

1. (P. 70 4)一个字长为 16 的机器中，整型数据大小等同于指针，那么无符号整型数据、有符号整型数据以及有符号短整型数据的表示范围分别是多少？

字长是指 CPU 一次能处理的二进制位数，通常等同于：

(1)通用寄存器的位数（如 EAX 在 16 位 CPU 中是 16 位）。

(2)数据总线的宽度（如 16 位 CPU 通常有 16 位数据总线）。

(3)指针的大小（如 16 位机器指针是 2 字节）。

机器位数（通常称为“机器字长”或“CPU 位数”）是指：

(1)CPU 寄存器的宽度（如 16 位、32 位、64 位）。

(2)数据总线的宽度（CPU 一次能处理的数据位数）。

(3)地址总线的宽度（决定可寻址的内存空间，如 16 位 → 64KB）。

机器位数=字长=CPU 寄存器宽度（通常）；机器位数决定了 CPU 最自然的整数运算大小。

因此，

机器位数	字长	典型 int 大小	指针大小	最大内存寻址
16 位	16 位	16 位（2 字节）	16 位	64KB

答：

（1）无符号整型数据（unsigned int）：

16 位全用于表示数值，没有符号位。

范围：0 到 2 的 16 次方-1

即：0 到 65535

（2）有符号整型数据（int）：

使用补码表示，1 位符号位，15 位数值位。

范围：-2 的 15 次方到 2 的 15 次方-1

即：-32768 到 32767

(3) short int (短整型) 原本是为了节省内存而设计的，但在 16 位机器中，如果 int 已经是 16 位，short 不能再更小（否则可能影响性能），所以它通常也是 16 位。

有符号短整型数据 (short int)：

通常为 16 位。

同样使用补码表示，范围与 int 相同。

即：-32768 到 32767

2. (P70 9) 对于下列 C 语言代码 (节选)，给出其在 32 位机器上的输出结果，并解释产生这些结果的原因。

```
1  #include <stdio.h>
2  int main(){
3      int x=-1;
4      unsigned int uy=4294967295UL;
5      int a=(x^uy);
6      int b=(x&&uy);
7      printf("unsigned x is:%u \n",x);
8      printf("signed uy is:%d \n",uy);
9      printf("a=%d\n",a);
10     printf("b=%d\n",b);
11 }
```

• (base) xiaoye@长东:/mnt/d/hnu/大二课程/计算机系统/作业\$ file 2.2
2.2: ELF 32-bit LSB pie executable, Intel 80386, version 1 (SYSV), dynamically linked, interpreter /lib/ld-linux.so.2, BuildID[sha1]=bc45d88498afc44e74db68333733cf40365fafc, for GNU/Linux 3.2.0, not stripped
• (base) xiaoye@长东:/mnt/d/hnu/大二课程/计算机系统/作业\$./2.2
unsigned x is:4294967295
signed uy is:-1
a=0
b=1

原因：

(1)

在计算机中，负数采用补码 (Two's Complement) 表示，计算方式如下：

-1 的补码计算：

原码 (绝对值的二进制)：00000000 00000000 00000000 00000001

(即 1)

取反 (按位取反)：11111111 11111111 11111111 11111110

加 1 (得到补码)：11111111 11111111 11111111 11111111

x 的二进制表示：1111 1111 1111 1111 1111 1111 1111 1111

uy 的二进制表示：1111 1111 1111 1111 1111 1111 1111 1111

(2) x 按无符号数输出，最高位是正权。 $2^{31} + 2^{30} + \dots + 2^0$ 次方 (实际上等于 $2^{32} - 1$)。输出 unsigned x is:4294967295。

(3) uy 按有符号数输出。最高位是负权。 $(-1) * 2^{31} + 2^{30} + \dots + 2^0$ 次方。输出 signed uy is:-1;

(4) 位运算：x 和 uy 异或。在二进制层面上，按位异或，逐位比较 x 和 y，相同为 0，不同为 1。由上可知，两者相同，输出 a=0;

(4) 逻辑运算：x 与 uy。如果 x 和 uy 都不为 0，则返回 1 (真)。只要有一个是 0，就返回 0 (假)。&& 不会改变操作数的类型，它只关心 x 和 uy 是否为零。由上可知，x、uy 都不为 0，所以输出 b=1。

3. (P71 11) 假如某浮点数类型有 1 位符号位、8 位尾数和 1 位阶码, 则该类型能表示的最大浮点数的十进制数值是多少?

(1) 由 IEEE 浮点表示法可知, 一个浮点数的二进制位模式被划分为三个字段:

(1) 一个单独的符号位 s , 直接编码符号位 S ;

(2) k 位的阶码字段 $\text{exp} = e(k-1) e(k-2) \cdots e(0)$
编码阶码 E ;

(3) n 位的小数字段 $\text{frac} = f(n-1) \cdots f(0)$ 编码尾数 M ,
但是编码出来的值也依赖于阶码字段的值是否为 0。

在位表示确定的情况下, 依据不同的 exp 值, 被编码的浮点数可以分成三种不同的情况:

(1) exp 的位模式既非全 0 也非全 1, 所表示的数为规格化的值。
 $E = e - \text{Bias}$ 。【 $\text{Bias} = 2$ 的 $k-1$ 次方 -1 , k 是阶码位数】, $M = 1 + f$;

(2) exp 的位模式为全 0, 所表示的数为非规格化的值。 $E = 1 - \text{Bias}$;
 $M = f$;

(3) exp 的位模式为全 1, 所表示的数为特殊值。此时, 小数域全 0 表示无穷, $s=0$ 对应正无穷, $s=1$ 对应负无穷; 如果小数域非 0, 此数值称为 NaN, 意为“不是一个数”。

本题中, 阶码为 1, 故只有 exp 全 0 和全 1 两种情况。经计算, $\text{Bias}=0$ 。
具体结果如下:



$$\text{Bias} = 2^{k-1} - 1 \text{ (其中 } k=1 \Rightarrow \text{Bias} = 0)$$

非规格化的值:

S	exp	frac	E	Value
0	0	0000 0000		0
0	0	0000 0001		$(2^{-8}) \times 2 = \frac{1}{128}$
0	0	0000 0011		$(2^{-7} + 2^{-8}) \times 2 =$
0	0	0000 0111		$(2^{-6} + 2^{-7} + 2^{-8}) \times 2 =$
0	0	0000 1111		$(2^{-5} + 2^{-6} + 2^{-7} + 2^{-8}) \times 2 =$

特殊值:

0	1	0000 0000	n/a	inf
0	1	0000 0001		NaN
0	1	0000 0011		
0	1	0000 0111		
0	1	0000 1111		

最大浮点数的十进制为: 1.9921875

(2) 但本题只有 1 位阶码, 如果不区分规格化和特殊值的话, 将 exp 全 1, 看作规格化值, 那么可表示的最大浮点数为 0 1 11111111, 该值的 $M=1+f$, $E=1$, 换算为十进制的结果为 3.9921875。

最大浮点数的十进制为: 3.9921875

4. (P71 17) 考虑下列基于 IEEE 浮点格式的 7 位浮点表示。两个格式都没有符号位——它们只能表示非负的数字。

1) 格式 A

- 有 $k=3$ 个阶码位。阶码的偏置值是 3;
- 有 $n=4$ 个小数位

2) 格式 B

- 有 $k=4$ 个阶码位。阶码的偏置值是 7;
- 有 $n=3$ 个小数位

请以格式 A 表示的数 [101 1110] 转换为格式 B 表示的数。

答：格式 A 表示的数 [101 1110] 转换为格式 B 表示的数 [1001 111]。

IEEE 表示法见上一题表达，不再赘述，具体分析过程如下。

格式 A 表示的数 [101 1110]

exp 不是全 0, 也不是全 1 \Rightarrow 它是规格化的值.

$$E = e - \text{Bias} \quad M = 1 + f$$

$$\text{格式 A: Bias} = 3 \quad e = 5 \quad f = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} = \frac{7}{8}$$

$$\downarrow$$

$$\text{十进制: } E = 2 \quad M = \frac{15}{8} \quad 2^2 \times \frac{15}{8} = \frac{15}{2}$$

$$\downarrow$$

$$\text{二进制: } 111.1 \Leftrightarrow 1.111 \times 2^2$$

$$\downarrow$$

$$\text{格式 B: 由 } 1.111 \times 2^2 \text{ 知, } E = 2$$

格式 B 有 $k=4$ 个阶码位, 阶码的偏置是 7

$$e = E + \text{Bias} = 2 + 7 = 9 \xrightarrow{\text{二进制}} 1001$$

格式 B 有 $n=3$ 个小数位, $M = 1 + f$

$$\text{frac} = 111$$

综上, 以格式 A 表示的数 [101 1110] 转换为格式 B 表示的数 [1001 111]。

4. 假设一个基于 IEEE 浮点格式的 9 位浮点表示有 1 个符号位、4 个阶码位 ($k=4$) 和 4 个尾数位 ($n=4$)，请写出正数中最小的非规格化数、最大的非规格化数、最小的规格化数、最大的规格化数的二进制位表示。

答：正数中最小的非规格化数、最大的非规格化数、最小的规格化数、最大的规格化数的二进制位表示分别为 0 0000 0001、0 0000 1111、0 0001 0000、0 1110 1111。分析如下：

1个符号位、4个阶码位($k=4$)、4个尾数位($n=4$)

$$\text{Bias} = 2^{k-1} - 1 = 7$$

IEEE浮点数表示方法

{	exp非全0或全1	规格化的值	$E = e - \text{Bias}$	$M = 1.f$
	exp全0	非规格化的值	$E = 1 - \text{Bias}$	$M = f$
	exp全1	小数域全0	$S=0 \quad +\infty$	$S=1 \quad -\infty$
		小数域非0	NaN	

S	exp	frac	E	value
<u>非规格化数</u>				
0	0000	0000	-6	0
0	0000	0001	-6	$\frac{1}{16} \times (2^{-6}) = \frac{1}{1024}$ 正数中最小的非规格化数.
0	0000	0010	-6	$\frac{1}{8} \times (2^{-6})$
...
0	0000	1111	-6	$(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16}) \times 2^{-6} = \frac{15}{1024}$ 正数中最大的非规格化
<u>规格化数</u>				
0	0001	0000	-6	$2^{-6} = \frac{1}{64}$ 正数中最小的规格化数.
0	0001	0001	-6	$(\frac{1}{16} + 1) \times 2^{-6}$
...
0	1110	1110	7	$(1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8}) \times 2^7$
0	1110	1111	7	$(1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16}) \times 2^7 = 248$ 正数中最大的规格化数.
<u>特殊值</u>				
0	1111	0000	n/a	inf
0	1111	0001		NaN
...
0	1111	1111		NaN