Temperatur der Absorberfläche, welche offensichtlich direkt von der Flussdichte  $\phi$  abhängig ist, mit  $1273.15\text{K}$  angegeben. Dieser Wert dient in den

nachfolgenden Simulationen in Kapitel 5 als Indikator für eine erfolgreiche Regelung, welche die Einhaltung dieses Limits als Grundvoraussetzung beinhaltet.

### 2.1.3 Optische Verluste

Um den effizientesten Betrieb solarer Turmkraftwerke zu erreichen, ist die Minimierung optischer Verluste wesentlich. Diese optischen Verluste sind einerseits geografischer Natur, aber auch durch die Wirkweise der Heliostaten bedingt und werden nachfolgend kurz erläutert. Auf meteorologische Einflüsse wird in Kapitel 2.2 näher eingegangen.

Die Kosinus-Verluste sind ein besonders schwerwiegender Einflussfaktor geografischer Natur. Die Sonnenstrahlen treffen auf die Spiegelfläche unter einem bestimmten Winkel, der davon abhängt, wo die Sonne steht und wie der Spiegel ausgerichtet ist. Dieser Winkel bestimmt die effektive Reflexionsfläche, welche senkrecht zur Einfallrichtung der Strahlung projiziert wird. Wie in Abbildung 2.6 dargestellt ist, entspricht das Verhältnis zwischen der effektiven Fläche und der Gesamtfläche jedes Heliostaten dem Kosinus des Winkels zwischen der Einfallrichtung und der Hauptnormalen der Spiegelfläche. Wenn der Winkel  $\beta$  größer wird, also stumpfere Lichteinfallswinkel vorliegen, nimmt die effektive Fläche ab und die Effizienz der Heliostaten wird geringer. Diese wird mit dem Kosinus-Wirkungsgrad  $\cos \beta$  ausgedrückt, der also in direktem Zusammenhang mit der reflektierten Sonnenleistung steht. Der immense Einfluss der Kosinus-Verluste zeigt sich beispielsweise an Untersuchungen am Solar One Tower in Süd-Kalifornien, wo auch das Solarturmkraftwerk mit der höchsten Nennleistung beheimatet ist [14]. Zwischen 0,65 und 0,9 schwankt der Kosinus-Wirkungsgrad jährlich in dieser Gegend, je nach Sonnenstand und damit verbundener Heliostaten Position. [15]

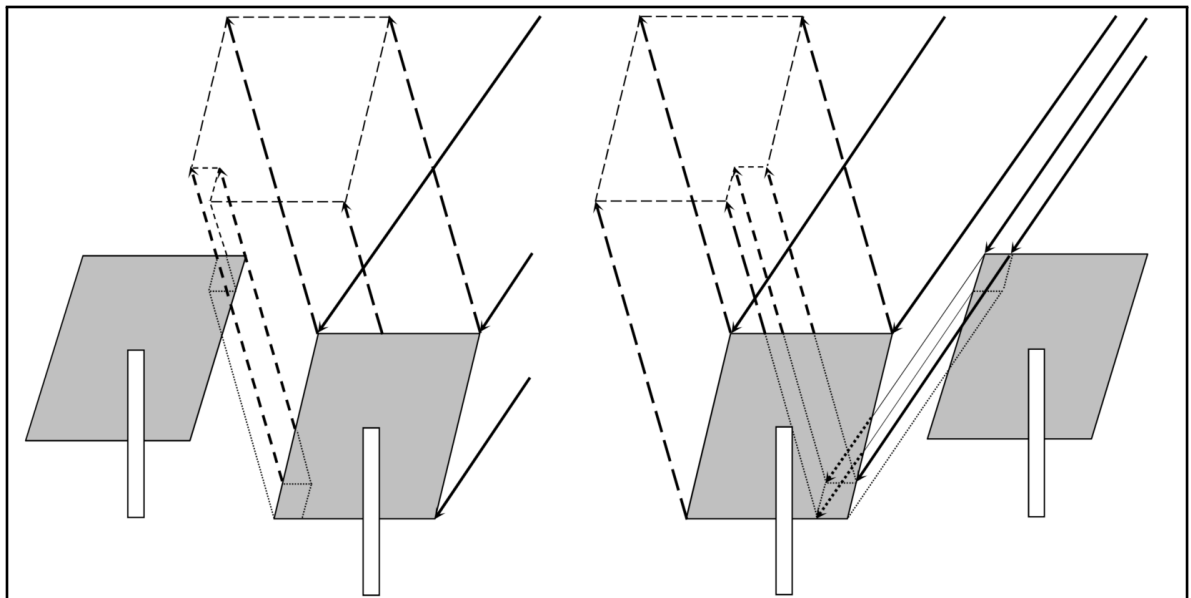


**Abbildung 2.6:** Seitenansicht eines Heliostaten zur Verdeutlichung des Winkels  $\beta$  im Kontext der Kosinus-Verluste [5, S. 7]

Als schwerwiegender optischer Verlust durch die Heliostaten an sich sind die Reflexionsverluste zu nennen. Wenn das Sonnenlicht auf die Spiegel trifft, wird ein Teil davon absorbiert, was die Menge des reflektierten Lichts verringert. Diese Verringerung des Reflexionsvermögens

kann zusätzlich durch Umweltfaktoren wie Regen und Staub noch verstärkt werden. Reflektieren saubere Spiegeloberflächen normalerweise zwischen 87% und 94% des auf sie treffenden Sonnenlichts, sinkt dieser Wert durch umweltbedingte Verschmutzung auch schnell auf 80%. [4, S. 14]

Je nach Sonnenstand, Feldanordnung und Objekten mit signifikantem Schattenwurf, wie dem Turm, können Heliostaten verschattet werden oder andere Heliostaten „blockieren“. Im Falle einer Abschattung ist der direkte Weg zwischen Sonne und Heliostat (teilweise) versperrt, sodass die Sonnenstrahlung nicht ungehindert auf die Spiegelfläche treffen kann. Bei der Blockierung ist der Weg zwischen Heliostat und Receiver betroffen; die reflektierte Strahlung eines Heliostaten wird durch einen anderen Heliostaten (teilweise) blockiert. Abbildung 2.7 stellt die beiden Problematiken visuell dar. Das Problem der Abschattung tritt besonders bei niedrigen Sonnenständen auf, während von der Blockierung zumeist die hinteren Heliostatenreihen betroffen sind. Durch ein geeignetes Felddesign kann diesen Verlusten entgegengewirkt werden. [?, S. 686]



**Abbildung 2.7:** Blockierung (links) und Abschattung (rechts) von Heliostaten [4, S. 15]

Ein weiterer optischer Verlustfaktor sind die Spiegelfehler. Als solche werden Abweichungen eines Spiegels von seiner idealen Form genannt, welche den Spiegel wellig erscheinen lässt. Hervorgerufen wird dieser Fehler beispielsweise durch innere Spannungen in der Heliostatenstruktur als Folge von Wind oder Temperaturschwankungen oder aber durch normale Ungenauigkeiten in der Herstellung. Die Größe des Fehlers wird als Winkel zwischen dem tatsächlichen Normalvektor des Spiegels und dem idealen Normalvektor gemessen und liegt in der Regel zwischen  $0,08^\circ$  und  $0,14^\circ$ . [4, S. 16]

Als Streuung bezeichnet man den Teil der reflektierten Sonnenstrahlung, der den Receiver ungewollt verfehlt und nicht in nutzbare Energie umgewandelt werden kann. Dies geschieht beispielsweise auch durch die oben genannten Spiegelfehler oder wenn der Abstand zwischen

Heliostat und Receiver so groß ist, dass das Abbild der Reflexion auf dem Receiver größer ist als der Receiver selbst. [4, S. 15-16]

Der letzte nennenswerte optische Fehler, welcher durch die Heliostaten selbst ausgelöst wird, ist der sogenannte *Tracking Error*. Dieser beschreibt einen Fehler bei der Ausrichtung der Heliostaten. Er kann Ursachen wie Schmutz oder Verschleiß an den Nachführachsen, oder Ungenauigkeiten bei der Motorausrichtung und Sonnenstandsmessung als Ursache haben [16, S. 7]. Auch dieser Fehler wird als Winkel gemessen und liegt normalerweise bei  $0,03^\circ$  bis  $0,1^\circ$  [4, S. 17].

Für die Analyse des Systems wird nachfolgend mit vorberechneten Strahlungskarten aus dem in [4, S. 53ff] vorgestellten Programm *STRAL* verwendet. Die Software berücksichtigt das reale Heliostatenfeld am Standort Jülich und bietet auch die Möglichkeit optische Verluste zu einem gewissen Grad mit einzubeziehen.

## 2.2 Nowcasting-Systeme zur Wettervorhersage

Wie eingangs beschrieben, liegt ein wesentlicher Schwerpunkt dieser Arbeit in der Analyse des Wolkeneinflusses, welcher den besagten meteorologischen optischen Verlust darstellt, auf das Gesamtsystem des Solarturms. Um eine zuverlässige Regelung hinsichtlich der im Kapitel 2.1.2 beschriebenen Receiver Temperaturbegrenzung zu gewährleisten, ist eine möglichst genaue Wolkenvorhersage unerlässlich. In der Praxis wird dies durch die sogenannten *Nowcasting Systeme* erreicht, die in Ergänzung zu den klassischen Modellen der Wettervorhersage durch zeitlich und räumlich hochauflösende Beobachtungen genauere Vorhersagen liefern [17].

Die sensorischen Möglichkeiten um solch präzise Vorhersagen generieren zu können sind sehr vielfältig. Für deutschlandweit flächendeckende Vorhersagen nutzt der deutsche Wetterdienst beispielsweise Radarsysteme und Satellitenbilder [17]. Durch Abruf und Verarbeitung dieser Daten im 5-Minutentakt können regionale Prognosen für die kommenden zwei Stunden generiert werden. Diese enthalten dann Informationen über Regenfälle und Hagel, sowie Böen, Blitze und Schneefall.

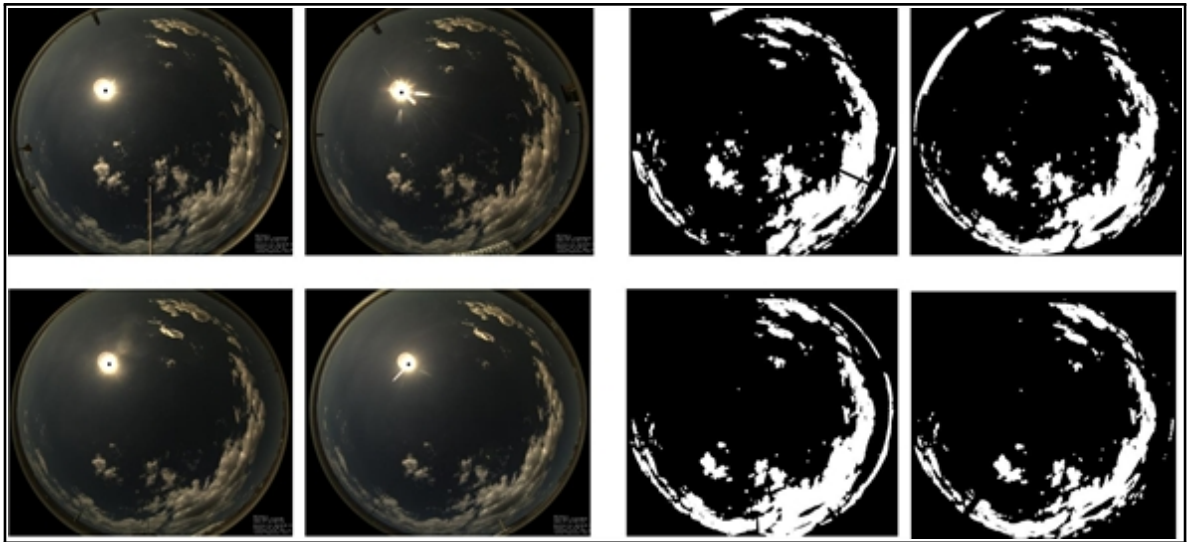
Für den Anwendungsfall des Solarturms ist eine solche Prognose jedoch aus mehreren Gründen nicht optimal. Je präziser die jeweils lokale Vorhersage für das Heliostatenfeld ist, desto mehr Information steht der Regelung für eine präzise Regelung zur Verfügung. Da die Auflösung der deutschlandweiten Vorhersage lediglich rund  $1\text{km} \times 1\text{km}$  beträgt [17][18] während sich das Heliostatenfeld auf eine Fläche von rund  $330\text{m} \times 310\text{m}$  beschränkt, sind lediglich sehr grobe Vorhersagen zu erwarten. Darüber hinaus ist auch die zeitliche Auflösung von 5 Minuten [18] unterhalb der Möglichkeiten anderer Nowcasting Systeme [19][20, S. 272].

Ein beliebtes Instrument für zeitlich und räumlich hochauflösende Vorhersagen sind die sogenannten *ASIs*, kurz für „All-sky imagers“. Dabei handelt es sich um nach oben gerichtete

Kameras mit dem Zweck der Wolkenüberwachung. Der Prozess zur Erstellung von Nowcasting Vorhersagen auf Basis dieser Bilder wird beispielsweise in [20] beschrieben. [21]

Das DLR verwendet in Spanien bereits ein Nowcasting System auf Basis der ASIs. Es erstellt in subminütlicher Auflösung Einstrahlungskarten des betrachteten Solarfeldes. Räumlich gesehen können auf diese Weise Vorhersagen auf bis zu  $20m \times 20m$  getroffen werden. [21, S. 13][19]

Die nachfolgende Abbildung 2.8 zeigt links exemplarisch Bilder, die von solchen ASIs auf der PSA (Plataforma Solar de Almería) in Spanien, einem weiteren Standort eines Solarturmkraftwerkes, entstanden sind. Für die Erstellung dieser konkreten Bilder wurden 4 Kameras mit jeweils 500 bis 1000m Entfernung voneinander am Heliostatenfeld aufgestellt. Aus diesen können anschließend die in Abbildung 2.8 rechts sichtbaren Wolkenmasken erstellt und damit die benötigten hochauflösenden Einstrahlungskarten berechnet werden. [19]



**Abbildung 2.8:** Aufnahmen der ASIs auf der PSA (links) und die daraus extrahierten Wolkenmasken (rechts) [19]

## 2.3 Modellprädiktive Regelung

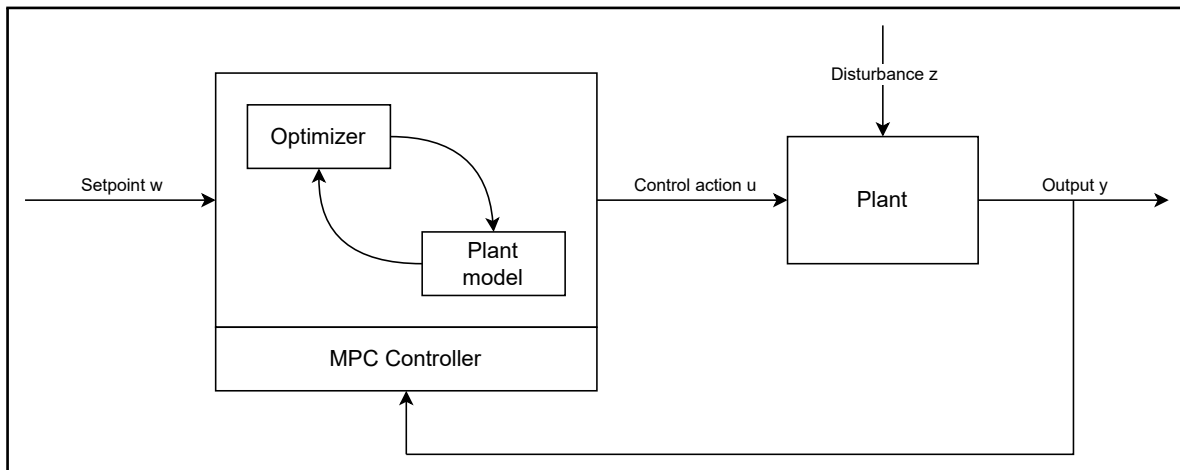
Das Ziel eines Reglers ist im Allgemeinen, bestimmte Modellparameter, meist Ausgangsgrößen technischer Prozesse, so einzustellen, dass sie vorgegebenen Führungsgrößen entsprechen. Änderungen dieser Führungsgrößen soll möglichst genau gefolgt werden und unvorhersehbare Störungen sollen die Regelstrecke so wenig wie möglich beeinflussen. [22]

Im Anwendungsfall dieser Arbeit ist dabei von besonderer Bedeutung, dass auch zukünftige Modellzustände in die Regelung prädiktiv einbezogen werden können. Aus diesem Grund sind klassische Regler wie der PID Regler, die lediglich auf Basis der Abweichung von aktuellen Soll- und Istwerten Stellgrößen für das System vorgeben ??S. 408]Lunze, nicht ausreichend und es wird ein modellprädiktiver Regler (kurz *MPC*) gewählt.

### 2.3.1 Grundlagen

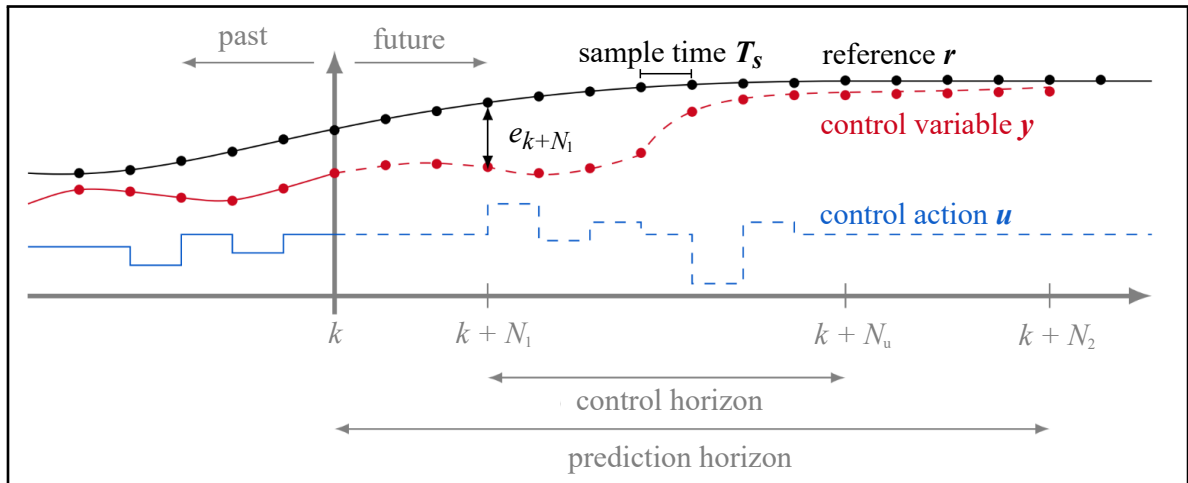
Neben der Möglichkeit zur Inbezugnahme von Vorhersagen ist ein großer Vorteil der MPC die Fähigkeit komplexe nicht-lineare *MIMO*-Systeme (**M**ulti **I**nput **M**ulti **O**utput) zu regeln. Der wohl bedeutendste Grund dafür, dass MPC in der Praxis mit dem PID-Regler den Stand der Technik ausmacht [23, S. viii], ist jedoch die zusätzliche Möglichkeit Limitierungen auf Inputs und Outputs des Systems, sogenannte *Constraints*, festlegen zu können; nachteilig ist jedoch der damit direkt verbundene, hohe Rechenaufwand. [23, S. 1-2]

Der Grund für diese besonderen Features des MPC sind in seinem Aufbau zu finden. Der Controller an sich besteht aus einer Komposition einer Optimierungseinheit und einem Modell des zu regelnden Systems. Je präziser das zu regelnde Realmodell in der Modellbildung (2.3.3) mathematisch beschrieben wird, desto genauer werden logischerweise auch die Ergebnisse der Regelung. Abbildung 2.9 zeigt den Aufbau eines Regelkreises mit dem MPC. Für die konkrete Anwendung würde der Solarturm die „Plant“ darstellen, in dieser Arbeit wird jedoch nur ein Modell dessen simuliert.



**Abbildung 2.9:** Geschlossener Regelkreis mit einem MPC gemäß[24, S. 2]

Zum besseren Verständnis des Funktionsprinzips eines modellprädiktiven Reglers dient die nachfolgende Abbildung 2.10. Es ist erkennbar, dass der Regler zum Zeitpunkt  $k$  über die Dauer des gesamten *Prädiktionshorizontes*  $N_2$  mittels des hinterlegten Modells die Ausgangsgröße  $y$  simuliert. Die Berechnung geschieht dabei in der durch die *Sample Time*  $T_s$  vorgegebenen Frequenz. Dafür kalkuliert er für den *Regelungshorizont* von Zeitpunkt  $k + N_1$  bis  $k + N_u$  die optimalen Stellgrößen  $u$ , sodass sich  $y$  der Referenztrajektorie  $r$  so gut wie möglich annähert. Der Abstand zwischen der Referenztrajektorie und der Ausgangsgröße wird mit dem Fehler  $e$  bezeichnet, den es zu minimieren gilt. Nach jedem Zeitschritt  $T_s$  verschieben sich die Horizonte entsprechend, es wird eine neue Stellgröße an das System weitergegeben und die Optimierung wird erneut durchgeführt. [24, S. 3]



**Abbildung 2.10:** Funktionsprinzip eines MPC nach [24, S. 3] gemäß [25]

### 2.3.2 Modellbildung

Ein grundlegender Baustein zur erfolgreichen Regelung mit einem modellprädiktiven Regler ist die Abbildung des zu regelnden Systems durch mathematische Formeln – die Modellbildung. Dabei kann das System sowohl in diskreter als auch kontinuierlicher Form vorliegen; für die Optimierung werden kontinuierliche Systeme aus Differenzialgleichungen und algebraischen Gleichungen jedoch in aller Regel diskretisiert, sodass das System letztlich wie in den Gleichungen 2.4 - 2.6 zu beschreiben ist. Dabei steht  $x$  für die dynamischen Modellzustände,  $u$  für die Stellgrößen,  $z$  für algebraische Größen und  $p$  bzw.  $p_{tv}$  für (zeitabhängige, time varying) Modellparameter. [24, S. 3][26]

$$x_{k+1} = f(x_k, u_k, z_k, p_{tv,k}, p) \quad (2.4)$$

$$0 = g(x_k, u_k, z_k, p_{tv,k}, p) \quad (2.5)$$

$$y_k = h(x_k, u_k, z_k, p_{tv,k}, p) \quad (2.6)$$

**Formel 2.4 - 2.6:** Diskretisierte mathematische Modelldarstellung

### 2.3.3 Kostenfunktion

Liegt dem Controller ein hinreichend mathematisch beschriebenes Modell vor, kann eine sogenannte Kostenfunktion aufgestellt werden. Während des Optimierungsprozesses wird der in Abbildung 2.9 dargestellte Optimierer diese Funktion minimieren. In der Kostenfunktion sollte der Vergleich der zu regelnden Ausgangsvariablen mit der Referenztrajektorie über den Regelungshorizont in quadratischer Form abgebildet sein [27, S. 24][24, S. 3]. Weiterhin ist es zumeist zielführend die Veränderung der Eingangsvariablen in jedem Zeitschritt in

die Kostenfunktion mit aufzunehmen, um einem ruckartigen Regelverhalten vorzubeugen. Zuletzt ist es auch möglich einen Term in die Kostenfunktion einzubinden, welcher nicht über den gesamten Kontrollhorizont berechnet wird, sondern lediglich die abschließende Güte der Regelung bewertet [27, S. 24]. Ein mathematisches Beispiel einer solchen Kostenfunktion ist in Formel 2.7 zu sehen, dabei stehen  $W_1$ ,  $W_2$  und  $W_u$  für Gewichtungsfaktoren und  $y(k+i|k)$  für die zum Zeitpunkt  $k$  bezüglich des Zeitpunktes  $k+i$  vorhergesagte Ausgangsvariable. [24, S. 3]

$$J = \sum_{i=N_1}^{N_2-1} \left( \|r(k+i|k) - y(k+i|k)\|_{W_1} + \Delta u_i^T W_u \Delta u_i \right) + \|r(N_2|k) - y(N_2|k)\|_{W_2} \quad (2.7)$$

**Formel 2.7:** Beispielhafte Kostenfunktion für den MPC

### 2.3.4 Constraints

Wie in Abschnitt 2.3.1 beschrieben, sind auch die Constraints, also Beschränkungen auf Inputs und Outputs des Systems, ein wesentliches Merkmal modellprädiktiver Regelung. Während der Optimierung der Kostenfunktion wird bei Einbindung von Constraints sichergestellt, dass beispielsweise mechanische oder physikalische Limitierungen des Systems nicht überschritten werden. Dabei ist zwischen den sogenannten *hard constraints* und *soft constraints* zu unterscheiden. Nicht zu überschreitende, harte Limitierungen treten zumeist bei den Eingangsgrößen auf; beispielhaft kann das maximale Drehmoment eines Motors genannt werden. Im Gegensatz dazu sind harte Beschränkungen auf Ausgangsgrößen eher nur gewünscht als wirklich erforderlich und können das Optimierungsproblem unlösbar machen. Ein zusätzlicher Freiheitsgrad wird durch die Einführung von *soft constraints* und sogenannten *Slack Variablen*  $\xi$  geschaffen. [24, S. 4]

Mathematisch lässt sich die in Gleichung 2.7 dann um die constraints auf das gesamte Optimierungsproblem erweitern (siehe 2.8). Dazu werden weitere Gewichtungsmatrizen nach [24, S. 4]  $W_w$  und  $W_\xi$  in der Kostenfunktion eingefügt, letztere als trade-off zwischen Dauer und Höhe der constraint Überschreitung [28]. Die Indizes *lb* und *ub* kennzeichnen die lower bzw. upper bound, also die untere und obere Variablengrenze.

$$\begin{aligned} \min_{u, \xi} \quad & (2.7)_{W_w} + \underbrace{\|\xi(k+i|k)\|_{W_\xi}}_{\text{softening}} \\ & u_{lb} \leq (u(k+j|k)) \leq u_{ub}, \\ & y_{lb} - (\xi(k+i|k)) \leq (y(k+j|k)) \leq y_{ub} + (\xi(k+i|k)), \\ & \text{where } \xi \geq 0 \\ & \forall i \in \{N_1, \dots, N_2 - i\} \text{ and } j \in \{0, \dots, N_u\} \end{aligned} \quad (2.8)$$



**Formel 2.8:** Beispielhaftes Optimierungsproblem für den MPC

## 2.4 Zielpunktregelung

Neben der in Abschnitt 2.1.2 erwähnten Notwendigkeit der Zielpunktregelung zur Vermeidung zu hoher Temperaturen auf der Receiver-Front, ist ein weiteres wesentliches Ziel jener, die Maximierung des wirtschaftlichen Ertrags des Kraftwerkes. Daher wird nachfolgend das daraus resultierende Optimierungsproblem erläutert sowie einige existierende Zielpunktregelungen aus der Literatur kurz vorgestellt. Im Anschluss wird die in dieser Arbeit verwendete Strategie detaillierter beschrieben.

### 2.4.1 Optimierungsproblem der Zielpunktregelung

Eine optimale Ausrichtung der Heliostaten wird erreicht, wenn die Temperatur an jedem Teil des Receivers gleich der maximal zulässigen Temperatur ist. Aufgrund der Tatsache, dass ein Heliostat allerdings mit verschiedenen diskreten Teilen des Receivers, im folgenden *Cups* genannt, korreliert, kann die Temperatur eines einzelnen Cups nicht durch einen Heliostaten angepasst werden, ohne die Temperatur der anderen Cups zu beeinflussen. Aus diesem Grund kann es unmöglich sein, die perfekte Lösung zu finden, bei an jedem Cup des Receivers die maximale Temperatur vorliegt. Das Optimierungsproblem sollte also nicht auf die Temperatur der einzelnen Cups abzielen, sondern die insgesamt aufgenommene Leistung  $P_{receiver}$  unter Einhaltung der Grenztemperatur maximieren. Das zugehörige Optimierungsproblem ergibt sich dann gemäß Gleichung 2.9, wobei  $T_{absorber,i}$  die jeweilige Temperatur am Cup  $i$  darstellt und  $(x_{z,h}, y_{z,h})$  the Zielpunktkoordinaten eines jeden Heliostaten  $h$  darstellen. [5, S. 15]

$$\begin{aligned} & \max \quad P_{receiver} \\ \text{subject to:} \quad & T_{front,i} \leq T_{front,max}, \quad \forall i \in \{1, \dots, n_{cups}\} \\ & (x_{z,h}, y_{z,h}) \in \mathbb{R}^2, \quad \forall h \in \{1, \dots, n_{heliostats}\} \end{aligned} \quad (2.9)$$

**Formel 2.9:** Kontinuierliches Optimierungsproblem der Zielpunktregelung

Wie bereits in Kapitel 2.3.3 erwähnt ist eine Diskretisierung des Modells zumeist hilfreich. Die kontinuierliche Gleichung 2.9 erlaubt dem Heliostaten alle möglichen Zielpunkte in der Ebene  $\mathbb{R}^2$ . Eine Diskretisierung durch Definition einer Teilmenge möglicher Zielpunktkoordinaten  $A$  erlaubt eine mathematische Beschreibung des Problems wie in Gleichung 2.10.

$$\begin{aligned} & \max \quad P_{receiver} \\ \text{subject to:} \quad & T_{front,i} \leq T_{front,max}, \quad \forall i \in \{1, \dots, n_{cups}\} \\ & (x_{z,h}, y_{z,h}) \in A, \quad \forall h \in \{1, \dots, n_{heliostats}\} \end{aligned} \quad (2.10)$$

**Formel 2.10:** Diskretes Optimierungsproblem der Zielpunktregelung

Um die Streuung der Heliostaten möglichst gering zu halten und somit die Energieeffizienz des Kraftwerkes zu verbessern, werden die Heliostaten bevorzugt auf die Mitte gerichtet. Werden jedoch alle Heliostaten auf die Mitte ausgerichtet, wird die zulässige Temperatur der Receiver-Front überschritten. Welcher Heliostatenzielpunkt nun also in welche Richtung verschoben werden muss, hängt von dessen Standort ab. Heliostaten, die einen kürzeren Abstand zum Receiver haben, streuen die Sonnenstrahlung über eine kleinere Fläche. Da sie die gleiche Leistung reflektieren, aber über eine kleinere Fläche als weiter entfernte Heliostaten, erreichen Heliostaten, die näher am Receiver stehen, höhere maximale Flussdichten und haben größeren Einfluss auf die Temperatur einzelner Cups.

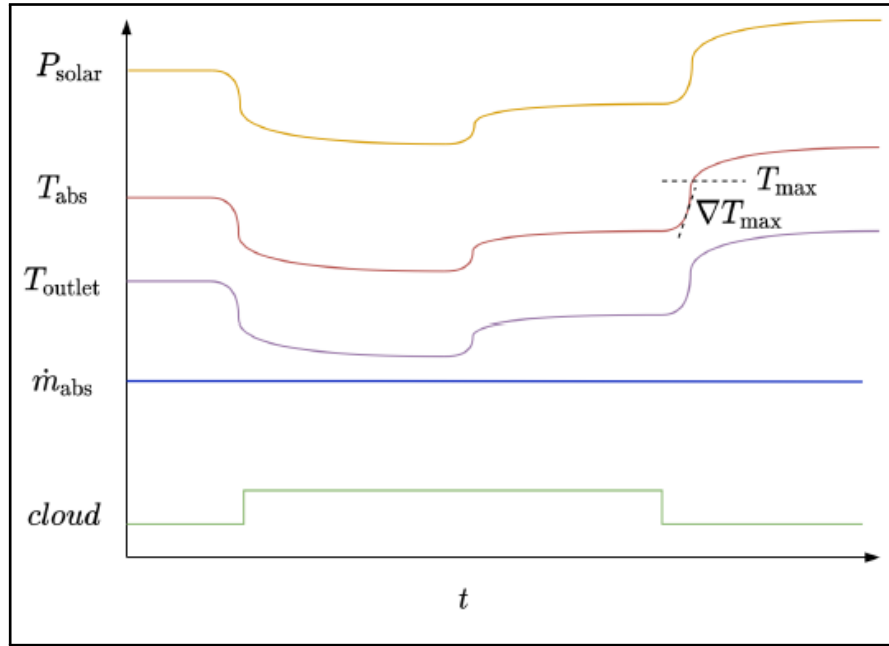
Es ist zu beachten, dass eine optimale Lösung des in Gleichung 2.10 formulierten Problems nicht die optimale Lösung in Bezug auf das reale System ist, da das reale System Störungen unterworfen ist. Die in Abschnitt 2.1.3 beschriebenen optischen Verluste sowie Wolken als meteorologische Einflüsse, wie in Abschnitt 2.2 erwähnt, werden als Störgrößen betrachtet. Sie verändern die Flussdichteverteilungen der Heliostaten und können daher die abgefangene Leistung einzelner Cups beeinflussen. Durch den Tracking-Error beispielsweise könnte die erlaubte Temperatur des Receivers verletzt überschritten werden, wenn die Verschiebung hin zu einem bereits kritisch heißen Cup geschieht. [5, S. 16]

Wolken reduzieren die reflektierte Strahlung während ihres Durchzuges, was die Möglichkeit bietet, die Zielpunkte weiter in Richtung Zentrum zu verschieben. Zieht die Wolke weiter, während die Heliostaten immer noch stark in Richtung Receiver-Zentrum fokussieren, kann dies zu einer Überschreitung der maximalen Temperatur oder in dieser Arbeit nicht weiter betrachteter Temperaturgradienten führen. Diesen Umstand zeigt umseitig die Abbildung 2.11. Hier wird ein konstanter Luftmassenstrom im Inneren des Receivers vorausgesetzt, sodass die Temperatur auf der Vorderseite ( $T_{abs}$ ) und der Innenseite des Receivers  $T_{outlet}$  lediglich von der solaren Einstrahlung  $P_{solar}$  abhängig ist. Die Details der Zusammenhänge dieser Größen werden in Kapitel 3.1 beschrieben.

### 2.4.2 Existierende Algorithmen

Eine präzise Übersicht über verschiedene Algorithmen zur Zielpunktregelung wurde von Oberkirsch in [29] aufgestellt. An dieser Stelle werden beispielhaft einige dieser Regelungen kurz vorgestellt bevor nachfolgend in Absatz 2.4.3 die in dieser Arbeit genutzte Zielpunktregelung detaillierter vorgestellt wird.

Maldonado *et al.* [30][31] entwickelte beispielsweise einen iterativen Algorithmus mit dem Namen *Local Search*. Dieser beginnt bei einer initialen Lösung zur Zielpunktverteilung und untersucht für jeden Zeitschritt, ob eine Verschiebung zu diskreten benachbarten Zielpunkten im Hinblick auf die Gesamtleistung des Receivers einen Vorteil bringt. Der jeweilige Heliostat ändert seine Ausrichtung dann so, dass die Leistung maximal gesteigert wird, sofern eine Steigerung möglich ist. Auf diese Weise wird nach und nach über jeden benachbarten Zielpunkt und über alle Heliostaten iteriert.



**Abbildung 2.11:** Darstellung der potenziellen Gefahr einer durchziehenden Wolke

In einer Arbeit von Cruz *et al.* [32] wird ein Algorithmus zur Zielpunktsteuerung vorgeschlagen, der eine gewünschte Flussdichteverteilung auf dem Receiver erreichen soll. Das Problem wird durch eine zweistufige Optimierung gelöst; die erste Stufe bestimmt mittels eines metaheuristischen Algorithmus die zu optimierenden Heliostaten und die zweite Stufe legt mit einem gradientenbasierten Suchverfahren die Zielpunkte dieser Heliostaten fest. Erfolgreiche Tests dieses Verfahrens werden in der Veröffentlichung jedoch nur mit 50 aktiven Heliostaten beschrieben.

Vant-Hull *et al.* [33][34] hat unter anderem das *Dynamic Aimpoint Processing System (DAPS)* entwickelt; eine Regelung die im Wesentlichen das Überschreiten maximaler Flussdichten verhindern soll. Dazu wird der Cup des Receivers mit der höchsten überschrittenen Flussdichte gemessen und simulativ bestimmt und anschließend identifiziert, welcher Heliostat den größten Einfluss auf diesen Cup nimmt; dieser Heliostat wird anschließend defokussiert. In einem iterativen Prozess wird dieses Verfahren wiederholt, bis die Flussdichte an keinem Cup mehr überschritten wird.

García *et al.* [35] stellte einen Algorithmus vor, der das Problem nicht als *MIMO* (**M**ulti **I**nput **M**ulti **O**utput) System definiert, also mit allen Heliostaten als Eingangsgrößen und allen Zielpunkten als separat zu berechnende Ausgangsgrößen, sondern als System aus 6 *SISO* (**S**ingle **I**nput **S**ingle **O**utput) Subsystemen. Dazu werden die Heliostaten in drei Gruppen eingeteilt, je nach Entfernung zum Receiver. Für jede Gruppe werden dann zwei Faktoren eingeführt: Ein Faktor, der das *shifting*, also die Verschiebung der Zielpunktmittle jeder Gruppe vom Zentrum her beschreibt und einer, der die *dispersion*, also die Streuung der Heliostaten von dieser Gruppenmitte ausangibt. Auf diese Weise werden sechs Subsysteme gebildet, die von separaten *PID*-Reglern geregelt werden.

Die Algorithmen, die nicht auf Basis einer Gruppierung von Heliostaten funktionieren, haben einen hohen Rechen- und Zeitaufwand in der Optimierung. Weiterhin ist der DAPS-Algorithmus aufgrund anderer Nachteile für diese Arbeit ungeeignet; dazu zählt die Tatsache, dass er nicht für die Inbezugnahme von Wolken ausgelegt ist. Darüber hinaus besteht die Notwendigkeit einer extrem präzisen Modellbildung, um den exakten Einfluss einzelner Heliostaten nutzen zu können und durch seinen Aufbau wird immer der Heliostat mit dem größten Einfluss manipuliert, welcher nicht zwangsläufig der beste Heliostat ist. [29, S. 35] Die Einteilung des Systems in SISO-Subsysteme ist für stark gekoppelte Systeme mit großen Abhängigkeiten nicht sinnvoll. [5, S. 33]

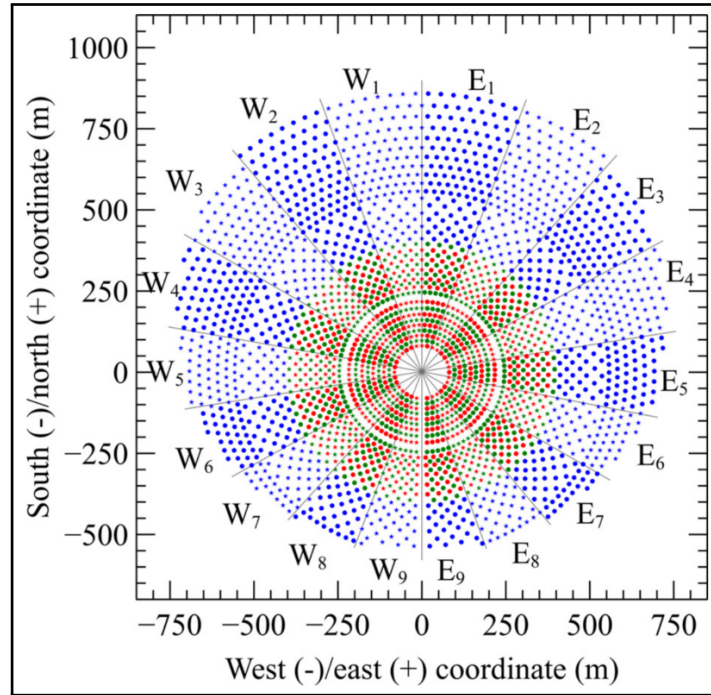
### 2.4.3 Vorstellung des gewählten Algorithmus

Gewählt wird ein Algorithmus zur Zielpunktverteilung, welcher ebenfalls von Garcia *et al.* [36] vorgestellt wurde und mit Gruppierung von Heliostaten und der oben angesprochenen *dispersion* der Heliostaten arbeitet. Er ist ursprünglich für zylindrische Receiver gedacht, die Grundidee kann jedoch problemlos auf rechteckige Receiver übertragen werden. Außerdem liegt auch bei diesem Ansatz der Fokus auf einer Regelung der maximal erlaubten Flussdichte; zu diesem Zweck wird ein Regelkreis mit einem MPC vorgestellt. Für diese Arbeit wird jedoch lediglich der Algorithmus zur Bewegung der Zielpunkte benötigt und in das Modell des Solarturms Jülich eingebaut. Daher kann die Regelung letztlich so durchgeführt werden, dass die maximal erlaubte Temperatur die Limitierung darstellt. Von besonderer Relevanz ist also einerseits die Gruppierung der Heliostaten und andererseits das Verhalten der einzelnen Heliostaten innerhalb dieser Gruppe.

### Gruppierung der Heliostaten

Da García in seiner Forschung ein Rundum-Heliostatenfeld (vgl. 2.1.1) untersucht, werden die Heliostaten zunächst in 18 Gruppen geteilt, die auf jeweils eins der 18 rechteckigen Teilstücke des insgesamt zylindrisch aufgebauten Receivers gerichtet werden. Anschließend wird jede dieser Gruppen noch dreifach unterteilt. Einerseits entstehen zwei Gruppen mit einem Radius von  $< 400m$  Entfernung zum Receiver, welche im gleichen Teil des Feldes stehen und eine ähnliche Leistung zum Receiver reflektieren können. Die dritte Gruppe umfasst alle weiteren Heliostaten mit größerem Abstand zum Receiver. Abbildung 2.12 zeigt diese Einteilung in 18x3 Gruppen von Heliostaten; die Gruppen sind farblich in Rot, Grün und Blau dargestellt. [36, S. 8-10]

Für die vorliegende Arbeit entfällt die Unterteilung in 18 Gruppen aufgrund der Receiver- und Heliostatenfeldstruktur, sodass das gesamte Feld in lediglich drei Teile eingeteilt wird. Weiterhin unterscheiden sich in dieser Ausarbeitung auch die erste und zweite Gruppe in der Distanz bezogen auf den Receiver, wie in Kapitel 3 erläutert wird.



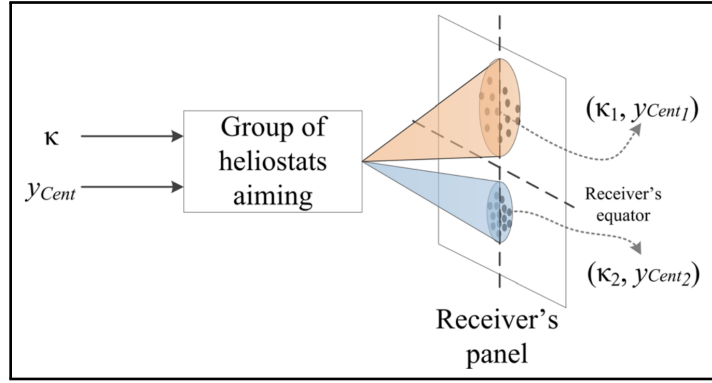
**Abbildung 2.12:** Einteilung des Heliostatenfeldes des Gemasolar-Kraftwerkes in Sevilla in 54 Gruppen [36, S. 10]

### Verhalten der Heliostaten innerhalb einer Gruppe

Das von Garía vorgestellte Verfahren besitzt zwei Parameter, um das Verhalten der einzelnen Heliostaten innerhalb der Gruppe zu beeinflussen. Einerseits den *dispersion factor*  $\kappa$ , der Auskunft über die Streuung der Heliostaten innerhalb der Gruppe gibt und andererseits den Parameter  $y_{cent}$ , der die vertikale Position des „Schwerpunktes“ aller Zielpunkte auf dem Receiver beeinflussen kann [36, S. 5]. Zweiterer ist bei zylindrischen Parametern notwendig, kann aber nachfolgend vernachlässigt werden und wird zu  $y_{cent} = 0$  gesetzt. Da sowohl nachfolgend als auch in der Arbeit von García auch  $x_{cent} = 0$  gilt, wird sichergestellt, dass der Schwerpunkt aller drei betrachteter Gruppen im Zentrum des Receivers bei  $(0, 0)$  liegt. Abbildung 2.13 zeigt den Einfluss der beiden Stellgrößen exemplarisch, wobei erkennbar ist, dass  $\kappa_1 > \kappa_2$ , da die Streuung an dieser Stelle größer ist.

Die Zielpunkte der Gruppe werden letztlich zwei Kriterien erfüllen, wenn der vorgestellte Algorithmus die Stellgrößen  $\kappa$  und  $y_{cent}$  verwertet und sich ein Gleichgewichtszustand eingestellt hat:

- Jeder einzelne Punkt wird so nah wie möglich am festgelegten Schwerpunkt der Gruppe sein und dabei einen individuellen Minimalabstand zum nächsten Zielpunkt  $r$ , welcher von  $\kappa$  abhängt, nicht unterschreiten.
- Ihr Gruppenschwerpunkt wird mit dem durch  $(x_{cent}, y_{cent})$  vorgegebenen Punkt, hier also  $(0, 0)$ , übereinstimmen.



**Abbildung 2.13:** Symbolische Veranschaulichung der Stellgrößen des gewählten Algorithmus [36, S. 7]

*Kriterium 1:* Ein statischer Parameter  $a$  wird verwendet, um die Heliostaten einer Gruppe zu organisieren. Dieser Parameter weist jedem Heliostaten individuell einen Wert  $\alpha$  zu, welcher sich aus der Anzahl der Heliostaten  $n$  und  $a$  ergibt (siehe Gleichung 2.11 und 2.12).

$$\alpha \in [-a, -a + \Delta\alpha, -a + 2\Delta\alpha, \dots, a] \quad (2.11)$$

$$\text{Mit: } \Delta\alpha = \frac{2a}{n-1}, \quad \forall \{n \in \mathbb{N} \mid n > 1\} \quad (2.12)$$

**Formel 2.11 und 2.12:** Berechnung des individuellen Heliostatenparameters  $\alpha$

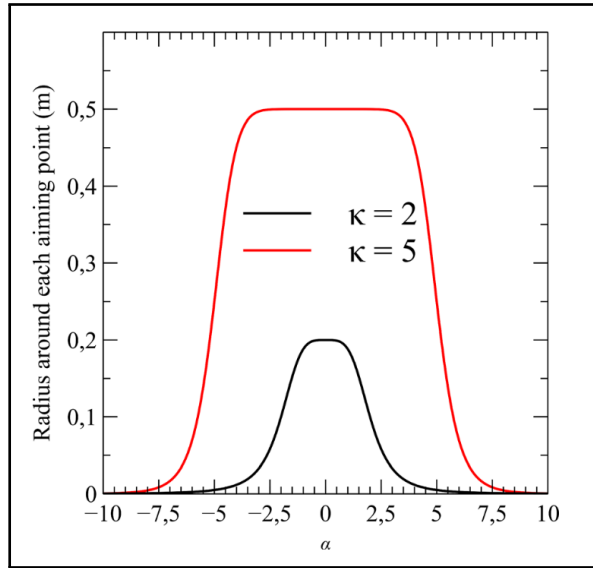
Daraus kann für jeden Heliostaten der Radius  $r$  berechnet werden, der den Mindestabstand zu benachbarten Zielpunkten vorgibt. Er ergibt sich gemäß 2.13, wobei  $\kappa$  wie beschrieben die Stellgröße des Controllers zur Zielpunktstreuung darstellt und  $\beta$  ein Skalierungsfaktor ist.

$$r = \frac{\kappa}{1 + \left| \frac{\alpha}{\kappa} \right|^{2\kappa}} \cdot \beta \quad (2.13)$$

**Formel 2.13:** Bestimmung des Mindestabstandes eines jeden Zielpunktes zum nächstgelegenen Zielpunkt der Heliostatengruppe

Abbildung 2.14 zeigt die sich ergebenden Radien je nach individuellem  $\alpha$ -Wert exemplarisch für  $\kappa = 2$  bzw.  $\kappa = 5$ . Es ist erkennbar, dass die Wahl hoher Werte für  $\alpha$  kleine Abstände zwischen den Zielpunkten zur Folge haben wird.

Auf den durch  $\kappa$  festgelegten Mindestabständen aufbauend, ergeben sich, sofern noch kein Gleichgewichtszustand erreicht ist, Bewegungen der Heliostaten und Zielpunkte. Die Distanz, die zwischen zwei Zielpunkten zurückgelegt werden muss, ist in der Arbeit mit  $\Delta D$  benannt und setzt sich aus  $\Delta x$  und  $\Delta y$  zusammen; Strecken in beiden Dimensionen, die auf dem Receiver zwischen zwei Zielpunkten zurückgelegt werden müssen. Die Arbeit von García präsentiert außerdem die Berechnungsvorschrift, aus der hervorgeht, wie weit sich jeder einzelne



**Abbildung 2.14:** Minimalabstände der Zielpunkte je  $\alpha$ -Wert [36, S. 9]

der beiden Zielpunkte nun in jede Richtung bewegen muss [36, S. 9-10]. Um sicherzustellen, dass die Abstände eines jeden Zielpunktes zu allen anderen Zielpunkten der Gruppe eingehalten wird, wiederholen sich diese Berechnungsvorschriften für jedes mögliche Pärchen aus Heliostaten [36, S. 9]. Anschließend wird der Durchschnitt der berechneten Distanzen eines Zielpunktes relativ zu den anderen Heliostaten ( $\Delta x_{TP_i}$ ) und ( $\Delta y_{TP_i}$ ) errechnet [36, S. 10].

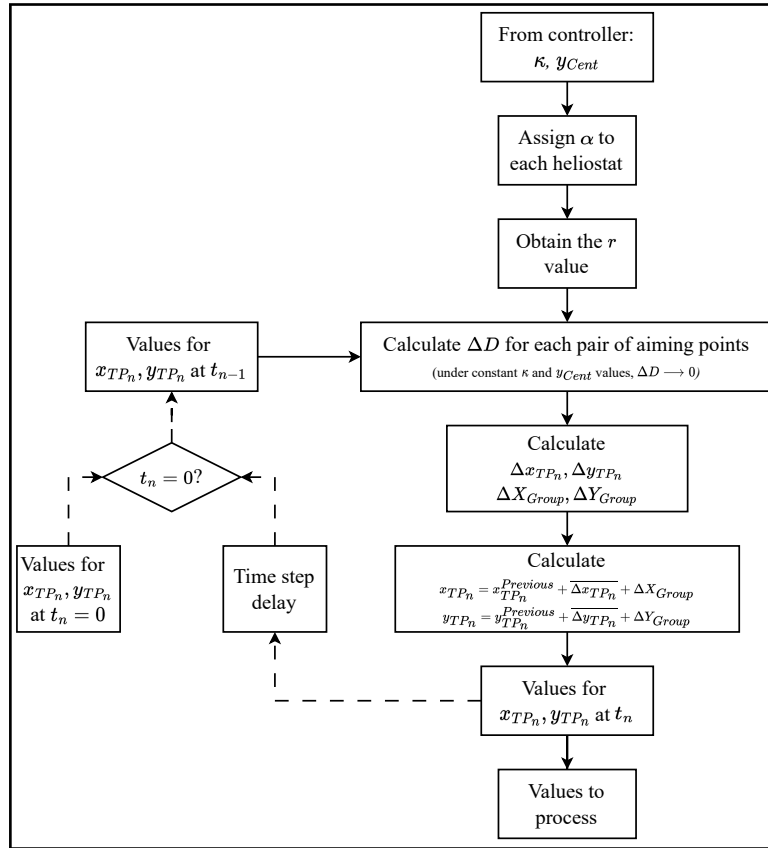
*Kriterium 2:* Wie erläutert, kommt es nun also zu erforderlichen Bewegungen der Zielpunkte auf dem Receiver. Diese Bewegungen müssen nun so reguliert werden, dass der Schwerpunkt der Heliostatengruppe weiterhin dem vorgegebenen Gruppenmittelpunkt übereinstimmt. Dazu wird  $\Delta D_{Centroid}$  bestimmt, ein Wert der angibt wie weit sich das Gruppenzentrum vom geforderten Punkt unterscheidet. Er berechnet sich nach Gleichung 2.14, wobei  $k_2$  eine Konstante zur Berücksichtigung der zulässigen Stellgeschwindigkeiten der Heliostaten darstellt.

$$\Delta D_{Centroid} = k_2 \cdot \sqrt{(x_{Cent} - x_{ActualCentroid})^2 + (y_{Cent} - y_{ActualCentroid})^2} \quad (2.14)$$

**Formel 2.14:** Erforderliche Schwerpunktverschiebung der Zielpunktgruppe

Darauf aufbauend ergeben sich mathematisch erneut die erforderlichen Verschiebungen der Gruppe  $\Delta X_{Group}$  und  $\Delta Y_{Group}$  nach [36, S. 10]. Zuletzt können die tatsächlichen Koordinaten eines jeden Zielpunktes im nächsten Zeitschritt durch Verschiebung der vorigen Koordinaten um  $\Delta x, y_{TP_i}$  und  $\Delta X, Y_{Group}$  bestimmt werden. Die vollständige Darstellung des hier vorgestellten Algorithmus nach García *et al.* [36] zeigt demnach Abbildung 2.15.

Eine beispielhafte Zielpunktverteilung für einen zunehmenden Faktor  $\kappa$  und einem Gruppenzentrum in der Mitte des Receivers zeigt nachfolgend Abbildung 2.16. Es ist erkennbar, dass das Gruppenzentrum nach wie vor in der Mitte liegt und die Abstände zwischen den



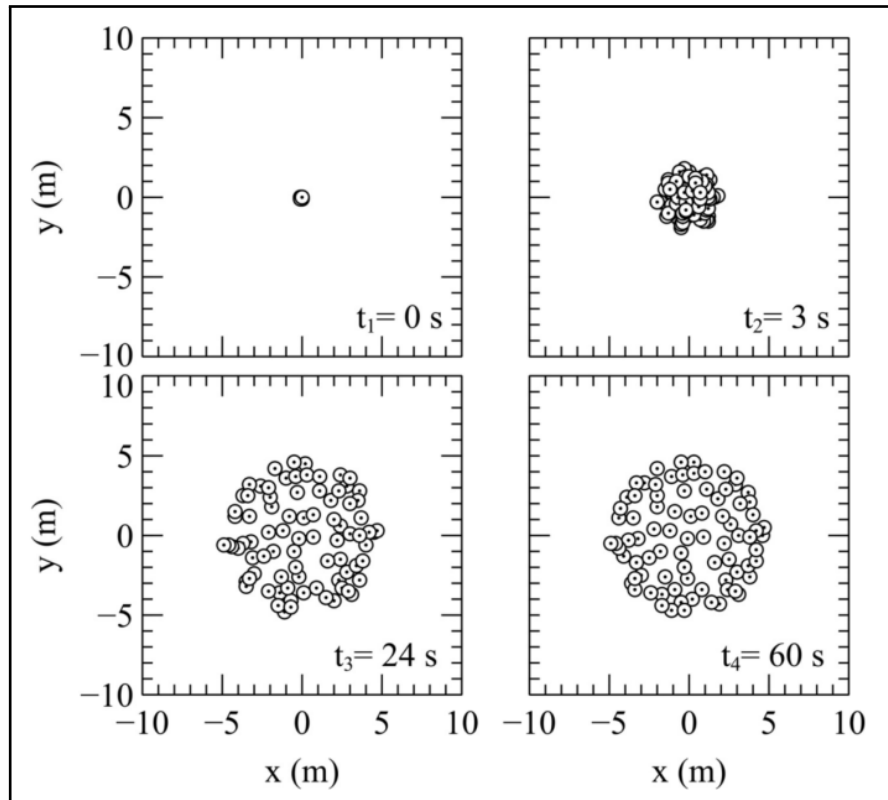
**Abbildung 2.15:** Übersicht der vollständigen Zielpunktstrategie nach García [36, S. 10]

Zielpunkten dennoch sichtbar zunehmen. Aufgrund des individuellen Parameters  $\alpha$  sind die erforderlichen Mindestabstände jedoch nicht für alle Zielpunkte gleich groß.

## Zusammenfassung

Letztlich handelt es sich bei dem vorgestellten Algorithmus von García um eine Strategie, um viele Heliostaten mit einer geringen Anzahl an Stellgrößen auf individuellen Bahnen zu bewegen. Dafür werden pro Gruppe lediglich zwei Stellgrößen eingeführt, von der im Verlauf der Arbeit nur noch eine weiter betrachtet wird. Ein wesentlicher Vorteil des gewählten Algorithmus ist die enorme Reduzierung der Stellgrößen; statt die vorhandenen 2153 Heliostaten am Standort Jülich einzeln positionieren zu müssen, geschieht dies durch lediglich 3 Stellgrößen. Außerdem stehen als Endergebnis der Berechnung die einzelnen Zielpunkte der Heliostaten zur Verfügung. Dies sorgt für eine gute Kompatibilität in der Modellbildung des gesamten Systems, wie es in 3 erläutert wird.





**Abbildung 2.16:** Beispielhafte Zielpunktverteilungen für einen zunehmenden  $\kappa$  Wert [36, S. 11]

## 2.5 Verwendete Hard- und Software

Die Modellbildung und die Simulationen in den nachfolgenden Kapiteln werden mithilfe der Programmiersprache *Python* umgesetzt. Dabei handelt es sich Stand März 2023 um die populärste Programmiersprache weltweit [37]. Nicht zuletzt aufgrund der Echtzeitfähigkeit [38, S. 9] und einfachen Syntax hat es sich besonders im Bereich des *machine learnings* als Stand der Technik etabliert. Darüber hinaus zeichnet sich Python durch seine große Anzahl an professionellen Frameworks und Bibliotheken aus, welche es Entwicklern ermöglichen, auch komplexe Probleme mit geringem Aufwand zu lösen [38, S. 3]. Zwei wesentliche Beispiele für solche Frameworks, die auch in dieser Arbeit Verwendung finden sind „CasADi“ und „do-mpc“.

CasADi ist eine Open-Source Bibliothek für MATLAB/Octave, C++ und Python. Sie dient der gradientenbasierten numerischen Optimierung mit einem besonderen Fokus auf der Regelungstechnik. Durch CasADi soll besonders die dymbolische Formulierung von gewöhnlichen Differentialgleichungen (ODEs) und differential-algebraischen Gleichungen (DAEs) erleichtert und damit die Formulierung und Lösung nicht-linearer Programme und Regelungsprobleme ermöglicht werden. [39]

Do-mpc ist ebenfalls eine Open-Source Toolbox. Sie basiert auf CasADi und ermöglicht die einfache Handhabung von Problemen mit Modellprädiktiven Regelung und der Zusatzsvorhersage mittels *moving horizon estimation* (MHE). Ihre Modelle vereinen modular Simulations-, Vorhersage- und Regelungskomponenten aus diesem Bereich. [40] Die gesamte Modellbildung,

wie sie nachfolgend in Kapitel 3 beschrieben ist, wird in do-mpc realisiert und ausgewertet.

Für die Simulation der Ergebnisse wird in dieser Arbeit ein 4-Kern Intel Core i7-1185G7 Prozessor mit einem Basistakt von 3,0 GHz verwendet. Als Arbeitsspeicher stehen 16 GB RAM mit 4267 MHz zur Verfügung. Das Betriebssystem ist Windows 10 Enterprise (Version 21H2).

## 3 Modellbildung

Bisschen drauf eingehen was jetzt als nächstes kommt. Erst das alte und dann das kombinierte System darstellen.

### 3.1 Ausgangszustand der Modellbildung

In diesem Abschnitt wird das Ausgangsmodell eines Receivercups beschrieben, wie es aussah als ich kam.

Hier kommt die Beschreibung nach dem SolarPaces Vortrag von Kevin hin (pdf und pptx). Inklusive Gall Diss. Außerdem die introduction presi die der David mir damals gehalten hatte.

### 3.2 Erweiterung der Modellbildung

Hier kommt dann alles bezüglich der Erweiterung des thermischen Modells hin zb um den Fan und dann das Coupling mit dem optischen Modell. Dafür habe ich ja schon all die Bilder vorbereitet.

Hier auch hinschreiben, dass linear approximiert wurde

Warum haben wir uns für die Überlagerung der Flussdichtekarten entschieden? Wie groß ist der prozentuale Fehler durch Vorkalkulation in der Mitte und Verschiebung zum Zielpunkt im Vergleich zur direkten Simulation an der richtigen Stelle?



## 4 Reglerentwurf

Hier kommt alles über das Buch von Davids Einleitung rein, zumindest mal die Unterpunkte von 2-4 ganz explizit.

### 4.1 Anpassung des bestehenden Modells

Alles was ich an dem Modell (Standard-Modell mit nur einem Absorber-Cup) verändert habe.

#### 4.1.1 Implementierung der Lüftungs-Dynamik

Mit dem Parameter Fitting und so. Grafik wo die Messkurve und die Simulationskurve übereinander liegen. Erklärung der PT2-Werte und deren Herleitung?

#### 4.1.2 Implementierung der Heliostaten als Stellgrößen

Alles bezüglich der Heliostaten und deren Gruppierung (Warum 20x20, wegen NowCasting) sowie der Fluxmap 12x10 Verteilung. Erläutern, dass direktes Mapping auf die Flussdichte nicht funktionieren kann? Daher Berechnung der Flussdichteverteilung über gruppierte Zielpunktregelung, Wolken können am einfachsten implementiert werden.

### 4.2 Regelgrößen

Das sind die dann wohl die States aber siehe Davids Literatur aus seiner Einleitung. Warum sind diese Größen die Regelgrößen?

### 4.3 Stell- und Messgrößen

Auch hier siehe Davids Buch. Warum entscheiden wir uns für die entsprechenden Größen als Mess- und Stellgrößen?

### 4.4 Auslegung des Modellprädiktiven Reglers

Hier wird dann letztlich genau alles über den Regler und die Objective sowie die Constraints und alles was an Einstellungen getroffen wurde und warum dargestellt inkl. Schrittweite und Prädiktionshorizont. Für Schrittweite auch Negativbeispiel anfügen mit  $t_{step} = 15$ ! Für Prädiktionshorizont Systemdynamik und eigentliche Auslegung darstellen und dann Berechnungszeiten miteinander vergleichen und sagen, warum 6 gewählt wurde.

## 5 Analyse der Modellprädiktiven Regelung

Hier sollen alle Ergebnisse hin. Es soll aus der Zielsetzung klar werden, dass das das Kapitel ist, auf das es ankommt und dass hier alle meine Ergebnisse stehen. Die Ergebnisse müssen dann am Ende aber natürlich auch das aussagen, was ich aussagen möchte und vernünftig analysiert und ausgewertet werden.

Erstmal etwas Feldanalyse wie steady state Antwort und die Vergleiche zwischen rechts, links, oben und unten.

Spätestens hier sollte auch aus Davids Intro Presi die Folie 5 rein.

Also hier soll das Systemverhalten beschrieben werden, dann soll gezeigt werden wie es ist, wenn der Regler von allem weiß, dann wenn er von nichts weiß, dann erst geht es um die fehlerhaften Informationen. Dabei wird dann speed, shading und Richtung untersucht.

### 5.1 Repräsentative Wolkenfälle

Was ist das und warum ist das wichtig? Für welche habe ich mich entschieden, um was genau zu analysieren?

Es muss immer klar sein, ob der MPC gerade von den Ergebnissen weiß oder nicht weiß. Ggf. nochmal aufzeigen, warum die Einstellungen so sind wie sie sind und wann eine Regelung als gescheitert gilt? Es muss am Ende rausgestellt werden, was die Grenzen der MPC sind und wie viel besser es war, im Vergleich zu einer unwissenden Regelung.

Daten von Nouri Bijan.

### 5.2 Einfluss der Wolkengeschwindigkeit

Spätestens hier soll erläutert werden, welche Wolkengeschwindigkeiten in der Realität auftreten und wie sie mit in unser System reinspielen. Was macht die höhere Wolkengeschwindigkeit? Warum ist die hohe Geschwindigkeit gefährlich? Weil der MPC gegebenenfalls gar nicht weiß, dass gerade das ganze Feld wieder sonnig ist aufgrund seiner Sample Time!

### 5.3 Einfluss der Lichtdurchlässigkeit

Hier soll rauskommen, dass die Lichtdurchlässigkeit, wenn der MPC davon weiß natürlich dazu beiträgt wie gut die Temperatur gehalten werden kann, aber auch dass in Kombination mit schnellen Wolken dieser Wert sehr wichtig ist, damit die Grenzen eingehalten werden. Wie falsch darf die Vorhersage prozentual je nach Wolkengeschwindigkeit sein, damit es keine Probleme gibt?

### 5.4 Einfluss der Verschattungsdauer

Nachträglich eingefügt, ggf sinnvoll?

### 5.5 Einfluss der Wolkengröße

Hier soll rein welchen Einfluss die Wolkengröße hat. Wie präzise kann der MPC dennoch die Temperatur halten?

### 5.6 Einfluss der Wolkenrichtung

Hier muss rauskommen, warum sich das System anders verhält, wenn die Wolken in andere Richtungen ziehen (Weil die vorderen Heliostate natürlich deutlich mehr Einfluss auf das Ergebnis haben).

Generell muss erläutert werden, auf welcher Maschine die Analysen laufen. Begründen, warum für die Szenarien die Bewegung von unten nach oben genommen wird: Dadurch wird bei plötzlicher Belichtung des Feldes der Receiver der maximalen Belastung ausgesetzt, da die Heliostaten unten die meiste Leistung übertragen.



## **6 Zusammenfassung und Fazit**

Hier soll nochmal ganz klar die Zielsetzung beantwortet werden und es darf keine Frage offen bleiben. Sehr wichtig, gerade für Kim.



## 7 Weitere Forschung / Further Works

Mindestens hier muss auf weitere Forschung zu diesem Thema eingegangen werden:

- Robuste Regelung
- Weitere Testszenarien
- Verbesserter Solver oder direkt anderer Ansatz (immer nur eine Iteration, wie heißt der Fachbegriff?)



# Literaturverzeichnis

- [1] M. Reuter and S. Zacher, *Regelungstechnik für Ingenieure: Analyse, Simulation und Entwurf von Regelkreisen*. Wiesbaden: Vieweg +Teubner / GWV Fachverlage GmbH Wiesbaden, 12., korrigierte und erweiterte auflage ed., 2008.
- [2] T. G. et al., *Modellprädiktive Regelung eines keramischen Receivers für Solartürme*. Leverkusen (Deutschland): Technische Hochschule Köln, 1. Auflage ed., 2023. DOI: DOI-Nummer.
- [3] D. Z. für Luft-und Raumfahrt (DLR), *Die Jülicher Solartürme: Testanlage für kommerzielle solarthermische Kraftwerke und für die Entwicklung solarer Brennstoffe*.
- [4] B. Belhomme, *Bewertung und Optimierung von Zielpunktstrategien für solare Turmkraftwerke*. dissertation ed., 2011.
- [5] D. Zanger, *Development of control strategies for heliostat aiming in solar power tower plants*. masterarbeit ed., 2020.
- [6] S. A. J. et al., *Heliostat Cost Reduction Study*. Sandia National Laboratorie, 2007. DOI: 10.2172/912923.
- [7] J. Gall, *Betriebsführung und -optimierung eines solarthermischen Turmkraftwerks*. dissertation ed., 2012.
- [8] M. A. S. et al., *PS10, construction of a 11MW solar thermal tower plant in seville, spain*. 2006.
- [9] R. M. Flesch, *Windeinfluss auf Cavity-Receiver für solare Turmkraftwerke*. dissertation ed., 2016.
- [10] D. B. et al., *Innovation in concentrated solar power*. 2011. DOI: 10.1016/j.solmat.2011.05.020.
- [11] C. K. Ho, *Advances in central receivers for concentrating solar applications*. Sandia National Laboratories, 2017. DOI: 10.1016/j.solener.2017.03.048.
- [12] A. S.-G. et al., *Allowable solar flux densities for molten-salt receivers: Input to the aiming strategy*. 2020. DOI: 10.1016/j.rineng.2019.100074.
- [13] L. L. Vant-Hull, *The Role of Allowable Flux Density in the Design and Operation of Molten-Salt Solar Central Receivers*. 2002. DOI: 10.1115/1.1464124.

- [14] N. R. E. Laboratory, *Ivanpah Solar Electric Generating System CSP Project*.
- [15] R. J. Holl, *Definition of two small central receiver systems*. 1978.
- [16] P. R. et al., *Optimization of robust aiming strategies in solar tower power plants*. 2018. DOI: 10.1063/1.5117557.
- [17] D. Wetterdienst, *Nowcasting-Verfahren*.
- [18] D. Wetterdienst, *Zellerkennung und -Prognose (CellMOS)*.
- [19] D. Z. für Luft-und Raumfahrt, *Nowcasting - Kurzfristvorhersagen der orts aufgelösten Solarstrahlung*.
- [20] Q.-R. et al., *Cloud-tracking methodology for intra-hour DNI forecasting*. 2014.
- [21] R. S. et al., *Solar Irradiance Nowcasting System Trial and Evaluation for Islanded Microgrid Control Purposes*. 2022. DOI: 10.3390/en15176100.
- [22] D. Abel, *Regelungstechnik*. Aachen: Verlagsgruppe Mainz GmbH, 42. Auflage ed., 2018.
- [23] B. K. et al., *Model Predictive Control*. Springer, 2016. DOI: 10.1007/978-3-319-24853-0.
- [24] M. S. et al., *Review on model predictive control: an engineering perspective*. The International Journal of Advanced Manufacturing Technology, 2021. DOI: 10.1007/s00170-021-07682-3.
- [25] J. R. et al., *Model predictive heuristic control: Applications to industrial processes*. 1978. DOI: 10.1016/0005-1098(78)90001-8.
- [26] S. L. et al., *Orthogonal collocation on finite elements*. 2021.
- [27] M. D. et al., *Design, implementation and simulation of an MPC algorithm for switched nonlinear systems under combinatorial constraints*. 2019. DOI: 10.1016/j.jprocont.2019.05.016.
- [28] J. B. Rawlings, *Tutorial overview of model predictive control*. IEEE, 2000.
- [29] L. Oberkirsch, *Aim Point Management System for Solar Power Towers*. dissertation ed., 2022.
- [30] D. M. et al., *Hybridization of Aim Point Optimization Methods for Solar Tower Power Plants*. 2018. DOI: 10.11128/arep.55.a55230.
- [31] D. M. et al., *Evaluation of aim point optimization methods*. 2018. DOI: 10.1063/1.5067061.
- [32] N. C. et al., *On Achieving a Desired Flux Distribution on the Receiver of a Solar Power Tower Plant*. 2016.
- [33] L. L. V.-H. et al., *Real-Time Computational and Control of Solar Flux Density on a Central Receiver (Solar Two) (Preheat)*. 1996.

- [34] L. L. V.-H. et al., *Real-Time Computational and Control of Solar Flux Density on a Central Receiver (Solar Two) (Protection Against Excess Flux Density)*. 1996.
- [35] J. G. et al., *Heat Flux Distribution Over a Solar Central Receiver Using an Aiming Strategy Based on a Conventional Closed Control Loop*. 2017. DOI: 10.1115/ES2017-3615.
- [36] J. G. et al., *Multivariable Closed Control Loop Methodology for Heliostat Aiming Manipulation in Solar Central Receiver Systems*. 2018. DOI: 10.1115/1.4039255.
- [37] S. GmbH, *Die beliebtesten Programmiersprachen weltweit laut PYPL-Index im März 2023*. 2023.
- [38] P. S. F. (PSF), *python a programming language changes the world*. 2014.
- [39] J. A. et al., *CasADi Documentation*. 2023.
- [40] S. L. et al., *Model predictive control python toolbox*. 2020.





# A Anhang

Hier kommen die grossen Bilder, Diagramme und Grafiken rein, welche im Text den Lesefluss stören würden. Dabei ist trotzdem auf den korrekten Verweis zu achten:

z.B.: „siehe Anhang Bild A.1“

Die Leserichtung der Grafiken muss entweder von links nach rechts oder, bei ganzseitig-gedrehten Grafiken, von unten nach oben sein (vgl. Bild A.1 und Bild A.2):

BEISPIEL

**Abbildung A.1:** Beispielbild normale Ausrichtung

BEISPIEL

**Abbildung A.2:** Beispielbild normale Ausrichtung

