# じゃんけんで勝つ確率

目的 桜美林大学芳沢光雄教授の研究によると、実際にジャンケンの出す手の確率は、 グーは35%、チョキは31.7%、パーは33.3% という結果が出ている。 このことからパーを出したとき、勝ちやすいと予想し、n人のじゃんけんである1人 がパーを出し続けて最後まで勝ち残る確率を調べる。また、出す手の確率がそれぞ れ1/3のときと比較したとき、どのくらいの差が出るのかを調べる。

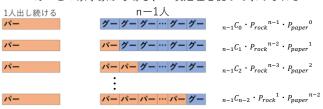
## 実験

\_\_\_\_ グーを出す確率 = P<sub>rock</sub> グーをロッドロ チョキを出す確率 = P<sub>scissors</sub> - D とする パーを出す確率 =  $P_{paper}$ 以降パーを出し続ける1人をAとする

#### あいこの確率

$$P(draw|n) = 1 - \left( \left( P_{rock} + P_{paper} \right)^{n-1} + \left( P_{scissors} + P_{paper} \right)^{n-1} - 2P_{paper}^{n-1} \right)$$

あいこの余事象から導き、二項定理を使って求められる



グーかパーを出して勝負が決まるパターン  $(P_{rock} + P_{paper})^{n-1} - P_{paper}^{n-1} \cdots 1$ 

チョキかパーを出して勝負が決まるパターン $\left(P_{scissors} + P_{paper}\right)^{n-1} - P_{paper}^{n-1} \ldots 2$ 

あいこになる確率は1-(1+2) = P(draw|n)

### n人中m人(パーを出し続ける人も含む)が一発で勝つ確率

$$P(win|n,m) =_{n-1} C_{m-1} \cdot P_{rock}^{n-m} \cdot P_{paper}^{m-1}$$

パー

m-1n-m人 パーパーグー・・・グーグー よって、n人中m人がじゃんけんで勝つ確率は

$$\begin{split} &P(win|n,m)\big(P(draw|n)\big)^0 + P(win|n,m)\big(P(draw|n)\big)^1 + P(win|n,m)\big(P(draw|n)\big)^2 \\ &+ \cdots P(win|n,m)\big(P(draw|n)\big)^{k-1} + \cdots \end{split}$$

P(win|n,m) P(draw|n) < 1より無限等比級数 1-P(draw|n) の和によって求められる

2人でジャンケンをするとき、 最後まで勝ち続ける確率

 $\frac{P(win|2,1)}{1-P(draw|2)} = P(A wins|2)$ とする

3人でジャンケンをするとき、 最後まで勝ち続ける確率

 $\frac{P(win|3,1)}{1 - P(draw|3)} + \frac{P(win|3,2)}{1 - P(draw|3)} \cdot P(A wins|2) = P(A wins|3)$ 

4人でジャンケンをするとき、 最後まで勝ち続ける確率

 $\frac{P(win|4,1)}{1-P(draw|4)} + \frac{P(win|4,2)}{1-P(draw|4)} \cdot P(A wins|2) + \frac{P(win|4,3)}{1-P(draw|4)} \cdot P(A wins|3) = P(A wins|4)$ 

とする

n人でジャンケンをするとき、 最後まで勝ち続ける確率

 $\frac{\frac{P(win|n,1)}{1-P(draw|n)} + \frac{P(win|n,2)}{1-P(draw|n)} \cdot P(A wins|2) +$ 

 $\frac{P(win|n,3)}{1-P(draw|n)} \cdot P(A wins|3) + \dots +$ 

 $\frac{P(win|n,n-1)}{P(A|wins|n-1)} \cdot P(A|wins|n-1) = P(A|wins|n) \ge \frac{1}{2}$ 1-P(draw|n)

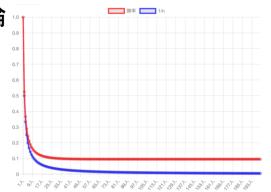
## 求める確率は

$$= \frac{1}{\left(P_{rock} + P_{paper}\right)^{n-1} + \left(P_{scissors} + P_{paper}\right)^{n-1} - 2P_{paper}^{n-1}} \sum_{m=1}^{n-1}$$

$$_{n-1}C_{m-1}P_{rock}^{n-m}\cdot P_{paper}^{m-1}\cdot P(A\ wins|m)$$

この式に $P_{rock}=35\%$ ,  $P_{scissors}=31.7\%$ ,  $P_{paper}=33.3\%$ を代入して、n人のじゃんけんでパーを出し 続けて最後まで勝ち残る確率はどうなるのかを調べる。また、出す手の確率がそれぞれ**1/3**のときと比 較する。

## 結論



• 約30人から1000人のじゃんけんにお いて、ある1人がパーを出し続けたと き、確率を変化させた方は1人勝ちと なる確率が約10%となる

## 今後の展望

- 数式の一般項を出すことはできない かを考える
- 確率を変えたジャンケンでは人数を 増やしていくとどの値に収束するの かを調べる

## 引用

japan-rps.jimdofree.com

