La recta en \mathbb{R}^2

Luis Huatay

19 de mayo de 2024

1. Retos - Semana 1-s1

Plano cartesiano, puntos medios y distancia entre dos puntos.

1.1. Ejercicio 1.

Demostrar que los puntos A(0,1), B(3,5), C(7,2), D(4,-2) son los vértices de un cuadrado.

De acuerdo al gráfico:

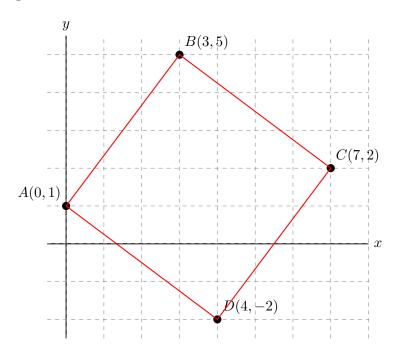


Figura 1: Representación gráfica

Para demostrar ello se consideralo siguiente:

- Cada lado debe medir lo mismo.
- Los ángulos internos deben medir 90°.

Para el primer aspecto, se calcula la distancia entre los puntos:

•
$$AB = \sqrt{(3-0)^2 + (5-1)^2} = \sqrt{9+16} = \sqrt{25} = 5$$

$$BC = \sqrt{(7-3)^2 + (2-5)^2} = \sqrt{16+9} = \sqrt{25} = 5$$

•
$$CD = \sqrt{(4-7)^2 + (-2-2)^2} = \sqrt{9+16} = \sqrt{25} = 5$$

$$DA = \sqrt{(0-4)^2 + (1+2)^2} = \sqrt{16+9} = \sqrt{25} = 5$$

Para el segundo aspecto se considera la propiedad:

$$L_1 \perp L_2 \leftrightarrow m1 \cdot m2 = -1$$

Donde m1 y m2 son las pendientes de las rectas L_1 y L_2 respectivamente. Para ello se calcula la pendiente de cada lado:

$$m_{AB} * m_{BC} = \frac{5-1}{3-0} * \frac{2-5}{7-3} = \frac{-12}{12} = -1$$

$$m_{BC} * m_{CD} = \frac{2-5}{7-3} * \frac{-2-2}{4-7} = \frac{12}{-12} = -1$$

$$m_{CD} * m_{DA} = \frac{-2-2}{4-7} * \frac{-2-1}{4-0} = \frac{12}{-12} = -1$$

$$m_{DA} * m_{AB} = \frac{-2-1}{4-0} * \frac{5-1}{3-0} = \frac{-12}{12} = -1$$