北京航空航天大学 2012-2013 学年 第二学期期末

离散数学3

《组合数学》

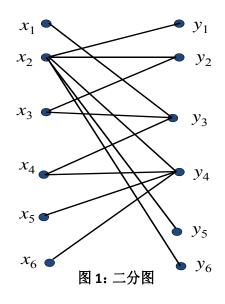
班 级	学号		
姓 名	成 绩		

班号	学号	姓名	成绩
(组合数学	2 》期末考试	卷
注意事项: 1、考试	时间 120 分钟、闭卷	0	
2、第一 后面的空白页上,请		题目留出的空白,第	5二题之后,答题写在
一、填空题(每空	空5分,共35分)		
(1) 有 8 种不同意的盒子之中,	颜色的球,而且球 有多少 <u>(19</u>)	的数量足够多,抗 种组合方法	设入一个容量为 12 法。
(2) 构造{1,2,, 2, 5, 5, 0,	8}的排列 <u></u> 48 2,1,1,0.	11572	7—,其逆序列是
(3) 方程 x ₁ +x ₂ + 为	.+x ₈ =40,满足条件	‡ <i>x</i> _i ≥i (i=1, 2,	,8)的整数解个数
	, 2n}, 令 X 为由 S 为 <u>(2</u> M)	的互不相交的子	集构成的集合,则
	e ₁ +e ₂ ++e _k =n的 函数是		て,序列 h ₀ , h ₁ ,,

(7) 对于右图所示的二分图 (见下页图 1),给出其一个最大匹配

(6) 正整数 n 拆分成仅有奇数类的分拆数 Pn 的生成函数

二、某学生有 37 天来完成一个课外科技项目,而学生需要不超过 60 小时的课外时间,他还希望每天至少安排 1 小时。证明:无论如何安排工作时间(每天都是整数小时),都存在连续的若干天,在此期间他恰好工作了 13 个小时。(10 分)



三、将 7 个不同颜色的球放入 3 个无区别的盒子中,要求每盒球数目不少于 2, 求解放置方案数。(10 分)

四、求 1~1000 的整数中,既不是完全平方数,也不是完全立方数,也不能被 8 整除的数的个数。(13 分)

五、证明
$$\sum_{k=1}^{n-1} k(n-k) \binom{n}{k}^2 = n^2 \binom{2n-2}{n-2}$$
。(10分)

六、红、白、蓝和绿四种颜色的球取 n 个装入一个袋子,要求放入偶数个红色球,白色球最多放入 2 个,放入的蓝色球数量是 3 的倍数,放入最多 1 个绿色球。用 h_n 表示可能出现的不同装袋数量。求 h_0 , $h_1, ..., h_n$, ...的生成函数,并给出 h_n 的公式。(10 分)

七、应用延迟认可算法得出下列评定矩阵:

的稳定婚姻。(12分)