

Flash Attention

Flash Attention 是一种用于加速 Transformer 模型中 Self-Attention 的方法 °它利用底层硬件的内存层次知识 '例如GPU的内存层次结构 '来提高计算速度和减少内存访问开销 °Flash Attention 的核心原理是通过将输入分块并在每个块上执行注意力操作 '从而减少对高带宽内存 (HBM)的读写操作 °具体而言 'Flash Attention 使用平铺和重计算等经典技术 '将输入块从 HBM 加载到 SRAM (快速缓存) '在 SRAM 上执行注意力操作 '并将结果更新回 HBM °Flash Attention 减少了内存读写量 '从而实现了2-4倍的时钟时间加速 °

最新的 Flash Attention-2 版本进一步优化了 Flash Attention 算法 '使用了更好的并行化和工作 分区方法 '使得计算速度提高了2倍 °Flash Attention-2 还支持更高的头维数和多查询注意力等 新特性 '进一步提升了性能和灵活性 °

传统 Attention

对于输入序列 $Q,K,V\in R^{N imes d}$ '其中 N 是序列长度 ' d 是词嵌入维度 '传统的 Self-Attention 计算可以表示为 :

$$S = QK^T \in R^{N imes N}$$
 $P = \operatorname{softmax}(S) \in R^{N imes N}$
 $O = PV \in R^{N imes d}$

其时间和内存(HBM)复杂度为 $O(N^2)$ °

Flash Attention

Flash Attention 的设计减少了 HBM 的访问 '将 Q,K,V 切分为小块后放入 SRAM 中 '提高了访问速度 °它的核心技术包括:平铺(tiling) `重计算(recomputation) °

平铺

首先回顾传统的 Attention 计算中的 softmax 操作:

$$\operatorname{softmax}(x_i) = rac{e^{x_i}}{\sum_{k=1}^N e^{x_k}}$$

Flash Attention 为了减少计算中的不稳定性 '会将 x_i 减去最大值 '再进行 softmax '即 safe softmax :

$$m(x) = \max(x_k)$$
 $f(x_i) = e^{x_i - m(x)}$ $l(x) = \sum_k^N f(x_k)$ $ext{softmax}(x_i) = rac{f(x_i)}{l(x)}$

对于分块数据'如 $x = [x^{(1)}, x^{(2)}]$ 'safe softmax 可以分解计算为:

$$egin{aligned} m(x) &= m([x^{(1)},x^{(2)}]) = \max(m(x^{(1)}),m(x^{(2)}) \ f(x^{(1)}) &= [f(x_i)] = [e^{x_i-m(x^{(1)})}], f(x^{(2)}) = [f(x_j)] = [e^{x_j-m(x^{(2)})}] \ l(x^{(1)} &= \sum f(x^{(1)}) = \sum_i f(x_i), l(x^{(2)} &= \sum f(x^{(2)}) = \sum_j f(x_j) \ f(x) &= [e^{m(x^{(1)})-m(x)}f(x^{(1)}), e^{m(x^{(2)})-m(x)}f(x^{(2)})] \ l(x) &= e^{m(x^{(1)})-m(x)}l(x^{(1)}) + e^{m(x^{(2)})-m(x)}l(x^{(2)}) \ & ext{softmax}(x) &= rac{f(x)}{l(x)} \end{aligned}$$

重计算

重计算将数据引入SRAM中进行分块计算 '减少了HBM的访问 '提升了计算速度 。其主要步骤 有:

• 初始化 :根据SRAM大小计算分别计算 Q 和 K,V 的数据块大小 '如 Q 划分为 T_r 块 '如 K,V 划分为 T_c 块 ;初始化 $O=(0)_{N\times d}, l=(0)_N, m=(-\infty)_N$ '并将其划分为 T_r 块 ; Q 和 K 向量的点积缩放常数 $\tau=\sqrt{d}$;掩码函数 MASK ;dropout 比率 p °

- 循环计算:
 - for $1 <= j <= T_c$ (外循环):
 - 将 K_i, V_i 从 HBM 加载到 SRAM 中 ;
 - for $1 <= i <= T_r$ (内循环):
 - 将 Q_i, O_i, l_i, m_i 从 HBM 加载到 SRAM 中 ;
 - 计算 $S_{i,j} = \tau Q_i K_i^T$;
 - 计算 $S_{i,j}^{masked} = \operatorname{MASK}(S_{i,j})$
 - ・ 计算 $ilde{m}_{ij} = ext{rowmax}(S_{i,j}^{masked}), ilde{P}_{ij} = ext{exp}(S_{i,j}^{masked} ilde{m}_{ij}), ilde{l}_{ij} = ext{rowsum}(ilde{P}_{ij})$;
 - ・ 计算 $m_i^{new} = \max(m_i, \tilde{m}_{ij}), l_i^{new} = e^{m_i m_i^{new}} l_i + e^{\tilde{m}_{ij} m_i^{new}} \tilde{l}_{ij}$;
 - ・ 计算 $ilde{P}_{ij}^{ ilde{d}ropped} = ext{dropout}(ilde{P}_{ij},p)$;
 - 将 $O_i \leftarrow \mathrm{diag}(l_i^{new})^{-1}(\mathrm{diag}(l_i)e^{m_i-m_i^{new}}O_i + e^{\tilde{m}_{ij}-m_i^{new}}\tilde{P}_{ij}^{dropped}V_j)$ 写到HBM ;
 - 将 $m_i \leftarrow m_i^{new}$ 写到HBM;
 - 将 $l_i \leftarrow l_i^{new}$ 写到HBM 。
- · 返回 O, l, m °

Flash Attention-2

Flash Attention-2 是 Flash Attention 的改进版本 '它引入了更多的优化技术 '如更好的并行化和工作分区方法 '其主要改进包括:

- ・ 优化循环读写流程:Flash Attention-2 将 Q 作为外循环 '将 K,V 作为内循环 。这样在计 第一个 O_i 的周期内 '就不需要对 O_i 进行多次读写 。
- 减少非乘法计算量:在计算 每个 O_i 时 '每次循环先不考虑 softmax 的分母 '而是在最后一步的时候进行处理 '这样可以减少非乘法计算量 。
- 忽略需要完全掩码的块的计算:如果一个块的所有元素都被掩码了'那么就不需要对这个块进行计算。