

机器学习-NumPy使用总结

黄海广 副教授

2021年06月

本章目录

- 01 NumPy概述
- 02 NumPy数组(ndarry)对象
- 03 ufunc函数
- 04 NumPy的函数库

1.NumPy概述

O1 NumPy概述

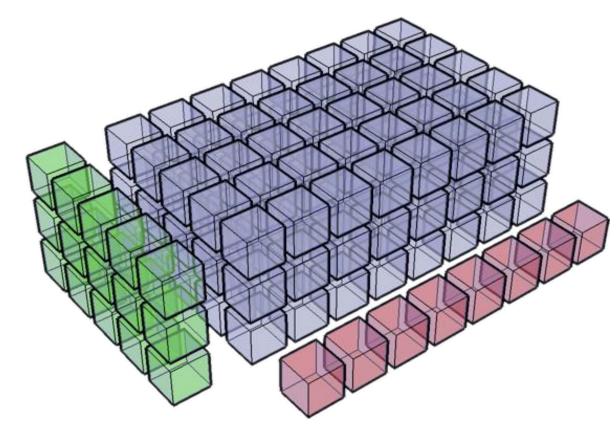
- 02 NumPy数组(ndarry)对象
- 03 ufunc函数
- 04 NumPy的函数库

NumPy是什么?

NumPy(Numeric Python)是Python的一种开源的数值计算扩展库。它包含很多功能:

- ·创建n维数组(矩阵)
- ·对数组进行函数运算
- ·数值积分
- ·线性代数运算
- ·傅里叶变换
- ·随机数产生

•••••



NumPy是什么?

NumPy提供了许多高级的数值编程工具,如:矩阵数据类型、矢量处理,以及精密的运算库。专为进行严格的数字处理而产生。多为很多大型金融公司使用,以及核心的科学计算组织如:Lawrence Livermore, NASA 用其处理一些本来使用 C++, Fortran 或 Matlab 等所做的任务。

NumPy是什么?

标准的**Python**中用**list**(列表)保存值,可以当做数组使用,但因为列表中的元素可以是任何对象,所以浪费了CPU运算时间和内存。

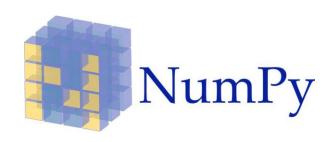
NumPy诞生为了弥补这些缺陷。它提供了两种基本的对象:

ndarray:全称 (n-dimensional array object)是储存单一数据类型的多维数组。

ufunc:全称 (universal function object)它是一种能够对数组进行处理的函数。

NumPy的官方文档:

https://docs.scipy.org/doc/numpy/reference/



NumPy的安装

Anaconda里面已经安装过NumPy。

原生的Python安装:

·在cmd中输入

pip install numpy

安装之后,我们用导入这个库

import numpy as np

2.NumPy数组(ndarry)对象

- 01 NumPy概述
- 02 NumPy数组(ndarry)对象
- 03 ufunc函数
- 04 NumPy的函数库

1.1 认识 NumPy 数组对象

NumPy 最重要的一个特点是其 N 维数组对象 ndarray,它是一系列同类型数据的集合,以 0 下标为开始进行集合中元素的索引。 ndarray 对象是用于存放同类型元素的多维数组。

```
>import numpy as np # 导入NumPy工具包
>data = np.arange(12).reshape(3, 4) # 创建一个3行4列的数组
>data
```

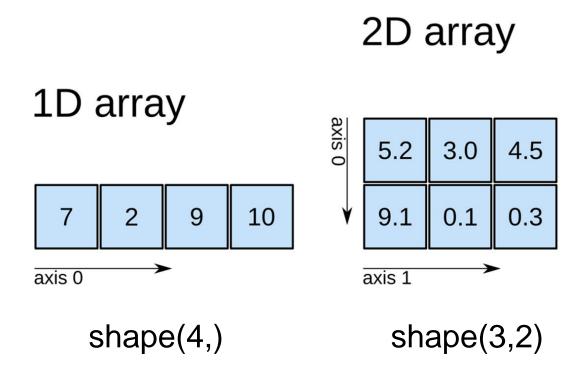
```
array([[ 0, 1, 2, 3],
 [ 4, 5, 6, 7],
 [ 8, 9, 10, 11]])
```

ndarray对维数没有限制。

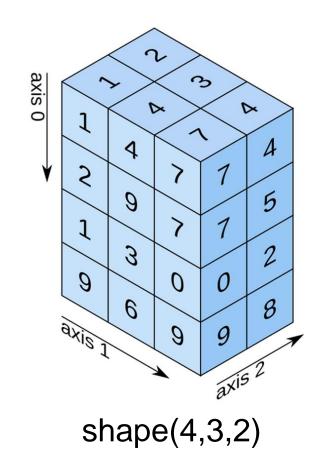
[]从内到外分别为第0轴,第1轴,第2轴,第3轴。

1.1 认识 NumPy 数组对象

NumPy 数组图示



3D array



1.1 认识 NumPy 数组对象

```
>type(data)
```

numpy.ndarray

>data.ndim # 数组维度的个数,输出结果2,表示二维数组

2

>data.shape # 数组的维度,输出结果(3,4),表示3行4列

dtype('int32')

data.size # 数组元素的个数,输出结果12,表示总共有12个元素

12

data.dtype # 数组元素的类型,输出结果dtype('int64'),表示元素类型都是int64

(3, 4)

1.2 创建 NumPy 数组

```
>import numpy as np
>data1 = np.array([1, 2, 3]) # 创建一个一维数组
>data1
array([1, 2, 3])
data2 = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]]) # 创建一个二维数组
data2
 array([[1, 2, 3],
       [4, 5, 6]]
np.zeros((3, 4))#创建一个全0数组
  array([[0., 0., 0., 0.],
         [0., 0., 0., 0.]
        [0., 0., 0., 0.]
```

1.2 创建 NumPy 数组

>np.ones((3, 4))#*创建全一数组*

```
array([[1., 1., 1., 1.],
[1., 1., 1., 1.],
[1., 1., 1., 1.]])
```

>np.empty((5, 2))# 创建全空数组,其实每个值都是接近于零的数

```
array([[ 6.95312756e-310, 2.12199579e-314], [ 2.12199579e-314, 4.94065646e-324], [ 0.00000000e+000, -7.06252554e-311], [ 0.00000000e+000, -8.12021073e-313], [ 1.29923372e-311, 2.07507571e-322]])
```

1.2 创建 NumPy 数组

```
>np.arange(1, 20, 5)
array([ 1, 6, 11, 16])
>np.array([1, 2, 3, 4], float)
array([1., 2., 3., 4.])
>np.ones((2, 3), dtype='float64')
array([[1., 1., 1.],
       [1., 1., 1.]
```

ndarray的创建

NumPy提供了**专门用于生成ndarray的函数**,提高创建ndarray的速度。

```
> a = np.arange(0, 1, 0.1)
array([ 0., 0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8, 0.9])
> b = np.linspace(0, 1, 10)
array([ 0. , 0.11111111, 0.2222222, 0.33333333,
0.44444444,0.55555556, 0.66666667, 0.77777778, 0.88888889, 1.
> c = np.linspace(0, 1, 10, endpoint=False)
array([ 0. , 0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8, 0.9])
> d = np.logspace(0, 2, 5)
array([ 1., 3.16227766, 10., 31.6227766, 100.])
```

ndarray的创建

| np.empty((2,3), np.int) | 创建2*3的整形型空矩阵,只分配内存 |
|-------------------------|--------------------|
| np.zeros(4, np.int) | 创建长度为4,值为全部为0的矩阵 |
| np.full(4, np.pi) | 创建长度为4,值为全部为pi的矩阵 |

还可以**自定义函数产生ndarray**。

```
> def func(i):
    return i % 4 + 1
> np.fromfunction(func, (10,))
array([ 1., 2., 3., 4., 1., 2., 3., 4., 1., 2.])
```

fromfunction第一个参数接收计算函数,第二个参数接收数组的形状。

ndarray的属性

ndarray的元素具有相同的元素类型。常用的有int(整型),float(浮点型), complex(复数型)。

```
> a = np.array([1, 2, 3, 4], dtype=float)
array([ 1.,  2.,  3.,  4.])
> a.dtype
dtype('float64')
```

ndarray的shape**属性用来获得它的形状**,也可以自己指定

ndarray的切片

ndarray的切片和list是一样的。

```
> a = np.arange(10)
> a
array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
     a[3:5] a[:-1]
a[5]
  [3, 4] [0, 1, 2, 3, 4] [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8]
5
a[1:-1:2]
           a[::-1]
                                      a[5:1:-2]
[1, 3, 5, 7] [9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0] [5, 3]
```

可以通过切片的对ndarray中的元素进行更改。

```
> a[2:4] = 100, 101
> a
array([ 0, 1, 100, 101, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
```

ndarray的切片

ndarray通过切片产生一个新的数组b, **b和a共享同一块数据存储空间**。

```
> b = a[3:7]

> b[2] = -10

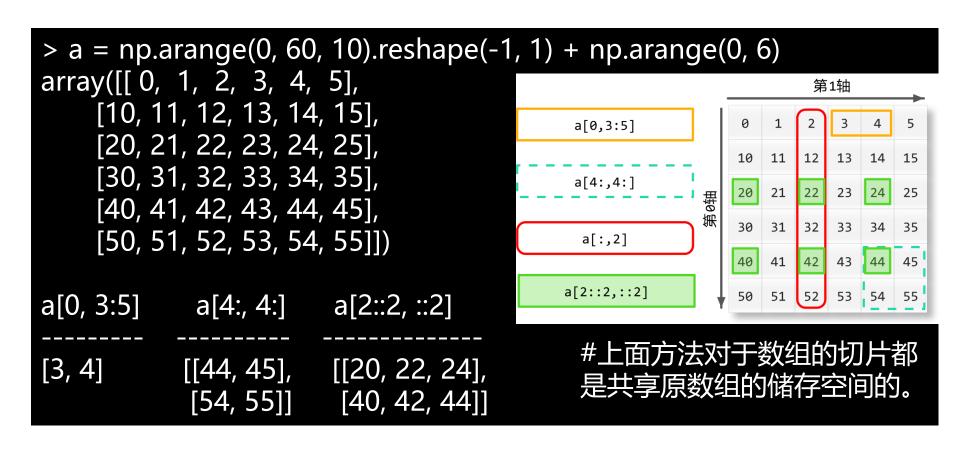
b a

[101, 4, -10, 6] [ 0, 1, 100, 101, 4, -10, 6, 7, 8, 9]
```

如果想改变这种情况,我们可以用列表对数组元素切片。

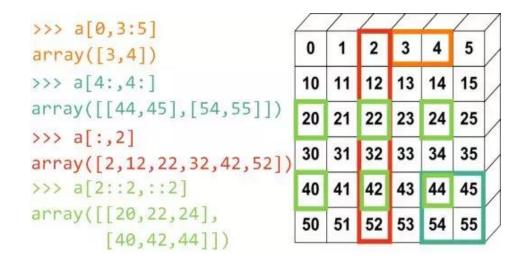
多维数组

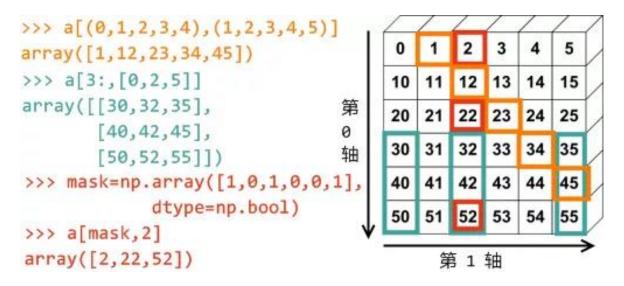
NumPy的多维数组和一维数组类似。多维数组有多个轴。 我们前面已经提到从内到外分别是第0轴,第1轴...



多维数组

如果我们想**创立原数组的副本**,我们可以用**整数元组,列表,整数数组, 布尔数组**进行切片。





结构数组

C语言中可以通过struct关键字定义结构类型。NumPy中也有类似的结构数组。

```
> persontype = np.dtype({
  'names':['name', 'age', 'weight'],
  'formats':['S30','i', 'f']})
```

| | name | age | weight |
|---|-------|-----|--------|
| 0 | zhang | 32 | 75.5 |
| 1 | wang | 24 | 65.2 |

我们就创建了一个结构数组,并且可以通过索引得到每一行。

```
> print a[0]
('Zhang', 32, 75.5)
```

3. ufunc函数

- 01 NumPy概述
- 02 NumPy数组(ndarry)对象
- 03 ufunc函数
- 04 NumPy的函数库

ufunc函数

ufunc是universal function的简称,它是一种能对**数组每个元素进行运算**的函数。NumPy的许多ufunc函数都是用C语言实现的,因此它们的运算速度非常快。

值得注意的是,对于**同等长度**的ndarray, np.sin()比math.sin()快但是对于**单个数值**, math.sin()的速度则更快。

四则运算

NumPy提供了许多ufunc函数,它们和相应的运算符运算结果相同。

```
> a = np.arange(0, 4)
> b = np.arange(1, 5)
> np.add(a, b)
array([1, 3, 5, 7])
> a+b
array([1, 3, 5, 7])
> np.subtract(a, b) # 减法
> np.multiply(a, b) # 乘法
> np.divide(a, b) # 如果两个数字都为整数,则为整数除法
> np.power(a, b) # 乘方
```

比较运算和布尔运算

使用==, >对两个数组进行比较,会返回一个**布尔数组**,每 一个元素都是对应元素的比较结果。

> np.array([1, 2, 3]) < np.array([3, 2, 1]) array([True, False, False], dtype=bool) 布尔运算在NumPy中也有对应的ufunc函数。

| 表达式 | ufunc函数 |
|--|--------------------------|
| y=x1==x2 | equal(x1,x2[,y]) |
| y=x1!=x2 | not_equal(x1,x2[,y]) |
| y=x1 <x2< th=""><th>less(x1,x2[,y])</th></x2<> | less(x1,x2[,y]) |
| y=x1<=x2 | not_equak(x1,x2[,y]) |
| y=x1>x2 | greater(x1,x2[,y]) |
| y=x1>=x2 | gerater_equal(x1,x2[,y]) |

自定义ufunc函数

NumPy提供的标准ufunc函数可以组合出复合的表达式,但是有些情况下,自己编写的则更为方便。我们可以**把自己编写的函数用frompyfunc()转化成ufunc函数**。

```
> def num judge(x, a): #对于一个数字如果是3或5的倍数就
    if x%3 == 0: 返回0,否则返回a。
      r = 0
    elif x\%5 == 0:
      r = 0
    else:
      r = a
    return r
> x = np.linspace(0, 10, 11)
> y = np.array([num judge(t, 2) for t in x])#列表生成式
array([0, 2, 2, 0, 2, 0, 0, 2, 2, 0, 0])
```

自定义ufunc函数

使用frompyfunc()进行转化,调用格式如下:

frompyfunc(func, nin, nout)

func: 计算函数

nin: func()输入参数的个数

nout: func()输出参数的个数

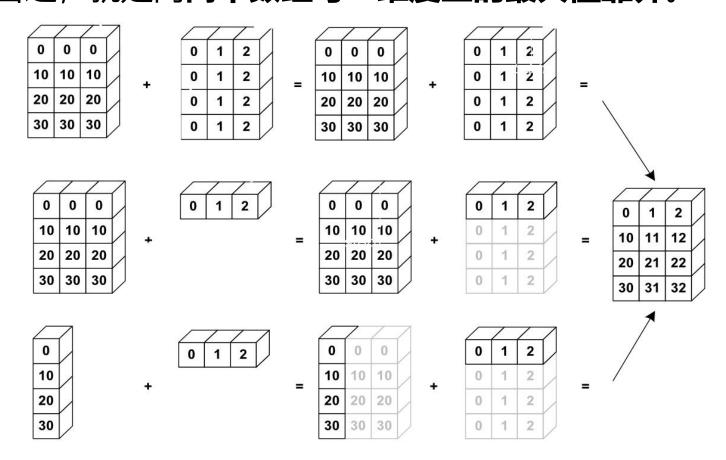
> numb_judge = np.frompyfunc(num_judge, 2, 1)

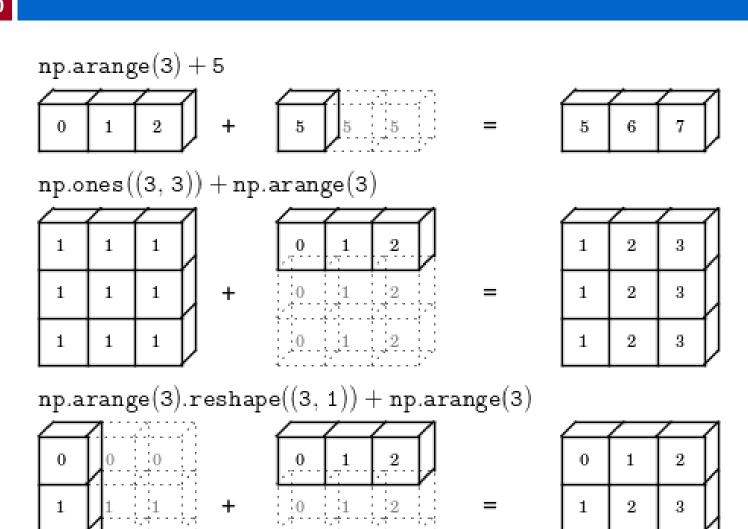
> y = numb_judge(x,2) array([0, 2, 2, 0, 2, 0, 0, 2, 2, 0, 0], dtype=object)

因为最后输出的元素类型是object,所以我们还需要把它转换成整型。

y.astype(np.int)

使用ufunc对两个数组进行运算时,ufunc函数会对两个数组的对应元素进行运算。如果数组的形状不相同,就会进行**下广播**处理。 简而言之,就是向**两个数组每一维度上的最大值靠齐**。





我们看一下具体的例子:

```
> a = np.arange(0, 60, 10).reshape(-1, 1)
> b = np.arange(0, 5)
> c = a+b
                       c.shape
[[0, 1, 2, 3, 4], (6, 5)]
[10, 11, 12, 13, 14],
[20, 21, 22, 23, 24],
 [30, 31, 32, 33, 34],
[40, 41, 42, 43, 44],
[50, 51, 52, 53, 54]]
```

ogrid用来生成广播运算所用的数组。

下面操作和a.reshape(1,-1), a.reshape(-1,1)相同。

4. NumPy的函数库

- O1 NumPy概述
- 02 NumPy数组(ndarry)对象
- 03 ufunc函数
- 04 NumPy的函数库

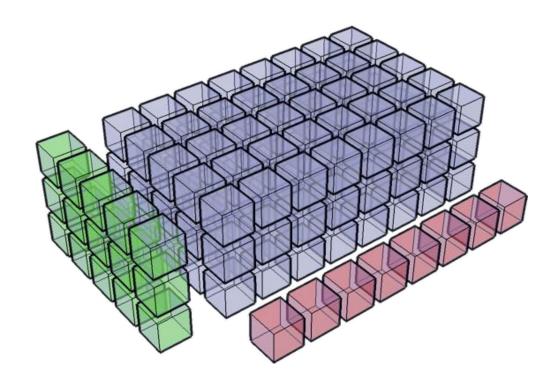
随机数

除了前面介绍的ufunc()函数之外,NumPy还提供了大量对于数组运算的函数。它们能够简化逻辑,提高运算速度。

我们首先看随机数。NumPy产生随机数的模块在**random里面,其中有** 大量的分布。

随机数

| rand | 0到1之间的随机数 | normal | 正态分布的随机数 |
|---------|------------|---------|----------|
| randint | 制定范围内的随机整数 | uniform | 均匀分布 |
| randn | 标准正态的随机数 | poisson | 泊松分布 |
| choice | 随机抽取样本 | shuffle | 随机打乱顺序 |



求和,平均值,方差

NumPy在**均值等方面常用的函数**如下:

| 函数名 | 功能 |
|---------|-------|
| sum | 求和 |
| average | 加权平均数 |
| var | 方差 |
| mean | 期望 |
| std | 标准差 |
| product | 连乘积 |

- > np.random.seed(42)
- > a = np.random.randint(0,10,size=(4,5))
- > np.sum(a) 96

求和,平均值,方差

```
a np.sum(a, axis=1) np.sum(a, axis=0)
[[6, 3, 7, 4, 6], [26, 28, 24, 18] [22, 13, 27, 18, 16]
[9, 2, 6, 7, 4], [3, 7, 7, 2, 5], [4, 1, 7, 5, 1]]
```

keepdims可以保持原来数组的维数。

大小与排序

NumPy在排序等方面常用的函数如下:

| 函数名 | 功能 | 函数名 | 功能 |
|------------|-------|---------|--------|
| min | 最小值 | max | 最大值 |
| ptp | 极差 | argmin | 最小值的下标 |
| mininum | 二元最小值 | maxinum | 二元最大值 |
| sort | 数组排序 | argsort | 数组排序下标 |
| percentile | 分位数 | median | 中位数 |

min,max都有axis,out,keepdims等参数,我们来看其他函数。

大小与排序

sort()对数组进行排序会改变数组的内容,返回一个新的数组。axis的默认值都为-1,即按最终轴进行排序。axis=0对每列上的值进行排序。

percentile计算处于p%上的值。

```
> r = np.abs(np.random.randn(100000))
> np.percentile(r, [68.3, 95.4, 99.7])
array([ 1.00029686, 1.99473003, 2.9614485 ])
```

统计函数

NumPy中常用的统计函数有: unique(), bicount(), histogram()。我们来一个个介绍。首先看unique():

unique有两个参数,return_index=True同时返回原始数组中的下标,return_inverse=True表示原始数据在新数组的下标

统计函数

bincount()对**非负整数数组**中的各个元素出现的次数进行统计,返回数组中的第i个元素是整数i出现的次数。

```
> a = np.array([6, 3, 4, 6, 2, 7, 4, 4, 6, 1])
> np.bincount(a)
array([0, 1, 1, 1, 3, 0, 3, 1])

> x = np.array([0 , 1, 2, 2, 1, 1, 0])
> w = np.array([0.1, 0.3, 0.2, 0.4, 0.5, 0.8, 1.2])
> np.bincount(x, w)
array([ 1.3, 1.6, 0.6])
```

统计函数

histogram()对以为数组进行直方图统计,其参数为: histogram(a, bins=10, range=None, weights=None) 函数返回两个一维数组,hist是每个区间的统计结果, bin_edges返回区间的边界值。

```
> a = np.random.rand(100)

> np.histogram(a, bins=5, range=(0, 1))

(array([28, 18, 17, 19, 18]),

array([ 0. , 0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1. ]))

> np.histogram(a, bins=[0, 0.4, 0.8, 1.0])

(array([46, 36, 18]), array([ 0. , 0.4, 0.8, 1. ]))
```

操作多维数组

多维数组可以进行**连接,分段**等多种操作。我们先来看vstack(),hstack(),column_stack()函数。

```
> a = np.arange(3)
> b = np.arange(10, 13)
> v = np.vstack((a, b)) # 按第1轴连接数组
> h = np.hstack((a, b)) # 按第0轴连接数组
> c = np.column stack((a, b)) # 按列连接多个一维数组
              h
[[ 0, 1, 2], [ 0, 1, 2, 10, 11, 12] [[ 0, 10],
[10, 11, 12]]
                                    [ 1, 11],
                                    [ 2, 12]]
```

操作多维数组

split()函数进行分段。

```
> a = np.array([6, 3, 7, 4, 6, 9, 2, 6, 7, 4, 3, 7])
> b = np.array([ 1, 3, 6, 9, 10]
> np.split(a, idx) # 按元素位置进行分段
[array([6]),
array([3, 7]),
array([4, 6, 9]),
array([2, 6, 7]),
array([4]),
array([3, 7])]
> np.split(a, 2) # 按数组个数进行分段
[array([6, 3, 7, 4, 6, 9]),
array([2, 6, 7, 4, 3, 7])]
```

多项式函数

多项式函数是整数的次幂与系数的乘积,如: f(x)= an(x^n)+ an-1(x^(n-1))+...+ a1(x)+ a0 NumPy中多项式函数可以用**一维数组**表示。a[0]为最高次,a[-1]为常数项。

多项式函数可以进行**四则运算**,其中**运算的列表自动化成多项 式函数**。

多项式函数

```
> p + [-2, 1]
poly1d([ 1., 0., -4., 2.])

> p * p
poly1d([ 1., 0., -4., 2., 4., -4., 1.])

> p / [1, 1] # 分别为商和余
(poly1d([ 1., -1., -1.]), poly1d([ 2.]))
```

多项式也可以进行积分和求导。

```
> p.deriv()
poly1d([ 3., 0., -2.])
> p.integ()
poly1d([ 0.25, 0. , -1. , 1. , 0. ])
```

多项式函数

Roots可以求多项式的根。

```
> r = np.roots(p)
> r
array([-1.61803399, 1. , 0.61803399])
```

polyfit()可以对数据进行多项式拟合。x, y为数据点, deg为多项式最高阶数。

```
> a = np.polyfit(x , y, deg)
```

poly()返回多项式系数构成的数组。

> a = np.poly(x)

参考文献

- 1. NumPy 官网 http://www.numpy.org/
- 2. NumPy 源代码: https://github.com/numpy/numpy

