## Hrúgur

Bergur Snorrason

14. febrúar 2022

## Hrúgur

- Rótartvíundatré sem uppfyllir að sérhver nóða er stærri en börnin sín er sagt uppfylla hrúguskilyrðið.
- ► Við köllum slík tré *hrúgur* (e. *heap*).
- Hrúgur eru heppilega auðveldar í útfærslu.
- Við geymum tréð sem fylki og eina erfiðið er að viðhalda hrúguskilyrðinu.

- Þegar við geymum tréð sem fylki notum við eina af tveimur aðferðum.
- Rótin er í staki 1 í fylkinu.
  - ▶ Vinstra barn staks i er stak 2 · i.
  - $\blacktriangleright$  Hægra barn staks i er stak  $2 \cdot i + 1$ . Foreldri staks i er stakið |i/2|.
- Sú seinni:

Sú fyrri:

- Rótin er í staki 0 í fylkinu.
- Vinstra barn staks i er stak  $2 \cdot i + 1$ .
- ightharpoonup Hægra barn staks i er stak  $2 \cdot i + 2$ .
- Foreldri staks i er stakið  $\lfloor (i-1)/2 \rfloor$ .

Bein afleiðing af hrúguskilyrðinu er að rótin er stærsta stakið í trénu.

► Algengt er að forgangsbiðraðir (e. priority queues) séu

útfærðar með hrúgum.

- Við getum því alltaf fengið skjótan aðgang að stærsta stakinu í
- trénu.

```
8 #define PARENT(i) ((i - 1)/2)
9 #define LEFT(i) ((i)*2 + 1)
10 #define RIGHT(i) ((i)*2 + 2)
11 int h[MAXN], hn = 0;
12 void swap(int * x, int * y) { int t = *x; *x = *y; *y = t; }
13 void fix down(int i) // Hjálparfall.
14 { // Ferdast niður tréð og lagar hrúguskilyrðið á leiðinni.
15
       int mx = i:
16
       if (RIGHT(i) < hn && h[mx] < h[RIGHT(i)]) mx = RIGHT(i);
17
       if (LEFT(i) < hn && h[mx] < h[LEFT(i)]) mx = LEFT(i);
       if (mx != i) swap(&h[i], &h[mx]), fix down(mx);
18
19 }
20
21 void fix up(int i) // Hjálparfall.
  { // Ferðast upp tréð og lagar hrúguskilyrðið á leiðinni.
23
       if (i == 0 \mid | h[i] \le h[PARENT(i)]) return;
24
       swap(&h[i], &h[PARENT(i)]), fix up(PARENT(i));
25 }
26
27 void pop()
  { // Fiarlægir stærsta stakið.
       h[0] = h[--hn]:
29
30
       fix down(0);
31 }
32
33 int peek() { return h[0]; } // Skilar stærsta stakinu.
34 int size() { return hn; } // Skilar stærð hrúgurnar.
35 void push(int x)
```

36 { // Bætir x við hrúguna.

h[hn++] = x;fix up(hn - 1);

37

38 39 }

- Gerum ráð fyrir að við séum með n stök í hrúgunni.
- Þá er hæð trésins O(log n).

fylki svo tímaflækjan er  $\mathcal{O}(1)$ .

- Þar sem pop() þarf aðeins að ferðast einu sinni niður að laufi er tímaflækjan  $\mathcal{O}(\log n)$ .
- Þar sem push(...) þarf aðeins að ferðast einu sinni upp að
- rót er tímaflækjan  $\mathcal{O}(\log n)$ . Nú þarf peek() ekki að gera annað en að lesa fremsta stakið í