Laboratorio Nro. 1 Recursión



Objetivos: 1. Identificar el caso base y el general de un problema definido recursivamente. 2. Usar ecuaciones de recurrencia para determinar la complejidad en tiempo y espacio de algoritmos definidos de forma recursiva. 3. Usar la notación O para encontrar formalmente la complejidad asintótica en espacio y memoria de algoritmos



Consideraciones: Lean y verifiquen las consideraciones de entrega,



Leer la Guía



Trabajo en **Parejas**



Si tienen reclamos, registrenlos en http://bit.ly/2g4TTKf



Ver calificaciones en Eafit Interactiva



En el GitHub docente. encontrarán la traducción de los Ejercicios en Línea

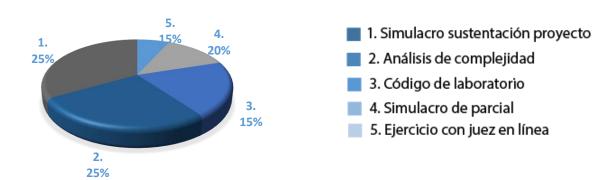


Hoy, plazo de entrega



Subir el informe pdf en la carpeta informe, el código del ejercicio 1 en la carpeta codigo y el código del 2 en la carpeta ejercicioEnLinea

Porcentajes y criterios de evaluación



PhD. Mauricio Toro Bermúdez



1. Simulacro de Proyecto

Códigos para entregar en GitHub en la carpeta codigo





En la vida real, la documentación de software hace parte de muchos estándares de calidad como CMMI e ISO/IEC 9126



Vean Guía numeral 3.4



Código del ejercicio en línea en GitHub. Vean Guía en numeral 4.24



Documentación opcional. Si lo hacen, utilicen **Javadoc** o equivalente. No suban el HTML a GitHub.





No se reciben archivos en .RAR ni en .ZIP







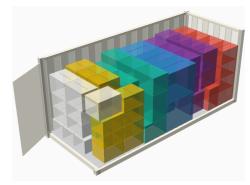




Utilicen Java, C++ o Python

Puerto Antioquia en Urabá es un proyecto en curso que traerá mucho desarrollo a la región. Su construcción está prevista para terminar a finales de 2020.

Por sus características y ubicación geográfica, Puerto Antioquia podría convertirse en el centro logístico de mayor importancia del país. Un problema que tendrán, una vez inicie la operación, es encontrar la forma óptima de empacar la mercancía en los contenedores.



PhD. Mauricio Toro Bermúdez





Una versión simplificada de este problema es una versión en dos dimensiones: Hay un tablero de $2 \times n$ cuadrados y usted necesita saber de cuantas maneras se puede llenar el tablero usando rectángulos de 1×2 .

Implementen un algoritmo recursivo para encontrar de cuántas formas se puede llenar un rectángulo de 2xn cm² con rectángulos de 1x2 cm².

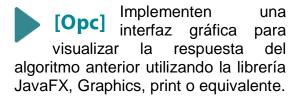




Foto extraída de https://bit.ly/2DycZEb

PhD. Mauricio Toro Bermúdez







2. Simulacro de Maratón de Programación sin documentación HTML, en GitHub,

en la carpeta ejercicioEnLinea

Simulacro de Maratón de Programación sin documentación HTML, en GitHub, en la carpeta ejercicioEnLinea



Vean Guía numeral 3.3



No se requiere documentación para los ejercicios en línea



Utilicen Java, C++ o Python



No se reciben archivos en .**PDF ni** .**TXT**



Resolver los problemas de CodingBat usando Recursión



Código del ejercicio en línea en **GitHub.** Vean Guía en **numeral 4.24**

- NOTA: Si toman la respuesta de alguna fuente, deben referenciar según el tipo de cita. Vean *Guía en numerales 4.16 y 4.17*
- Resolver al menos 5 ejercicios del nivel *Recursion 1* de CodingBat: http://codingbat.com/java/Recursion-1
- Resolver al menos 5 ejercicios del nivel *Recursion 2* de la página CodingBat: http://codingbat.com/java/Recursion-2
- NOTA: No está permitido el ejercicio GroupSum

PhD. Mauricio Toro Bermúdez







3. Simulacro de preguntas de sustentación de Proyecto en la carpeta informe

Simulacro de preguntas de sustentación de Proyecto en la carpeta informe



Vean **Guía** numeral 3.4



Exporten y entreguen informe de laboratorio en PDF, en español o Inglés



Si hacen el *informe* en español, usen la plantilla en español



No apliquen **Normas Icontec** para esto

Si hacen el informe en inglés, usen a plantilla en inglés

Sobre el Ejercicio 1



Calculen la complejidad asintótica para el peor de los casos del Ejercicio 1



Tome tiempos para 20 tamaños del problema diferentes, genere una gráfica y analice los resultados. Estime, ¿Cuánto tiempo se demorará este algoritmo en calcular las formas que existen de llenar un rectángulo de 50x2 cm² con rectángulos de 1x2 cm²?



¿La complejidad de este algoritmo hace que sea viable utilizarlo en Puerto Antioquia, en 2020, con contenedores que miden miles de centímetros?

PhD. Mauricio Toro Bermúdez





Sobre el Ejercicio 2





Expliquen con sus propias palabras cómo funciona el ejercicio *GroupSum5*



NOTA: Recuerden que deben explicar su implementación en el informe PDF





Calculen la complejidad de los Ejercicios en Línea de los numerales 2.1 y 2.2 y agréguenla al informe PDF





Expliquen con sus palabras las variables (qué es 'n', qué es 'm', etc.) del cálculo de complejidad del ejercicio anterior.



Ejemplos de su respuesta:

"n es el número del elementos del arreglo",

"V es el número de vértices del grafo",

"n es el número de filas de la matriz y m el número de columnas".

PhD. Mauricio Toro Bermúdez









4. Simulacro de parcial en informe PDF

4 Simulacro de Parcial en el informe PDF



Para este simulacro, agreguen sus respuestas en el informe PDF.



El día del Parcial no tendrán computador, JAVA o acceso a internet.



Pepito escribió un algoritmo que, dado un arreglo de enteros, decide si es posible escoger un subconjunto de esos enteros, de tal forma que la suma de los elementos de ese subconjunto sea igual a target. El parámetro start funciona como un contador y representa un índice en el arreglo de números nums.

¿Qué parámetros colocarían en el llamado recursivo de la línea 4 para que el programa funcione?

PhD. Mauricio Toro Bermúdez







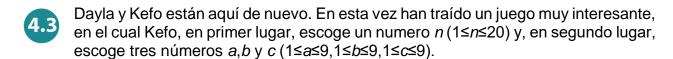


Pepito escribió el siguiente código usando recursión:

```
private int b(int[] a, int x, int low, int high) {
  if (low > high) return -1;
  int mid = (low + high)/2;
  if (a[mid] == x) return mid;
  else if (a[mid] < x)
      return b(a, x, mid+1, high);
  else
      return b(a, x, low, mid-1);
}</pre>
```



- a) T(n)=T(n/2)+C
- **b)** T(n)=2.T(n/2)+C
- c) T(n)=2.T(n/2)+Cn
- **d)** T(n)=T(n-1)+C



Después, Kefo le entrega estos números a Dayla y Dayla le tiene que decir a Kefo la cantidad máxima de números tomados de a, b y c (se puede tomar un número más de una vez) que al sumarlos dan el valor n.

Como un ejemplo, si Kefo escoge n=14 y a=3,b=2,c=7. ¿Qué posibilidades hay de obtener 14 con a,b y c?

PhD. Mauricio Toro Bermúdez





7+7=14	cantidad es 2
7+3+2+2=14	cantidad es 4
3+3+3+3+2=14	cantidad es 5
 2+2+2+2+2+2+2=14	cantidad es 7

La cantidad máxima de números es 7. Esta sería la respuesta que da Dayla a Kefo.

Como Dayla es muy astuta, ha diseñado un algoritmo para determinar la cantidad máxima de números y quiere que le ayudes a terminar su código.

Asuman que hay al menos una forma de sumar n usando los números a, b y c en diferentes cantidades, incluso si algunos de los números se suman 0 veces como sucede en el ejemplo anterior.

- **4.3.1** Completen el espacio de la línea 04
- 4.3.2 Completen los espacios de la línea 05
- **4.3.3** Completen los espacios de la línea 06
- ¿Qué calcula el algoritmo desconocido y cuál es la complejidad asintótica en el peor de los casos del algoritmo desconocido?

PhD. Mauricio Toro Bermúdez







```
01 public int desconocido(int[] a) {
02    return aux(a, a.length-1); }
03
04 public int aux(int[] a, int n) {
05    if(n < 1) return a[n];
06    else return a[n] + aux(a, n-1); }</pre>
```

Elija la respuesta que considere acertada:

- a) La suma de los elementos del arreglo a y es
- **b)** Ordena el arreglo a y es O(n.log n)
- c) La suma de los elementos del arreglo a y es O(1)
- d) El máximo valor de un arreglo a y es O(n)
- e) La suma de los elementos del arreglo a y es O(n)
- Hay un tablero de 2×n cuadrados y usted necesita saber de cuantas maneras se puede llenar el tablero usando rectángulos de 1×2. Se ha propuesto el siguiente algoritmo recursivo:



4. 5.1 Completen las líneas faltantes:

Línea 2: _			
Línea 3:			
Línga 1.			_

PhD. Mauricio Toro Bermúdez









4.5.2 ¿Cuántas instrucciones ejecuta el algoritmo en el peor de los casos?:

- **a.** T(n)=T(n-1)+C
- **b.** T(n)=T(n-1)+T(n-2)+C
- c. T(n)=T(n/2)+C
- **d.** T(n)=T(n+1)+C



Alek y Krish están jugando *Número*. Número es un juego en el que un jugador 1, entrega un numero n (1<=n<=10100) a un jugador 2 y el jugador 2 debe determinar la suma de todos los dígitos de n, exceptuando el caso en el que hay dos dígitos adyacentes (es decir, contiguos, seguidos) que son iguales.

Si hay dos dígitos adyacentes, no se suma ninguno de los dos números adyacentes. Entre Alek y Krish escribieron un código para hacer esto más rápido, pero se ha borrado una parte. ¿Podrían ayudarles a reconstruir el código a Alek y Krish?

```
1 public int suma(String n) {
2
     return sumaAux(n, 0);
3 }
4
5 private int sumaAux(String n, int i){
     if (i \ge n.length()) {
7
      return 0;
8
9
     if(i + 1 < n.length() \&\&
        n.charAt(i) == n.charAt(i + 1)){
10
        return ;
11
12
     return (n.charAt(i) - '0') + ;
13
     }
```

La operación n.charAt(i) - '0' convierte un caracter en su equivalente en entero, por ejemplo, el caracter '1' lo transforma en el número 1.

PhD. Mauricio Toro Bermúdez





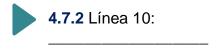


- 4.6.1 Completen la línea 10:
- 4. 6.2 Completen la línea 12:
- Dado un conjunto *S* de *n* elementos se quiere determinar si existe un subconjunto *R* de *S* tal que la suma de los elementos de *R* es igual a *t*, con la condición que, si se toma un elemento par, el siguiente elemento no puede estar en *R*.

```
1 public boolean comb(int[] S, int i, int t){
2
     if(i >= S.length) {
3
       return t == 0;
4
     }
5
     //par
6
     if(S[i] % 2 == 0){
7
       return comb(S, i + 2, t - S[i])
           | | comb(S, i + 1, t); }
8
     return comb(_____) ||
9
10
           comb();
11 }
```

Al anterior código le faltan algunas líneas las cuales deben completar:

4.7.1 Línea 9:	



PhD. Mauricio Toro Bermúdez









El pequeño Polka fue a la tienda a comprar algunas cosas para su madre. El pequeño Polka pagó cierta cantidad de dinero y el tendero debe devolverle exactamente K pesos. El tendero tiene exactamente n diferentes tipos de monedas en su tienda, cada una de ellas con un valor v_i .

Como el tendero no es muy astuto en asuntos de matemáticas, te ha pedido el favor de decirle de cuantas maneras puede él devolverle tal cantidad a Polka. Por favor ayúdanos a completar el siguiente código.

Ejemplo: Sea n = |v| = 3, $v = \{3,4,1\}$, K=7 Las formas posibles de devolver 7 dólares serían 5:

```
1.1+1+1+1+1+1+1
     2.3 + 1 + 1 + 1
     3.3 + 3 + 1
     4.3 + 4
     5.4 + 1 + 1 + 1
01 int cuantas(int K, int[] v, int n) {
02
    if(K == 0) {
03
     return 1;
04 }
05 boolean imposible;
06 imposible = n \le 0 \&\& K >= 1;
07 imposible = imposible || K < 0;
08 if(imposible){
09
10 }
11 int ni = cuantas(K, V, n - 1);
12 int nj = cuantas(K - v[n-1], v,
13 int suma =
14 return suma;
15 }
```



4.8.1 Línea 9:

PhD. Mauricio Toro Bermúdez









Considere el siguiente programa. ¿Cuál es la salida generada por fun(11,5)? Como un ejemplo: fun(10,3)=20.

```
int fun(int n, int m) {
  if(n % m == 2) return n;
  return fun(n + m, n - m);
}
```

Elija la respuesta que considere acertada:

- **a.** 11
- **b.** 5
- **c.** 22
- **c.** 2
- Considere el siguiente programa. ¿Cuál es la salida para fun(1,4)? Como un ejemplo: fun(1,2)=4.

```
int fun(int m,int n) {
   if(m==0) {
     return (n+1);
   }
   if(m>0 && n==0) {
     return fun(m-1,1);
   }
   int a=fun(m,n-1);
   return fun(m-1,a);
}
```

PhD. Mauricio Toro Bermúdez









Elija la respuesta que considere acertada:

- **a.** 4
- **b.** 6
- **c.** 5
- **d.** 12







5. [Opcional] Lecturas Recomendadas

[Opc] Lecturas recomendadas



Vean Guía en numeral 3.5 y 4.20



Exportar y entregar informe de laboratorio en PDF, en español o Inglés



Si hacen el *informe* en español, usen la plantilla en español



No apliquen **Normas Icontec** para esto

Si hacen el informe en inglés, usen a plantilla en inglés



"El ejercicio de una profesión requiere la adquisición de competencias que se sustentan en procesos comunicativos. Así cuando se entrevista a un ingeniero recién egresado para un empleo, una buena parte de sus posibilidades radica en su capacidad de comunicación; pero se ha observado que esta es una de sus principales debilidades..." Tomado de http://bit.ly/2gJKzJD



Vean Guía en numerales 3.5 y 4.20



Lean a ""Narasimha Karumanchi, Data Structures and Algorithms made easy in Java, (2nd edition), 2011. Chapter 3: Recursion and Backtracking" y sumen puntos adicionales, así:



Hagan un mapa conceptual con los principales elementos teóricos.

PhD. Mauricio Toro Bermúdez





6. [Opcional] Trabajo en Equipo y Progreso Gradual

6 [Opc] Trabajo en Equipo y Progreso Gradual



Vean Guía en numeral 3.5 y 4.20



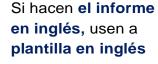
Exportar y entregar informe de laboratorio en PDF, en español o Inglés



Si hacen el *informe* en español, usen la plantilla en español



No apliquen **Normas Icontec** para esto





El trabajo en equipo es una exigenciadel mercado. "Mientras algunos medios retratan la programación como un trabajo solitario, pero requiere mucha comunicación y trabajo grupal. Si trabajas para una compañía, serás parte de un equipo de desarrollo y esperarán que te comuniques bien con otras personas" *Tomado de http://bit.ly/1B6hUDp*



Vean Guía en numerales 3.6, 4.21,4.22,4.23





Entreguen copia de todas las actas de reunión usando el *tablero Kanban*, con fecha, hora e integrantes que participaron





Entreguen el reporte de *git* con los cambios en el código y quién hizo cada cambio, con fecha, hora e integrantes que participaron





Entreguen el reporte de cambios del informe de laboratorio que se genera Google docs o herramientas similares

0

Nota: Estas respuestas también deben incluirlas en el informe PDF

PhD. Mauricio Toro Bermúdez





7. [Opcional] Laboratorio en Inglés con plantilla en Inglés





Vean Guía en numeral 3.5 y 4.20



Exportar y entregar informe de laboratorio en PDF, en español o Inglés



Si hacen el *informe* en español, usen la plantilla en español



No apliquen **Normas Icontec** para esto





El inglés es un idioma importante en la Ingeniería de Sistemas porque la mayoría de los avances en tecnología se publican en este idioma y la traducción, usualmente se demora un tiempo.

Adicionalmente, dominar el inglés permite conseguir trabajos en el exterior que son muy bien remunerados. *Tomado de goo.gl/4s3LmZ*

Entreguen el código y el informe en inglés.

PhD. Mauricio Toro Bermúdez









Resumen de ejercicios a resolver

1. Implementen un algoritmo recursivo para encontrar de cuántas formas se puede llenar un rectángulo de 2xn cm² con rectángulos de 1x2 cm².

[Ejercicio opcional] Implementen una interfaz gráfica para visualizar la respuesta del algoritmo anterior utilizando la librería JavaFX, Graphics, print o equivalente.

- Resolver al menos 5 ejercicios del nivel Recursion 1 de CodingBat: http://codingbat.com/java/Recursion-1
- 2.2 Resolver al menos 5 ejercicios del nivel Recursion 2 de la página CodingBat: http://codingbat.com/java/Recursion-2
- 3.1. Calculen la complejidad asintótica para el peor de los casos del ejercicio 1
- 3.2. Tome tiempos para 20 tamaños del problema diferentes, genere una gráfica y analice los resultados. Estime, ¿cuánto tiempo se demorará este algoritmo en calcular las formas que existen de llenar un rectángulo de 50x2 cm² con rectángulos de 1x2 cm²?
- 3.3. ¿La complejidad de este algoritmo hace que sea viable utilizarlo en Puerto Antioquia, en 2020, con contenedores que miden miles de centímetros?
- **3.4.** Expliquen con sus propias palabras cómo funciona el ejercicio *GroupSum5*
- 3.5. Calculen la complejidad de los Ejercicios en Línea de los numerales 2.1 y 2.2 y agréguenla al informe PDF
- 3.6. Expliquen con sus palabras las variables (qué es 'n', qué es 'm', etc.) del cálculo de complejidad del ejercicio anterior.
- 4. Simulacro de Parcial
- 5. [Ejercicio Opcional] Lectura recomendada
- 6. [Ejercicio Opcional] Trabajo en Equipo y Progreso Gradual
- 7. [Ejercicio Opcional] Entreguen el código y el informe traducido al inglés. Utilicen la plantilla dispuesta en este idioma para el laboratorio.

PhD. Mauricio Toro Bermúdez





Ayudas para resolver los Ejercicios

Ayudas para todos los ejercicios	<u>Pág. 28</u>
Ayudas para el Ejercicio 1	Pág. 29
Ayudas para el Ejercicio 2.1	Pág. 29
Ayudas para el Ejercicio 2.2	Pág. 29
Ayudas para el Ejercicio 3.4	<u>Pág. 30</u>
Ayudas para el Ejercicio 3.5	<u>Pág. 31</u>
Ayudas para el Ejercicio 3.6	<u>Pág. 31</u>
Ayudas para el Ejercicio 5	<u>Pág. 32</u>
Ayudas para el Ejercicio 6.1	<u>Pág. 32</u>
Ayudas para el Ejercicio 6.2	<u>Pág. 32</u>
Ayudas para el Ejercicio 6.3	Pág. 32



Ayudas para todos los ejercicios



Pista 1: Procedimiento sugerido:

- 1 Implementen el algoritmo
- 2 Identifiquen qué representa el tamaño del problema para cada algoritmo
- 3 Identifiquen valores apropiados para tamaños del problema
- 4 Tomen los tiempos para los anteriores algoritmos con 20 tamaños del problema diferentes.
- 5 Hagan una gráfica en Excel para cada algoritmo y pasarla a Word luego
- 6 Entreguen el archivo de Word pasado a PDF.



Pista 2: Vean la Guía en el numeral 4.2



Pista 3: Vean la Guía en el numeral 4.3 y 4.4



Pista 4: Vean la Guía en el numeral 4.7



Pista 5: Vean la Guía en el numeral 4.6

PhD. Mauricio Toro Bermúdez









Ayudas para el Ejercicio 1



Pista 1: Consideren llenar un tablero de $2\times n$. Si le quitamos la primera baldosa tenemos un tablero de $2\times (n-1)$ (usando recursión). Si le quitamos 2 baldosas queda un tablero de $2\times (n-2)$. Hagan el dibujo. ¿Se le pueden quitar 3 baldosas, o con lo anterior ya puedo formar el de $2\times (n-3)$?



Ayudas para el Ejercicio 2.1







Ayudas para el Ejercicio 2.2

PhD. Mauricio Toro Bermúdez







- Pista 1: El algoritmo *GroupSum* falla porque al llamarse recursivamente con el parámetro start se queda en una recursión infinita
- Pista 2: El algoritmo *GroupSum* falla porque al llamarse recursivament con el parámetro start-1 se sale del arreglo cuando start = 0.
- Pista 3: El algoritmo *GroupSum* falla porque al llamarse recursivamente con el parámetro start se sale del arreglo cuando start = length-1
- A continuación, encontrarán algunos errores comunes que pueden ser aplicados con los ejercicios



Ayudas para el Ejercicio 3.4



Vean la Guía en el numeral 4.11



Vean la Guía en el numeral 4.19

PhD. Mauricio Toro Bermúdez

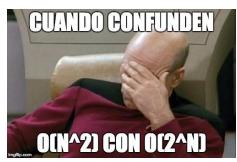














Ayudas para el Ejercicio 3.5



Pista 1: http://bit.ly/2ix7rjl



Pista 2: Si todos los tiempos de un algoritmo dan más de 5 minutos, realice otra tabla, para ese algoritmo, tomando tiempos para tamaños del problema más pequeños.



Ayudas para el Ejercicio 3.6



Pista 1: http://bit.ly/2ix7rjl

PhD. Mauricio Toro Bermúdez







Ayudas para el Ejercicio 5



Pista 1: Para que hagan el mapa conceptual se recomiendan herramientas como las que encuentran en https://cacoo.com/ o https://cacoo.com/ o https://www.mindmup.com/#m:new-a-1437527273469



Ayudas para el Ejercicio 6.1



Pista 1: Vean Guía en numeral 4.21



Ayudas para el Ejercicio 6.2



Pista 1: Vean Guía en numeral 4.23



Ayudas para el Ejercicio 6.3



Pista 1: Vean Guía en numeral 4.22

PhD. Mauricio Toro Bermúdez







¿Alguna inquietud?

CONTACTO

Docente Mauricio Toro Bermúdez Teléfono: (+57) (4) 261 95 00 Ext. 9473 Correo: mtorobe@eafit.edu.co Oficina: 19- 627

Agenden una cita dando clic en la pestaña -Semana- de http://bit.ly/2gzVg10