

## Лабораторная п6

### Задание 1

Добавьте в класс Functions метод, возвращающий значение интеграла функции, вычисленное с помощью численного метода.

```
public static double integrate(Function function, double leftLimit, double rightLimit, double step) { 3 usages
    // Проверка входных параметров
    if (step <= 0) {
        throw new IllegalArgumentException("Шаг интегрирования должен быть положительным: " + step);
    }

    if (Double.isNaN(leftLimit) || Double.isNaN(rightLimit)) {
        throw new IllegalArgumentException("Границы интегрирования не могут быть NaN");
    }

    if (leftLimit >= rightLimit) {
        throw new IllegalArgumentException(
            String.format("Левая граница (%f) должна быть меньше правой (%f)", leftLimit, rightLimit)
        );
    }

    // Проверка области определения
    if (leftLimit < function.getLeftDomainBorder() || rightLimit > function.getRightDomainBorder()) {
        throw new IllegalArgumentException(
            String.format("Интервал интегрирования [%f, %f] выходит за границы области определения [%f, %f]",
                leftLimit, rightLimit,
                function.getLeftDomainBorder(), function.getRightDomainBorder())
        );
    }

    double integral = 0.0;
    double currentX = leftLimit;
    double nextX;
```

### Задание 2

Создайте пакет threads, в котором будут размещены классы, связанные с потоками.

```
package threads;

import functions.Function;

public class Task { 7 usages
    private Function function; 3 usages
    private double leftBound; 4 usages
    private double rightBound; 4 usages
    private double step; 4 usages
    private int taskCount; 3 usages
    private int generatedCount; 5 usages
    private int processedCount; 5 usages

    public Task() { 1 usage
        this.generatedCount = 0;
        this.processedCount = 0;
    }

    public Task(Function function, double leftBound, double rightBound, double step) { n
        this.function = function;
        this.leftBound = leftBound;
        this.rightBound = rightBound;
        this.step = step;
        this.generatedCount = 0;
        this.processedCount = 0;
    }

    // Геттеры и сеттеры
    public Function getFunction() {
        return function;
    }

    public void setFunction(Function function) {
        this.function = function;
    }

    public double getLeftBound() { 1 usage
        return leftBound;
    }

    public void setLeftBound(double leftBound) { 1 usage
```

```
6         public static void nonThread() { 1 usage 2 leprosy
7             // ... реализация nonThread ...
8         }
9     }
```

Задание 3.

В пакете threads создайте два следующих класса. При их реализации воспользуйтесь

фрагментами последовательной версии программы из предыдущего задания.

```
package threads;

import functions.basic.Log;
import java.util.Random;

public class SimpleGenerator implements Runnable { 2 usages
    private final Task task; 15 usages
    private final Random random; 5 usages

    public SimpleGenerator(Task task) { 1 usage
        this.task = task;
        this.random = new Random();
    }

    @Override
    public void run() {
        try {
            int taskCount = task.getTaskCount();

            for (int i = 0; i < taskCount; i++) {
                synchronized (task) {
                    // Генерация параметров
                    double base = 1 + random.nextDouble() * 9;
                    if (Math.abs(base - 1.0) < 1e-10) base = 1.1;

                    double leftBound = random.nextDouble() * 99.9 + 0.1;
                    double rightBound = 100 + random.nextDouble() * 100;

                    double step = random.nextDouble();
                    if (step < 1e-10) step = 0.01;

                    // Установка параметров
                    task.setFunction(new Log(base));
                    task.setLeftBound(leftBound);
                    task.setRightBound(rightBound);
                    task.setStep(step);
                }
            }
        }
    }
}
```

```

1 package threads;
2
3 import functions.Function;
4 import functions.Functions;
5
6 public class SimpleIntegrator implements Runnable { 1 usage 1 reprosy
7     private final Task task; 10 usages
8
9     public SimpleIntegrator(Task task) { 2 usages 1 reprosy
10         this.task = task;
11     }
12
13     @Override 1 reprosy
14     public void run() {
15         int taskCount = task.getTaskCount();
16         int processed = 0;
17
18         while (processed < taskCount) {
19             // Проверяем, не прерван ли поток
20             if (Thread.currentThread().isInterrupted()) {
21                 return;
22             }
23
24             double leftBound = 0, rightBound = 0, step = 0;
25             Function function = null;
26
27             // Чтение параметров с блокировкой
28             synchronized (task) {
29                 // Проверяем, есть ли новые задания для обработки
30                 if (task.getGeneratedCount() <= processed) {
31                     // Нет новых заданий - короткая пауза
32                     try {
33                         task.wait( timeoutMillis: 10);
34                     } catch (InterruptedException e) {
35                         Thread.currentThread().interrupt();

```

```

    public static void simpleThreads() { 1 usage 1 reprosy
        // ... реализация simpleThreads ...
    }

    public static void complicatedThreads() { 1 usage 1 reprosy
        // ... реализация complicatedThreads ...
    }

```

Задание 4.

=== ТЕСТИРОВАНИЕ МЕТОДА ИНТЕГРИРОВАНИЯ ===

Функция:  $e^x$  (экспонента)

Отрезок:  $[0, 1]$

Область определения:  $[-\text{Infinity}, \text{Infinity}]$

Левая граница области определения:  $-\text{Infinity}$

Правая граница области определения:  $\text{Infinity}$

--- Проверка вычисления функции ---

$f(0,00) = 1,000000$  (ожидается:  $1,000000$ )

$f(0,25) = 1,284025$  (ожидается:  $1,284025$ )

$f(0,50) = 1,648721$  (ожидается:  $1,648721$ )

$f(0,75) = 2,117000$  (ожидается:  $2,117000$ )

$f(1,00) = 2,718282$  (ожидается:  $2,718282$ )

Теоретическое значение интеграла:  $1,7182818285$

--- Тестирование интегрирования с разными шагами ---

Шаг:  $1,000000$  | Результат:  $1,8591409142$  | Погрешность:  $1,41e-01$  (8,198%) | Точность: ~0 знаков

Шаг:  $0,500000$  | Результат:  $1,7539310925$  | Погрешность:  $3,56e-02$  (2,075%) | Точность: ~1 знаков

Шаг:  $0,100000$  | Результат:  $1,7197134914$  | Погрешность:  $1,43e-03$  (0,083%) | Точность: ~2 знаков

Шаг:  $0,050000$  | Результат:  $1,7186397889$  | Погрешность:  $3,58e-04$  (0,021%) | Точность: ~3 знаков

Шаг:  $0,010000$  | Результат:  $1,7182961475$  | Погрешность:  $1,43e-05$  (0,001%) | Точность: ~4 знаков

Шаг:  $0,005000$  | Результат:  $1,7182854082$  | Погрешность:  $3,58e-06$  (0,000%) | Точность: ~5 знаков

Шаг:  $0,001000$  | Результат:  $1,7182819716$  | Погрешность:  $1,43e-07$  (0,000%) | Точность: ~6 знаков

Шаг:  $0,000500$  | Результат:  $1,7182818643$  | Погрешность:  $3,58e-08$  (0,000%) | Точность: ~7 знаков

Шаг:  $0,000100$  | Результат:  $1,7182818299$  | Погрешность:  $1,43e-09$  (0,000%) | Точность: ~8 знаков

Шаг:  $0,000050$  | Результат:  $1,7182818288$  | Погрешность:  $3,58e-10$  (0,000%) | Точность: ~9 знаков

Шаг:  $0,000010$  | Результат:  $1,7182818285$  | Погрешность:  $1,43e-11$  (0,000%) | Точность: ~10 знаков

--- Поиск шага для точности 7 знака после запятой ---|

Цель: погрешность  $< 0,0000001$  ( $10^{-7}$ )

Это означает точность до 7 знаков после запятой

Итерация 1: Шаг =  $0,01000000$ , Интеграл =  $1,7182961475$ , Погрешность =  $1,43e-05$  (4 знака точности) (лучший)

Итерация 2: Шаг =  $0,00300000$ , Интеграл =  $1,7182831154$ , Погрешность =  $1,29e-06$  (5 знаков точности) (лучший)

Итерация 3: Шаг =  $0,00150000$ , Интеграл =  $1,7182821504$ , Погрешность =  $3,22e-07$  (6 знаков точности) (лучший)

Итерация 4: Шаг =  $0,00120000$ , Интеграл =  $1,7182820345$ , Погрешность =  $2,06e-07$  (6 знаков точности) (лучший)

Итерация 5: Шаг =  $0,00096000$ , Интеграл =  $1,7182819603$ , Погрешность =  $1,32e-07$  (6 знаков точности) (лучший)

Итерация 6: Шаг =  $0,00076800$ , Интеграл =  $1,7182819129$ , Погрешность =  $8,44e-08$  (7 знаков точности) (лучший) ✓ ДОСТИГНУТА ЦЕЛЬ (7+ знаков)

--- РЕЗУЛЬТАТЫ ПОИСКА ---

Лучший найденный шаг:  $0,000768000000$

Вычисленное значение:  $1,718281912908$

Теоретическое значение:  $1,718281828459$

Достигнутая погрешность:  $0,000000084448$

Целевая погрешность:  $0,000000100000$

Достигнутая точность: ~7 знаков после запятой

✓ УСПЕХ: Найден шаг, обеспечивающий точность 7 знака!

--- АНАЛИЗ ПРОИЗВОДИТЕЛЬНОСТИ ---

Для шага  $0,00076800$  потребуется:

~1304 вычислений функции

~1304 операций умножения/сложения

--- СРАВНЕНИЕ МЕТОДОВ ---

Метод прямоугольников (используемый) дает линейную сходимость

Т.е. для увеличения точности в 10 раз нужно уменьшить шаг в 10 раз

Это соответствует необходимости  $\sim 10^7$  операций для 7 знаков



=== БИНАРНЫЙ ПОИСК ОПТИМАЛЬНОГО ШАГА ===

Поиск оптимального шага методом бинарного поиска...

Диапазон поиска: [0,00000001, 0,10000000]

Итерация 1:	Шаг = 0,0500000050,	Погрешность = 3,58e-04 (3 знаков)	(лучший) ×
Итерация 2:	Шаг = 0,0750000025,	Погрешность = 7,77e-04 (3 знаков)	×
Итерация 3:	Шаг = 0,0875000013,	Погрешность = 1,04e-03 (2 знаков)	×
Итерация 4:	Шаг = 0,0937500006,	Погрешность = 1,19e-03 (2 знаков)	×
Итерация 5:	Шаг = 0,0968750003,	Погрешность = 1,29e-03 (2 знаков)	×
Итерация 6:	Шаг = 0,0984375002,	Погрешность = 1,35e-03 (2 знаков)	×
Итерация 7:	Шаг = 0,0992187501,	Погрешность = 1,39e-03 (2 знаков)	×
Итерация 8:	Шаг = 0,0996093750,	Погрешность = 1,41e-03 (2 знаков)	×
Итерация 9:	Шаг = 0,0998046875,	Погрешность = 1,42e-03 (2 знаков)	×
Итерация 10:	Шаг = 0,0999023438,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 11:	Шаг = 0,0999511719,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 12:	Шаг = 0,0999755859,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 13:	Шаг = 0,0999877930,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 14:	Шаг = 0,0999938965,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 15:	Шаг = 0,0999969482,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 16:	Шаг = 0,0999984741,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 17:	Шаг = 0,0999992371,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 18:	Шаг = 0,0999996185,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 19:	Шаг = 0,0999998093,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 20:	Шаг = 0,0999999046,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 21:	Шаг = 0,0999999523,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 22:	Шаг = 0,0999999762,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 23:	Шаг = 0,0999999881,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 24:	Шаг = 0,0999999940,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 25:	Шаг = 0,0999999970,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 26:	Шаг = 0,0999999985,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 27:	Шаг = 0,0999999993,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 28:	Шаг = 0,0999999996,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 29:	Шаг = 0,0999999998,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×
Итерация 30:	Шаг = 0,0999999999,	Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков)	×

--- РЕЗУЛЬТАТ БИНАРНОГО ПОИСКА ---

Оптимальный шаг: 0,050000005000

Вычисленное значение: 1,718639788886

Теоретическое значение: 1,718281828459

Достигнутая погрешность: 0,000357960427

Достигнутая точность: 3 знаков после запятой

▲ Лучшая достигнутая точность: 3 знаков

--- ПРАКТИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ---

Для большинства практических задач:

1. Шаг 0.001 дает точность ~3 знака
2. Шаг 0.0001 дает точность ~4 знака
3. Шаг 0.00001 дает точность ~5 знака
4. Для 7 знаков нужен шаг ~0,05000001

▲ ВАЖНО: Очень маленький шаг может вызвать:

- Накопление ошибок округления
- Большое время вычислений
- Проблемы с памятью

Рекомендуется найти баланс между точностью и производительностью

=== ТОЧНЫЙ РАСЧЕТ ДЛЯ ДЕМОНСТРАЦИИ ===

Демонстрация расчета с шагом 1.0E-6:

Вычисленное значение: 1,718281828459

Теоретическое значение: 1,718281828459

Абсолютная погрешность: 1,83e-13

Относительная погрешность: 0,0000%

Точность: 12 знаков после запятой

Время вычисления: 17,415 мс

Количество операций: ~1000000

Скорость: ~57423 операций/мс

```
=====
ПЕРЕХОД К МНОГОПОТОЧНЫМ ТЕСТАМ
=====

=== ИТОГОВАЯ СТАТИСТИКА ===
1. nonThread (последовательная):
    Время: 0,00 сек
    Скорость: Infinity задач/сек

2. simpleThreads (простая многопоточная):
    Время: 0,00 сек
    Скорость: Infinity задач/сек
    Ускорение: NaN%

3. complicatedThreads (сложная многопоточная):
    Время: 0,00 сек
    Скорость: Infinity задач/сек
    Ускорение: NaN%

Общее время выполнения всех тестов: 2.001 сек

=== РЕЗУЛЬТАТЫ ТЕСТИРОВАНИЯ ИНТЕГРИРОВАНИЯ ===
Для функции  $e^x$  на отрезке  $[0, 1]$ :
Теоретическое значение интеграла: 1.718281828459045

Для достижения точности 7 знаков после запятой:
Рекомендуемый шаг дискретизации:  $\sim 0.000001$  ( $10^{-6}$ )
Это даст погрешность  $< 0.0000001$  ( $10^{-7}$ )

Примечание: фактический шаг зависит от используемого
метода интегрирования (прямоугольники, трапеции и т.д.)

=== ПРОГРАММА ЗАВЕРШЕНА ===

Process finished with exit code 0
```