



计算机视觉

空间域图像处理 (2)

2019-3-11

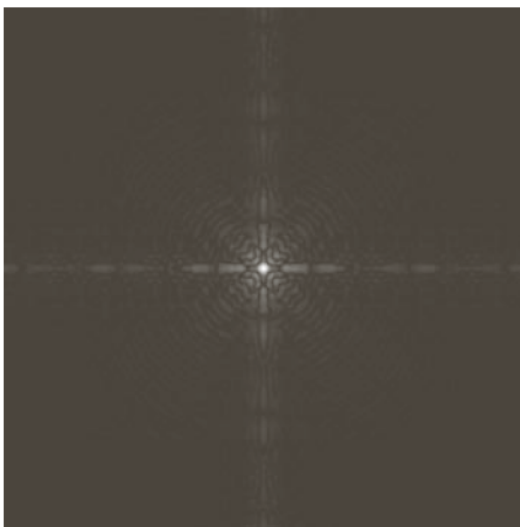
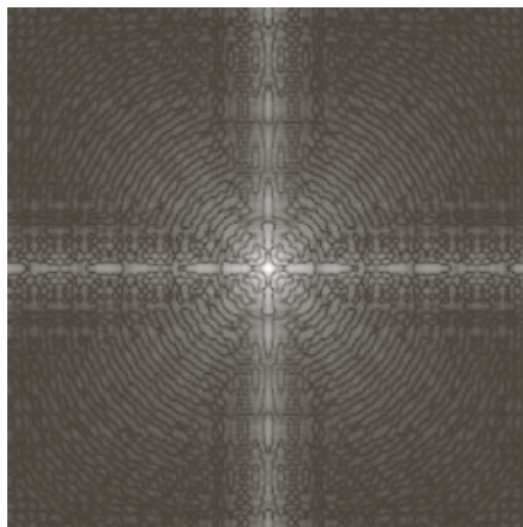
上节课回顾：基于点运算的空间域处理

空间域图像处理：

$$g(x, y) = T[f(x, y)]$$

对数变换： $s = c \log(1 + r)$

幂次变换： $s = cr^\gamma$





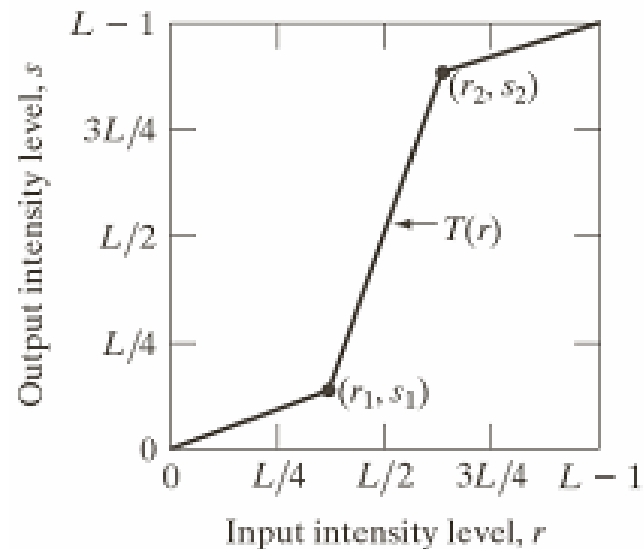
空间域图像处理

- 基本概念
- 基本运算
 - ✓ 点运算
 - ✓ 直方图运算
 - ✓ 代数运算
- 空间滤波器
 - ✓ 平滑空间滤波器
 - ✓ 锐化空间滤波器

点运算：对比拉伸

- 对比拉伸(Contrast Stretching): 分段线性转换方法

$$\begin{cases} s = \frac{s_1}{r_1} r, & \text{if } r < r_1 \\ \frac{s - s_1}{s_2 - s_1} = \frac{r - r_1}{r_2 - r_1}, & \text{if } r_1 \leq r \leq r_2 \\ \frac{s - s_2}{L - 1 - s_2} = \frac{r - r_2}{L - 1 - r_2}, & \text{if } r > r_2 \end{cases}$$



其中 r : 原始图像, s : 转换后的图像

r_1, r_2, s_1, s_2 : 分段参数

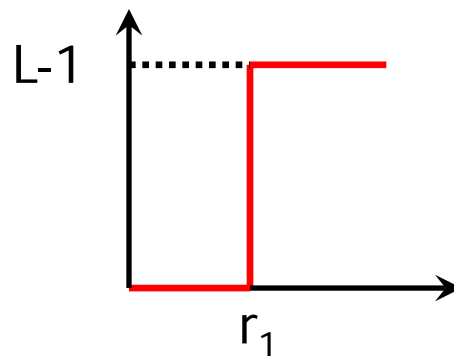
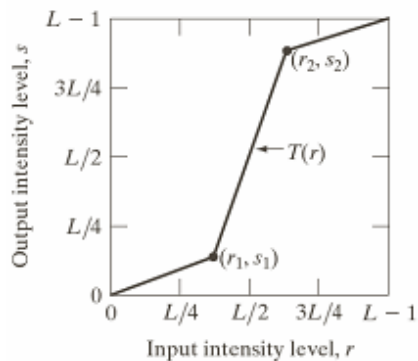
- 作用: 提高对比度, 在不同的灰度区间采用不同的拉伸比例。

门限函数

- 门限函数(Thresholding Function)

如果 $r_1=r_2$, $s_1=0$, $s_2=L-1$, 上述函数变为门限函数

$$\begin{cases} s = 0, & \text{if } r < r_1 \\ s = L-1, & \text{if } r \geq r_1 \end{cases}$$



对比拉伸：示例

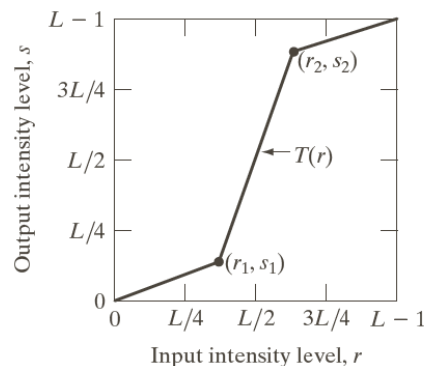
- 左上方：分段函数
- 右上方：原图
- 左下方：对比度拉伸的结果

$$r_1 = r_{\min}, s_1 = 0,$$

$$r_2 = r_{\max}, s_2 = L-1,$$

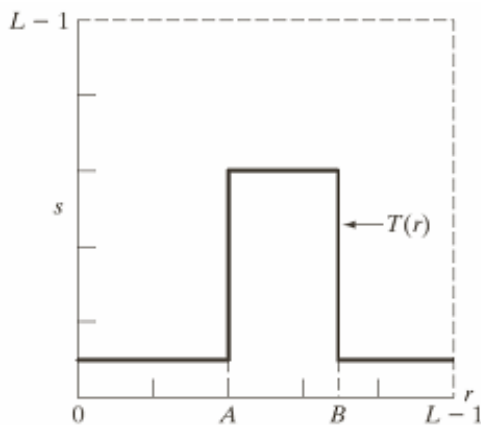
- 右下方：门限化的结果

$$r_1 = m \text{ (均值)}$$

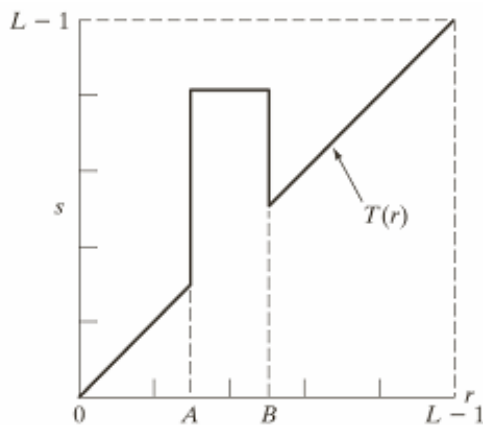


点运算：灰度切片

- 灰度切片(Gray Slicing)
- 目的：提高特定灰度范围的亮度
- 操作1：把所关心范围内的灰度指定一个较高值，而其它范围内的灰度指定一个较低值。
- 操作2：把所关心范围内的灰度指定一个较高值，而其它范围内的灰度不变。

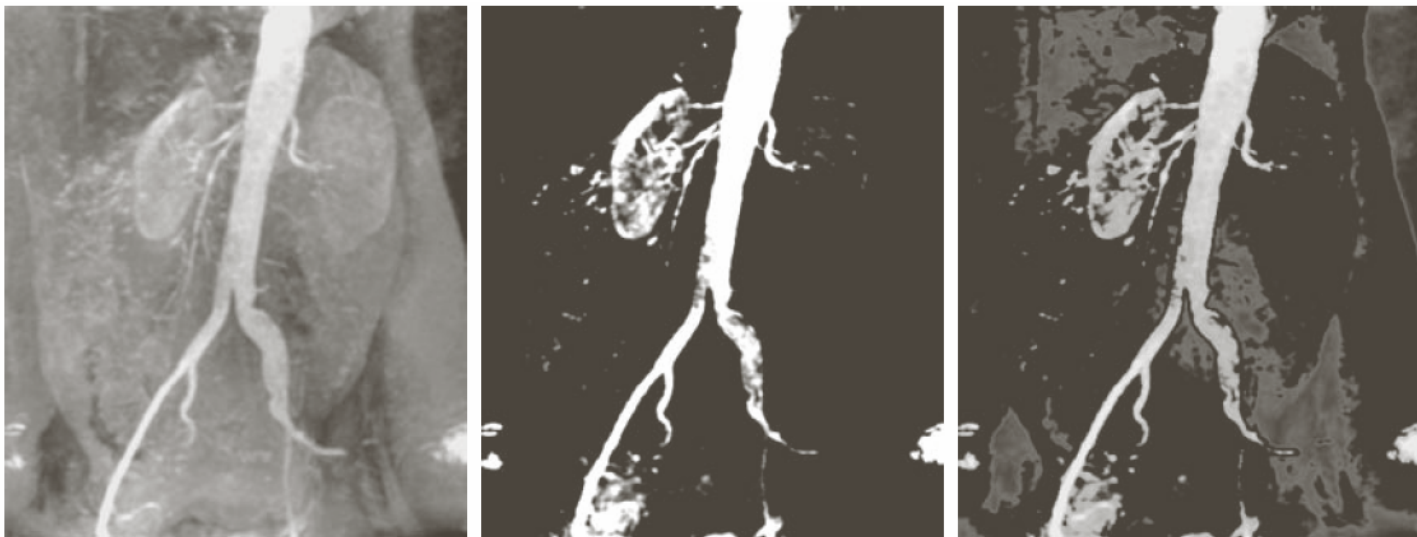


操作1



操作2

灰度切片：示例

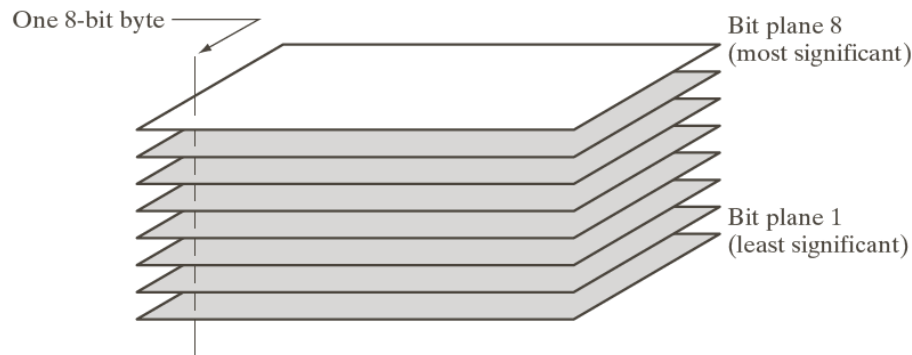


- 左：原图
- 中：灰度切片操作1
- 右：灰度切片操作2
- 问题：如何确定所关心目标的灰度范围呢？或者说，哪些是重要的需要加强的信息呢？

点运算：位平面切片

- 位平面切片(Bit-plane Slicing)

假设图像中每个像素的灰度级是256，因此可以用8位(bits)来表示每个像素的灰度。如果每一位都用一个平面(plane)来代表，位平面1代表像素中的最低位，位平面8代表像素中的最高位。因此，一副图像就可以分解为8个二进制的位平面。



点运算：位平面切片

- 较高的位包含大多数重要的视觉数据。
- 较低的位对图像的微小细节有作用。
- 可见，将图像分解为位平面，可以分析每一位在图像中的重要性。
- 因此，可以通过增强特定的位平面，达到改善图像质量的目的。



- 第一排：左：原图；中：位平面1；右：位平面2；
- 第二排：左：位平面3；中：位平面4；右：位平面5；
- 第三排：左：位平面6；中：位平面7；右：位平面8。



空间域图像处理

- 基本概念
- 基本运算
 - ✓ 点运算
 - ✓ 直方图运算
 - ✓ 代数运算
- 空间滤波器
 - ✓ 平滑空间滤波器
 - ✓ 锐化空间滤波器

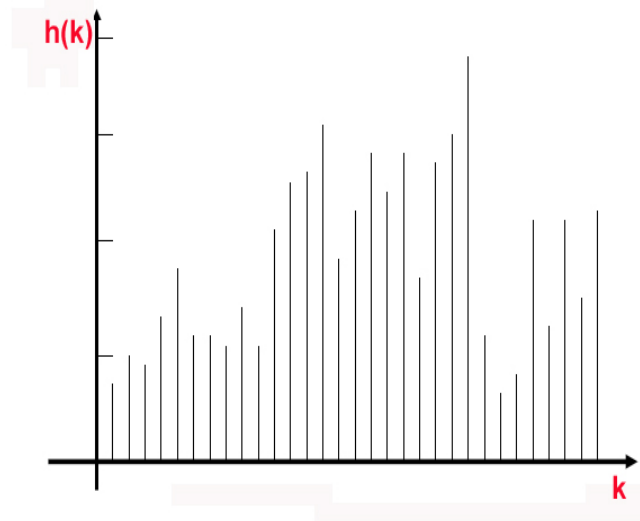
直方图的定义

- 直方图(Histogram):

定义： 给定一个灰度级范围[0, L-1]，一幅图像的直方图是一个离散函数：

$$h(r_k) = n_k$$

其中： r_k 是灰度级， $k=0, 1, \dots, L-1$
 n_k 是灰度级为 k 的像素个数。



直方图的定义：归一化

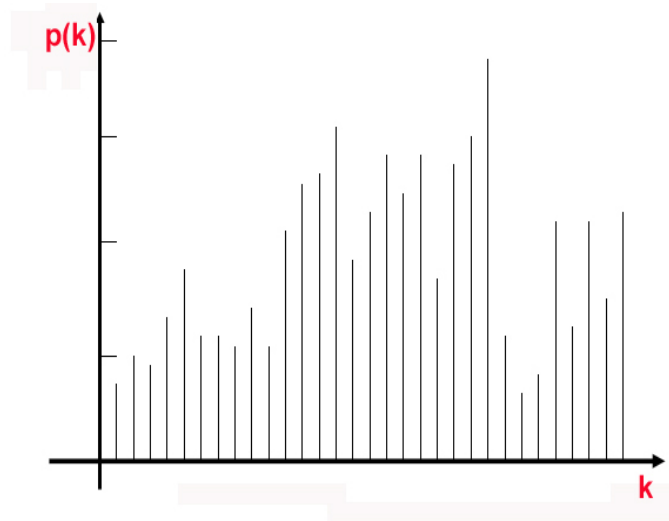
- 归一化直方图(Normalized Histogram)：使得概率之和为1.
- 归一化定义：给定一个灰度级范围[0, L-1]，一幅图像的直方图是一个离散函数：

$$p(r_k) = \frac{n_k}{n}$$

其中： r_k 是灰度级， $k=0, 1, \dots, L-1$

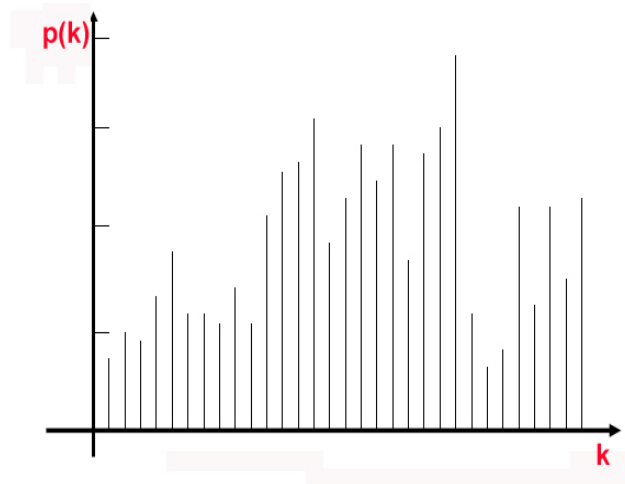
n_k 是灰度级为 k 的像素个数

n 是图像的像素总数



归一化直方图的特性

- 归一化直方图：函数值正则化到 $[0,1]$ 区间
- 归一化直方图：函数值的范围与像素总数无关。
- 归一化直方图给出了每一个灰度级在图像中出现的概率密度统计，因此它可以用来近似描述图像灰度值的概率分布。
- 直方图是多种空间域处理技术的基础，被广泛应用到图像增强、图像压缩、图像分割等领域。





直方图均衡化

- 直方图均衡化 (Histogram Equalization):
 - ✓ **目的：**设计一种变换，使得转换后的图像的像素占有全部可能的灰度级，且均匀分布，具有高对比度。
 - ✓ **基本思想：**把原始图的直方图变换为均匀分布的形式，从而增加了像素灰度值的动态范围，达到增强图像整体对比度的效果。



直方图均衡化：连续变换函数

- 首先考虑连续函数情况，将图像灰度 r 归一化到 $[0,1]$ 范围。

$$s = T(r) \quad 0 \leq r \leq 1$$

- 转换函数 $T(r)$ 需要满足如下两个条件：
- (1) $T(r)$ 在区间 $0 \leq r \leq 1$ 内为单值且单调递增
- (2) 当 $0 \leq r \leq 1$ 时， $0 \leq T(r) \leq 1$
- 条件(1)保证原图各灰度级在变换后仍保持从黑到白（或者从白到黑）的排列次序
- 条件(2)保证变换前后灰度值动态范围的一致性



直方图均衡化：连续变换函数

- 一种重要的变换函数：

$$s = T(r) = \int_0^r p_r(\omega) d\omega$$

其中， p_r ：原图的灰度概率分布函数

- 满足条件(1)：因为 $p_r > 0$ ，所以 p_r 的积分是单值且单调递增的。
- 满足条件(2)：因为 $0 \leq r \leq 1$ ， $0 \leq p_r \leq 1$ ，所以 $0 \leq T_r \leq 1$ 。

直方图均衡化：连续变换函数

- 给定 p_r 和 $T(r)$ ，且 $T^{-1}(s)$ 满足条件(1)，根据概率理论，变换后的图像灰度概率分布函数 p_s 则可以表达如下：

$$p_s(s) = p_r(r) \left| \frac{dr}{ds} \right|$$

- 根据莱布尼茨法则（关于上限的定积分的导数是该上限的**被积函数**）：

$$\frac{ds}{dr} = \frac{dT(r)}{dr} = \frac{d}{dr} \left[\int_0^r p_r(\omega) d\omega \right] = p_r(r)$$

- 带入上式：

$$p_s(s) = p_r(r) \left| \frac{1}{p_r(r)} \right| = 1 \quad 0 \leq s \leq 1$$

均匀分布
(Uniform Distribution)



直方图均衡化：离散变换函数

- 对于离散值（即离散概率分布）：

$$p_r(r_k) = \frac{n_k}{n}$$

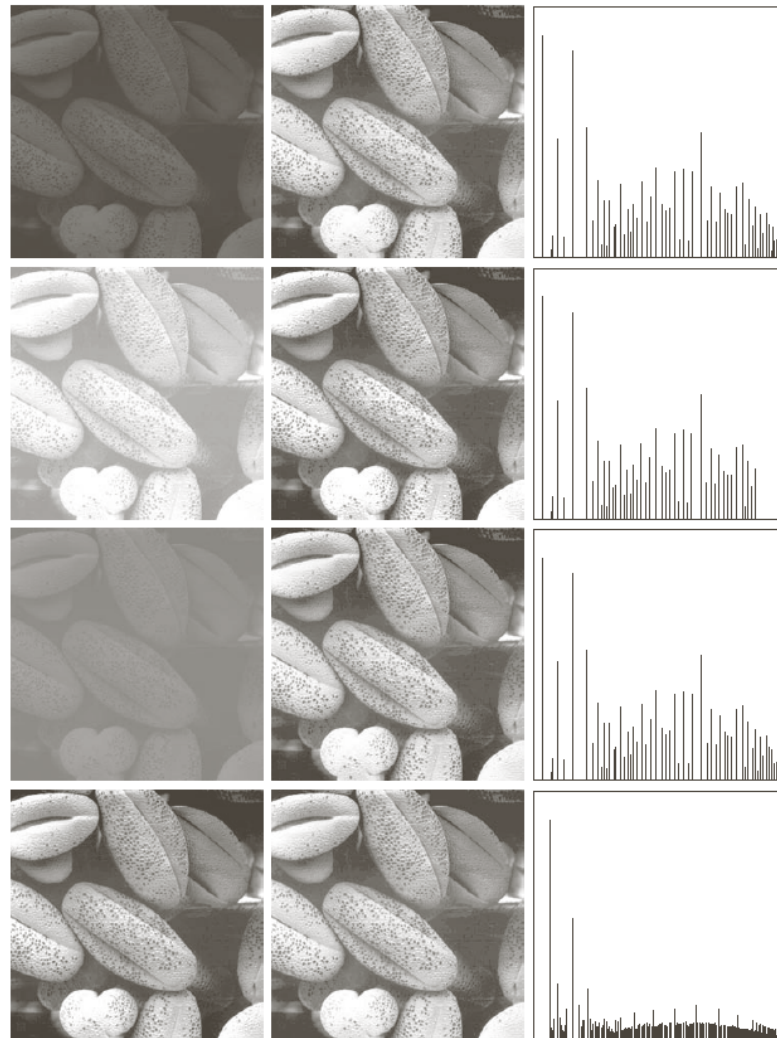
- 该变换函数的离散形式为：

$$s_k = \sum_{j=0}^k p_r(r_k) = \sum_{j=0}^k \frac{n_j}{n}$$

- 如何根据均衡化的直方图，得到输出图像？
将输入图像中灰度级为 r_k 的各像素映射到输出图像中灰度级为 s_k 的对应像素。

直方图均衡化：示例

- 左列：原图
- 中列：直方图均衡化结果
- 右列：均衡化的直方图





空间域图像处理

- 基本概念
- 基本运算
 - ✓ 点运算
 - ✓ 直方图运算
 - ✓ 代数运算
- 空间滤波器
 - ✓ 平滑空间滤波器
 - ✓ 锐化空间滤波器



代数运算

- **代数运算：**以像素对像素为基础、在两幅或多幅图像间进行。
- 算术运算：加、减、乘
- 逻辑运算：非、与、或、异或



减法运算

- 图像减法运算：两幅图像 $f(x,y)$ 和 $h(x,y)$ 之间的差值

$$g(x, y) = f(x, y) - h(x, y)$$

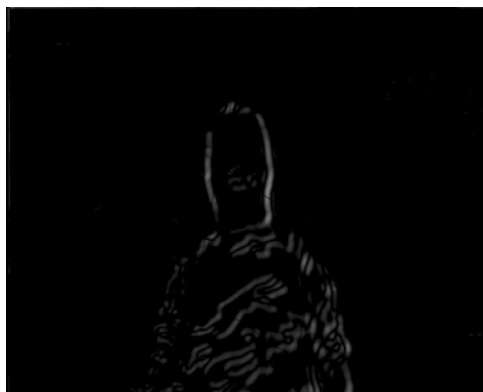
- 主要应用：
 - ✓ (1) 检测同一场景（背景）下，两幅图像之间的变化
 - ✓ (2) 图像分割：在静态背景中，获取运动物体。

减法运算：示例

- 在静态背景中，获取运动物体。



—





加法运算：图像均值去噪

- **图像加法运算**：两幅图像 $f(x,y)$ 和 $h(x,y)$ 之间的和。

$$g(x, y) = f(x, y) + h(x, y)$$

- 主要应用：**图像均值去噪**
- 由于噪声的干扰，对于一幅原始图像 $f(x,y)$ ，都会存在着一个噪声图像集合：

$$\{g_i(x, y)\}, \quad i = 1, 2, \dots, N$$

其中

$$g_i(x, y) = f(x, y) + h_i(x, y)$$



加法运算：图像均值去噪

- 对所有噪声图像采用均值操作：

$$\bar{g}(x, y) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N g_i(x, y)$$

- 假设噪声 $h(x, y)$ 期望值为0，且互不相关，可以证明均值图像的期望值即是原始图像：

$$E[\bar{g}(x, y)] = f(x, y)$$

- 随着 N 的不断增大，均值图像会不断接近于原图像，即起到了去噪的效果。

图像均值去噪：示例

- 星系图去噪

原图



噪声图像



N=8



N=16



N=64



N=128



图像均值去噪：示例

■ 星系图去噪

