### Моделирование отложения парафинов при добыче нефти закачкой холодной воды

## А.И. Никифоров, Р.В. Садовников, Г.А. Никифоров

Аннотация Разработан новый подход к моделированию отложения парафинов при закачке холодной воды в нефтяные пласты. В модели нефть представлена двумя углеводородными компонентами («нефть» и «парафин»), не растворяющимися в воде. Используется теория идеального раствора бинарной смеси. Замыкающие соотношения для уравнений сохранения массы, импульса и энергии, описывающие пористость, проницаемость и массоперенос, строятся с использованием функции распределения пор по размерам.

#### 1. Введение

Отложение парафина в нефтяном пласте при добыче сырой нефти может привести к снижению производительности пласта, поэтому так важно прогнозировать последствия выпадения парафина из нефти. Отложение парафина вызывает снижение пористости, проницаемости, особенно вблизи призабойной зоны пласта, и, следовательно, увеличение скин-фактора [1].

Парафины состоят из смесей преимущественно нормальных алканов, количество которых в парафине обычно превышает 75% (а может достигать почти 100%), а остальная часть состоит в основном из изоалканов, циклоалканов и алкилбензолов [2]. Основным фактором, влияющим на растворимость парафина в сырой нефти, является температура. В зависимости от температурных условий парафиновый компонент может полностью раствориться в нефти, и нефтяная фаза будет представлена раствором двух компонентов, также парафиновый компонент может полностью перейти в твердое состояние и нефтяная фаза будет представлена дисперсной смесью жидкого нефтяного компонента и твердого парафинового компонента. Для промежуточных условий парафиновый компонент может быть частично растворен в нефти, а частично находиться в нефтяной фазе в виде дисперсных частиц. Если температура сырой нефти падает ниже температуры появления парафина, парафин может осаждаться на поверхности пор. Отложение парафиновых отложений на поверхности пор уменьшает эффективное поровое пространство и серьезно ухудшить способность нефти течь через пористую среду. Поэтому отложение парафина может привести к значительному повреждению пласта и снижению продуктивности нефтяных пластов при добыче нефти или даже к полной закупорке порового пространства. Результаты компьютерно-томографических исследований керна,

выполненных до и после фильтрации парафинсодержащего раствора при снижении температуры, показали [3], что за счет кольматации порового объема парафином открытая пористость уменьшилась с 9,0 до 2,1 % и что поровые каналы диаметром от 20 до 70 мкм могут быть заблокированы парафином.

Моделирование отложения парафина представляет собой сложную задачу, которая включает в себя несколько дисциплин, таких как термодинамика, фазовое равновесие, перенос массы/тепла и механика жидкости. Этой области посвящено большое количество исследований. При моделировании процесса заводнения нефтяного пласта холодной водой необходимо описать два основных явления: во-первых, процесс кристаллизации парафина в нефти, во-вторых, процесс отложения парафина на поверхность пор. Имеется обширная информация о теплофизических свойствах и химическом составе парафинов [4], и были предложены различные термодинамические модели для предсказания начала кристаллизации (т.е. температуры помутнения) и равновесия твердой и жидкой фаз для углеводородных систем [5-9]. Влиянием давления обычно можно пренебречь, если только давление не очень высокое и/или температура не очень низкая. [10] растворимость/осаждение парафинов моделировалось уравнением теории реальных растворов для бинарной смеси. Во многих работах используется теория идеального раствора бинарной смеси, например, в [11-13]. В большинстве публикаций интенсивность отложения парафиновых частиц представляется как сумма трех величин, обусловленных независимыми процессами [1, 3, 10, 13-14]. Первый член отвечает за отложение парафина на поверхности пор под действием силы тяжести и/или адгезии. Второй член отвечает за унос парафиновых отложений нефтяной фазой с поверхности пор, когда внутрипоровая скорость превышает критическую внутрипоровую скорость. Последнее слагаемое отвечает за скорость закупорки поровых каналов. Отложение твердых частиц парафина в коллекторе вызывает снижение проницаемости. Мгновенная локальная проницаемость определяется степенной зависимостью, аналогичной формуле Козени [9, 15].

В данной работе нефть представлена двумя углеводородными компонентами («нефть» и «парафин»), не растворяющимися в воде. Для прогнозирования начала кристаллизации парафина используется модель идеального раствора бинарной смеси [12]. Основное внимание уделено моделированию механизма блокировки пор парафином. Коэффициенты пористости и проницаемости и замыкающие соотношения для уравнений сохранения массы, импульса и энергии строятся с использованием функции распределения пор по размерам [17, 18].

# 2. Основные уравнения модели.

Уравнения баланса массы. В задаче отложения парафинов участвуют две жидкие фазы и три псевдокомпонента. Двумя фазами жидкости являются нефтяная и водная фазы. Три псевдокомпонента - это нефть, вода и парафин. Уравнения баланса масс записываются отдельно для каждого компонента. Предполагается, что между водной фазой и нефтяной фазой не происходит массопереноса.

Псевдокомпонент воды может существовать только в водной фазе. Его массовый баланс определяется выражением:

$$\frac{\partial}{\partial t}(\phi \rho_{w} S_{w}) + \nabla(\rho_{w} \mathbf{U}_{w}) = 0$$

Псевдокомпонент нефти может существовать только в нефтяной фазе:

$$\frac{\partial}{\partial t}(\phi S_o w_o \rho_o) + \nabla(w_o \rho_o \mathbf{U}_o) = 0$$

Парафин может быть частично растворен в нефтяной фазе, взвешен в нефтяной фазе в виде частиц и отложен в поровом пространстве. Уравнение баланса массы парафина имеет следующий вид [8]:

$$\frac{\partial}{\partial t}(\phi S_{o}C\rho_{p} + \phi S_{o}W_{p}\rho_{o}) + \nabla(W_{p}\rho_{o}\mathbf{U}_{o} + W_{ps}\rho_{o}\mathbf{U}_{o}) = -\rho_{p}q_{p}$$

где  $\phi$  — пористость среды;  $S_w$  — водонасыщенность;  $S_o$  - нефтенасыщенность;  $S_w + S_o = 1$ ;  $\mathbf{U}_w$  — скорость водной фазы;  $\mathbf{U}_o$  — скорость нефтяной фазы;  $\rho_w$  — плотность водной фазы;  $\rho_o$  — плотность нефтяной фазы;  $\rho_p$  - плотность парафина. C — объемная концентрация осадка парафина в нефтяной фазе;  $w_o$  представляет собой массовую долю масляного компонента в нефтяной фазе,  $w_p$  и  $w_{ps}$  — массовые доли растворенного парафина и взвешенного осадка парафина в нефти,  $w_o + w_p + w_{ps} = 1$ .  $q_p$  - скорость отложения парафиновых отложений в общем объеме пористой породы.

**Уравнения** движения. Уравнение Дарси используется для описания баланса количества движения нефтяной и водной фаз:

$$\mathbf{U}_{\alpha} = -\frac{k f_{\alpha}}{\mu_{\alpha}} (P_{\alpha} - \rho_{\alpha} gz)$$

где k — коэффициент абсолютной проницаемости пористой среды;  $P_{\alpha}$ ,  $\mu_{\alpha}$ ,  $f_{\alpha}$  — соответственно давление, вязкость и относительная проницаемость фазы  $\alpha$ , где  $\alpha=w$  — обозначает смачивающую фазу (вода),  $\alpha=o$  — несмачивающую фазу (нефть).

Капиллярным давлением между паровой и жидкой фазами пренебрегают. Таким образом,  $P_{_{\scriptscriptstyle W}}=P_{_{\scriptscriptstyle O}}=P$  представляет собой давление в поровых флюидах.

Уравнение энергии. Основным фактором, влияющим на растворимость парафина в сырой нефти, является температура.

Предполагая, что вода, нефть, парафин и скелет породы имеют одинаковую температуру в некотором пространстве, уравнение баланса полной энергии всей системы при тепловом равновесии может быть выражено по аналогии с [8, 14] в виде

$$\frac{\partial}{\partial t} \left[ \phi S_{w} \rho_{w} H_{w} + \phi S_{o} \rho_{o} H_{o} + (\phi S_{o} C + \mathcal{B}_{p}) \rho_{p} H_{p} + (1 - \phi - \mathcal{E}_{p}) \rho_{f} H_{f} \right] + \nabla (\rho_{w} H_{w} \mathbf{U}_{w} + \rho_{o} \mathbf{U}_{o} H_{o} + \rho_{e} \mathbf{w}_{p} \mathbf{U}_{o} H_{p}) = \nabla \left\{ \phi S_{w} K_{w} + \phi S_{o} K_{o} + (\phi S_{o} C + \mathcal{E}_{p}) K_{p} + (1 - \phi - \mathcal{E}_{p}) K_{f} \right\} \nabla T$$

В этом уравнении  $H_w$ ,  $H_o$ ,  $H_p$ и  $H_f$  обозначают энтальпии воды, нефти, парафина и пористого пласта соответственно.  $\pmb{K}_w$  ,  $\pmb{K}_o$  ,  $\pmb{K}_p$  и  $\pmb{K}_f$  — теплопроводности воды, нефти, парафина и пористого пласта соответственно. T – равновесная температура всей системы.

Растворимость парафина в нефти. Растворимость/осаждение моделируется уравнением теории идеального раствора для бинарной смеси [11,12,14]:

$$\mathbf{W}_{p} = \mathbf{W}_{s} \exp \left[ \frac{\alpha}{R} \left( \frac{1}{T_{m}} - \frac{1}{T} \right) \right] \qquad \mathbf{T}_{m} = 65^{\circ} - 45^{\circ}$$

где  $\boldsymbol{X}_{p}$  — мольные доли растворенного в нефти парафина,  $\boldsymbol{X}_{ps}$  — мольные доли осадка парафина,  $\alpha$  – скрытая теплота плавления парафина (кал/г-моль),  $T_{m}$  – температура плавления парафина  $(^{o}F)$ .

Кинетика осаждения парафина. Скорость осаждения парафина представлена в виде суммы двух слагаемых:

$$q_p = q_{p1} + q_{p2}$$

Первый член представляет отложение на поверхности пор и унос парафиновых отложений стекающей нефтяной фазой с поверхности пор, когда внутрипоровая скорость превышает критическую внутрипоровую скорость, необходимую ДЛЯ охвата поверхностных отложений. Последний член представляет собой термин закупорки порового канала [8,14].

Функция распределения пор по размерам. Для описания изменения пористости и проницаемости пласта воспользуемся функцией распределения пор по размерам, где r —

радиус порового канала. Будем считать, что распределение поровых каналов по размерам известно для начального момента времени t=0, т.е.  $\varphi\left(r,0\right)=\varphi_{0}(r)$ .

Изменение функции распределения пор по размерам во времени будет определяться уравнением [16,17]:

$$\frac{\partial \varphi}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial r} (u_r \varphi) + u_b = 0$$

где  $u_r$  — скорость изменения радиусов поровых каналов;  $u_b$  — скорость изменения числа поровых каналов радиуса r. По физике явления  $u_r$  определяется процессами осаждения и уноса, а  $u_b$  определяется процессом блокирования поровых каналов. Отметим, что закупоривание наблюдается во всех поровых каналах, в которые проникла суспензия, а блокирование происходит только при размере частиц не менее радиусов узких горловин  $r_g$  поровых каналов. Следовательно, скорость отлична от 0 только в области  $0 \le r_g \le l/2$ , где l — характерный размер частиц. Также отметим, что блокироваться могут и каналы, у которых радиусы горловины изначально были больше l/2, но из-за засорения их размеры стали удовлетворять условию блокирования.

**Модель пористой среды.** При построении замыкающих соотношений мы используем следующие допущения:

- частицы парафина в жидкости и на стенках пор распределены равномерно;
- частицы имеют сферическую форму и один размер, их диаметр 1;
- отношение радиуса горловины к радиусу канала γ одинаково для всех капилляров и сохраняется при осаждении частиц на стенках каналов;
- поровый канал полностью блокируется попаданием частиц в горловину, если характерный размер частиц не меньше диаметра горловины;
- количество оседающих частиц пропорционально их доле в движущейся жидкости;
- собственная пористость массы осевших частиц пренебрежимо мала по отношению к пористости пласта;
- капилляры в пучке могут быть заполнены либо нефтьм, либо водой, но доля капилляров радиуса r, занятых i-й фазой, пропорциональна насыщению образца этой фазой.

Для оценки скоростей сужения и закупоривания поровых каналов смоделируем реальную пористую среду с помощью системы цилиндрических капилляров [18] разного радиуса, имеющих фиктивные поровые горла, т. е. будем считать, что цилиндрический

канал радиуса г может быть блокирован частицами размера l, если  $l \ge r_g = \gamma r$ . Эквивалентность элемента реальной пористой среды и элемента, состоящего из цилиндрических капилляров, будем понимать в следующем смысле. Оба характеризуются одинаковой функцией распределения пор по размерам и при одинаковом перепаде давления скорости потока жидкости через элементы идентичны

**Осаждение.** По данным [19], скорость, при которой происходит сужение цилиндрического порового канала за счет осаждения частиц в однофазном потоке, можно

рассчитать по формуле 
$$\frac{dr}{dt} = -C \left( \frac{2u_m D^2}{rL} \right)^{1/3}$$
, где  $C$  — объемная концентрация частиц;  $L$ 

- длина порового канала;  $u_m$  - среднее значение скорости жидкости в канале; D - коэффициент диффузии.

Средняя скорость  $u_{mo}$  нефтяной фазы в капилляре радиуса r будет связана с полной скоростью  $\mathbf{U} = \mathbf{U_o} + \mathbf{U_w}$  соотношением

$$u_{mo} = \left| \mathbf{U} \right| r^2 / 8\varsigma \left( \frac{K_o}{\mu_o} + \frac{K_w}{\mu_w} \right) \mu_o$$

где  $\varsigma$  — коэффициент извилистости порового канала.

По аналогии с однофазным потоком среднюю скорость сужения порового канала, занятого нефтяной фазой, можно принять как

**Срыв.** Согласно экспериментальным данным [20], интенсивность изменения объема частиц в каналах радиуса r в однофазном потоке хорошо описывается формулой:

$$\frac{\partial V_r}{\partial t} = \delta(u_m - u_c)V_r$$

Учтитывая, что в двухфазном потоке только часть порового пространства занята нефтяной фазой:

$$\frac{\partial V_r}{\partial t} = S_o \delta(u_{mo} - u_c) V_r \qquad (1)$$

Если  $N_r$  — число капилляров радиуса  $r,\ h$  — толщина осадочного слоя, то  $V_r = N_r \pi ((r+h)^2 - r^2) L \,.$  Из (1) следует, что скорость  $u_e$  увеличения радиуса пор будет равна

$$u_{e} = \frac{\partial h}{\partial t} = S_{o}\delta(u_{mo} - u_{c})h\frac{r + h/2}{r + h}.$$

$$K_{P} CK SOLTE$$

Наконец,  $u_r$  скорость изменения радиуса капилляра и толщины осадочного слоя (с обратным знаком) за счет осаждения и уноса частиц в капилляре, занятом нефтяной фазой, будет равна:

$$u_r = u_e - u_d \leftarrow 9$$

**Блокировка пор.** Согласно предположению два, радиус горловины порового канала равен  $r_g = \gamma r$ , где  $\gamma \le 1$ . Радиус капилляра, который может быть перекрыт частицей размера l, не больше  $r = l/(2\gamma)$ .

Предположим, что доля заблокированных капилляров радиуса r пропорциональна числу частиц, попадающих в такие каналы, размеры которых удовлетворяют условию запирания  $l \ge 2\gamma r$ , с коэффициентом пропорциональности  $\beta$ :  $(0 < \beta \le 1)$  (этот коэффициент можно назвать коэффициентом формы частиц). Пусть N — общее число капилляров в образце пористой среды единичного сечения. Объем одной частицы равен  $v = \pi l^3 / 6$ . За время  $\Delta t$  частицы войдут в капилляры радиуса r в объеме, пропорциональном количеству протекающей нефти:  $V_{ri} = \pi r^2 C S_o u_{mo} N \varphi dr \Delta t$ . В этом находиться следующее количество  $M = V_{ri}/v = 6r^2 C S_o u_{mi} N \varphi dr \Delta t/l^3$ . Число закупоренных капилляров радиуса r также будет равно М. С другой стороны, в результате закупоривания пор функция распределения пор по размерам за время  $\Delta t$  изменяется на  $\Delta \varphi_i$  и количество закупоренных пор может быть выражено через эту величину:  $M=N\Delta\varphi_i dr$ . Приравнивая последние две величины, получим  $\Delta \varphi_i / \Delta t = 6r^2 C S_o u_{mi} \varphi / l^3$ . Таким образом, скорость блокировки пор, занятых нефтью, будет равна:

$$u_b = 6\beta r^2 C S_o u_{mi} \varphi / l^3,$$
  $(2\gamma r \le l)$  и  $u_b = 0,$   $(2\gamma r > l)$ 

**Пористость.** Оценим изменение динамической пористости, вызванное структурными изменениями порового пространства, представив пористость в текущий момент времени как произведение  $m=m_fm_0$ , где коэффициент  $m_f$ , описывающий изменение пористости, определим соотношением:

$$m_f = \int_0^\infty r^2 \varphi \, dr / \int_0^\infty r^2 \varphi_0 \, dr$$

**Проницаемость.** Оценим изменение абсолютной проницаемости, вызванное изменением структуры порового пространства вследствие закупорки и закупорки пор, представляя проницаемость в момент времени как произведение  $k=k_fk_0$ , где коэффициент  $k_f$ , характеризующий относительное изменение проницаемости, определим используя модель параллельных капилляров и закон Пуазейля:

$$k_f = \int_0^\infty r^4 \varphi(r) dr / \int_0^\infty r^4 \varphi_0(r) dr$$

Скорость массообмена. Если  $q_p$  — общая скорость изменения объема частиц в нефтяной фазе, то за время  $\Delta t$  объем изменяется на величину  $q_p \Delta t$ . За этот же период времени радиусы капилляров изменяются на величину  $\Delta r = u_r \Delta t$ , что приводит к уменьшению проницаемости и пористости. В результате

$$q_{p}\Delta t = m \left[ \int_{0}^{\infty} (r + \Delta r)^{2} \varphi dr - \int_{0}^{\infty} r^{2} \varphi dr \right] / \int_{0}^{\infty} r^{2} \varphi dr$$

Пренебрегая членом второго порядка, получим

$$q_{p} = 2m \int_{0}^{\infty} r u_{r} \varphi dr / \int_{0}^{\infty} r^{2} \varphi dr$$

Скорость перехода нефти из подвижного состояния в неподвижное, обусловленная блокировкой поровых каналов, может быть рассчитана по доле закупоренных пор:

$$q_o = m \int_0^{1/2\gamma} u_b r^2 dr / \int_0^{\infty} \varphi(r) r^2 dr$$

Скорость перехода частиц парафина в неподвижное состояние за счет блокирования в поровых каналах нефтяной фазы будет равна

$$q_{p2} = Cq_o$$

### 3. Заключительные замечания

Представленная модель позволяет прогнозировать, когда произойдут изменения коллекторских свойств, на каком участке залежи и как эти изменения повлияют на нефтеотдачу в зависимости от конкретных геофизических условий и условий заводнения. Дальнейшее развитие модели возможно путем совершенствования термодинамической модели осаждения парафинов в нефтяных смесях.

### Литература

1. Adeyanju O.A. and Oyekunle L.O. Simulation of paraffin deposition in petroleum reservoirs. ASPES **2** (3), 1-18 (2010). <a href="https://ir.unilag.edu.ng/handle/123456789/6235">https://ir.unilag.edu.ng/handle/123456789/6235</a>

- 2. Turner W. R., Brown D. S., and Harrison D. V. Properties of Paraffin Waxes. Composition by Mass spectrometer Analysis. Industrial and Engineering Chemistry **47** (6) 1219-1226 (1955). https://doi.org/10.1021/ie50546a049
- 3. Sandyga M. S., Struchkov I. A., and Rogachev M. K. Formation damage induced by wax deposition: laboratory investigations and modeling. J. Petroleum Exploration and Production Technology (10) 2541–2558 (2020). https://doi.org/10.1007/s13202-020-00924-2
- 4. Mozes, G. Y. (Ed.): Paraffin products: Properties, technology, applications. New York, Elsevier Scientific Publishing (1982).
- 5. Butler R. M., MacLeod D. M. Solid-liquid equilibria in wax crystallization 39 (2) 53-63 (1961) https://doi.org/10.1002/cjce.5450390202
- 6. Hansen, J. H., Fredenslund Aa., Pedersen K. S., and Ronningsen H. P., A Thermodynamic Model for Predicting Wax Formation in Crude Oils, AIChE J., 34 (12), 1937-1942 (1988). <a href="https://doi.org/10.1002/aic.690341202">https://doi.org/10.1002/aic.690341202</a>
- 7. Svendsen J.A. Mathematical modeling of wax deposition in oil pipeline systems. AIChE, 39 (8) 1377-1388 (1993). https://doi.org/10.1002/aic.690390815
- 8. Wang Sh., Civan F. Modeling Formation Damage by Asphaltene Deposition During Primary Oil Recovery. J. Energy Resour. Technol. **127** (4), 310–317 (2005) <a href="https://doi.org/10.1115/1.1924465">https://doi.org/10.1115/1.1924465</a>
- 9. Adesina F., Anthony A., Churchill A., and Olawale D. Modeling of Wax Deposition During Oil Production Using a Two-Phase Flash Calculation. Petroleum & Coal **52** (3), 193–202 (2010)
- 10. Wang Sh., Civan F. Model-Assisted Analysis of Simultaneous Paraffin and Asphaltene Deposition in Laboratory Core Tests. *J. Energy Resour. Technol.*, **127** (4), 318-322 (2005) https://doi.org/10.1115/1.1924466
- 11. Weingarten J.S., Euchner J.A. Methods for Predicting Wax Precipitation and Deposition. SPE Production Engineering, 121-126 (Feb. 1988)
- 12. Ring J.N., Wattenbarger R.A., Keating J.F., and Peddlbhotla S. Simulation of Paraffin Deposition in Reservoirs. SPE Production & Facilities 36–42 (Feb. 1994)
- 13. A. Adeyanju Olusiji and O. Oyekunle Layioye. New Multi-Solid Thermodynamic Model for Improved Cloud Point Prediction of Waxy Crudes. Petroleum & Coal 52 (4) 235-242 (2010) https://ir.unilag.edu.ng/handle/123456789/6238
- 14. Wang Sh., Civan F. Simulation of Paraffin and Asphaltene Deposition in Porous Media. SPE Int. Symposium on Oilfield Chemistry, 1999, 16-19 February, Houston, Texas. https://doi.org/10.2118/50746-MS

- 15. Kozeny, J. Ueber kapillare Leitung des Wassers im Boden. Sitzungsber Akad. Wiss., Wien **136** (2a), 271-306 (1927)
- 16. Nikiforov A.I. & Nikan'shin D.P. Simulation of transfer of solid particles by a filtration flow. J. of Engineering Physics and Thermophysics **71**, 933–938 (1998) <a href="https://doi.org/10.1007/BF02681442">https://doi.org/10.1007/BF02681442</a>
- 17. Nikiforov A. I., Zakirov T. R. and Nikiforov 1 G. A. Model for Treatment of Oil Reservoirs with Polymer-Dispersed Systems. Chem Tech Fuels Oils **51** (1), 105–112 (2015) https://doi.org/10.1007/s10553-015-0581-1
- 18. Burdine N. T. Relative permeability calculations from pore size distribution data. SPE 225-G, Petroleum Transactions AIME **198**, 71-78 (1953)
- 19. Sharma M.M., Yortsos Y.C. Transport of Particulate Suspensions in Porous Media: Model Formulation. AIChE J. **33** (10) 1636-1643 (1987).
- 20. Gruesbeck C., Collins R.E. Entrainment and Deposition of Fine Particles in Porous Media. SPEJ 847–856 (Dec. 1982) doi: 10.2118/8430-PA