

## Лабораторная №6

### Задание 1

Добавьте в класс Functions метод, возвращающий значение интеграла функции, вычисленное с помощью численного метода.

```
public static double integrate(Function function, double leftLimit, double rightLimit, double step) { 3 usages
    // Проверка входных параметров
    if (step <= 0) {
        throw new IllegalArgumentException("Шаг интегрирования должен быть положительным: " + step);
    }

    if (Double.isNaN(leftLimit) || Double.isNaN(rightLimit)) {
        throw new IllegalArgumentException("Границы интегрирования не могут быть NaN");
    }

    if (leftLimit >= rightLimit) {
        throw new IllegalArgumentException(
            String.format("Левая граница (%f) должна быть меньше правой (%f)", leftLimit, rightLimit)
        );
    }

    // Проверка области определения
    if (leftLimit < function.getLeftDomainBorder() || rightLimit > function.getRightDomainBorder()) {
        throw new IllegalArgumentException(
            String.format("Интервал интегрирования [%f, %f] выходит за границы области определения [%f, %f]",
                leftLimit, rightLimit,
                function.getLeftDomainBorder(), function.getRightDomainBorder()
            )
        );
    }

    double integral = 0.0;
    double currentX = leftLimit;
    double nextX;
```

### Задание 2

Создайте пакет threads, в котором будут размещены классы, связанные с потоками.

```
package threads;

import functions.Function;

public class Task { 7 usages
    private Function function; 3 usages
    private double leftBound; 4 usages
    private double rightBound; 4 usages
    private double step; 4 usages
    private int taskCount; 3 usages
    private int generatedCount; 5 usages
    private int processedCount; 5 usages

    public Task() { 1 usage
        this.generatedCount = 0;
        this.processedCount = 0;
    }

    public Task(Function function, double leftBound, double rightBound, double step) { n
        this.function = function;
        this.leftBound = leftBound;
        this.rightBound = rightBound;
        this.step = step;
        this.generatedCount = 0;
        this.processedCount = 0;
    }

    // Геттеры и сеттеры
    public Function getFunction() {
        return function;
    }

    public void setFunction(Function function) {
        this.function = function;
    }

    public double getLeftBound() { 1 usage
        return leftBound;
    }

    public void setLeftBound(double leftBound) { 1 usage
        this.leftBound = leftBound;
    }

    public static void nonThread() { 1 usage & 1eprosy
        // ... реализация nonThread ...
    }
}
```

Задание 3.

В пакете threads создайте два следующих класса. При их реализации воспользуйтесь

фрагментами последовательной версии программы из предыдущего задания.

```
package threads;

import functions.basic.Log;
import java.util.Random;

public class SimpleGenerator implements Runnable { 2 usages
    private final Task task; 15 usages
    private final Random random; 5 usages

    public SimpleGenerator(Task task) { 1 usage
        this.task = task;
        this.random = new Random();
    }

    @Override
    public void run() {
        try {
            int taskCount = task.getTaskCount();

            for (int i = 0; i < taskCount; i++) {
                synchronized (task) {
                    // Генерация параметров
                    double base = 1 + random.nextDouble() * 9;
                    if (Math.abs(base - 1.0) < 1e-10) base = 1.1;

                    double leftBound = random.nextDouble() * 99.9 + 0.1;
                    double rightBound = 100 + random.nextDouble() * 100;

                    double step = random.nextDouble();
                    if (step < 1e-10) step = 0.01;

                    // Установка параметров
                    task.setFunction(new Log(base));
                    task.setLeftBound(leftBound);
                    task.setRightBound(rightBound);
                    task.setStep(step);
                }
            }
        } catch (Exception e) {
            Log.error("Error in SimpleGenerator.run(): " + e.getMessage());
        }
    }
}
```

```
1 package threads;
2
3     import functions.Function;
4     import functions.Functions;
5
6     public class SimpleIntegrator implements Runnable { 1 usage & 1eprosy
7         private final Task task; 10 usages
8
9     public SimpleIntegrator(Task task) { 2 usages & 1eprosy
10     this.task = task;
11 }
12
13 @Override & 1eprosy
14 public void run() {
15     int taskCount = task.getTaskCount();
16     int processed = 0;
17
18     while (processed < taskCount) {
19         // Проверяем, не прерван ли поток
20         if (Thread.currentThread().isInterrupted()) {
21             return;
22         }
23
24         double leftBound = 0, rightBound = 0, step = 0;
25         Function function = null;
26
27         // Чтение параметров с блокировкой
28         synchronized (task) {
29             // Проверяем, есть ли новые задания для обработки
30             if (task.getGeneratedCount() <= processed) {
31                 // Нет новых заданий - короткая пауза
32                 try {
33                     task.wait( timeoutMillis: 10);
34                 } catch (InterruptedException e) {
35                     Thread.currentThread().interrupt();
```

```
public static void simpleThreads() { 1 usage & 1eprosy
    // ... реализация simpleThreads ...
}

public static void complicatedThreads() { 1 usage & 1eprosy
    // ... реализация complicatedThreads ...
}
```

Задание 4.

```
== ТЕСТИРОВАНИЕ МЕТОДА ИНТЕГРИРОВАНИЯ ==
Функция: e^x (экспонента)
Отрезок: [0, 1]
Область определения: [-Infinity, Infinity]
Левая граница области определения: -Infinity
Правая граница области определения: Infinity

--- Проверка вычисления функции ---
f(0,00) = 1,000000 (ожидается: 1,000000)
f(0,25) = 1,284025 (ожидается: 1,284025)
f(0,50) = 1,648721 (ожидается: 1,648721)
f(0,75) = 2,117000 (ожидается: 2,117000)
f(1,00) = 2,718282 (ожидается: 2,718282)
```

Теоретическое значение интеграла: 1,7182818285

```
--- Тестирование интегрирования с разными шагами ---
Шаг: 1,000000 | Результат: 1,8591409142 | Погрешность: 1,41e-01 (8,198%) | Точность: ~0 знаков
Шаг: 0,500000 | Результат: 1,7539310925 | Погрешность: 3,56e-02 (2,075%) | Точность: ~1 знаков
Шаг: 0,100000 | Результат: 1,7197134914 | Погрешность: 1,43e-03 (0,083%) | Точность: ~2 знаков
Шаг: 0,050000 | Результат: 1,7186397889 | Погрешность: 3,58e-04 (0,021%) | Точность: ~3 знаков
Шаг: 0,010000 | Результат: 1,7182961475 | Погрешность: 1,43e-05 (0,001%) | Точность: ~4 знаков
Шаг: 0,005000 | Результат: 1,7182854082 | Погрешность: 3,58e-06 (0,000%) | Точность: ~5 знаков
Шаг: 0,001000 | Результат: 1,7182819716 | Погрешность: 1,43e-07 (0,000%) | Точность: ~6 знаков
Шаг: 0,000500 | Результат: 1,7182818643 | Погрешность: 3,58e-08 (0,000%) | Точность: ~7 знаков
Шаг: 0,000100 | Результат: 1,7182818299 | Погрешность: 1,43e-09 (0,000%) | Точность: ~8 знаков
Шаг: 0,000050 | Результат: 1,7182818288 | Погрешность: 3,58e-10 (0,000%) | Точность: ~9 знаков
Шаг: 0,000010 | Результат: 1,7182818285 | Погрешность: 1,43e-11 (0,000%) | Точность: ~10 знаков
```

```
--- Поиск шага для точности 7 знака после запятой ---
Цель: погрешность < 0.0000001 (10^-7)
Это означает точность до 7 знаков после запятой
Итерация 1: Шаг = 0,0100000, Интеграл = 1,7182961475, Погрешность = 1,43e-05 (4 знаков точности) (лучший)
Итерация 2: Шаг = 0,00300000, Интеграл = 1,7182831154, Погрешность = 1,29e-06 (5 знаков точности) (лучший)
Итерация 3: Шаг = 0,00150000, Интеграл = 1,7182821504, Погрешность = 3,22e-07 (6 знаков точности) (лучший)
Итерация 4: Шаг = 0,00120000, Интеграл = 1,7182820345, Погрешность = 2,06e-07 (6 знаков точности) (лучший)
Итерация 5: Шаг = 0,00096000, Интеграл = 1,7182819603, Погрешность = 1,32e-07 (6 знаков точности) (лучший)
Итерация 6: Шаг = 0,00076800, Интеграл = 1,7182819129, Погрешность = 8,44e-08 (7 знаков точности) (лучший) ✓ ДОСТИГНУТА ЦЕЛЬ (7+ знаков)
```

```
--- РЕЗУЛЬТАТЫ ПОИСКА ---
Лучший найденный шаг: 0,000768000000
Вычисленное значение: 1,718281912908
Теоретическое значение: 1,71828182459
Достигнутая погрешность: 0,000000084448
Целевая погрешность: 0,000000100000
Достигнутая точность: ~7 знаков после запятой
 УСПЕХ: Найден шаг, обеспечивающий точность 7 знака!
```

```
--- АНАЛИЗ ПРОИЗВОДИТЕЛЬНОСТИ ---
Для шага 0,00076800 потребуется:
~1304 вычислений функции
~1304 операций умножения/сложения

--- СРАВНЕНИЕ МЕТОДОВ ---
Метод прямоугольников (используемый) дает линейную сходимость
Т.е. для увеличения точности в 10 раз нужно уменьшить шаг в 10 раз
Это соответствует необходимости ~10^7 операций для 7 знаков
```

== БИНАРНЫЙ ПОИСК ОПТИМАЛЬНОГО ШАГА ==

Поиск оптимального шага методом бинарного поиска...

Диапазон поиска: [0,00000001, 0,10000000]

Итерация 1: Шаг = 0,0500000050, Погрешность = 3,58e-04 (3 знаков) (лучший) ×  
Итерация 2: Шаг = 0,0750000025, Погрешность = 7,77e-04 (3 знаков) ×  
Итерация 3: Шаг = 0,0875000013, Погрешность = 1,04e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 4: Шаг = 0,0937500006, Погрешность = 1,19e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 5: Шаг = 0,0968750003, Погрешность = 1,29e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 6: Шаг = 0,0984375002, Погрешность = 1,35e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 7: Шаг = 0,0992187501, Погрешность = 1,39e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 8: Шаг = 0,0996093750, Погрешность = 1,41e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 9: Шаг = 0,0998046875, Погрешность = 1,42e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 10: Шаг = 0,0999023438, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 11: Шаг = 0,0999511719, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 12: Шаг = 0,0999755859, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 13: Шаг = 0,09998777930, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 14: Шаг = 0,0999938965, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 15: Шаг = 0,0999969482, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 16: Шаг = 0,0999984741, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 17: Шаг = 0,0999992371, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 18: Шаг = 0,0999996185, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 19: Шаг = 0,0999998093, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 20: Шаг = 0,0999999046, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 21: Шаг = 0,0999999523, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 22: Шаг = 0,0999999762, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 23: Шаг = 0,0999999881, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 24: Шаг = 0,0999999940, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 25: Шаг = 0,0999999970, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 26: Шаг = 0,0999999985, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 27: Шаг = 0,0999999993, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 28: Шаг = 0,0999999996, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 29: Шаг = 0,0999999998, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×  
Итерация 30: Шаг = 0,0999999999, Погрешность = 1,43e-03 (2 знаков) ×

```
--- РЕЗУЛЬТАТ БИНАРНОГО ПОИСКА ---
Оптимальный шаг: 0,050000005000
Вычисленное значение: 1,718639788886
Теоретическое значение: 1,718281828459
Достигнутая погрешность: 0,000357960427
Достигнутая точность: 3 знаков после запятой
▲ Лучшая достигнутая точность: 3 знаков
```

--- ПРАКТИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ---

Для большинства практических задач:

1. Шаг 0.001 дает точность ~3 знака
2. Шаг 0.0001 дает точность ~4 знака
3. Шаг 0.00001 дает точность ~5 знака
4. Для 7 знаков нужен шаг ~0,05000001

▲ ВАЖНО: Очень маленький шаг может вызвать:

- Накопление ошибок округления
- Большое время вычислений
- Проблемы с памятью

Рекомендуется найти баланс между точностью и производительностью

== ТОЧНЫЙ РАСЧЕТ ДЛЯ ДЕМОНСТРАЦИИ ==

Демонстрация расчета с шагом 1.0E-6:  
Вычисленное значение: 1,718281828459  
Теоретическое значение: 1,718281828459  
Абсолютная погрешность: 1,83e-13  
Относительная погрешность: 0,0000%  
Точность: 12 знаков после запятой  
Время вычисления: 17,415 мс  
Количество операций: ~1000000  
Скорость: ~57423 операций/мс

```
=====
ПЕРЕХОД К МНОГОПОТОЧНЫМ ТЕСТАМ
=====

==== ИТОГОВАЯ СТАТИСТИКА ===
1. nonThread (последовательная):
   Время: 0,00 сек
   Скорость: Infinity задач/сек

2. simpleThreads (простая многопоточная):
   Время: 0,00 сек
   Скорость: Infinity задач/сек
   Ускорение: NaN%

3. complicatedThreads (сложная многопоточная):
   Время: 0,00 сек
   Скорость: Infinity задач/сек
   Ускорение: NaN%

Общее время выполнения всех тестов: 2.001 сек

==== РЕЗУЛЬТАТЫ ТЕСТИРОВАНИЯ ИНТЕГРИРОВАНИЯ ====
Для функции  $e^x$  на отрезке [0, 1]:
Теоретическое значение интеграла: 1.718281828459045

Для достижения точности 7 знаков после запятой:
Рекомендуемый шаг дискретизации: ~0.000001 ( $10^{-6}$ )
Это даст погрешность < 0.0000001 ( $10^{-7}$ )

Примечание: фактический шаг зависит от используемого
метода интегрирования (прямоугольники, трапеции и т.д.)

==== ПРОГРАММА ЗАВЕРШЕНА ===

Process finished with exit code 0
```