

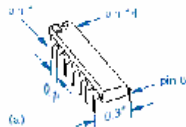


Universidade do Minho
Departamento de Electrónica Industrial

Sistemas Digitais

Exercícios de Apoio - I

Sistemas de Numeração



CONVERSÃO ENTRE SISTEMAS DE NUMERAÇÃO

Conversão Decimal - Binário

Números Inteiros

O método mais sistemático consiste em efectuar divisões sucessivas por 2.

O equivalente encontrado é formado pelo último quociente (MSB - Most Significant Bit) e pelos restos das divisões sucessivas escritos pela ordem inversa à que foram obtidos. O primeiro resto encontrado é o LSB (Least Significant Bit)

Números Fraccionários

As fracções decimais podem converter-se para binário pelo método das multiplicações sucessivas por 2.

Os dígitos obtidos são as partes inteiras dos produtos obtidos, sendo o 1º o MSB e o último o LSB

Conversão Decimal - Octal

Tal como na conversão de números decimais para binário, a conversão para o sistema de numeração octal efectua-se de modo sistemático pelo método das divisões sucessivas, neste caso por 8, para a parte inteira. Para a parte fraccionária do número, utilizam-se as multiplicações sucessivas por 8.

Conversão Decimal - Hexadecimal

Utiliza-se a mesma técnica descrita anteriormente, só que neste caso, em vez de 2 ou 8, utiliza-se o 16.

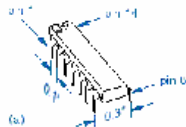
Nota: Relativamente à parte fraccionária de um número que se pretende converter de uma base b_1 para uma base b_2 é necessário garantir que o número a obter deve ter uma precisão não inferior à do número inicial.

Supondo que o número da base de partida, a qual vamos designar por b_1 , tem n dígitos na sua parte fraccionária, a representação desse mesmo número numa nova base b_2 deverá ter x dígitos na sua parte fraccionária, de tal forma que se verifique a seguinte desigualdade:

$$b_1^{-n} \geq b_2^{-x}$$

Desta forma podemos escrever:

$$x \geq n \frac{\log b_1}{\log b_2}$$



onde x toma o valor inteiro imediatamente superior ao valor determinado pela expressão anterior.

Conversão entre Binário, Octal e Hexadecimal

Cada dígito octal pode ser representado por um número binário de 3 bits - $2^3 = 8$.

Na conversão de um número octal para binário substitui-se cada dígito pelo correspondente grupo de 3 bits.

Na conversão de um número binário para octal divide-se o número binário em grupos de 3 bits, a partir da vírgula, e converte-se cada grupo no seu equivalente octal.

Cada dígito hexadecimal pode ser representado por um número binário de 4 bits - $2^4 = 16$.

Na conversão de um número hexadecimal para binário substitui-se cada dígito pelo correspondente grupo de 4 bits.

Na conversão de um número binário para hexadecimal divide-se o número binário em grupos de 4 bits, a partir da vírgula, e converte-se cada grupo no seu equivalente octal.

Representação de Números Negativos

Representação de Números em Sinal e Módulo

Nos computadores digitais, os números binários são armazenados em registos, em que cada um tem a capacidade de armazenar um bit. Assim, um registo de 5 bits tem a possibilidade de armazenar números binários desde 0000 até 1111 (0 a 31, no sistema de numeração decimal), cujo valor representa o módulo (grandeza) do número. Dado que os números a manusear podem ser tanto positivos como negativos é necessário encontrar um processo de indicar o respectivo sinal. Na representação de números em sinal e módulo introduz-se um novo bit, denominado por bit de sinal, que toma o valor 0 se o número for positivo e o valor 1 se o número for negativo.

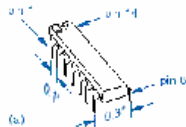
Representação de Números em Complemento para 1

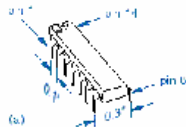
O complemento para 1 de um número obtém-se trocando, na sua representação binária, todos os 0s por 1s e vice-versa. Dado que esta é uma notação de sinal e grandeza, os números positivos têm como MSB um 0, enquanto que os negativos têm como MSB um 1.

Representação de números em complemento para 2

Partindo do complemento para um de um número, podemos obter o seu complemento para dois adicionando-lhe uma unidade. Do mesmo modo que na representação em complemento para um se o MSB for um 0 trata-se de um número positivo, caso contrário é um número negativo.

Regra prática:





Com base nos conhecimentos adquiridos resolva o conjunto de problemas seguinte:

1 - Determine o equivalente decimal dos seguintes números:

- | | | |
|---------------------------|------------------------|--------------------|
| a) $132_{(4)}$ | b) $257_{(8)}$ | c) $523_{(6)}$ |
| d) $125,643_{(8)}$ | e) $0,324_{(5)}$ | f) $10,47_{(8)}$ |
| g) $11011010,01011_{(2)}$ | h) $103,12_{(4)}$ | i) $B5C,8D_{(16)}$ |
| j) $3A2,4B_{(12)}$ | k) $100110,1101_{(2)}$ | l) $1B1,CD_{(16)}$ |

2 - Represente cada um dos seguintes números decimais nas bases binária, octal e hexadecimal:

- | | | |
|----------|-----------|-----------|
| a) 87,26 | b) 315,42 | c) 14,758 |
| d) 62,7 | e) 0,0625 | f) 8,125 |

3 - Represente cada um dos números que a seguir se apresentam nos sistemas de base 3, 13, 20:

- | | | |
|--------------------|-------------------|-------------------|
| a) $1101011_{(2)}$ | b) $157_{(10)}$ | c) $2235_{(7)}$ |
| d) $5AD1_{(25)}$ | e) $9F,C4_{(16)}$ | f) $876,42_{(9)}$ |

4 - Partindo sempre da base binária, represente cada um dos seguintes números seguintes nas bases 4, 8 e 16:

- | | | |
|----------------------------|----------------------------|--------------------------|
| a) $110110111_{(2)}$ | b) $1110011,1110101_{(2)}$ | c) $0,100110_{(2)}$ |
| d) $10001101,110001_{(2)}$ | e) $10001010,000011_{(2)}$ | f) $1011011011101_{(2)}$ |

5 - Represente o equivalente hexadecimal de cada um dos seguintes números decimais:

- | | | |
|------------|-------------|-------------|
| a) 1254,7 | b) 525 | c) 88,25 |
| d) 45,9856 | e) 246,0625 | f) 319,5625 |

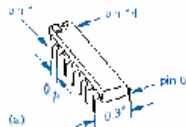
6 - Represente o equivalente binário de cada um dos seguintes números hexadecimais:

- | | | |
|-----------|-----------|----------|
| a) 24A,8C | b) 4A5,B6 | c) 3D,4A |
| d) 1FF,C2 | e) 785,26 | f) AB7 |

7 - Represente cada um dos seguintes números no sistema de numeração de base 3:

- | | | | |
|----------------|------------------|-------------------|------------------|
| a) $625_{(9)}$ | b) $702,5_{(9)}$ | c) $4A,68_{(27)}$ | d) $F72A_{(27)}$ |
|----------------|------------------|-------------------|------------------|

9 - Represente o número $1221211_{(3)}$ nos sistemas de numeração de bases 9 e 27.



9 - Represente cada um dos números que se seguem nos sistemas de numeração de bases 2, 10 e 16:

- a) $247,63_{(8)}$ b) $41A,9_{(12)}$ c) $63D,F_{(64)}$
d) $3A2B,87_{(14)}$ e) $543B,C_{(32)}$ f) $321,123_{(4)}$

10 - Determine, para cada um dos casos, qual deve ser o valor da base b de forma a que se verifiquem as seguintes igualdades:

- a) $A8A_{(16)} = 2698_{(b)}$ b) $219_{(10)} = 3123_{(b)}$ c) $22_{(b)} + 33_{(b)} + 20_{(b)} = 201_{(b)}$
d) $\sqrt{41}_{(b)} = 5_{(b)}$ e) $1619_{(10)} = 653_{(b)}$ f) $25_{(b)} + 34_{(b)} = 61_{(b)}$
g) $32_{(b)} + 24_{(b)} = 10^2_{(b)}$ h) $21213_{(4)} = 615_{(b)}$

11 - Determine qual o valor da base do sistema de numeração n qual se encontra representada a equação $x^2 + 10x - 20 = 0$, de forma a que a mesma tenha como raiz o número 1.

12 - Complete o seguinte quadro:

Número Decimal	Binário		
	Sinal + Módulo	Complemento para 2	Complemento para 1
+245			
	01011011		
		10101101	
			11111111

13 - Efectue as operações de números binários que se seguem:

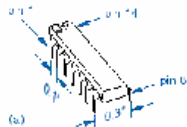
- a) $11010 + 01011$ b) $101101 + 110110$
c) $10111 + 11011$ d) $111011 + 101110$

14 - Efectue as seguintes operações:

- a) $0010_{(BCD)} + 0110_{(BCD)}$ b) $0111_{(BCD)} + 0101_{(BCD)}$
c) $10000100_{(BCD)} + 01011001_{(BCD)}$

15 - Represente os equivalentes binários dos seguintes números em Gray:

- a) 10101111 b) 11000110



16 - Represente os equivalentes Gray dos seguintes números binários:

a) 11000110

b) 1000111

17 - Considere os seguintes números decimais:

$x = +5217$ $y = -2145$ $z = +6254$ $w = +1547$

a) Represente-os em binário natural.

b) Utilizando a aritmética de complemento para 2 realize as seguintes operações:

i) $x + z$

ii) $y + w$

iii) $x + y$

18 - Considere os seguintes números decimais:

$x = +6325$ $y = -3145$ $z = +7253$ $w = +1214$

a) Represente-os em binário natural.

b) Utilizando a aritmética de complemento para 1 realize as seguintes operações:

i) $x + z$

ii) $y + w$

iii) $x + y$

19 - Complete o seguinte quadro:

Número Decimal	BCD		
	8421	X-3	2421
	001001000101		
+4573			
-812			
-1257			