

# СРЕДА ДЛЯ ВЫЧИСЛЕНИЙ И ВИЗУАЛИЗАЦИИ MATLAB

УЧЕБНОЕ ПОСОБИЕ, подготовленное для сайта www.exponenta.ru

Дьяконов А.Г.

## СОДЕРЖАНИЕ

Введение	3
§1. Знакомство с MatLab	4
§2. Работа с системой	6
§3. Теоретико-множественные операции	9
§4. Двоичные представления	10
§5. Порождение матриц и работа с ними	10
§6. Фокусы с размерностями	17
§7. Полезные функции	18
§8. Операции с файлами	19
§9. Разреженные матрицы	20
§10. Графика	22
<b>§11.</b> Циклы	30
§12. Логические массивы	32
§13. Оформление *.m-файлов	35
§14. Структуры	37
§15. Встроенные и анонимные функции	40
§16. Массивы ячеек	41
<b>§17.</b> Строки	44
§18. Интерполяция и полиномы	47
§19. Поэлементные операции	49
§20. О скорости	52
§21. О точности и памяти	61
§22. Примеры анимации, GUI	64
§23. Перестановки	65
§24. Символьные вычисления	66
§25. Задания для самостоятельной работы	68
§26. Как не надо программировать в системе MatLab	78
§27. Советы по оформлению m-файлов	80
§28. Аналоги системы MatLab	83
Литература, ссылки	84

Введение - 3 -

Qu'on ne nous reproche donc plus le manque de clarté, puisque nous en faisons profession.

**Pascal** 

#### **ВВЕДЕНИЕ**

Данное учебное пособие специально подготовлено для конкурса методических разработок сайта [Exponenta.ru] и является частью книги

Дьяконов А.Г. Практикум на ЭВМ кафедры математических методов прогнозирования (системы WEKA, RapidMiner и MatLab): Учебное пособие. – М.: Издательский отдел факультета ВМиК МГУ им. М.В. Ломоносова; МАКС Пресс, 2010. – 133с.: ил. (ISBN 978-5-89407-432-0).

В принципе, это не совсем «классическая методическая разработка», однако изложенный ниже материал уже несколько лет успешно используется для обучения системе MatLab студентов кафедры математических методов прогнозирования факультета ВМК МГУ. Обучение ведётся на примерах, причём примеры подобраны таким образом, чтобы показать тонкости использования всех основных команд. Особое внимание уделено эффективному программированию в системе (см. §20 «О скорости...», §21 «О точности и памяти...»), а также некоторым программистским трюкам (см. §6 «Фокусы с размерностями»). Материал существенно отличается от содержания всех справочных и учебных пособий по подобным системам. Особую ценность представляет подборка задач для самостоятельного решения, за основу которой взяты собственные разработки, а также потрясающие задачи из пособия [Acklam] и блога [Loren].

В пособии описаны только основные команды системы (не входящие в многочисленные библиотеки). Кроме того, не описаны некоторые полезные дополнительные возможности, например составление отчётов. Автор считает, что это тема для отдельного пособия (которое будет в ближайшее время подготовлено), кроме того, она частично освещена, вместе с примерами решений реальных задач анализа данных в

Дьяконов А.Г. Практикум на ЭВМ кафедры математических методов прогнозирования (логические игры, обучение по прецедентам): Учебное пособие. – М.: Издательский отдел факультета ВМиК МГУ им. М.В. Ломоносова; МАКС Пресс, 2010. – 164с.: ил. (ISBN 978-5-89407-431-3)

Автор будет рад, если этот материал разместят на сайте [Exponenta.ru] для свободного доступа всем посетителем сайта. Обо всех неточностях и опечатках, найденных в тексте, можно сообщить по электронной почте djakonov@mail.ru.

### Благодарности

Автор благодарен Юрию Ивановичу Журавлёву и Константину Владимировичу Рудакову, Леониду Моисеевичу Местецкому, Сергею Исаевичу Гурову, Константину Вячеславовичу Воронцову и Дмитрию Петровичу Ветрову за сотрудничество и советы.

Отдельное спасибо людям, которые своими ценными замечаниями помогли существенно улучшить учебное пособие: Вадиму Викторовичу Стрижову, Наталье Фёдоровне Дышкант и Алексею Валентиновичу Нефёдову. Данная книга получилась бы гораздо хуже без всех научных и учебно-методических ресурсов, перечисленных в главе «Литература, ссылки». Во время работы над учебным пособием автор был поддержан грантом РФФИ 10-07-00609.

## СРЕДА ДЛЯ ВЫЧИСЛЕНИЙ И ВИЗУАЛИЗАЦИИ МАТЬАВ

#### §1. Знакомство с MatLab

МatLab — это программный продукт компании «The MathWorks, Inc.» [MathWorks], предназначенный для инженерных, научных и прикладных вычислений, а также визуализации и анализа их результатов. МatLab предлагает мощный С-подобный язык¹ (который удобнее С++ и FORTRANa для реализации численных методов), прекрасную графику и большое число различных библиотек (toolboxoв). Среда MatLab идеально подходит для решения задач машинного обучения, обработки сигналов и изображений и т.д. Пользователю предоставляется инструмент, с помощью которого можно загрузить и предобработать данные, запустить алгоритмы анализа, визуализировать результат, составить отчёт об экспериментах и получить исполняемый файл, который проводит нужные операции над этими данными. Слово MatLab означает matrix laboratry (матричная лаборатория). Все вычисления здесь матричные, и, в определенном смысле, только один (полезный) тип данных: матрица.

Так получилось, что самый лучший источник информации по MatLab – её справочная система, поэтому дальнейшее изложение построено в виде примеров, с помощью которых проще и быстрее изучить особенности среды MatLab. Мы остановимся только на основах программирования, принципах «правильного написания кода», эффективном использовании стандартных функций, оставив за рамками изложения подробное описание всевозможных библиотек.

При запуске системы появляются следующие окна:

- **1. Command Window** (правое нижнее на рис. 1). В этом окне вводятся команды (после значка-приглашения >>). В нём же отображаются результаты выполнения. МаtLab это **интерпретатор**! Команды можно также записать в М-файл (текстовый файл \*.m) в виде скрипта (последовательность команд) или функции (получает аргументы и выдаёт значения), тогда они будут запускаться при наборе в командном окне имени этого файла. Для создания такого файла вызовите редактор командой **edit** появится окно редактора **Editor** (правое верхнее окно на рис. 1). Если нажать клавишу «стрелка вверх» после значка-приглашения >>, то отобразится предыдущая набранная команда (очень удобно, когда следующая команда незначительно отличается от предыдущей).
- **2. Command History** (левое нижнее на рис. 1). В этом окне отображаются все команды, которые запускали на исполнение вводом в командном окне.
- **3. Workspace** (левое верхнее на рис. 1). В этом окне отображаются все переменные, которые использует система в данный момент. Если набрать команду a=1, то в окне появится новая переменная: матрица a размера  $1\times1$ . Если набрать команду b=2; (точка с запятой), то новая переменная b появится b окне рабочего

-

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Этот язык называют также **MatLab**oм или М-языком (M-code).

пространства, но в командном окне её результат не выводится. Это эффект действия «точки с запятой». Её используют, когда не требуется промежуточный вывод результатов, который может занять много времени или просто не нужен.

- **4. Help** (окно помощи, вызываемое нажатием клавиши **F1**).
- **5. Current Directory** (на рис. 1 «закрыто» окном Workspace, для активации необходимо щёлкнуть по вкладке с названием окна). Отображает **текущую директорию**. В этой директории система MatLab ищет файлы данных, которые Вы пытаетесь открыть и М-файлы, имена которых Вы набираете. Она также ищет их во всех каталогах, перечисленных в списке, доступном через меню **File / Set Path...** (его можно изменить вручную или пополнить командой **addpath**, см. ниже). В верней части основного окна MatLab есть специальный компонент для выбора текущей директории (также для смены текущей директории можно использовать команду **cd**, см. ниже).

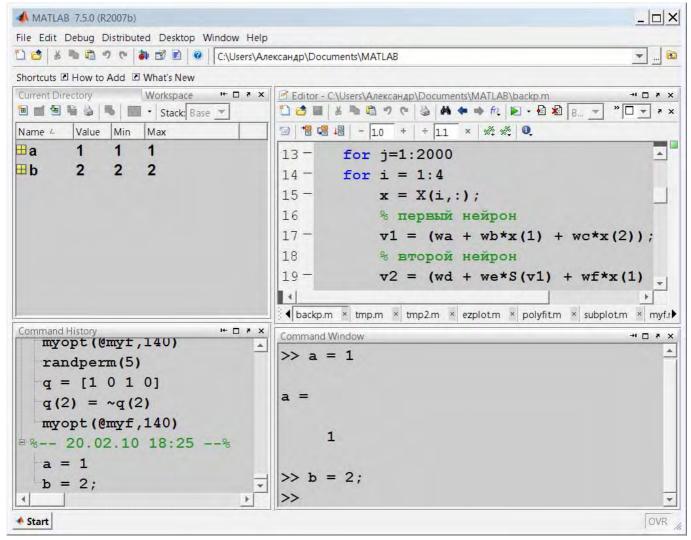


Рис. 1. Вид основного окна системы MatLab.

Назначение остальных окон будет ясно из контекста (например **Figure**) или файлов помощи (например **Profiler**).

При названии переменных важен регистр. Для начала работы можно набрать некоторые переменные, которым MatLab уже присвоил значения, хотя это не отображено в рабочей области:

```
і (мнимая единица),
                                        ерѕ (порог чувствительности),
ј (мнимая единица),
                                        realmax (наибольшее число),
                                        realmin (наименьшее число),
рі (число пи),
Inf (бесконечность),
                                        ans (результат последней операции),
```

Nan («не число», чтобы понять – наберите 0/0).

Можно присваивать этим переменным новые значения, но тогда они теряют старые (попробуйте выполнить присваивание рі=1, команда clear рі вернёт исходное значение). Считается, что основное удобство при работе с системой MatLab отсутствие необходимости определять переменные и распределять память, а также «краткость языка»: благодаря векторным (матричным) вычислениям и логическим массивам одна строчка в этой среде заменяет несколько строчек кода на языке С++. Для этого, правда, необходимо научиться некоторым тонкостям работы с системой, например избегать по возможности оператора for.

Далее текст разбит на две колонки. В левой приводятся команды системы MatLab и результат их выполнения, в правой – необходимые пояснения<sup>1</sup>. В каждой ячейке левого столбца таблицы приводятся команды, которые следует выполнять последовательно (следующие команды могут зависеть от результатов предыдущих).

## **§2.** Работа с системой

```
>> help pi
                                           Помощь. Попробуйте набрать
        3.1415926535897....
                                           sin(pi).
   PI = 4*atan(1) = imag(log(-1)) =
3.1415926535897....
    Reference page in Help browser
       doc pi
>> help ans
                                           Кстати, с помощью help elfun
 ANS Most recent answer.
                                           можно посмотреть список
    ANS is the variable created
                                           реализованных элементарных
automatically when expressions
                                           функций.
   are not assigned to anything else.
ANSwer.
                                           lookfor cat - поиск в помощи
                                           слова «cat».
    Reference page in Help browser
       doc ans
>> a = [1,2], b = a'
                                           Порождение двух векторов:
                                           вектор-строки и вектор-
                                           столбца. Штрих обозначает
                                           транспонирование. Элементы
```

Данный материал использовался на занятиях «Практикума на ЭВМ» для студентов 3 курса кафедры Математических методов прогнозирования ВМК МГУ. В электронной версии пособия можно копировать команды левой колонки, вставлять их в командное окно и запускать.

b =	векторов заключаются в <b>квадратные</b> скобки!	
1 2		
>> a*b	Скалярное произведение (строка на столбец).	
ans = 5		
>> b*a ans =	Внешнее произведение (столбец на строку).	
1 2 2 4		
>> a.*b'	Поэлементное произведение. Все <b>поэлементные операции</b>	
ans = 1 4	<b>«помечаются» точкой</b> перед знаком операции.	
>> clear b	Удаление переменной <b>b</b> из памяти.	
>> whos Name Size Bytes Class Attributes	Вывод всех переменных в памяти. Список переменных текущей рабочей области	
a 1x2 16 double ans 1x2 16 double	выводит команда <b>who</b> .	
>> path	Вывод путей доступа (определены в pathdef.m).	
>> addpath c:\matlab7	Добавление нового пути	
>> cd C:\MATLAB7\work	Вывод текущего каталога (изменение его).	
>> cd >> cd	Для вывода списка файлов в каталоге наберите what C:\MATLAB7\	
C:\MATLAB7		
>> !dir	! или <b>dos</b> — вызов команды DOS.	
>> diary 1.txt	Писать в файл 1.txt историю команд (вести дневник).	
>> diary off	Отключить ведение дневника.	
>> 1+1+1+ % переход +1+1 % комментарий	Три точки подряд - переход на следующую строку. Знак процента - комментарий.	
ans =		

5	
>> format short; pi, format long; pi,	Форматы вывода чисел. См.
format short e; pi, format long e; pi,	помощь help format.
format rat; pi	Последний формат -
	приближение рациональной
ans =	дробью. Команда <b>format</b>
3.1416	-
	влияет только на формат
ans =	вывода, а не на внутреннее
3.141592653589793	представление.
ans =	
3.1416e+000	
ans =	
3.141592653589793e+000	
ans =	
355/113	
>> which plot	Путь к файлу, в котором
	определена функция.
<pre>C:\MATLAB\toolbox\matlab\graph2d\plot.bi</pre>	В новых версиях выводится
	что-то типа
	<pre>built-in (C:\Program Files\</pre>
	MATLAB\R2007b\toolbox\
	<pre>matlab\graph2d\plot).</pre>
>> edit	Запуск редактора-отладчика.
>> quit	Завершить работу с Matlab.
>> clear a*	Удалить из рабочей области
	все переменные, которые
	начинаются на букву а.
	Ina annalor chi na cykby a.
>> clc	OTHER TRANSPORTED OF THE PROPERTY OF THE PROPE
	Очистить командное окно.
>> [Inf, Inf, Inf, NaN, NaN, 0].*[Inf 0	Иллюстрация работы с
-Inf Inf 0 Inf]	«бесконечностью» (причём со
	знаком «плюс» или «минус») и
ans =	«не числом».
Inf NaN -Inf NaN NaN NaN	Обратите внимание, что
	Элементы вектор-строки можно
	разделять пробелом, а можно
	- запятой.
	Попробуйте набрать -1/0 и
	1/0.
>> conj(i)	Пример вызова функции
	(комплексного сопряжения).
and -	( ROMIDICKOHOI O COMPANERNA).
ans =	
0 - 1.0000i	
>> demo	Запуск демонстрации.

**§3.** Теоретико-множественные операции

```
\rightarrow A = [1,3,5,3]; B = [4,2,2,3];
                                            Задание двух множеств.
>> [A, B]
                                            Конкатенация.
ans =
      1
          3
             5
                  3
                           2
                               2
                                   3
>> union(A, B)
                                            Объединение (обратите
                                            внимание на упорядоченность
ans =
                                            в ответе).
      1
            2
                   3
>> setdiff(A, B)
                                            Разность.
ans =
      1
            5
>> intersect(A, B)
                                            Пересечение.
ans =
      3
>> ismember(2, B)
                                            «Членство» (входит ли
                                            элемент 2 во множество В, 0
                                            - нет, 1 - да, см. дальше
ans =
      1
                                            «Логические массивы»).
>> ismember(A, B)
                                            «Членство». Особенность
                                            Matlaba: применение функции
ans =
                                            сразу к массиву (множеству).
            1 0
                         1
                                            Сравните c \sin([0,1,pi/2]).
      0
>> setxor(A, B)
                                            Симметрическая разность.
                                            Сравните с union(setdiff(A,
ans =
                                            B), setdiff(B,A)) u
            2
                   4
                       5
                                            setdiff(union(A,B),
      1
                                            intersect(A,B)).
>> unique(B)
                                            Уникальные элементы. Выдаёт
                                            массив (множество) без
ans =
                                            повторений. Сравните
      2
            3
                                            действие union(A,B) с
                                            unique([A,B]).
>> issorted(ans)
                                            Отсортированность: является
                                            ли множество
ans =
                                            отсортированным.
      1
>> sort(B)
                                            Сортировка.
ans =
```

```
2 2 3 4

>> [1 4 -2] + 1

множества на единицу.
Обратите внимание, что
допустимо также сложение
[1 4 -2] + [1 1],
но не
[1 4 -2] + [1 1]
(сложение матриц разных размеров).
```

§4. Двоичные представления

```
>> a = bitget(19, 1:8)
                                          Представление в двоичном
                                          виде (чисел 19 и 24 с
                                          помощью 8 бит).
a =
   1
       1
          0 0 1
                                0
>> b = bitget(24, 1:8)
b =
        0 0
                1
>> bitand(a,b)
                                          Конъюнкция (логическая
                                          операция И). Есть еще bitor
                                          (ИЛИ), bitxor (исключающее
ans =
          0 0
                0 1
      0
                          0
                                  0
                                          ИЛИ).
>> dec2bin(1:8)
                                          Вывести все двоичные
                                          представления чисел от 1 до
                                          8. При наборе команды на ЭВМ
ans =
     0001
                                          обратите внимание на тип
     0010
                                          ответа!
     0011
     0100
     0101
     0110
     0111
     1000
```

**§5.** Порождение матриц и работа с ними

```
>> A = [1,2; 3,4]
                                           Запятая (и пробел) является
                                           горизонтальной
A =
                                           конкатенацией, «точка с
     1
                                           запятой» - вертикальной.
           2
     3
>> A(1, 2)
                                           Обращение к элементу
                                           матрицы. Сначала указывается
                                           строка, потом столбец.
ans =
                                           Нумерация от единицы!
>> cat(3, A, A+1)
                                           Конкатенация по третьему (!)
```

```
направлению матрицы А и
ans(:,:,1) =
                                          матрицы A+1. В MatLabe
             1
                   2
                                          матрицы многомерные! К
                                          матрице можно прибавлять
                                          скаляр или матрицу такого же
                                          размера.
ans(:,:,2) =
                   3
             2
                   5
>> D = [zeros(3) 2*ones(3,4) ...
                                          zeros - матрица из нулей,
        3*eye(3,2), diag([4,5,1])]
                                          ones - матрица из единиц,
                                          еуе - единичная матрица,
                                          diag - диагональная матрица.
D =
                                          Многоточие - перевод команды
    0
       0
         0 2 2 2
                      2
                               4 0 0
                                          на другую строку^1 (команда
          0 2
                2 2 2
                         0 3
                               0 5
    0
       0
                                    0
                                          пока не завершена).
                                     1
>> D(1:2, 7:8)
                                          Подматрица матрицы. a:b -
                                          вектор с элементами
ans =
                                          a,a+1,...,b.
      2
            3
      2
            0
>> D(:, 2*(1:6)) = []
                                          Удаление всех чётных
                                          столбцов. [] - пустая
                                          матрица. : (двоеточие) - все
D =
     0
                       2
                                   0
                                          элементы в данном
          0
                       2
                2
                                   5
     0
                             3
                                          направлении. 2*а -
     0
                                          поэлементное умножение
                                          вектора.
>> D(:)'
                                          Вывести все элементы
                                          матрицы. «Штрих» -
ans =
                                          транспонирование (чтобы
                                          выводилось в строку).
 0 0 0 0 0 0 2 2 2 2 2 2 0 3 0 0 5 0
                                          MatLab выводит элементы по
                                          столбцам! Попробуйте
                                          выполнить D(7).
                                          rand - случайная матрица
>> B = fix(10*rand([2 3]))
                                          (см. также randn), fix -
                                          отбросить дробную часть. См.
B =
     2
                                          также round (округление к
     5
                 9
                                          ближайшему целому), floor
                                          (округление к наименьшему
                                          целому).
```

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> По возможности будем переводить длинные команды на новую строку, но в некоторых случаях такой перевод будет неудобен и длинные команды MatLaba займут несколько строк (с обычным переносом «по пробелам»). Такие «вынужденные переносы» будут легко идентифицироваться, тем более что начало каждой команды (кроме некоторых комментариев) помечаются символами >>.

```
>> [max(B); min(B); sum(B)]
ans =
      5
            9
      2
            9
                  1
           18
                  10
>> C = reshape(1:2:11, [2 3])
C =
                 9
     3
           7
                11
>> min(C, B)
ans =
      1
            5
      3
            7
>> C(end, 1)
ans =
      3
>> B.*C
ans =
       2
            45
                   9
      15
            63
                   99
>> a = reshape(repmat(1:3,2,1), 1, 6)
a =
     1
                 2 2
                              3
                                    3
```

Какие элементы могут быть в матрице  ${\bf B}$ ?

Максимальные и минимальные элементы в столбцах. Суммы столбцов. См. также cumsum (кумулятивная сумма), prod (произведение), cumprod (кумулятивное произведение), sort (сортировка матрицы), mean (ср. арифметическое), median (медиана).

**reshape** — изменение формы матрицы (форма меняется «по столбцам»). **a:b:c** — вектор из чисел **a, a+b, ...** 

Команды 1:4, 1:1:4,
linspace(1,4,4) эквивалентны
(последняя «делит» отрезок
[1,4] четырымя точками).
Попробуйте команду
logspace(1,4,4), которая
«действует в логарифмической шкале».

Минимум (поэлементный) двух матриц.

*Кстати*, **min(C,[],2)'** и **min(C')** – минимальные элементы по строкам.

end - последняя позиция:
C(end,end) - элемент в
позиции (2,3), C(end,:) последняя строка, C(:,end) последний столбец.

Поэлементное произведение матриц. Точка — указание того, что операцию надо произвести поэлементно. В.^2 — поэлементное возведение в квадрат.

Получение строки 1 1 2 2 3 3. repmat - повтор матрицы. Например, repmat([1,0;0,1],50,50) -

матрица типа шахматной доски. Попробуйте выполнить команду

```
imagesc(repmat([1,0;0,1], 4,
                                            4)).
>> A = [1 5 2; 3 2 1; 5 4 0];
>> [B I] = sort(A)
                                            Сортировка элементов
                                            столбцов(!) матрицы!
B =
                                            Выводится результат
     1
           2
                 0
                                            сортировки и матрица
     3
           4
                 1
                                            перестановок индексов. Для
     5
                                            вывода только результата
                                            наберите B = sort(A). Для
I =
                                            сортировки элементов строк -
           2
     1
                                            sort(A,2). Для сортировки в
     2
           3
                 2
                                            обратном порядке -
     3
                 1
                                            B = sort(A,'descend').
>> [B I] = sortrows(A, 2)
                                            Сортировать строки по
                                            возрастанию элементов
B =
                                            второго столбца. Выводится
     3
           2
                 1
                                            перестановка номеров строк.
     5
           4
                 0
I =
     2
     3
>> B = rand([1 2 3 5 1]);
                                            Порождение случайной матрицы
                                            размера 1 \times 2 \times 3 \times 5 \times 1.
>> size(B)
                                            Вывод её размера. Обратите
                                            внимание, что последняя
ans =
                                            (фиктивная!) размерность
                                            устранена. Для устранения
                                            всех фиктивных размерностей
                                            используйте B = squeeze(B).
>> size(permute(B, [2 1 4 3]))
                                            permute - перестановка
                                            размерностей.
ans =
            1 5 3
>> size(shiftdim(B, 1))
                                            shiftdim - СДВИГ
                                            размерностей. Последняя
ans =
                                            фиктивная размерность всегда
      2
            3
                  5
                                            удаляется. Три способа
                                            транспонирования матрицы:
                                            [shiftdim([1,2;3,4],1),
                                            permute([1,2;3,4],[2,1]),
                                            [1,2;3,4]'].
>> [length(B), ndims(B), size(B,4)]
                                            length - длина вектора. Для
                                            матриц эквивалентно
```

```
ans =
                                           max(size(B)). ndims(B) -
      5
            4
                  5
                                           число размерностей,
                                           эквивалентно
                                           length(size(B)). size(B,4) -
                                           показать длину 4-й
                                           размерности.
>> A = [], A(end+2) = 2
                                           Вектор (матрица)
                                           автоматически дополняется
A =
                                           нулями. Команда A(end+1) =
      []
                                           val добавляет к вектору A
                                           ещё один элемент.
A =
                                           Присваивание A = [val A]
      0
            2
                                           добавляет его слева.
                                           Обратите внимание, что
                                           команды можно записывать в
                                           одной строке через запятую
                                           (или через точку с запятой -
                                           тогда не будет выведен
                                           промежуточный результат).
>> A = toeplitz([1 2 3])
                                           Порождение матрицы
                                           специального вида. См. также
A =
                                           функции «галереи». Например,
     1
           2
                 3
                                           порождение циркулянтной
     2
           1
                 2
                                           матрицы
                                           gallery('circul',1:3) или
                                           случайной бинарной
                                           gallery('rando',5).
>> A(:, 2:3) = A(:, [3 2])
                                           Перестановка столбцов.
A =
     1
           3
                 2
           2
                 1
     2
     3
>> rot90(A)
                                           Поворот матрицы на 90
                                           градусов.
ans =
      2
            1
                  2
      3
            2
                  1
      1
>> x=A\[1 2 4]'
                                           Решение уравнения A*x=[1 2]
                                           4]'. Не надо думать! Просто
x =
                                           формально поделить на
     1.1250
                                           матрицу А. Способ
    -0.3750
                                           x=inv(A)*[1 2 4]' хуже, т.к.
     0.5000
                                           происходит инвертирование
                                           матрицы. Обратите внимание
                                           на направление деления,
                                           сравните 1/2 и 1\2.
```

```
>> A*x - [1 2 4]'
                                           Уравнение решено с
                                           погрешностью!
ans =
     1.0e-015 *
               -0.2220
                     0
                     0
>> A^2
                                           Возведение матрицы в
                                           квадрат. Сравните с
ans =
                                           поэлементным возведением
     13
           11
                                           A.^2.
     9
           11
                 8
     11
           13
                11
>> sub2ind([3,2], [1,2,3], [1,1,2])
                                           Перевод многомерной
                                           нумерации в
ans =
                                           последовательную. Например,
      1
            2
                  6
                                           в матрице размера 3×2
                                           элемент в позиции (2,1)
                                           соответствует второму
                                           элементу вектора всех
                                           элементов матрицы. См. также
                                           ind2sub.
>> A = reshape(1:9, 3, 3)
A =
     1
           4
     2
           5
                8
           6
                 9
>> A(:, end) = [1 2 3]
                                           При присваивании строка
                                           автоматически конвертируется
A =
                                           в столбец (главное
     1
                                           совпадение числа элементов).
     2
           5
                2
                                           Можно писать также A(:,end)
                                           = [1 2 3]', но нельзя
           6
                                           A(:,end) = [1 2]'.
>> A(end, :) = 5
                                           Константа присваивается
                                           сразу всем указанным
A =
                                           элементам.
     1
           4
           5
     2
     5
>> A(1,2,1,1)
                                           На единицы в несуществующих
                                           размерностях MatLab не
ans =
                                           обращает внимание.
>> A(1, 2, 2)
                                           На не-единицы обращает...
??? Index exceeds matrix dimensions.
```

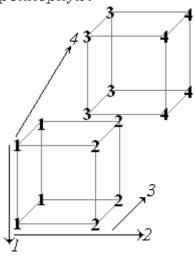
```
>> A(1:8) = rand([2 4])
                                            При присваивании вектору (!)
                                            происходит «подгонка»
A =
                                            размеров. Нельзя сделать
    0.8147
              0.9134
                         0.2785
                                            A(1:2,1:2) = rand([1 4]).
                         0.5469
    0.9058
              0.6324
    0.1270
              0.0975
                         5.0000
>> A(2,2,2) = 3
                                            Создаётся матрица размера
                                            2\times2\times2, все элементы которой,
A(:,:,1) =
                                            кроме элемента в позиции
           0
                  0
                                            (2,2,2) равны нулю.
A(:,:,2) =
                  0
           0
           0
>> accumarray([1 2 3 1 1 2]', [1 2 3 4 5
                                            Полезная функция accumarray.
6])
                                            Формирует вектор, состоящий
                                            из суммы элементов,
ans =
                                            помеченных 1, суммы
       10
                                            элементов, помеченных 2 и
        8
                                            т.Д.
        3
>> accumarray([1 2 3 1 1 2]', [1 2 3 4 5
6], [], @prod)
                                            Аналогично с произведением.
                                            Обратите внимание: @prod -
ans =
                                            указатель на функцию prod.
       20
       12
>> rank([A,b]) == rank(A)
                                            Определяет, существует ли
                                            решение системы \mathbf{A}^*\mathbf{x} =
                                            b(матрица A может быть
                                            вырождена, т.е. её
                                            определитель det(A) равен
                                            нулю)? rank - ранг матрицы.
>> [sum([]) sum([]+4) prod([])]
                                            Обратите внимание на
                                            значение суммы и
ans =
                                            произведения элементов
                                            пустого множества, а также
                                            на то, что []+4 = [].
>> A = [i 2*i; 3*i 4*i]; A'
                                            Отличие транспонирования и
                                            «транспонирования с
ans =
                                            комплексным сопряжением».
      0 - 1.0000i
                       0 - 3.0000i
                      0 - 4.0000i
      0 - 2.0000i
>> A.'
ans =
      0 + 1.0000i
                        0 + 3.0000i
                        0 + 4.0000i
      0 + 2.0000i
```

#### **§6.** Фокусы с размерностями

```
>> A = [1 1; 1 1]; % A = ones(2);
>> X = [A, 3*A; 2*A 4*A]
X =
     1
           1
     1
           1
                  3
                        3
     2
           2
>> Y = reshape(X, [2 2 2 2])
Y(:,:,1,1) =
             1
                    2
Y(:,:,2,1) =
Y(:,:,1,2) =
             3
              3
                    4
Y(:,:,2,2) =
              3
>> Y = permute(Y, [1 3 2 4]);
>> Y = reshape(Y, [2 2 4])
Y(:,:,1) =
Y(:,:,2) =
             2
                    2
Y(:,:,3) =
             3
                    3
Y(:,:,4) =
                    4
>> x = ones(1,2,1,0,0,1)
```

Создаём матрицу, состоящую из четырёх блоков. Следующий код иллюстрирует, как продублировать эти блоки в третьем направлении, т.е. реализовать команду cat(3, A, 2\*A, 3\*A, 4\*A).

Превращаем матрицу в четырёхмерную.



Делаем перестановку размерностей и изменяем форму. Задача решена.

Попробуйте реализовать команду cat(3, A, 3\*A, 2\*A, 4\*A) аналогичным способом.

>> x = ones(1,2,1,0,0,1) x = Empty array: 1-by-2-by-1-by-0-by-0

>> squeeze(x)

Обратите внимание, что порождён пятимерный массив. Последняя размерность фиктивная, но предпоследняя (нулевая!) не является фиктивной.

```
ans =
                                            Отбросили фиктивные
                                            (единичные) размерности.
  Empty array: 2-by-0-by-0
>> Y = reshape(X,[m size(X,1)/m n ...
                                            Даны двумерные матрицы А, В,
 size(X,2)/n]);
                                            C, D, E, F, G, H, E
% сам поворот
                                            одинаковых размеров [\mathbf{m} \ \mathbf{n}].
>> Y(:,:,:) = Y(:,:,end:-1:1);
                                            Матрица Х имеет вид
% игра с размерностями
                                            X = [A B C; ...]
>> Y = permute(Y,[1 4 3 2]);
                                                 D E F; ...
>> Y = reshape(Y, [m*size(X,2)/n ...
                                                 GHE].
n*size(X,1)/m]
                                            Этот код осуществляет
                                            «внешний» матричный поворот
% Если убрать вторую команду,
                                            [Acklam]:
% то получим обобщённую транспозицию
                                                [C F E; ...
                                                 B E H; ...
                                                 ADG].
```

## §7. Полезные функции

```
>> x = 1; y = [1 2];
                                           Функция deal позволяет
>> [x,y] = deal(y,x)
                                           «удобно» присваивать
                                           значения аргументам. Здесь
x =
                                           показано, как поменять две
       1
             2
                                           переменные (даже разных
                                           типов). Заметим, что
y =
                                           конструкция [x y] = [y x] не
       1
                                           работает.
>> f = @(varargin) varargin{:};
                                           Для этих целей можно
                                           использовать и анонимную
>> [y x] = f(x,y)
                                           функцию (см. также ниже).
       1
             2
x =
       1
>> [x y z] = deal(7)
                                           Ещё одно использование
                                           функции deal. Вместо записей
x =
                                           x = 7;
       7
                                           y = 7;
                                           z = 7;
y =
       7
z =
>> row = [1 1 2 3 3 2 3]';
                                           Решение следующей задачи.
>> col = [1 2 1 2 2 1 2]';
                                           Допустим, у нас есть три
>> val = [1 2 3 4 5 6 7]';
                                           массива одной длины том,
                                           col, val. Элемент некоторой
>> [row, col, val] = find(accumarray(...
                                           матрицы (потом мы увидим,
[row, col], val, [], @sum, [], true))
                                           что так реализуются в
                                           MatLabe разреженные матрицы)
                                           с номерами (row(i), col(i))
row =
```

```
1
                                           имеет значение val(i). Если
       2
                                           пара (row(i), col(i)) одна и
       1
                                           та же для нескольких і, то
       3
                                           элемент равен сумме
                                           соответствующих val(i).
col =
                                           Требуется перевести данные в
       1
                                           «сжатую форму», когда нет
       1
                                           одинаковых пар (row(i),
       2
                                           col(i)) для разных i.
                                           Например,
                                              row = [1 1 2 3 3 2 3]';
                                              col = [1 2 1 2 2 1 2]';
val =
       1
                                              val = [1 2 3 4 5 6 7]';
       9
       2
                                                 row = [1 1 2 3]';
      16
                                                 col = [1 \ 2 \ 1 \ 2]';
                                                val = [1 2 9 16]';
>> clear; exist('a')
                                           Существует ли переменная а?
ans =
       0
>> a = 10; exist('a')
ans =
       1
>> exist('pi')
                                           «Системная» константа рі.
ans =
>> A = 1;
                                           См. справку по функции
>> L = 10;
                                           filter, которая применяется
>> for i = 1:L
                                           при обработке сигналов, но
>> A(i+1) = 2*A(i) + 1;
                                           может быть также полезна и
>> end
                                           для других задач.
% «эквивалентный» код
>> B = filter([1], [1 -2], ones(1,L+1))
    1 3 7 15 31 63 127 255 511
1023 2047
>> isequal(A, B)
                                           Сравнение на равенство.
ans =
      1
```

#### §8. Операции с файлами

	Сохранить массив с именем «a» в файл «b.mat».
>> load b.mat	Загрузить данные из файла «b.mat».

```
>> save b.txt a -ascii
                                           Сохранить в формате ascii.
                                           -tabs - разделение символов
                                           табуляцией, -v4 - создание
                                           файла для системы MATLAB4,
                                           -append - добавление в
                                           существующий файл.
>> fid = fopen('answer.txt', 'wt', 'n');
                                           На практике чаще всего
>> fprintf(fid, '%d\n', y);
                                           используют такой способ
>> fclose(fid);
                                           сохранения (например, когда
                                           записывают в файл вектор-
                                           столбец ответов на задачу
                                           классификации). Поскольку
                                           команда save answer.txt y
                                           -ascii число 82 записывает
                                           как 8.2000000e+001.
                                           В MatLabe есть ещё следующие
                                           низкоуровневые функции для
                                           работы с файлами:
                                           fread, fscanf, fgetl, fseek.
>> f = fopen ('st.txt');
                                           Чтение файла, в котором
>> a = fscanf(f, '%d:%d %d/%d',...
                                           записано
                           [4 100])'
                                           12:01 5/7
                                           13:06 3/2
a =
     12
            1
                                           Большое значение «100» взято
     13
                                           «на всякий случай».
>> fclose(f);
                                           Попробуйте до закрытия файла
                                           повторить fscanf.
>> g = fopen('st2.txt','w');
>> fprintf(g, ...
                                           Сохранение в файл в формате
      '%2.2d:%2.2d %2.2f/%2.2d\n', a');
                                           12:01 5.00/07
                                           13:06 3.00/02
>> fclose(g);
>> A = dlmread('1.txt', '+')
                                           Загружаются данные из файла,
                                           который содержит
A =
                                           единственную строку 1+2+3.
                   3
       1
                                           Очень удобная функция для
                                           загрузки текстовых файлов
                                           (особенно с таблицами
                                           данных) textread.
```

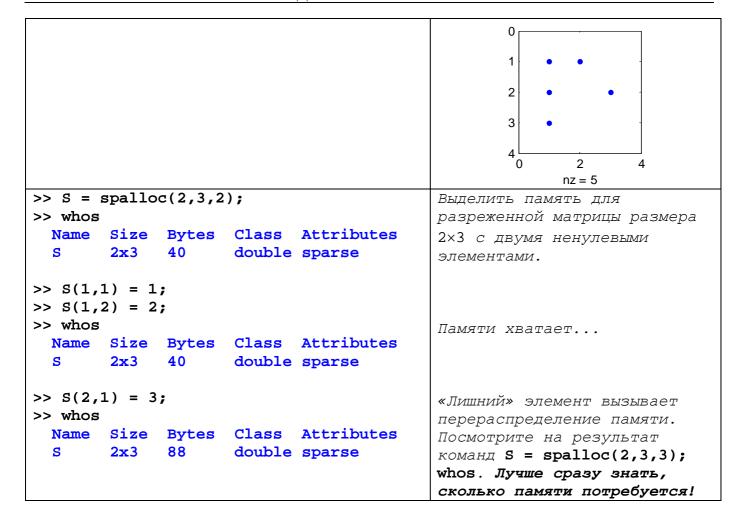
Загружать данные (бинарные, ascii-файлы, Excel-таблицы и т.д.) можно также выбрав в меню File / Import Data, что часто проще и удобнее.

#### §9. Разреженные матрицы

В анализе данных часто приходится иметь дело с матрицами больших размеров, почти все элементы которых нулевые. Для хранения таких матриц в

системе MatLab есть специальный тип – разреженные матрицы (sparse). При этом работа с разреженными матрицами происходит также как и с обычными.

```
>> A = fix(rand(3)*3)
A =
             1
       2
                   0
       2
                   2
             0
       2
>> S = sparse(A)
                                           Перевод матрицы в
                                           разреженную форму. Хранятся
s =
                                            только ненулевые элементы.
     (1,1)
                                            Обратный переход
                                           производится с помощью
     (2,1)
                  2
     (3,1)
                  2
                                           full(S).
     (1,2)
                  1
                  2
     (2,3)
>> S(1,:)
                                           Первая строка разреженной
                                           матрицы.
ans =
      (1,1)
                                           spones(A) - заменяет все
                   1
      (1,2)
                                           ненулевые элементы на
                                            единицы, a nnz(A) - число
                                           ненулевых элементов.
A = speye([2 3])
                                            Создание разреженной
                                            единичной матрицы. См. также
                                            spdiags, sprand, sprandn.
A =
     (1,1)
                  1
     (2,2)
                  1
>> B = sparse([1 2 1], [2 3 1], ...
                                            Создание разреженной
[4 7 2], 3, 4)
                                           матрицы. Перечисляются
                                           индексы элементов, их
B =
                                           значения, указываются
     (1,1)
                                           размеры матрицы. Попробуйте
     (1,2)
                  4
                                           набрать без указания
     (2,3)
                  7
                                           размеров матрицы: sparse([1
                                           2 1],[2 3 1],[4 7 2].
>> sparse(rand([2 2 2]))
                                           В MatLabe только двумерные
??? Undefined function or method
                                           разреженные матрицы!
'sparse' for input arguments of type
'double' and attributes 'full 3d real'.
>> spy(S)
                                           Визуализация матрицы:
```



Если s — разреженная матрица, а f — обычная («полная»), то матрицы s+s, s\*s, s\*s, s\*f, inv(s), diag(s), max(s), sum(s) разреженные, а s+f, s\*f — полные.

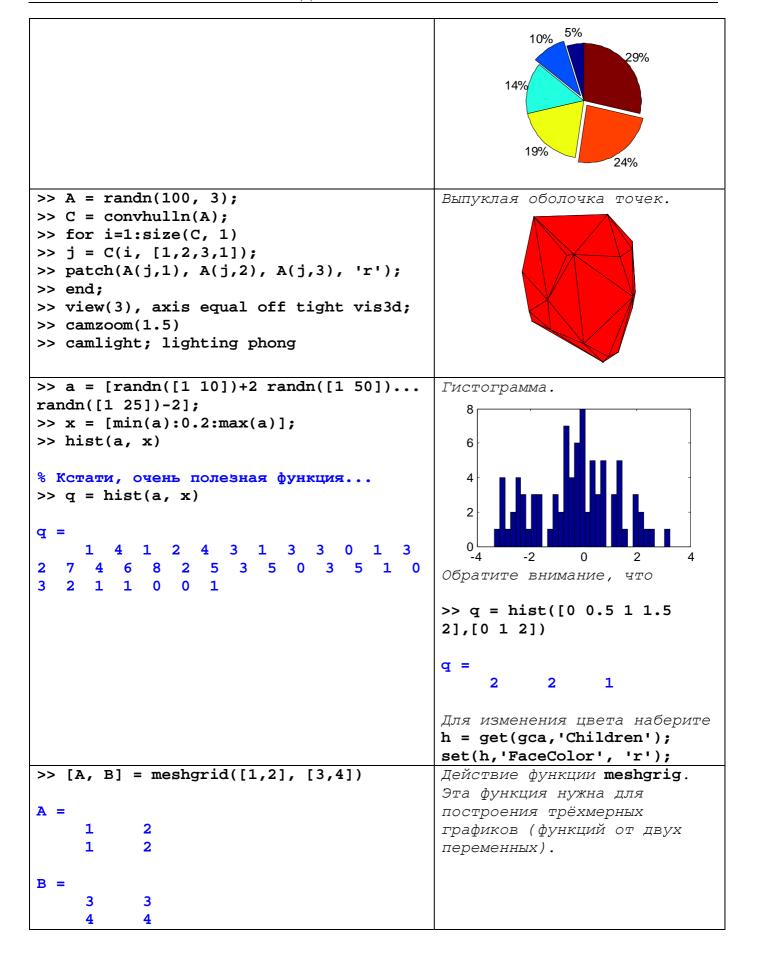
§10. Графика

```
>> x = -3:0.1:3;
                                                           plot
>> y = exp(-x.*x);
>> plot (x,y);
>> title('plot'); % название
                                             > 0.5
>> xlabel('x'); % метки осей
>> ylabel('y');
>> figure % создание нового окна
>> area(x, y); % закрашенный график
>> grid on; % нарисовать сетку
>> figure(1); % вывод в первое
>> bar(y)
>> figure(2);
>> hold on; % Рисовать в окне без
                                              0.6
удаления старого рисунка
>> errorbar(x, y, sin(x+1)./10);
                                              0.4
                                              0.2
                                                   -2
                                                           0
                                                               1
```

```
8.0
                                               0.6
                                               0.4
                                               0.2
                                                            40
                                             Пометки осей и название
                                             удалились!
                                               1.5
                                               0.5
                                             Выполните эти команды
                                             последовательно.
                                             Попробуйте команду plot от
                                             двухмерной матрицы.
>> clf % очистить окно вывода
                                             Построение нескольких
>> t = (0:.1:2*pi)';
                                             графиков в одном окне.
>> subplot(2, 2, 1)
>> plot(t, sin(t))
                                                0
                                                              0
>> subplot(2, 2, 2)
>> plot(t, cos(t))
                                                -1
                                                      5
                                                          10
                                                                   5
                                                                        10
>> subplot(2, 2, 3)
                                                2
                                                              2
>> plot(t, sin(t)+cos(t))
>> subplot(2, 2, 4)
                                                0
                                                              0
>> plot(t, sin(t)-cos(t))
                                                -2
                                                           10
                                                                        10
                                             Удалите команды subplot.
                                             Поставьте на их место
                                             команды hold on;
\Rightarrow g2 = @(x) 1./(x.^2+1);
                                             Нахождение неподвижной точки
>> fplot(g2, [0 1]);
                                             [Loren].
>> hold on
>> straightLine = @(x) x;
>> fplot(straightLine, [0 1], 'g')
                                                   8.0
>> legend('g2', 'x', ...
           'Location', 'SouthEast')
                                                   0.6
>> grid on
                                                   0.4
>> axis equal, axis([0 1 0 1])
>> x(1) = 0.5;
                                                                  g2
                                                   0.2
>> y(1) = x(1);
                                                                  Χ
>> x(2) = x(1);
>> y(2) = g2(x(2));
>> for n = 3:2:21
                                             'r' - красный цвет (возможно
>> x(n) = y(n-1);
```

```
>> y(n) = y(n-1);
                                               использование букв b, g, r,
>> x(n+1) = x(n);
                                               c, m, y, k).
>> y(n+1) = g2(x(n+1));
>> end
>> plot(x,y,'r')
>> hold off
>> n = 1:500;
                                               Иллюстрация сходимости и
% кумулятивная сумма
                                               расходимости рядов.
>> s1 = cumsum(1./n);
>> s2 = cumsum(1./(n.*n));
                                                 6
>> plot([[s1;s2]]', 'LineWidth', 2)
                                                 4
                                                 2
                                                 0 |
                                                      100
                                                            200
                                                                 300
                                                                           500
                                                  0
                                                                      400
>> bar([1,2;3,4], 'grouped');
                                                  4
>> bar([1,2;3,4], 'stacked');
>> bar3([1,2;3,4], 'g');
                                                  3
>> barh([1,2;3,4], 1.5, 'w');
                                                  2
                                                  1
                                                  8
                                                  6
                                                  4
                                                  2
                                                  1
                                                               2
                                                                     3
                                                                            4
```

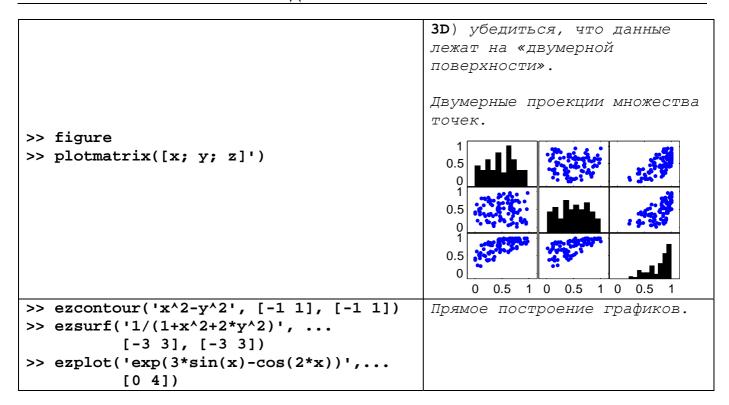
```
>> A = sin((0:10)*pi/5);
                                                              2\pi / 1
                                                                     2\pi/10
>> B = cos((0:10)*pi/5);
                                                       2\pi/2
>> line(A, B); hold on;
                                               0.5
                                                  2\pi/3
                                                                         2\pi/9
>> text(A(2:11), B(2:11), ...
[repmat('2\pi/', 10, 1), ...
                                                0
int2str(10-(0:9)')], 'FontSize', 10);
                                                                          2\pi/8
                                                  2\pi/4
                                               -0.5
                                                                     2\pi/7
                                                       2\pi/5
                                                      -0.5
                                                                   0.5
\gg D = rand(10,2);
                                              Построение 2х случайных
>> B = fix(triu(blkdiag(2*rand(5,5),...
                                              графов.
                          2*rand(5,5)));
                                                                 ⊙3
>> gplot(B,D,':og');
>> text(D(:,1),D(:,2),int2str((1:10)'));
                                                .5
                                                     0.2
                                                          0.4
                                                               0.6
                                                                    8.0
                                                 0
                                              Кстати, randn(m,n) -
                                              случайная матрица (элементы
                                              распределены но нормальному
                                              закону) размера \mathbf{m*n}.
>> saveas(gcf, 'myfig.fig')
                                              Сохранение рисунка.
>> openfig myfig
                                              Загрузка рисунка.
>> saveas(1, 'myfig.eps')
                                              Coxpaнeние Figure 1 в
                                              \phiормате eps.
>> set(gcf, 'paperpos', [0 0 3 2.25])
                                              Попробуйте такой вариант
>> saveas(1, 'myfig.eps')
                                              сохранения. Посмотрите
                                              разницу. Попробуйте также
                                                    print -f -djpeg.
>> load durer
                                              Загрузка картинки.
>> whos
  Name
          Size
                              Class
                    Bytes
                    2638656 double array
  X
           648x509
                                                     100
                    2638656 double array
          648x509
  ans
                                                     200
  caption 2x28
                    112
                              char array
                                                     300
                    3072
                              double array
  map
          128x3
                                                     400
Grand total is 660104 elements using
                                                     500
5280496 bytes
                                                     600
                                                         100 200 300 400 500
>> imagesc (X);
>> colormap(map);
>> axis image
>> pie([1 2 3 4 5 6], [0 1 0 0 1 0])
                                              Секторная диаграмма
                                              («пирог»), с пометкой, какие
                                              сектора отделять.
```



```
>> x = 0:0.1:1;
>> y = linspace(0,1,11);
% или у=0:0.1:1
>> [X,Y] = meshgrid(x,y);
% или [Y,X] = ndgrid(y,x)
>> Z = sin(X*pi) + Y;
>> surf(x, y, Z);
                                                                  0.5
Можно попробовать также:
>> mesh(Z);
                                            Параметры для shading:
>> meshz(Z);
                                            interp, flat.
>> surfl(z); shading interp;
                                            Параметры для colormap: hsv,
>> colormap(pink);
                                            jet, cool, hot, gray, pink,
>> contour(Z);
                                            cooper.
>> [x,y] = meshgrid(-2:0.2:2,-2:0.2:2);
                                            Построение поля направления
>> z = x.*exp(-x.^2-y.^2);
                                            функции.
>> [px,py] = gradient(z, 0.2, 0.2);
>> contour(z);
>> hold on;
                                              15
>> quiver(px, py);
                                                          10
                                                                15
>> x = rand(10, 1); y = rand(10, 1);
                                             Сплайны.
>> plot(x, y, 'o');
>> hold on
>> xs = spline(1:10, x, 1:0.5:10);
                                              0.5
>> ys = spline(1:10, y, 1:0.5:10);
>> plot(xs, ys, 'b');
>> xs = spline(1:10, x, 1:0.1:10);
                                               0
>> ys = spline(1:10, y, 1:0.1:10);
>> plot(xs, ys, 'r');
                                             -0.5
-0.5
                                                      0
                                                           0.5
                                                                       1.5
                                               2
>> x = -1:0.01:1;
\Rightarrow q = plot(x, sin(x*10).*exp(x.*x));
                                               1
% «СТИЛЬ» ЛИНИИ
>> set(q, 'LineStyle', ':');
                                              0
% толщина
                                              -1
>> set(q, 'LineWidth', 2);
                                              -2
                                                    -0.5
                                                           0
                                                                 0.5
>> set(q, 'Marker', 'o');
                                            Параметры для LineStyle: '-
                                             ', \:', \--', \-.'.
                                            Параметры для Marker: 'o',
                                             `x', `+', `*', `.',
                                             `s','d','^','v','h','p','>',
                                             ′<′.
>> set(q, 'Color', 'red');
>> set(q, 'LineWidth', 3, ...
```

```
'MarkerSize', 3);
>> set(gca, 'XGrid', 'on', ...
                                              -2
            'YGrid', 'on');
                                                    -0.5
                                                                0.5
>> set(gca, 'YScale', 'log');
Warning: Negative data ignored.
>> set(gca, 'XColor', 'blue', ...
            'YColor', 'blue');
                                                    -0.5
                                                                0.5
                                            Попробуйте применить команду
                                            set(gca, 'fontsize', 10)
                                            и команду get(gca), чтобы
                                            узнать, что ещё можно
                                            менять...
>> x = -5:0.01:5;
                                            «Плывущие волны»
>> for j = 0:0.01:20
>> plot(x, sin(x+j))
>> drawnow
>> end
>> for j = 0:0.01:10
                                            «Вращающаяся петля»
>> plot(x, cos(j)*exp(-x.*x));
>> set(gca, 'YLim', [-1 1]);
                                            Задали диапазон изменения.
>> drawnow;
                                            Есть также функция ylim.
>> end
>> clf
                                               1
>> f = @(t)cos(exp(t)).*sin(t);
                                              0.5
>> T = 0:0.01:2;
>> [x,fm] = fminsearch(f,1);
                                               0
>> s = strcat('\leftarrow f(',...
         num2str(x),')=',num2str(fm));
                                             -0.5
>> plot(T, f(T))
                                                                f(1,1835)=-0.9188
>> text(x, fm, s, 'Fontsize', 10);
                                                0
                                                     0.5
                                                                 1.5
                                                                       2
>> xlabel('Argument')
                                                         Argument
                                            Пример минимизации функции.
                                            Показан пример использования
                                            анонимной
                                                          функции
                                                                      (CM.
                                            ниже).
```

```
>> t = 0:0.1:30;
>> x = t.*sin(t);
>> y = t.*cos(t);
>> clf
>> plot3(x,y,t);
>> axis off % убрать оси
>> [A B] = meshgrid(linspace(0,2*pi,20),
linspace(0,2*pi,30)); % перенос!
                                             100
>> X = (100+30*cos(A)).*cos(B);
                                              0
>> Y = (100+30*cos(A)).*sin(B);
>> Z = 30*sin(A);
                                             -100
>> surfl(X, Y, Z);
                                             100
                                                                        100
>> axis([-100 100 -100 100 -100 100]);
                                                    n
>> colormap hot
                                                       -100
                                                           -100
                                            Top.
>> [A B] = meshgrid(linspace(0,2*pi,20),
linspace(-0.1,0.1,5)); % перенос!
>> X = cos(A)+B.*cos(A/2).*cos(A);
>> Y = sin(A)+B.*cos(A/2).*sin(A);
                                             0.1
\gg Z = B.*sin(A/2);
>> surfl(X,Y,Z);
>> view(20,70);
>> colormap gray
                                                                2
                                            Лист Мебиуса.
>> x = randn([1 10]); y = rand([1 10]);
                                               2
>> scatter(x, y);
>> hold on;
>> x = rand([1 10]); y = randn([1 10]);
>> scatter(x, y, 'filled');
                                               0
                                              -1
                                                     -1
                                                           0
                                            Визуализация данных (одна из
                                            самых полезных функций в
                                            анализе данных)
>> x = rand([1 100]);
>> y = rand([1 100]);
>> z = sin(x + y);
                                              0.5
>> clf; scatter3(x,y,z);
                                                   0.5
                                                                  0.5
                                            Визуализация в трёхмерном
                                            пространстве. Попробуйте
                                            вращением картинки (Rotate
```



Сохранить графику можно, выбрав File/save в меню окна Figure, при этом сохранение производится в специальном формате \*.fig. Можно также выбрать File/Generate M-File, тогда будет сгенерирован код, который рисует изображение, но в коде не присутствуют данные (их придётся внести вручную). Для использования построенных графиков в документах редактора Word используйте буфер: в окне Figures выберите Edit/Copy Figure, затем переключитесь в Wordдокумент и произведите вставку из буфера (Paste). Для использования графики в TeX используйте команду print.

#### §11. Циклы

```
>> A = 1; B = 2;
                                            Пример условного оператора.
>> if A > B % если
>> '>'
                                            В условном операторе
>> elseif A < B % иначе если
                                            следующие выражения
>> '<'
                                            эквивалентны:
>> else % иначе
                                                   if (a>b)||(a>c),
>> end % «если» завершается
                                                 if or((a>b),(a>c)),
ans =
                                                if any([(a>b),(a>c)]).
\rightarrow f = [1 1];
                                            Вывод чисел Фибоначчи.
>> for n = 3:10 % что пробегает n
                                            Попробуйте усовершенствовать
>> f(n) = f(n-1) + f(n-2);
                                            этот код (см. дальше об
>> end % конец цикла
                                            эффективном программировании
>> f
                                            в MatLab).
f =
                                            Переменная может пробегать
     1
                        13
                            21
                                34
                                    55
                                            столбцы матрицы. См.,
                                            например, for n = [1 2 3; 1]
```

	Ta a a
	1 1], n, end; Кстати,
	допуст <b>и</b> м такой цикл:
	for a=1:Inf, a, end;
	но присваивание <b>a=1:Inf</b> без
	цикла <b>for</b> не удастся. Цикл
	for a = [1:Inf], a, end;
	недопустим, поскольку
	квадратные скобки сообщают
	MatLaby, что надо сначала
	вычислить выражение в них.
>> n	После выполнения цикла
	переменная-счётчик остаётся
n =	в памяти (это способ
10	проверки, прошёл ли цикл до
	конца, правда, с одной
	тонкостью какой?).
	·
>> S = 'qw12e3r4 56';	Использование <b>continue</b> и
>> n = 0;	break. Что делает этот код?
>> for s = S	Попробуйте его
>> if isletter(s) continue;	усовершенствовать.
>> elseif s==' ' break;	
>> end; % конец if	
>> n = n + str2num(s);	
>> end; % конец for	
>> x = 10;	Цикл while.
>> n = 0;	
>> while x > 1	
>> x = x/2; n = n+1;	
>> if n > 50, break, end	
>> end	
>> switch isempty(A)	switch
>> case 0	Пример проверки на пустоту
>> 'непустой'	массива.
>> case 1	
>> 'пустой'	
>> otherwise	
>> '?'	
>> end	
ans =	
непустой	
>> x = 4;	
>> switch x	Допустимы и такие
>> case {1,2}	конструкции
>> disp('1<=x<=2');	
>> case {3,4}	
>> disp('3<=x<=4');	
>> end	
2 4	
3<=x<=4	
>> E = [];	Посмотрите на действия

```
>> if E
                                             условного оператора с пустым
>>
       disp('Empty is true')
                                             множеством.
>> else
       disp('Empty is false')
>>
>> end
Empty is false
>> true || E
ans =
       1
>> true | E
ans =
       []
>> E || true
??? Operands to the || and && operators
must be convertible to logical scalar
values.
>> [1 1 0 0] | [1 0 1 0]
                                             Разница между операциями | и
                                             ||.
ans =
       1
             1
                    1
                          0
                                             Получаем логический массив.
>> [1 1 0 0] || [1 0 1 0]
??? Operands to the || and && operators
must be convertible to logical scalar
values.
>> x = NaN;
                                             B MatLabe (x==x) не всегда
>> if (x==x) disp('='); else disp('~');
                                             истина. Что будет при \mathbf{x} = []
                                             u \mathbf{x} = \mathbf{Inf}?
end;
```

В системе MatLab нет операторов безусловного перехода **goto** (как, впрочем, нет меток и номеров строк для перехода).

#### §12. Логические массивы

Логические массивы позволяют во многих случаях обходиться без операторов цикла. Для хорошего программирования в среде MatLab необходимо уметь применять этот тип данных (который отсутствует во многих других языках).

```
      >> A = [1,2,3;4,5,6;7,8,9];
      Порождение логического массива.

      >> A(L)'
      Вывод элементов, «помеченных» логическим массивом.

      ans =
      массивом.

      1
      7
      5

      8
      Поиск индексов элементов, удовлетворяющих специальным
```

```
ans =
       3
             3
                   2
       1
                   3
>> find(isprime(1:20))
ans =
         3 5 7 11 13
                          17
                              19
>> X = [2,4,3,1];
\gg X(X>2)
ans =
             3
>> X(X>2) = 2
X =
             2
                   2
                         1
>> whos L
  Name
         Size
                Bytes
                        Class
         3x3
                        logical array
Grand total is 9 elements using 9 bytes
>> L = L + 0;
>> whos L
       Size
  Name
                Bytes
                        Class
         3x3
                72
                        double array
Grand total is 9 elements using 72 bytes
>> [[1,2];[3,4]]==[[1;3],[2;4]]
ans =
       1
             1
       1
             1
```

условиям. Сравните с командой find(A>5 & A<9) (индексы в последовательной нумерации). Для перевода последовательной нумерации в обычную можно использовать [i,j] = ind2sub(size(A), find(A>5 & A<9)).

Вывод всех простых чисел.

isprime - проверка на
простоту (результат логический массив).

find - вывод индексов
ненулевых элементов.
Заметьте, что
find(isprime(a)) не выводит
все простые числа из а, а
только их индексы. Для
вывода чисел используйте
a(isprime(a)).

Вывод всех элементов, которые больше 2. Аналогичный результат получается при X(find(X>2)).

Заменить на 2 все элементы, которые больше двух (это не самый эффективный вариант решения такой задачи, см. ниже).

Обратите внимание на изменение типа при прибавлении нуля к логическому массиву (для изменения типа в системе старше MatLab 5 рекомендуется использовать унарный плюс, см. ниже).

В результате сравнения порождается логический массив (обратите внимание на различный способ порождения двух матриц).

Для проверки на равенство

```
следует использовать
                                           isequal([[1,2]; [3,4]],
                                           [[1;3], [2;4]]). Кстати, эта
                                           функция может работать со
                                           многими аргументами, см.
                                           isequal(2, 1+1, 3-1).
                                           Есть ли в столбце ненулевой
>> any(L)
                                           элемент (ответ для каждого
ans =
                                           столбца).
             1
                   0
       1
                                           all - проверка гипотезы, что
                                           в столбце все элементы
                                           ненулевые.
>> x = [1, Inf, 2, NaN];
>> x(finite(x))
                                           Оставить в массиве только
                                           конечные числа.
ans =
       1
             2
>> x = 1:10;
>> x(((x<3)|(x>6))&(x~=8))
                                           Запомните:
                                           ~= - не равно (отличие от
                                           языка С), | - логическое
ans =
                   7
                         9
                              10
                                           ИЛИ, & - логическое И.
       1
             2
>> a = 5:6;
                                           Тривиальный факт, но часто
>> a([0 1])
                                           на этом ошибаются... Для
??? Subscript indices must either be
                                           логической индексации надо
real positive integers or logicals.
                                           использовать логический
                                           массив (тип logical)! Запись
>> a(logical([0 1]))
                                           a([1 2]) допустима (это
                                           вывод первого и второго
ans =
                                           элемента), а запись a([0 1])
       6
                                           формально выводит нулевой(?)
                                           и первый.
>> a = 1:3;
>> b = a==2
b =
       0
             1
                   0
>> b(1) = 2
                                           Присваивание элементам
                                           логического массива значений
                                           «не поддаётся логике».
       1
             1
                   0
                                           Обратите внимание, что в
                                           итоге получился логический
>> b(3) = NaN
                                           массив. Кстати, (true==2)
??? NaN's cannot be converted to
                                           неверно!!!
logicals.
>> find(b == true)
                                           В MatLabe есть константы
                                           true и false. Правда, можно
                                           было бы писать find(b == 1).
ans =
```

```
>> A = true(1,3) % Tak Toke Mokho!
                                            Иллюстрация, что MatLab не
                                            различает 1 и true.
A =
       1
                    1
>> B = ones(1,3)
       1
>> isequal(A,B)
ans =
>> a = [-2 1 0 2 0 3];
                                             Решение задачи «сделать все
                                            ненулевые элементы матрицы
>> +(a~=0) % первый способ
                                            единичными». Унарный «плюс»
                                            нужен для перевода в тип
                                            double!
ans =
       1
            1
>> +(~~a) % второй способ
                                            Этот способ часто бывает
                                            чуть быстрее. Для замены
                                            неединичных элементов на
ans =
            1
                       1
       1
                            0
                                  1
                                            единичные (в полной матрице
                                            больших размеров) не делайте
                                            так: a(a~=0) = 1, лучше так:
                                            a = +(\sim a). Кстати,
                                            аналогичный результат даёт
                                            команда a = double(\sim\sim a)
                                            (выше использовалась
                                             операция «унарный плюс»), а
                                            вот операция a = (\sim a) + 0
                                            гораздо медленнее.
```

#### §13. Оформление \*.m-файлов

В m-файле можно сохранять последовательность MatLab-команд, которая будет выполняться, если в командной строке набрать имя соответствующего файла. «Запуск» скрипта (m-файла, содержащего последовательность команд) эквивалентен последовательному набору соответствующих команд. Если m-файл начинается с ключевого слова function, то в нём описана функция, для которой прописываются аргументы и значения (см. ниже).

Редактор для оформления m-файлов вызывается командой edit. Это обычный текстовый файл, поэтому может быть набран почти в любом текстовом редакторе. Файл следует сохранить в каталоге, который прописан в «путях доступа» (иначе скрипт/функция не будет вызываться по команде).

% QUADFORM решение квадратного уравнения	Вызов такой функции,
% Это содержимое файла quadform.m	записанной в m-файле,
<pre>function [x1,x2] = quadform(a,b,c)</pre>	осуществляется командой:

```
d = sqrt(b^2 - 4*a*c);
                                            >> [r1,r2] = quadform(1,-
x1 = (-b + d) / (2*a);
                                            2,1)
x2 = (-b - d) / (2*a);
                                            r1 =
                                            r2 =
                                                 1
                                            Обратите внимание на то, что
                                            переменная d локальная (её
                                            не будет в рабочей области
                                            после завершения работы
                                            функции). Функция имеет свою
                                            область переменных.
                                            Запомните! Переменные в
                                            функциях - локальные, а в
                                            скриптах - глобальные!
% MPAR сравнение сигналов в 2х метриках
                                            Внутри функции может быть
function [p1 p2] = mpar(x, y)
                                            определена другая функция.
x = mmean(x);
                                            Такие функции называются
y = mmean(y);
                                            вложенными (nested). Вызов
p1 = sum(abs(x-y));
                                            mmean([1 2 3]) «He
p2 = sqrt(sum((x-y).^2));
                                            работает»! Работают только
                                            вызовы [p1 p2] = mpar(x, y)
% ММЕАН вычесть среднее
                                            u mpar(x, y) (если
function x = mmean(x)
                                            содержимое сохранено в файле
x = x - mean(x);
                                            mpar.m).
%{
                                            Так выделяется целый блок
код для иллюстрации
                                            комментария.
вложенных функций
>> f = memoize1(@sin)
                                            Сохраните в т-файл следующую
                                            \phiункцию [Loren]:
f =
                                            function f = memoize1(F)
     @memoize1/inner
                                            x = [];
                                            y = [];
                                            f = @inner;
>> f(0)
                                                % nested function
new
                                                function out = inner(in)
                                                    ind = find(in == x);
ans =
      0
                                                    if isempty(ind)
                                                        out = F(in);
>> f(0)
                                                        x(end+1) = in;
                                                        y(end+1) = out;
ans =
                                                        disp('new');
      0
                                                    else
                                                        out = y(ind);
>> f(1)
                                                    end
                                                end
new
                                            end
ans =
      0.8415
                                            Теперь мы сообщаем, какой
                                            \phiункцией у нас будет {f f} (в
```

```
>> f(0)
                                           данном случае sin). При
                                           обращении к ней вычисляется
                                           значение этой функции или,
ans =
                                           если к ней уже обращались с
                                           таким аргументом, значение
>> s = functions(f)
                                           просто берётся «из памяти».
s =
     function: 'memoize1/inner'
         type: 'nested'
         file: [1x62 char]
    workspace: {[1x1 struct]}
>> s.workspace{1}
                                           Здесь показана «память»
                                           функции.
ans =
      f: @memoize1/inner
                                           Попробуйте написать
      F: @sin
                                           аналогичную функцию с
      x: [0 1]
                                           памятью, к которой можно
      y: [0 0.8415]
                                           обращаться с вектором
                                           значений.
>> profile on;
                                           Указывает время выполнения
% <<вызов функций>>
                                           функций и время выполнения
>> profile report
                                           каждой строки(!) каждой
>> profile off
                                           вызываемой функции.
```

Если в тексте m-файла встречается команда **keyboard**, то выполнение скрипта прекращается на время. Пользователь может вводить команды в командном окне. При вводе **return** продолжается выполнение m-файла. При использовании команды **return** в m-файле прекращается выполнение функции/скрипта. Зарезервированные имена переменных:

nargin – количество параметров, с которыми была вызвана функция,

nargout – количество выходных параметров, с которыми была вызвана функция. Команда global a b сообщает функции о двух глобальных переменных: a и b. Заголовок function myfunc(a, b, varargin) описывает функцию с двумя аргументами a, b и, возможно, ещё какими-то, записанными в массиве ячеек varargin (это ключевое слово). Для переменного числа выходных параметров используют имя массива ячеек varargout.

Многие функции системы MatLab (sqrt, sin и т.д.) являются встроенными (built in). Они очень эффективно выполняются, их выполнение нельзя прервать (нажатием Ctr+C), и их код недоступен (это функции ядра).

§14. Структуры

>> a = f([1, 1])	Сохраните в файл <b>f.m</b>
	function $fx = f(x)$
a =	fx.Value = (x(1)-
Value: 1	1)^2+x(1)*x(2);
Gradient: [2x1 double]	fx.Gradient = $[2*(x(1)-1) +$
	x(2); x(1)];

<sup>1</sup> Про массивы ячеек см. ниже.

```
>> a.Gradient
                                           Значение поля.
ans =
     1
     1
>> fieldnames(a)
                                           Вывод всех названий полей.
ans =
      'Value'
      'Gradient'
>> isfield(a, {'Value', 'Trace',
                                           Проверка, есть ли такие поля
'Gradient'})
                                           в структуре.
ans =
             0
>> student.name = 'Ivanov';
                                           Массив структур с именами
>> student.mark = 5;
                                           студентов и отметками.
>> student(2).name = 'Petrov';
>> student(2).mark
                                           Поле mark у второго элемента
                                           уже существует! Можно было
ans =
                                           бы заполнить второй элемент
       []
                                           raκ: student(2) =
                                           struct('name','Petrov',
>> student(3).name = 'Sidorov';
                                           'mark',[]).
>> student(3).mark = 4;
>> [student.mark]
                                           Массив всех оценок.
                                           Поскольку student.mark
ans =
                                           является массивом ячеек (см.
       5
                                           ниже). Данный вызов работает
                                           и в случае, если
                                           student(1).mark = [5 4 5 5],
                                           но не в случае
                                           student(1).mark = [5 4 5 5]'
                                           (с транспонированием).
>> [student.mark] = deal(5, 4, 4)
                                           Присваивание значений
                                           (проставили оценки сразу
student =
                                           всем студентам). Попробуйте
                                           теперь вызвать
1x3 struct array with fields:
                                           [student.mark].
   name
   mark
                                           Кстати, если сначала сделать
                                           присваивания student.name =
% сразу несколько оценок
                                           'Ivanov', student(2).name =
>> [student(1:3).mark] = ...
                                           'Petrov', то присваивание
              deal([5,4], [4,3,5], [4])
                                           student.mark = 5
                                           некорректно. Верная запись -
                                           student(1).mark = 5.
student =
1x3 struct array with fields:
```

```
name
   mark
% второй способ
>> s = \{[5,4], [4,3,5], [4]\}
                                           Присваивание не через deal.
                                           Сначала порождаем массив
                                           ячеек (см. ниже). Кстати,
   [1x2 double] [1x2 double] [4]
                                           присваивание
                                           [student(1:3).mark] =
>> [student(1:3).mark] = s{1:3}
                                           {[5,4],[4,3],[4]} He
                                           получится.
student =
1x3 struct array with fields:
   name
   mark
>> fields = fieldnames(s)
                                           Дальше идёт иллюстрация
                                           одного способа доступа к
fields =
                                           полям... Сначала получили
         'name'
                                           все имена полей.
         'age'
>> field1 = fields(1)
                                           Выбрали первое.
field1 =
         'name'
snames = {student.(field1{:})}
                                           Вывели все значения этого
                                           поля... Команда
                                           student.(field1{:})
snames =
   'Ivanov' 'Petrov'
                         'Sidorov'
                                           работает! Заметим, что
                                           команда snames =
                                           [student.(field1{:})]
                                           создаст строку
                                           'IvanovPetrovSidorov'.
>> s(1).x = 1;
                                           Обратите внимание, что
>> s(2).x = 2;
                                           «первая размерность
>> a = struct2cell(s); % перевод в
                                           структуры» - размерность
массив ячеек
                                           имён полей.
>> whos
 Name Size Bytes Class Attributes
        1x1x2 136
                     cell
        1x2
              200
                     struct
>> sl.name = 'Alex';
                                           Пример как объединять
>> s1.age = 20; % попробуйте поменять
                                           структуры (взято из
местами эту строчку со следующей
                                           [Loren]).
>> s1(2).name = 'Serg';
>> s1(2).age = 19;
>> s2.mark = 5;
>> s2(2).mark = 4;
>> s = cell2struct([struct2cell(s1);
                                           Работает, если все имена
struct2cell(s2)], [fieldnames(s1);
                                           полей уникальны!
```

```
fieldnames(s2)],1)
s =
1x2 struct array with fields:
    name
    age
    mark
>> s(1)
                                            Вывод первого элемента
                                            массива структур (теперь
ans =
                                            здесь три поля).
      name: 'Alex'
       age: 20
      mark: 5
>> field = 'f';
                                            Один из способов создания
>> for i = 1:3;
                                            полей и присваивания им
>> a.([field int2str(i)]) = i; end;
                                            значений (динамические имена
                                            полей - Dynamic Field
>> a
                                            References).
a =
      f1: 1
      f2: 2
      f3: 3
```

# §15. Встроенные и анонимные функции

Для создания таких функций не нужен отдельный т-файл.

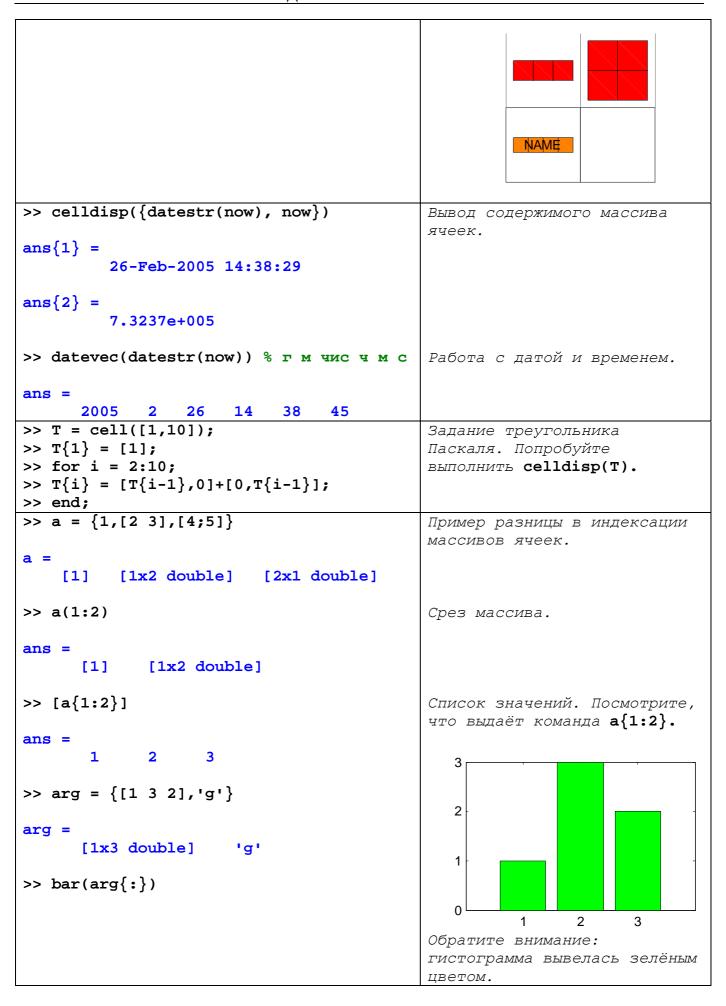
```
>> f = inline('sin(pi*x)+cos(pi*y)+z',
                                              Объявление встроенной
'z', 'x', 'y')
                                               функции.
f =
    Inline function:
    f(z,x,y) = \sin(pi*x) + \cos(pi*y) + z
>> f(1,2,3)
                                              Обратите внимание: x=2, y=3,
                                              z=1!
                                              Попробуйте f([1,2,3]).
ans =
     -2.2204e-016
>> formula(f)
                                              Вывод формулы. Попробуйте
                                              также argnames(f) и
                                              methods(f).
ans =
      sin(pi*x)+cos(pi*y)+z
>> f=@(x,y) (sin(x)*y+cos(y)/(x^2+1));
                                              Анонимная функция.
>> ezsurf(f);
                                                        (\sin(x) y + \cos(y)/(x^2 + 1))
                                                10
                                                          -5
```

```
>> f = @(A,x) A(x)
                                            Создание анонимной функции,
                                            которая возвращает элементы
f =
                                            матрицы А.
      @(A,x)A(x)
>> A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9]
A =
       1
             2
                    3
                                            Напомним, что MatLab
       4
             5
                   6
                                            нумерует элементы по
       7
             8
                                            столбцам. Подобная функция
                                            полезна для выражений типа
>> f(A,[1 2; 3 4])
                                            f((triu(ones(3))+diag([1 2
                                            3]))^2, 4), поскольку вызов
ans =
                                            ((triu(ones(3))+diag([1 2
       1
             4
                                            3]))^2)(4) некорректен.
             2
>> f=@(x) (sin(x)+cos(x)-x);
                                            Решение нелинейного
>> ezplot(f, [0 5])
                                            уравнения f(x)=0. Можно
>> grid on
                                            просто вызвать
>> fsolve(f, 3)
                                            fsolve('sin(x)+cos(x)-x',3)
Optimization terminated: first-order
                                            (указывается начальное
optimality is less than options. TolFun.
                                            приближение).
ans =
     1.2587
>> h = @sin;
                                            Пример использования
>> x = 0:0.01:7;
                                            указателя на функцию в
>> fplot(h, [0 7]) % plot(x,h(x))
                                            задаче минимизации.
>> fminbnd(h, 0, 7)
                                              0.5
ans =
      4.7124
                                                0
>> hold on;
                                              -0.5
>> scatter(ans, h(ans), 40,'filled')
                                               -1
                                                      2
                                            Попробуйте минимизировать
                                            свою функцию.
```

### **§16.** Массивы ячеек

Этот тип данных позволяет хранить в одном массиве элементы разных типов.

```
>> c = cell([2 2])
                                            Порождения массива ячеек.
C =
       []
              []
       []
              []
>> c{1, 1} = [1, 2, 3];
                                            Заполнение его содержимым.
>> c{1, 2} = eye([2, 2]);
                                            Оно разнородное (разных
>> c{2, 1} = 'NAME';
                                            типов)!
>> cellplot(c)
                                            Результат оператора
                                            cellplot:
```



```
>> A = \{\{[1],[2 3]\}, 4\}
                                            Элементами массива ячеек
                                            могут быть массивы ячеек.
A =
   \{1x2 \text{ cell}\} [4]
>> A(end+1,:) = \{1, 2\}
                                            Присваивание
                                                 A\{\text{end+1,:}\} = \{1,2\}
A =
                                            невозможно!
    {1x2 cell} [4]
>> A{2,2} = [1 2]
                                            А здесь не пройдёт
                                            присваивание A(2,2) = [1 \ 2]
A =
                                            (с круглыми скобками). Можно
    {1x2 cell} [ 4] [ 1x2 double]
                                            сделать так:
                                                 A(2,2) = \{[1 \ 2]\}.
                                            Нельзя написать A\{1,:\} = [].
>> A(1,:) = []
A =
    [1] [1x2 double]
>> X = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9];
                                            Иллюстрация приёма, который
>> a = \{[1 3], ':'\}
                                            используется для индексации
                                            массива.
a =
      [1x2 double] ':'
>> a{:}
ans =
         3
ans =
>> X(a{:})
                                            Вывод подматрицы матрицы Х,
                                            определяемой массивом ячеек
ans =
       1
            2
                   3
>> clear; a = 1; b = 2; X = [0 1];
                                            Некоторые средства MatLaba
>> vars = who'
                                            позволяют получить результат
                                            в виде массива ячеек. В этом
                                            примере получен массив имён
vars =
       'X' 'a' 'b'
                                            всех переменных.
>> class(vars)
ans =
>> c(1:4,1) = {'', 'Alex', 'Den',}
                                            Пример показывает, как из
'Serg'};
                                            массива ячеек выделять
>> c(1:4,2) = {'MATH', 5, 4, 5};
                                            вещественные подматрицы.
>> c(1:4,3) = \{'ECON', 5, 3, 4\}
```

```
c =
               'MATH'
                         'ECON'
    'Alex'
                   5]
                         Ε
                             51
    'Den'
                   4]
                             3]
                         Ε
                   5]
                         Ε
                             4]
    'Serg'
              Е
>> reshape([c{2:end,2:end}], size(c,1)-
1, size(c,2)-1)
ans =
      5
      4
            3
>> [b{1:3}] = deal(1, 2, 3)
                                            Присваивания с помощью deal.
b =
      [1]
             [2]
                     [3]
>> [a{:}] = b{:}
??? The left hand side has a{:} inside
                                            Обратите внимание на эту
brackets, which requires that a be
                                            ошибку!
defined, so that the number of expected
results can be computed.
>> [a{1:3}] = b{:}
a =
      [1]
             [2]
                     [3]
```

# §17. Строки

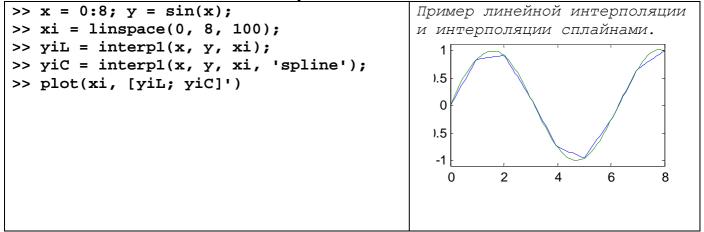
```
>> str = ['12 3', ' ', '4']
                                           Порождение строки.
str =
      12 3 4
>> double(str)
                                           Преобразование в массив
                                           чисел.
ans =
      49
          50 32 51 32 52
>> char(ans)
                                           Обратное преобразование.
ans =
      12 3 4
>> A = str2mat('1',upper('ab'),'456''7')
                                           Создание матрицы строк.
                                           Происходит «пополнение»
A =
                                           пробелами (попробуйте
    1
                                           double(A)). Обратите
   AB
                                           внимание на вставку
    456'7
                                           апострофа.
>> findstr(A(3,:),'''')
                                           Определение позиции
```

```
апострофа. Вообще,
ans =
                                           рекомендуется использовать
                                           \phiункцию strfind, в которой
                                           важен порядок аргументов, но
                                           не функцию
                                           find(A(3,:)==''').
                                           Создание строки '2'.
>> num2str(eval('1+1'))
                                           Запомните функцию eval! Она
ans =
                                           «исполняет строку».
      2
                                           Попробуйте, например,
                                           eval('plot(sin(1:10))').
                                           Некоторые задачи можно
                                           решать «компоновкой
                                           подходящей строки», которая
                                           затем передаётся функции
                                           eval.
>> isletter('1a2bcd3')
                                           Определение позиций букв.
ans =
              0
                  1 1 1 0
>> strmatch('ab', ['abc';'bca';'aaa'])
                                           Строки, которые начинаются с
                                           'ab'.
ans =
>> num2str(10.1111111111111)
                                           Будьте осторожны при
                                           использовании num2str,
ans =
                                           поскольку эта функция
      10.1111
                                           «обрубает числа»!
>> findstr([0 1 2 0 0 3 4 1 1 2],[1 2])
                                           Строковые функции можно
                                           применять и для обработки
ans =
                                           «нестроковых» данных...
      2
>> strrep('Good boy and good girl',
                                           Замена одной подстроки
'good', 'bad')
                                           другой (можно и нужно
                                           использовать для удаления
ans =
                                           подстрок).
      Good boy and bad girl
>> strncmpi({'Good', 'boy', 'good',
                                           Сравнение строк без учёта
'girl'}, 'GOOD', 4)
                                           регистра.
ans =
      1
            0
                  1
                        0
>> strncmp({'Good', 'boy', 'bad',
                                           Какие строки начинаются на
'girl'},'b',1)
                                           букву «b»?
ans =
            1
                  1
>> str = 'Value';
>> str + str
                                           При сложении строк результат
```

```
double!
ans =
            194
                   216
                         234
                                202
      172
>> [str str]
                                             Конкатенацию следует
                                             производить так.
ans =
      ValueValue
>> val = 3;
>> sprintf('str = %s, val = %d or %f, pi
                                             sprintf - удобное средство
= %2.3f', str, v, v, pi)
                                             для вывода информации на
                                             экран.
ans =
str = Value, val = 99 or 99.000000, pi =
3.142
>> X = [1 \overline{57}];
                                             Пример того, как с помощью
>> n = 3;
                                             функций sprintf и eval можно
>> eval(['[ ' sprintf('A%d ',1:n) '] =
                                             решать задачи любой
ndgrid( ' repmat('X, ',1,n-1) 'X );']);
                                             сложности методом
>> eval(['A = [' sprintf('A%d(:) ',1:n)
                                             «формирования строки с
']']);
                                             нужной командой». Решается
                                             следующая задача. Для любого
A =
                                             множества Х и произвольного
     1
           1
                                             натурального n>=2 надо
     5
           1
                  1
                                             построить матрицу, в которой
     7
           1
                  1
                                             по строкам перечислены все
     1
           5
                  1
                                             элементы множества Х в
     5
           5
                  1
                                             декартовой степени n.
     7
           5
                  1
           7
     1
                  1
                                             Команда
                                             ['[ ' sprintf('A%d ',1:n) ']
     5
           7
                  1
     7
           7
                  1
                                             = ndgrid( ' repmat('X,
     1
           1
                  5
                                             ',1,n-1) 'X );']
     5
           1
                  5
                                             формирует строку
     7
           1
                  5
                                             '[ A1 A2 A3 ] = ndgrid( X,
                  5
     1
           5
                                             X, X);',
                  5
     5
           5
                                             которую исполняет команда
     7
           5
                  5
                                             eval. Аналогично, следующая
     1
           7
                  5
                                             команда формирует строку
                  5
     5
           7
                                             'A = [A1(:) A2(:) A3(:)]'.
     7
           7
                  5
     1
           1
                  7
     5
           1
                  7
     7
           1
                  7
           5
     1
                  7
     5
           5
                  7
     7
           5
                  7
     1
           7
                  7
     5
           7
                  7
     7
           7
                  7
>> G = repmat({X}, n, 1);
                                             Второй способ решения
>> [G2{1:n}] = ndgrid(G{:});
                                             задачи. Через массивы ячеек
```

```
>> A = [G2{1:n}];
                                           и фокусы с размерностями.
>> s = size(A);
                                           Попробуйте понять, какой из
>> s = [s(1) length(X) n s(3:end)];
                                           этих двух способов
>> A = reshape(A, s);
                                           эффективнее.
>> per = 1:ndims(A); per(3) = ndims(A);
>> per(end) = 3;
>> A = permute(A, per);
>> A = reshape(A, [length(X).^n n] )
>> ismember({'a','b','c'},{'a','m','n'})
                                           Для массива ячеек,
                                           наполненного строками, можно
ans =
                                           использовать ismember
       1
             0
                   0
                                           (попробуйте заменить одну из
                                           строк на число).
>> S = [];
                                           Цикл может пробегать и
                                           массив ячеек.
>> for s = {'one','two','three'}
>> S = [S ' ' s{:}]
                                           Обратите внимание, что s -
>> end
                                           ячейка! Попробуйте заменить
                                           эту строку на
                                           S = [S ' ' S].
S =
    one
S =
   one two
S =
   one two three
>> files = dir('*.mat');
                                           Так перебираются файлы в
>> for I = 1:length(files)
                                           каталоге.
>> thefile = files(i).name
>> % действия с файлом
>> end;
>> for i = 1:9
                                           Так перебираются файлы
>> thefile = sprintf('mat%d.mat', k);
                                           mat1.mat, mat2.mat μ τ.μ.
>> % другой способ
>> thefile = ['mat' num2str(k) '.mat'];
>> data = load(thefile);
>> end;
```

# §18. Интерполяция и полиномы



```
>> x = 1:10;
>> y = rand(size(x));
                                                1
% коэф. аппрокс. полинома 3-ей степени
                                               0.8
>> p = polyfit(x, y, 3);
% вычисление его значений
                                               0.6
>> f = polyval(p, x);
>> hold on;
                                               0.4
>> plot(x, y, 'green');
>> plot(x, f, 'blue');
                                               0.2
>> p = polyfit(x, y, 6);
>> f = polyval(p, x);
                                                                 6
                                                                          10
>> plot(x, f, 'red');
% аппрокс. кубическими сплайнами
>> g = spline(x, y, 1:0.2:10);
>> plot(1:0.2:10, g, 'black');
>> x = -2:2;
                                             Пример двухмерной
>> y = [-2:2]';
                                             интерполяции.
                                                Linear interpolationCubic spline interpolation
>> z = (\sin(y).*\exp(-
y.^2))*(sin(x).*exp(-x.^2));
                                                             0.2
>> xi = linspace(-2,2,100);
>> yi = linspace(-2,2,100)';
>> ziL = interp2(x,y,z,xi,yi);
                                              -0.1
>> subplot(1,2,1), mesh(xi,yi,ziL)
>> title('Linear interpolation')
>> ziC = interp2(x,y,z,xi,yi,'splnin');
>> subplot(1,2,2), mesh(xi,yi,ziC)
>> title('Cubic spline interpolation')
>> t = 0:0.01:1;
                                             Приближение функцией
>> f = cos(t) + t + rand(size(t)) - 1.5;
                                             A*sin(t)+B*sin(2*t)+C*sin(3*t).
>> t = t'; f = f';
>> F = [\sin(t), \sin(2*t), \sin(3*t)];
>> a = F \setminus f;
>> g = a(1)*F(:,1) + a(2)*F(:,2) + ...
                                                0.5
       a(3)*F(:,3);
>> plot(t, [f,g])
                                               -0.5
                                                             0.5
>> X = conv([1,-2,3], [1,-1])
                                             Перемножение полиномов
     1
                  5
           -3
                       -3
>> roots(X)
                                             Корни полинома.
ans =
      1.0000 + 1.4142i
      1.0000 - 1.4142i
      1.0000
```

>> polyder(X)		Производная.	
ans = 3 -6	5		

§19. Поэлементные операции

```
>> arrayfun(@abs, [-1 0;1 -2])
                                            Поэлементная операция
                                            абсолютного значения над
ans =
                                            матрицей. Поэлементно можно
       1
             0
                                            выполнять любую функцию
       1
             2
                                            одного аргумента.
>> Y = repmat(X, length(p),
                                            Два способа построения
1).^repmat(p', 1, length(X))
                                            матрицы Вандермонда. Элементы
                                            множества X = 2:5 возводятся
Y =
                                            во все степени p = 0:3.
     1
           1
                  1
                        1
     2
           3
                 4
                        5
           9
                 16
                       25
          27
                 64
                      125
>> Y2 = cell2mat(arrayfun(@(z)X.^z, p',
'uniformoutput', false))
Y2 =
     1
           1
                  1
                        1
           3
                  4
                        5
     2
           9
                 16
                       25
          27
                 64
                      125
>> A = fix(8*rand(3))
                                            Решение задачи нормировки.
                                            Построчно-линейным
A =
                                            преобразованием перевести
     1
           5
                  2
                                            максимальный элемент каждой
     5
           6
                  1
                                            строки в 1, а минимальный - в
                  5
     3
                                            \mathbf{0}. Функция \mathbf{bsxfun} позволяет
                                            действовать построчно (не
>> A = bsxfun(@minus, A, min(A,[],2))
                                            используя repmat).
A =
                                            Запомните:
     0
                                            >> bsxfun(@rdivide,[10 5;8
           5
                  0
     4
                                            6],[5; 2])
                  2
                                            ans =
>> A = bsxfun(@rdivide,A,max(A,[],2))
                                                   2
                                                         1
                                                         3
                                                   4
A =
              1.0000
                         0.2500
                                            >> bsxfun(@rdivide,[10 5;8
         0
    0.8000
              1,0000
                                            6],[5, 2])
              1.0000
                         0.5000
                                            ans =
                                                   2.0000
                                                             2.5000
                                                   1.6000
                                                             3.0000
>> [i,j] = meshgrid(1:1000, 1:1000);
                                            Два решения задачи вычисления
                                            всевозможных длин гипотенуз
```

```
>> hypos = @(i,j) sqrt(i.^2+j.^2);
                                           прямоугольных треугольников с
                                           длинами катетов от 1 до 1000.
>> tic; H = sqrt(i.^2+j.^2); toc
                                           Функция tic делает «временную
Elapsed time is 0.141593 seconds.
                                           засечку», а toc сообщает,
                                           сколько времени прошло с
>> tic; H = bsxfun(hypos, i, j); toc
                                           момента этой засечки.
Elapsed time is 0.125817 seconds.
                                           Ещё одно полезное применение
                                           функции bsxfun, причём
                                           быстрое!
>> S = {'djakonov@mail.ru',
                                           Решение задачи: оставить в
'mmp@cs.msu.ru', 'mmp@cs.msu.su'}
                                           перечне e-mail-адресов только
                                           соответствующие домены.
S =
  'djakonov@mail.ru' 'mmp@cs.msu.ru'
'mmp@cs.msu.su'
>> f = @(x) x(find(x=='@')+1:end)
                                           Функция, которая «отбрасывает
                                           лишнее».
f =
   @(x)x(find(x=='@')+1:end)
>> Sr = cellfun(f, S, 'UniformOutput',
                                           Полезная функция cellfun
false)
                                           (сделать что-то с каждой
                                           ячейкой, аналог функции
sr =
                                           arrayfun). В итоге получается
                                           массив ячеек. Заметим, что
    'mail.ru' 'cs.msu.ru' 'cs.msu.su'
                                           после выполнения
                                           cellfun(@length,S) получается
                                           обычный массив.
>> any(strcmp(Sr, 'google.com'))
                                           Для определения, есть ли
                                           среди строк, содержащихся в
                                           массиве ячеек, заданная,
ans =
      0
                                           можно использовать такую
                                           запись.
>> S = sparse(fix(3*rand([2 3])))
S =
    (2,1)
    (1,2)
    (2,2)
                 1
    (1,3)
                 2
    (2,3)
>> f = spfun (@exp,S)
                                           Операция над всеми ненулевыми
                                           элементами разреженной
f =
                                           матрицы. Очень полезна при
    (2,1)
                7.3891
                                           работе с такими матрицами
    (1,2)
                2.7183
                                           (хотя использование spfun
    (2,2)
                2.7183
                                           иногда неэффективно, см.
    (1,3)
                7.3891
                                           дальше).
    (2,3)
                7.3891
```

```
>> S.n1 = 'Name'; S.n2 = 'Mark'
                                           Поэлементная функция для
                                           структур. В данном примере
S =
                                           названия всех полей
      n1: 'Name'
                                           переводятся в верхний
      n2: 'Mark'
                                           регистр.
>> structfun(@upper, S, 'UniformOutput',
false)
ans =
     n1: 'NAME'
     n2: 'MARK'
>> A = cell(2);
                                           Способ инициализации массива
>> [A{:}] = deal(0)
                                           ячеек (автор Oliver Woodford
                                           [Loren]), кстати, более
\mathbf{A} =
                                           быстрый, чем
      [0] [0]
                                           num2cell(zeros(2)).
     [0] [0]
>> funcs = repmat({'sin' 'cos' 'tan'
                                           Есть перечень функций. В
'log' 'exp'}, 1, 1000);
                                           данном случае мы повторили
                                           'sin', 'cos', 'tan', 'log',
% 1й способ
                                           'exp' 1000 раз. Рассмотрим
>> tic:
                                           рекомендации [Loren] по
>> for f = funcs
                                           вычислению значений функций
>> func = eval(['@' f{1}]);
                                           из перечня в фиксированной
>> f = func(1.0);
                                           точке.
>> end
>> toc
Elapsed time is 0.467254 seconds.
                                           Самый плохой (долгий) способ
                                           - вызывать eval.
% 2й способ
>> tic;
>> for f = funcs
>> func = str2func(f{1});
                                           Если есть только перечень
>> f = func(1.0);
                                           названий функций, то надо
>> end
                                           использовать str2func.
>> toc
                                           Заметим, что при вызове
                                           cellfun(@(x) ['@' x], {'sin'}
Elapsed time is 0.142494 seconds.
                                           'cos'},'UniformOutput',false)
% изменение индексации во 2ом способе
                                           ответ
>> tic;
                                           ans =
>> for i = 1:numel(funcs)
                                                 '@sin'
                                                           '@cos'
>> func = str2func(funcs{i});
>> f = func(1.0);
>> end
>> toc
Elapsed time is 0.139898 seconds.
>> tic;
>> funcs = cellfun (@(x) ['@' x], funcs,
                                          Если есть возможность хранить
'UniformOutput', false); % переделка
                                           не массив названий, а массив
```

```
данных и типов (получаем массив ячеек)
                                          ячеек с указателями, то
>> toc, tic;
                                          вычисления получаются
>> for i = 1:numel(funcs)
                                          сверхэффективными и
>> f = funcs{i}(1.0); % и всё!!!
                                          эффектными.
>> end
>> toc
                                          Переделка в массив ячеек
                                          занимает время.
Elapsed time is 0.111768 seconds.
                                          Зато вычисления потом
Elapsed time is 0.028202 seconds.
                                          происходят мгновенно!
```

## §20. О скорости...

### Используйте функции, а не скрипты!

• Скрипты могут вызывать только функции (но не скрипты).

```
• Функции сразу
                                                компилируются в память
                                                и хранятся там.
% первый фрагмент
                                           Сразу выделяйте память!
>> clear; tic;
>> A = rand(100);
                                           Сравните эти два фрагмента
>> y = ones(100, 1);
                                           кода. Объясните разницу в
>> dt = 0.001;
                                           скорости вычислений.
>> for n = 1:(1/dt)
>> y(:,n+1) = y(:,n) + dt*A*y(:,n);
                                           Часто заранее неизвестно,
>> end;
                                           сколько памяти нужно
>> toc;
                                           выделять. Тогда поступают
                                           примерно так...
Elapsed time is 1.641000 seconds.
                                           X = zeros(1,n);
                                           for i = 1:n
% второй фрагмент
                                              % какое-то присваивание
>> clear; tic;
                                              X(i) = f(i);
>> A = rand(100);
                                              % выход по какому-то
>> y = ones(100, 1001);
                                           УСЛОВИЮ
>> dt = 0.001;
                                              if b(i)
>> for n = 1:(1/dt)
                                                 break;
>> y(:,n+1) = y(:,n) + dt*A*y(:,n);
                                              end
>> end:
                                           end
>> toc
                                           % оставить только то, что
Elapsed time is 0.094000 seconds.
                                           b = b(1:ind);
                                           Хуже писать в теле цикла X =
                                           [X f(i)] или X(end+1) =
                                           f(i).
                                           Не изменяйте размеры матриц
                                           в циклах!
>> A = int8(zeros(100)); % плохо
                                           Сразу создавайте данные
>> A = zeros(100, 'int8'); % хорошо
                                           нужного типа!
```

```
>> clear; tic; A = rand(1000);
                                           Старайтесь использовать
>> for i = 2:size(A,1)
                                           векторные вычисления!
>> for j = 1:size(A,2)
>> A(i,j) = A(i-1,j) + A(i,j);
>> end
>> end; toc
Elapsed time is 2.797000 seconds.
>> clear; tic; A = rand(1000);
                                           Обратите внимание на время
>> for i = 2:size(A,1)
                                           вычислений в этих трёх
>> A(i,:) = A(i-1,:) + A(i,:);
                                           фрагментах кода.
>> end; toc
Elapsed time is 0.156000 seconds.
>> clear; tic; A = rand(1000);
                                           Используйте встроенные
>> cumsum(A); toc
                                           функции!
Elapsed time is 0.094000 seconds.
>> clear;
                                           Ещё один пример. «Встроенное
>> A = ones(1000,1000);
                                           суммирование» эффективнее.
>> B = zeros(1000,1000);
                                           Попробуйте убрать строчку
>> C = zeros(1000,1000);
                                               C = zeros(1000, 1000);
>> tic,
                                           (приготовьтесь ждать очень
>> for n = 1:1000
                                           долго). Кстати, вычисления
>>  for m = 1:1000
                                           можно остановить нажатием
>> C(n,m) = A(n,m) + B(n,m);
                                           Ctrl+C.
>> end
>> end
>> toc
>> tic, D = A + B; toc
Elapsed time is 2.484000 seconds.
Elapsed time is 0.031000 seconds.
>> tic; s = 0;
                                           Используйте маски
>> for i = 1:10000
                                           (логические массивы)!
>> if (isprime(i)) s = s+i;
>> end;
                                           Задача: найти сумму простых
>> end; s, toc;
                                           чисел от 2 до 10000.
s =
      5736396
Elapsed time is 0.465790 seconds.
>> tic; sum( find( isprime(1:10000) )),
                                           Решение с помощью
toc;
                                           векторизации и логических
                                           массивов.
ans =
      5736396
Elapsed time is 0.046846 seconds.
>> A = rand(1000,1000);
                                           Не вызывайте лишних функций!
>> b = rand(1000,1);
```

```
>> tic, x1 = inv(A)*b; toc
Elapsed time is 1.516000 seconds.
>> tic, x2 = A \b; toc
Elapsed time is 0.578000 seconds.
>> D = diag(1:1000);
>> tic; D2 = inv(D); toc
Elapsed time is 0.962427 seconds.
>> tic; D3 = diag(1./diag(D)); toc
Elapsed time is 0.010591 seconds.
>> A = rand(1000);
>> tic; p1 = sum(1./eig(A)); toc
Elapsed time is 6.841646 seconds.
>> tic; p2 = trace(inv(A)); toc
Elapsed time is 1.125631 seconds.
>> sum(abs(p1 - p2))
ans =
      8.8818e-014
>> A = rand(2000);
>> [X1 X2 X3 X4 X5] = deal(zeros(2000));
% сразу выделили память, чтобы на это не
тратилось время
>> s = sum(A,2); % суммы всех строк
\Rightarrow tic; X1 = diag(1./s)*A; toc
Elapsed time is 6.822780 seconds.
>> tic; X2 = A./repmat(s,1,size(A,2));
toc
Elapsed time is 1.875061 seconds.
>> tic; X3 = A.*repmat(1./s, 1,
size(A,2)); toc
Elapsed time is 0.130031 seconds.
>> tic; X4 = bsxfun(@rdivide,A,s); toc
Elapsed time is 0.278485 seconds.
```

Не надо инвертировать матрицу, если этого можно избежать...

Инвертирование диагональной матрицы также лучше делать другим способом.

Правда, есть случаи, когда «традиционно плохие» функции (типа inv) могут быть очень полезны. Вот пример такой задачи (замечено Greg von Winckel в [Loren]).

Результаты «почти одинаковые» (из-за специфики операций с плавающей точкой, см. ниже).

#### Экспериментируйте!

Попробуйте несколько вариантов решения одной задачи и выберите оптимальный. Здесь представлено решение типичной задачи нормировки матрицы: каждый элемент надо разделить на сумму элементов в строке. Для чистоты эксперимента следует повторить присваивания матрицам **X1, X2** и т.д. в разном порядке. Заметим, что специально сразу выделили память под эти матрицы, чтобы на выделение не тратилось время.

Ещё один способ сделать нормировку!

```
>> tic; X5 = sparse(diag(1./s))*A; toc
                                           Первый способ можно
                                           СУЩЕСТВЕННО улучшить, если
Elapsed time is 0.238213 seconds.
                                           умножать на разреженную
                                           диагональную матрицу.
>> tic; X6 = diag(sparse(1./s))*A; toc
                                           Ещё бОльшее улучшение
                                           получается, если
Elapsed time is 0.187723 seconds.
                                           диагональную матрицу сразу
                                           порождать разреженной.
>> [sum(X1(:)~=X2(:)) sum(X1(:)~=X3(:))
                                           Вторая матрица отличается от
sum(X2(:)~=X3(:))]
                                           первых двух!
ans =
       1439405
                               1439405
>> [sum(abs(X1(:)-X2(:))) sum(abs(X1(:)-
                                           На самом деле, это специфика
X3(:))) sum(abs(X2(:)-X3(:)))]
                                           арифметики с плавающей
                                           точкой! Это надо учитывать.
ans =
  1.0e-012 *
            0.1073
                     0
                         0.1073
>> clear
                                           Для разреженных матриц
>> A = sparse(ceil(2000*rand([1
                                           действуют другие законы!
100000])), ceil(2000*rand([1 100000])),
rand([1 100000]), 2000, 2000);
                                           Предыдущий пример для
>> s = sum(A,2);
                                           разреженной матрицы. «Самый
>> tic; X1 = diag(1./s)*A; toc
                                           долгий» первый способ теперь
                                           становится быстрее (для
Elapsed time is 0.894294 seconds.
                                           сильно разреженной матрицы
                                           он может стать самым
>> tic; X2 = A./repmat(s,1,size(A,2));
                                           быстрым).
toc
Elapsed time is 1.241347 seconds.
>> tic; X2 = A./repmat(full(s), 1,
                                           Обратите внимание на
size(A,2)); toc
                                           сокращение времени при
                                           приведении матрицы к полной!
Elapsed time is 0.336742 seconds.
                                           Для разных операций действую
>> tic; X3 =
                                           разные законы! Попробуйте
A.*repmat(1./s,1,size(A,2)); toc
                                           повторить все эксперименты,
                                           не нормируя данные, а
Elapsed time is 0.181846 seconds.
                                           центрируя:
                                           bsxfun(@minus,A,mean(A,2).
>> tic; X3 =
A.*repmat(full(1./s),1,size(A,2)); toc
Elapsed time is 0.185420 seconds.
>> tic; X4 = bsxfun(@rdivide,A,s); toc
```

```
Elapsed time is 0.298258 seconds.
>> tic; X5 = diag(sparse(1./s))*A; toc
                                           А вот самый быстрый метод!
                                           Правильно всё-таки делать
Elapsed time is 0.014129 seconds.
                                           так:
                                           X1 = sparse(1:size(A,1),
                                           1:size(A,1), (1./s))*A;
>> clear; S = sparse(fix(3*rand(1000)-
                                           Новая серия экспериментов с
1));
                                           разреженной матрицей...
>> tic; abs(S); toc
Elapsed time is 0.026724 seconds.
>> tic; spfun(@abs,S); toc
                                           Встроенные «универсальные»
                                           функции часто эффективнее
Elapsed time is 0.069756 seconds.
                                           поэлементной реализации.
>> tic; S+1; toc
Elapsed time is 0.036316 seconds.
>> tic; 2*S; toc
                                           Сложение выполняется
                                           медленнее умножения! Всё
Elapsed time is 0.009565 seconds.
                                           дело в том, что если
                                           меняется множество ненулевых
                                           элементов в разреженной
                                           матрице, то операция
                                           выполняется дольше!
>> A = nan(2000);
                                           Некоторые данные «тормозят»
>> B = ones(2000);
                                           padory MatLaba.
>> C = zeros(2000);
>> tic; A+B; toc
                                           В примере показано, что
                                           операции с матрицей,
Elapsed time is 1.160856 seconds.
                                           заполненной NaNaми
                                           происходят дольше.
>> tic; A+C; toc
Elapsed time is 1.160238 seconds.
>> tic; B+C; toc
Elapsed time is 0.078591 seconds.
>> tic; B*C; toc
                                           Интересно, что для умножения
                                           ощутимой разницы нет!
Elapsed time is 6.451293 seconds.
>> tic; A*C; toc
Elapsed time is 6.449248 seconds.
```

```
>> x = round(rand(1, 1e7));
>> tic; y = 1./x; toc % половина делении
на ноль
Elapsed time is 1.540780 seconds.
>> x = x + 1; % теперь делений на ноль
                                           «Формирование» NaNoв
не будет
                                           замедляет вычисления. Часто
>> tic; y = 1./x; toc
                                           «выручает» добавления к
                                           вектору ерв, чтобы избежать
Elapsed time is 0.329759 seconds.
                                           лелений на ноль.
>> str = char(fix(26*rand([1
                                           Есть очень быстрые способы
10000000]))+'a'); % создали случайную
                                           вычислений! Надо просто их
строку
                                           знать... Сначала рассмотрим
                                           пример поиска в очень
>> tic; f1 = findstr(str,'z'); toc
                                           большой строке буквы «z».
Elapsed time is 0.117200 seconds.
% рекомендуется такой способ
>> tic; f2 = strfind(str,'z'); toc
                                           Это самый лучший способ!
Elapsed time is 0.117126 seconds.
>> tic; f3 = find(str=='z'); toc
                                           А вот «интуитивно лучший»
                                           оказался медленным!
Elapsed time is 0.312151 seconds.
                                           Парадокс, но не всегда
                                           логические массивы хороши.
>> str = fix(26*rand([1 10000000]));
                                           Рассмотрим такую же задачу,
                                           но с другими типами данных:
>> tic; f1 = findstr(str, [0]); toc
                                           среди массива чисел (от 0 до
                                           25) найти все нулевые
Elapsed time is 0.085916 seconds.
                                           элементы.
>> tic; f2 = strfind(str, [0]); toc
                                           Для «числовой задачи» лучшим
                                           оказался способ, который
Elapsed time is 0.084098 seconds.
                                           использует строковые
                                           функции! Отметим, что отсюда
>> tic; f3 = find(str==0); toc
                                           не следует, что все элементы
                                           надо искать как строки
Elapsed time is 0.173870 seconds.
                                           (необходимо помнить о
                                           специфике арифметики и
                                           представления данных в
                                           MatLabe, см. ниже):
                                           >> strfind(0.01:0.01:0.07,
                                           [0.06])
                                           ans =
                                                  []
>> clear
                                           Теперь рассмотрим удаление
>> str = char(fix(26*rand([1
                                           буквы из строки.
```

```
10000000]))+'a');
>> str1 = str;
>> tic; str1 = str1(str1~='z'); toc
Elapsed time is 0.406539 seconds.
>> str2 = str;
                                           Здесь уже применение
>> tic; str2(strfind(str2, 'z')) = [];
                                           логического массива лучше
                                           strfind.
Elapsed time is 0.455166 seconds.
>> str3 = str;
>> tic; str3 = strrep(str3,'z',''); toc
                                           Но самый лучший метод опять
                                           строковый!!!
Elapsed time is 0.234637 seconds.
>> Z = rand([1 10000000]);
                                           Даже простейшие операции
                                           допускают несколько способов
% Замещение нужными элементами
                                           реализации. Выбирайте
>> A = Z;
                                           лучший!
>> tic; A = A(A>0.5); toc
                                           Здесь показано несколько
Elapsed time is 0.598856 seconds.
                                           способов удаления элементов
                                           массива.
% Удаление лишних
>> A = Z;
>> tic; A(A<=0.5) = []; toc
Elapsed time is 1.010796 seconds.
% Плохой способ замещения
>> A = Z;
tic; A = A(find(A>0.5)); toc
                                           Ещё раз... Не вызывайте
                                           лишних функций! В данном
Elapsed time is 0.873953 seconds.
                                           случае find. Вообще, вместо
                                           a(find(a>0.5)) = 1 пишите
                                           a(a>0.5) = 1 (типичная
% Создание нового массива (ещё быстрее!)
>> A = Z;
                                           ошибка). Попробуйте сравнить
>> tic; B = A(A>0.5); toc
                                           >> A = Z; tic; L =
                                           find(A>0.5); A(L) = 1; toc
Elapsed time is 0.556692 seconds.
                                           >> A = Z; tic; L = A>0.5;
                                           A(L) = 1; toc
% Предварительная операция с основным
массивом
>> clear B
>> A = Z;
>> A(1) = A(1) + \sin(0);
                                           Попробуйте объяснить, почему
>> tic; A = A(A>0.5); toc
                                           происходит уменьшение
                                           времени выполнения операции
Elapsed time is 0.567282 seconds.
                                           (не обязательно способа
                                           замещения, остальных тоже)
                                           при добавлении строки A(1) =
% Пример того, как не надо делать
                                           A(1)+\sin(0).
>> A = Z;
```

```
>> tic; L = find(A<=0.5); l = length(L);
A(L(1:1))=[]; toc
Elapsed time is 1.486722 seconds.
% аналогичная задача обнуления...
                                         Решим следующую задачу:
>> a = rand([1000 10000]); b = a;
                                         занулить все элементы
>> tic; a(a<0.5) = 0; toc
                                         массива, которые меньше 0.5.
Elapsed time is 0.660367 seconds.
>> a = b;
>> tic; a = a.*(a>=0.5); toc
                                         Здесь выгоднее использовать
                                         логический массив для
Elapsed time is 0.536720 seconds.
                                         обычного умножения, а не
                                         индексации массива!
>> a = b;
>> tic; a(find(a<0.5)) = 0; toc
                                         C функцией find опять
                                         «ужасно»!
Elapsed time is 1.055111 seconds.
function f = Fib1(n)
                                         Это пять реализаций
F = zeros(1, n+1);
                                         вычисления \mathbf{n}-го числа
F(2) = 1;
                                         Фибоначчи из [Griffiths],
for i = 3:n+1
                                         [Loren]. Рекурсивная версия
   F(i) = F(i-1) + F(i-2);
                                         (Fib3) самая медленная.
                                         Время работы функции Fib3
end
f = F(n);
                                         при небольших n=20 на
%-----
                                         несколько порядков превышает
function f = Fib2(n)
                                         время работы остальных
if n==1
                                         функций.
   f = 0;
   elseif n==2
                                         Сравните время работы всех
       f = 1;
                                         функций при больших
else
                                         значениях n.
   f1 = 0; f2 = 1;
    for i = 2:n-1
                                         Удивительно, но лучшие из
        f = f1 + f2;
                                         этих функций работают
        f1 = f2; f2 = f;
                                         быстрее, чем вычисления
                                         alpha1 = (1 + sqrt(5)) / 2;
    end
                                         alpha2 = (1 - sqrt(5)) / 2;
end
                                         c1 = (1 - alpha2) / (alpha1)
%-----
                                         - alpha2);
function f = Fib3(n)
                                         c2 = (alpha1 - 1) / (alpha1)
if n==1
                                         - alpha2);
    f = 0;
                                         fn = round(c1 * alpha1^(n-2))
    elseif n==2
                                         + c2 * alpha2^{(n-2)}.
       f = 1;
                                         Заметим, что мы считали
else
                                         первое число Фибоначчи
   f = Fib3(n-1) + Fib3(n-2);
                                         равное нулю, т.е. ряд этих
                                         чисел:
%-----
function f = Fib4(n)
                                         0 1 1 2 3 5 8 ...
A = [0 1; 1 1];
y = A^n*[1; 0];
```

```
f = y(1);
function f = Fib5(n)
F = [0 \ 1 \ zeros(1,n-2)];
a = [1 -1 -1];
b = 1;
F = filter(b, a, F);
f = F(n);
>> A = rand([10000 1000]);
                                             Пять способов решения
>> b = rand([10000 1]);
                                             уравнения \mathbf{A}^*\mathbf{x}=\mathbf{b} с
                                             неквадратной матрицей А.
>> tic; x = pinv(A)*b; toc
                                             Очень часто используется в
                                             задачах линейной регрессии!
Elapsed time is 37.103009 seconds.
>> tic; x = inv(A'*A)*A'*b; toc
Elapsed time is 6.254909 seconds.
>> tic; x = inv(A'*A)*(A'*b); toc
Elapsed time is 2.608321 seconds.
\Rightarrow tic; x = (A'*A) A'*b; toc
Elapsed time is 6.415567 seconds.
\Rightarrow tic; x = (A'*A)\setminus(A'*b); toc
                                             Самый быстрый способ... Всё
                                             решают скобки!
Elapsed time is 2.265513 seconds.
>> n = 70; e = ones(n, 1);
                                             Сравнение скоростей
>> T = spdiags([e,-2*e,e], [-1,0,1], n,
                                             вычислений с разреженной и
                                             обычной (полной) матрицей из
n);
>> A = full(T); b = ones(n, 1);
                                             [Sigmon].
>> s = sparse(b);
>> tic, T\s; sparsetime=toc, tic, A\b;
                                             Всегда используйте специфику
fulltime = toc
                                             ланных!
sparsetime =
              6.3137e-005
fulltime =
              0.0769
>> a = 10;
                                             Не меняйте тип переменной!
% какие-то вычисления
                                             Лучше создать новую
>> a = 'A';
                                             переменную другого типа.
                                             \Phiункции load и save быстрее
                                             функций fread и fwrite.
```

Упомянем ещё об одном интересном случае, когда лучше не использовать встроенные «эффективные» средства системы. В задачах анализа данные часто необходимо из матрицы **x** выделять подматрицы, соответствующие одинаковым значениям элементов первого столбца (например, в первом столбце записан номер

класса, и надо быстро перечислять объекты из заданного класса). В этом случае конструкции типа

```
>> X(X(:,1)==className,:)
```

могут оказаться очень неэффективными. Гораздо лучше упорядочить матрицу (один раз!) по значениям элементов первого столбца (часто матрица уже упорядочена) и создать векторы начал и концов классов:

```
>> X = sortrows(X, 1); % сортировка строк
>> [classes indxF] = unique(X(:,1), 'first'); % классы и их начала
>> [classes indxL] = unique(X(:,1), 'last'); % последние эл-ты классов
Теперь доступ к классу className может быть реализован командами
>> ic = find(classes==className, 1, 'first'); % номер нашего класса
>> X(indxF(ic):indxL(ic),:) % вывод объектов
```

§21. О точности и памяти...

```
>> ((1e-15 + 1e-15) + 1e30) - 1e30
                                           Специфика арифметики с
                                           плавающей запятой!
ans =
       0
>> (1e-15 + 1e-15) + (1e30 - 1e30)
                                           Операции не ассоциативны.
ans =
       2.0000e-015
   realmax + 1000000 - realmax
ans =
       0
>> realmax*1.00000000001
ans =
       Inf
>> X = [1.1:0.01:10];
                                           Пример «неверной» работы
>> find(S==1.13)
                                           функции. Элемент 1.13 есть в
                                           массиве, но функция find его
                                           не видит. Его видит функция
ans =
      Empty matrix: 1-by-0
                                           find(abs(S-1.13)<eps), HO eë
                                           использование также не
\gg X(4)
                                           всегда корректно, поскольку
                                           >> 0==(0+eps/100000000000)
ans =
      1.1300
                                           ans =
>> X(1:5)-[1.1 1.11 1.12 1.13 1.14]
                                                   0
ans =
                                           Попробуйте разобраться, в
      1.0e-015 *
                                           чём тут проблема. См. help
                  0
                      0.2220
                                0.2220
>> ismember(0:10,10.*(0:0.1:5))
                                           Ещё одна иллюстрация этой
                                           проблемы. Сравните с
ans =
                                           действием ismember(0:10,
```

```
round(10.*(0:0.1:5))).
>> 3 == ((0.1*3)*10)
ans =
      0
                                           Заметьте, что 0.3 не равно
>> (0.3 - 0.1*3)
                                           0.1*3! Дело в том, что число
                                           0.3 не представимо точно «в
ans =
                                           бинарной форме»...
      -5.5511e-017
>> a = single(0.1) - 0.1
                                           Лишние цифры могут возникать
                                           при изменении точности.
a =
       1.4901e-009
x = -1:0.01:1 + eps; plot(sin(x)./x);
                                           Чтобы график получался без
                                           разрывов можно сместить
                                           значения на эпсилон (совет
                                           Antenna Geek из [Loren]).
% Первый способ хранения в структуре
                                           Второй способ хранения
>> for i = 1:10
                                           данных (структура массивов)
>> X1(i).a = 5;
                                           более предпочтителен с точки
>> X1(i).b = 5;
                                           зрения хранения памяти.
>> X1(i).c = 5;
>> end;
                                           Самый экономный способ
                                           хранения данных - в массиве
% Второй способ хранения в структуре
                                           (правда, для разнотипных
for i = 1:10
                                           данных это не всегда
X2.a(i) = 5;
                                           возможно).
X2.b(i) = 5;
X2.c(i) = 5;
                                           Часто память удаётся
end;
                                           экономить, если учесть
                                           специфику данных. Например,
% хранение в массиве ячеек
                                           хранить целочисленные
>> Y = struct2cell(X1);
                                           матрицы в формате int8, а
>> Y = squeeze(Y) % T.K. pasmep 3*1*10
                                           матрицы с подавляющим числом
                                           нулей переводить в формат
Y =
                                           sparse (но если нулевых
                                           элементов мало, то возникает
     [5]
          [5] [5]
                    [5]
                         [5]
                              [5] [5]
[5]
     [5]
          [5]
               [5]
                    [5]
                         [5]
                               [5]
                                   [5]
                                           обратный эффект). Попробуйте
[5]
     [5]
          [5]
              [5]
                    [5]
                         [5]
                               [5]
                                   [5]
                                           набрать команды
                                           >> A = sparse(round(rand([1
[5]
     [5]
          [5]
              [5] [5]
                         [5]
                              [5]
                                           100]));
% хранение в массиве
                                           >> A2 =
>> Z = cell2mat(Y)
                                           sparse(round(2/3*rand([1
                                           100]));
                                           >> A3 =
                  5
   5 5
         5 5
                                    5
                                           sparse(round(3/5*rand([1
                     5
                        5
                           5
 5 5
         5 5 5
                     5
                        5
                           5
                              5
                                 5
                                    5
                                           100]));
5 5
                                           >> whos
>> Z2 = int8(Z);
>> Z3 = sparse(Z);
>> whos
```

```
Bytes Class Attributes
  Name Size
  X1
        1x10
                2232 struct
  X2
        1x1
                612 struct
  Y
       3x10
                2040 cell
        3x10
  \mathbf{Z}
                 240 double
  \mathbf{Z}\mathbf{2}
        3x10
                 30 int8
  Z3
       3x10
                 404 double sparse
       1x1
                  8 double
function f = myfunc(a,b,c)
                                           В этой функции переменные а,
a = a + c; % new
                                           b меняются, поэтому под них
b(1) = b(1) + 1; % new!!!
                                           будут созданы новые области
f = a(c>0) + b(c>0);
                                           памяти, а под переменную с -
>> feature('memstats')
                                           Выводится информация о
                                           памяти. В том числе
   Physical Memory (RAM):
                                           информация о свободных
  In Use:
               1381 MB (56551000)
                                           непрерывных блоках памяти.
               1689 MB (69933000)
  Free:
               3070 MB (bfe84000)
  Total:
                                           Функция раск переписывает
   Page File (Swap space):
                                           содержимое памяти,
              1376 MB (56047000)
  In Use:
                                           используемое MatLabom, на
              4987 MB (137b0b000)
  Free:
                                           диск, а затем загружает в
              6363 MB (18db52000)
  Total:
                                           один непрерывный блок.
   Virtual Memory (Address Space):
               590 MB (24e38000)
  In Use:
                                           Помните, что на 32-битных
 Free:
Total:
               1457 MB (5b1a8000)
                                           платформах можно получить
               2047 MB (7ffe0000)
                                           доступ только к 4Гб ОЗУ, а
   Largest Contiguous Free Blocks:
   1. [at 1f960000] 1198 MB (4aee0000)
                                           некоторые операционные
   2. [at 7c41b000]
                       50 MB ( 32d5000)
                                           системы (например Windows)
   3. [at 6f49d000]
                       39 MB ( 2763000)
                                           снижают память, доступную
   4. [at 1c990000]
                       32 MB ( 2000000)
  4. [at 105555
5. [at 71fb7000]
6. [at 775d3000]
                                           приложениям, до 2Гб. В Vista
                       18 MB ( 1219000)
                                           с этим можно бороться
                       13 MB ( d0d000)
   7. [at 1b0d0000]
                       8 MB ( 800000)
                                           командой
   8. [at 6ec8b000]
                        7 MB ( 7c5000)
                                          BCDEdit /set increaseuserva
   9. [at 7f7f0000]
                        7 MB ( 79f000)
                                           3072
  10. [at 1a0d0000]
                        7 MB (
                                700000)
                                           в XP SP2 - загрузкой ОС с
                     _____
                                          параметром /3gb (в файле
                     1382 MB (566a2000)
                                           Boot.ini).
```

Отметим также, что хотя использование циклов является дурным тоном в системе MatLab (если без них можно обойтись), часто циклы применяют из-за ограничений по памяти. Если не удаётся совершить операцию над матрицей больших размеров, поскольку необходимо создание дополнительных матриц, то матрицу делят на «куски» и операцию производят «по кускам» (при этом возникает цикл для перебора фрагментов матрицы).

# §22. Примеры анимации, GUI

```
>> M = moviein(50);
                                           Здесь будет храниться 50
>> x = rand([1 10]);
                                           кадров.
>> y = rand([1 10]);
>> axis([-1 1 -1 1])
>> axis square
>> grid off
>> h = plot(x, y, '.');
>> set(h, 'MarkerSize', 20);
>> for i = 1:50
>> x = x + (rand([1 10])-0.5)/100;
>> y = y + (rand([1 10])-0.5)/100;
>> set(h , 'XData' , x , 'YData' , y)
>> M(:, i) = getframe;
                                           Копируем в і-й кадр.
>> end;
>> movie(M)
                                           Напомним, что комбинация
                                           Ctrl+C не прерывает
                                           выполнение встроенной
                                           функции! Поэтому выполнение
                                           movie(M) не может быть
                                           приостановлено.
>> [x y z] = deal(linspace(-1,1,50));
                                           Ещё пример анимации.
>> N = 20;
>> M = moviein(N);
>> n = 1;
>> [X,Y,Z] = meshgrid(x,y,z);
>> t = 0;
>> k = 10;
>> 1 = 10;
>> N2 = 1;
>> w = 0.5;
>> m = sqrt((k^2 + 1^2)*(N2-w^2));
>> while n < N
>> rho = 1 + 0.1*Z;
>>  rhopr = -0.02*sin(k*X+l*Y+m*Z-w*t);
>> Hs = slice(X,Y,Z,rho+rhopr, 0, 0, 0);
>> set(Hs, 'facecolor', 'interp')
>> title('Internal waves', ...
 'FontName', 'Times', 'FontSize', [18]);
>> box on
>> axis off
>>
   drawnow
>> t = t + 0.5;
>> A = getframe(1); % сохранение
>> M(n) = A;
>> n = n + 1;
>> end
>> b = uicontrol('Style' , 'pushbutton',
                                           Создание кнопки.
'Units' ,'normalized', 'Position', [.5
.5 .2 .1], 'String', 'Нажми меня');
>> s = 'set(b, ''Position'', [.8*rand
                                           Перемещение кнопки в
.9*rand .2 .1])';
                                           случайные места.
>> eval(s);
```

>> set(b, 'Callback', s);	Обработчик события «нажатие кнопки».
>> s = 'set(b, ''FontSize'' , get(b, ''FontSize'') + 1)'; >> set(b, 'Callback' , s)	Попробуйте вызов <b>get(b)</b> для перечня всех свойств кнопки. Поменяйте значения некоторых свойств.
<pre>&gt;&gt; h = waitbar(0, 'Converting'); &gt;&gt; waitbar(55/100, h, 'Converting') &gt;&gt; close(h)</pre>	Вывод «счётчика состояния процесса» (выполняйте эти команды последовательно).
>> pause	Пауза в вычислениях, прерывается нажатием клавиши (полезна в m-файлах).
>> xpsound	Демонстрация работы со звуком. Основные функции: sound и wavread.
>> mcc -m simple	Получение ехе-файла (для его работы нужен Matlab Compiler).

§23. Перестановки

3201 110 pcc11	ui o Ditii
>> randperm(5)	Случайная перестановка.
	Выбор ${f k}$ из ${f n}$ элементов без
ans =	повторений: X = randperm(n);
3 2 5 1 4	x = X(1:k).
>> S = 'abcd'; k = 2;	
>> nchoosek(S, k)	Всевозможные сочетания по $k$
	элементов.
ans =	
ab	
ac	
ad	
bc	
bd	
cd	
>> nchoosek(length(S), k)	Число таких сочетаний. Если
	${\tt n}$ и ${\tt k}$ векторы, то можно
ans =	использовать запись
6	<pre>round(exp(gammaln(n+1) -</pre>
	<pre>gammaln(k+1) - gammaln(n-</pre>
	k+1))).
>> perms('ABC')	Всевозможные перестановки.
ans =	
CBA	
CAB	
BCA	
BAC	
ABC	
ACB	

```
>> factorial(3)

ans =
6
```

# **§24.** Символьные вычисления

```
>> syms a b;
                                            Пример символьных
>> simplify((a+1)*(a-1)+b*b+2*b+2)
                                            вычислений.
ans =
     a^2+1+b^2+2*b
>> simplify(sin(2*a)/cos(a))
                                            Упрощение выражений.
ans =
     2*sin(a)
>> expand((a+1)*(a-1)*(b+2))
                                            Раскрытие выражений (ср. с
                                            упрощением).
ans =
     a^2*b+2*a^2-b-2
>> factor(a^3-b^3)
                                            Разложение на множители.
ans =
     (a-b)*(a^2+a*b+b^2)
>> subs(sin(a)+sin(b), b, pi)
                                            Подстановка.
ans =
     sin(a)
>> diff(sin(a^3))
                                            Производная.
ans =
     3*cos(a^3)*a^2
>> int(sin(a)^2)
                                            Интеграл.
ans =
     -1/2*sin(a)*cos(a)+1/2*a
>> q = solve('a+b=1', 'a^2-b=2');
                                            Системы уравнений.
>> q.a
ans =
     -1/2-1/2*13^(1/2)
     -1/2+1/2*13^{(1/2)}
>> q.b
ans =
     3/2+1/2*13^(1/2)
```

```
3/2-1/2*13^(1/2)
>> dsolve('Da+a=exp(t)')
                                           Дифференциальные уравнения.
ans =
     1/2*exp(t)+exp(-t)*C1
>> syms x1 x2 x3
                                           Пример символьного
>> W = [1 x1 x1^2; 1 x2 x2^2; 1 x3 x3^2]
                                           вычисления определителя
                                           Вандермонда.
W =
   [1, x1, x1^2]
   [1, x2, x2^2]
   [1, x3, x3^2]
                                           «Удобный» вид арифметических
>> pretty(W)
   [
               21
                                           выражений.
   [1
       x1
           x1 ]
   [
               2]
   Г
   [1 x2
           x2 ]
               2]
   Γ1
       x3
             x3 1
>> a = det(W)
   x2*x3^2-x2^2*x3-
x1*x3^2+x1^2*x3+x1*x2^2-x1^2*x2
>> factor(a)
ans =
     -(-x2+x1)*(x3-x2)*(x3-x1)
>> syms x;
>> \lim_{x \to x} ([\sin(x)/x, (1+x)^{(1./x)}])
                                           Вычисление пределов.
ans =
    [
         1, \exp(1)
>> Taylor(sin(x), x, 0, 8)
                                           Разложение в ряд Тейлора в
                                           окрестности нуля (выписать
ans =
                                           8 первых членов разложения).
     x-1/6*x^3+1/120*x^5-1/5040*x^7
>> syms x y z;
>> laplace(x+y*z)
                                           Преобразование Лапласа.
ans =
     1/s^2+y*z/s
>> x = linspace(0,pi,100);
                                           «Несимвольно» интегралы
                                           берутся так...
>> trapz(x,sin(x))
                                           Интегрирование методом
```

# §25. Задания для самостоятельной работы

Для начала разберём подробно решение следующей задачи [CVD] (попробуйте её решить, не заглядывая в ответ): заполнить в векторе  $\mathbf{x}$  все нулевые значения предыдущими ненулевыми значениями. Для вектора  $\mathbf{x}=[7\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 3\ 0]$  должен получиться ответ  $\mathbf{x}=[7\ 7\ 7\ 1\ 1\ 1\ 1\ 3\ 3]$ . Решение состоит из трёх команд:

```
>> x = [7 0 0 1 0 0 0 3 0];
>> valind = find(x)
                                          Находим ненулевые позиции.
valind =
         1
>> x(valind(2:end)) = diff(x(valind))
                                          Подготавливаем вектор для
                                          действия кумулятивной
                                          суммы... заменяем элемент
                                          разностью между ним и
                                          предыдущим ненулевым.
>> x = cumsum(x)
                                          Теперь вычисляем
                                          кумулятивную сумму и
                                          получаем ответ.
x =
            1 1 1 1 3 3
```

Здесь «ключевой» является вторая команда. Чтобы решить задачу, необходимо догадаться, что следует применять функцию **cumsum**. Это не так сложно сделать, поскольку, когда мы её применяем к вектору, соседние нулевые позиции она заполняет одинаковыми значениями. Осталось добиться, чтобы эти значения были «нужными».

При решении приведённых ниже задач нельзя пользоваться циклами и условными операторами. Прочитайте условие в правой колонке, попробуйте решить самостоятельно. Попробуйте не просто решить, а дать компактное (минимальное число строк кода) и эффективное (быстро выполняется даже при больших размерах входных данных) решение. Ответ приводится в левой колонке.

Ответ	Задача
>> X = setdiff(2:2:N, 6:6:N)	Выписать все чётные числа от
	<b>1</b> до <b>N</b> , которые не делятся
% гораздо хуже:	на 3.
>> setdiff(2*(1:fix(N/2)),	
3*(1:fix(N/3)))	
>> ismember(A, B1)   ismember(A, B2)	Пометить в матрице <b>A</b> все
	элементы, перечисленные в

	векторах <b>В1</b> и <b>В2</b> . Для <b>В1 =</b>
	[1 2], B2 = [2 5], A =
	2 3 4
	1 2 2
	3 3 5
	1 0 0
	1 1 1
	0 0 1
% в одну строчку:	В вектор строке <b>X</b> повторить
<pre>&gt;&gt; reshape(repmat(X,N,1), 1,</pre>	все значения $N$ раз. При $N$ =
<pre>N*length(X));</pre>	3, X = [2 0 1] OTBET
	ans =
% через вспомогательную переменную и	2 2 2 0 0 0 1 1 1
индексный вызов:	
>> A = X(ones(1,N),:);	
>> A = A(:).'	
>> dec2bin(0:(2^n-1))-'0'	Построить матрицу (типа
	double), в которой по
% чуть сложнее	строкам записаны все <b>n</b> -
>> +(dec2bin(0:(2^n-1))=='1')	мерные бинарные векторы.
ans =	
0 0 0	
0 0 1	
0 1 0	
0 1 1	
1 0 0	
1 0 1	
1 1 0	
1 1 1	
>> X'*Y	Построить таблицу умножения
% типичная ошибка - использование	всевозможных пар элементов
repmat!	таких, что первый берётся из
Topinae.	множества <b>X</b> , а второй - из
	<b>Ү</b> . Например, при
	$X = [-1 \ 0 \ 1], Y = [2 \ 3 \ 5]$
	OTBET ans =
	-2 -3 -5
>> gumgum(onog(n))	2 3 5
>> cumsum(ones(n))	Для натурального числа <b>n</b>
0	построить матрицу размера
% менее эффективный вариант:	<b>n×n</b> , все элементы <b>i</b> -й строки
>> tril(ones(n))*ones(n)	которой равны $oldsymbol{i}$ . Например,
	при <b>n = 4</b>
	ans =
	1 1 1 1
	2 2 2 2
	3 3 3 3
	4 4 4 4
	Команда порождения должна
	«умещаться» в одной строке.
	viii z opiioi oipoito.

	Можно использовать любые
	стандартные функции, кроме for, repmat и meshgrid.
>> h = 3==man(3).	
>> b = A==max(A);	Занумеровать в порядке
>> cumsum(b).*b	следования все максимальные
	элементы в векторе А.
	Например, для вектора А = [1
	2 3 3 2 1 3 1] получить [0 0
	1 2 0 0 3 0].
>> X = triu(repmat(1:n, n, 1));	Для натурального числа ${f n}$
>> X(X(:)'~=0)	породить вектор, в котором
	сначала записана единица,
	потом две двойки, потом три
	тройки и т.д. Последние
	элементы вектора - <b>n n</b> -ок.
	Например, при $n = 4$
	$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} \mathbf{x} & \mathbf{x} & \mathbf{x} \\ \mathbf{x} & \mathbf{x} \end{bmatrix}$
	1 2 2 3 3 3 4 4 4
	4
>> [X Y] = meshgrid(A, B);	Дано множество <b>А</b> и множество
>> max(max(sin(X + Y)))	В. Найти максимум функции
// max(max(SIII(X + I)))	sin(a+b) при $a$ из $A$ и $b$ из
	B.
>> max(max(A)-min(B), max(B)-min(A))	Дано множество <b>А</b> и множество
% Функция abs не используется!	В. Найти (самым эффективным
« Функция abs не используется:	
	способом) максимум функции
	<b>abs(a-b)</b> при <b>a</b> из <b>A</b> и <b>b</b> из <b>B</b> .
>> max(A)<=min(B)	Самым простым способом
>> max(A)<-min(B)	_
	выяснить, верно ли, что все элементы множества <b>В</b> не
	меньше всех элементов
>> [V V] = maghamid(1.n 1.m).	множества А.
>> [X Y] = meshgrid(1:n, 1:m);	Придумать универсальный
>> abs(X - Y)	способ реализации матриц, в
	которых <b>іј</b> -й элемент равен
	расстоянию до главной
	диагонали в метрике L1 (без
	использования функции
	toeplitz). Пример матрицы:
	ans =
	0 1 2 3 4
	1 0 1 2 3
	2 1 0 1 2
>> [x y] = meshgrid(A, B);	Для двух множеств <b>А, В</b>
>> X = [x(:), y(:)]	сформировать матрицу, в
	которой по строкам записаны
	все пары - элементы
	декартова произведения этих
	множеств. Например, для
	множеств $A = [2 \ 3], B = [1]$
	2] otbet
	x =
	A -

	1
	2 1
	2 2
	3 1
	3 2
>> max(A(isprime(A)))	Найти максимальный простой
	элемент множества чисел А.
>> [a a a] = unique(a)	Заменить элементы вектор-
	строки а на индексы
% обходной путь	соответствующих элементов
>> [b i] = sort(a);	вектора unique(a). Для
>> b = cumsum([1 diff(b)]>0);	строки а = [9 2 5 6 2 5 5]
>> a(i) = b	OTBET -
	a =
	4 1 2 3 1 2 2
<pre>&gt;&gt; [B I] = unique(A, 'first');</pre>	Во множестве А оставить
>> [B J] = unique(A, 'last');	только уникальные элементы
>> B(I==J)	(входят только один раз).
>> B(1==0)	Oтвет для множества <b>A</b> = [3 2]
& TOUTON BADYANT	1 3 4 4 7 5 5]:
% другой вариант	_
>> b=sort(A);	ans =
>> setdiff(b, b(([1 diff(b)]==0)))	1 2 7
(5.1.1)	
>> sum(A=='a')	Для строки <b>A</b> (например для
	A = 'abbcaaccab') посчитать
	число вхождений буквы 'a'
	(самым простым и быстрым
	способом).
>> n = 2;	Дано натуральное число <b>n</b> .
>> b = (2.^(0:n))';	Найти коэффициенты полинома
>> A = repmat((0:n)', 1, n+1);	степени <b>n</b> , который в точках
>> A = A.^(A');	0,1,,n принимает значения
>> A\b	<b>1,2,4,8,,2^n</b> (все степени
ans =	двойки). Написать ответ при
1.0000	n = 2.
0.5000	
0.5000	
>> all(A == A(end:-1:1))	Проверить, является ли
	вектор <b>А</b> симметричным.
	Например, векторы $A = [3 \ 4 \ 5]$
	4 3], A = [6 6], A= [7]
	являются, а векторы <b>A = [1</b>
	2], $A = [1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 1] - HeT.$
>> sort([A, B])	Как объединить два множества
% без sort не будет отсортированным	с учётом кратности
	элементов, т.е. объединение
	$A = [2,1,3,4,3]  \mu$
	$B = [2,3,5]$ $\mu$
	3, 3, 3, 4, 5]?
>> sum(B(:) == 2) == 2	
// Bum(D(;) 2) 2	Как проще всего проверить
	условие «в матрице <b>В</b> только
>> V _ mammak/1: 1>:	два элемента равны двум»?
>> X = repmat(1:n, n, 1);	Придумайте способ порождения
>> min(X, X')	матриц вида

	and -
	ans =
	1 1 1
	1 2 2
	1 2 3
	ans =
	1 1 1 1
	1 2 2 2
	1 2 3 3
	1 2 3 4
S(1, :) = s1;	Написать код, который
S(2, 1:length(s2)) = s2;	соединяет две строки <b>s1, s2</b>
S = S(:)';	следующим образом:
S(S==0) = []	[s1(1) s2(1) s1(2) s2(2)
	]. Для s1 = '12345', s2 =
	'abc' должна получаться
	строка '1a2b3c45', а для s1
	-
	= '123', s2 = 'abcde' -
	строка '1a2b3cde'.
>> [sortS i] = sort(double(S));	Оставить в строке <b>S</b> только
>> S(i(([1, diff(sortS)] == 0))) = []	первые вхождения всех
% без приведения double не получится	элементов. Для $S = 'try to$
сделать diff	find unique elements' OTBET
	S =
	try ofinduqelms
	(ответ не отсортирован в
	общем случае).
% Решение из [Loren]	Оставить в двух векторах а,
>> i = any([a;b] == 0)	<b>b</b> , содержащих одинаковое
>> a(i) = []	число элементов, только те
>> b(i) = []	элементы, которые
22 D(1) - []	<del>-</del>
% Другой вариант решения, который можно	соответствуют позициям
	ненулевых элементов в обоих
% улучшить, имея априорные сведения	векторах. Для
% о количестве нулей в векторах	a = [NaN 1 2 0 0 Inf 0];
>> i = find(a~=0);	b = [ 1 0 3 4 0 0 NaN];
>> i = i(b(i)~=0);	OTBET
>> a = a(i);	a =
>> b = b(i);	NaN 2
	b =
	1 3
<pre>&gt;&gt; uS = unique(S)';</pre>	Для мультимножества <b>S</b>
>> [m i] = max(sum((repmat(uS, 1,	определить, какой элемент
<pre>size(S,2)) == repmat(S, length(uS),</pre>	встречается в нём наибольшее
1))'));	число раз. Вывести этот
>> [uS(i) m]	элемент и его кратность. Для
% подумайте, нельзя ли улучшить этот	S = [1 1 3 2 3 3 1 3 9]
метод	OTBET -
	ans =
	3 4
	(элемент 3 встретился 4
	раза). Для $S = [2 \ 1 \ 2 \ 1]$
1	ответ - [1 2] или [2 2].

>> isequal(sort(A), sort(B))	Charling Correction in the
>> Isequal(SOIC(A), SOIC(B))	Сравнить, совпадают ли два
0	мультимножества? Например,
% обходной путь	мультимножества $A = [1 \ 2 \ 3 \ 1]$
>> (length(A) == length(B)) &&	1 2] $\mu$ B = [3 1 1 1 2 2]
all(sort(A) == sort(B))	равны, а А = [1 2 3 1 2] и В
	= [1 1 3 2 3] - HeT.
>> max(A(find(A(1:end-1)==0)+1))	Найти максимальный элемент в
	вектор-строке среди
	элементов, перед которым
	стоит нулевой. Для А =
	[6,2,0,3,0,0,5,7,0] OTBET
	ans =
	5
% этот способ не рекомендуют из-за	Реализуйте различные способы
лишних умножений	генерации массива размера
>> X = val.*ones(siz);	siz с элементами, равными
% аналог со сложениями	val. Чем больше, тем лучше.
>> X = val + zeros(siz);	При siz = [2 3] и val = 5
% vacto peromendyembi cnocof	_
	OTBET X =
<pre>&gt;&gt; X(prod(siz)) = val; &gt;&gt; X = reshape(X, siz);</pre>	
<b>-</b>	5 5 5 5 5 5
>> X(:) = X(end);	5 5 5
% улучшение предыдущего варианта	
>> X(1:prod(siz)) = val;	
>> X = reshape(X,siz)	
% один из самых быстрых способов	
>> X = zeros(siz); X(:) = val;	
% самый «естественный» способ	
<pre>&gt;&gt; X = repmat(val,siz);</pre>	
% самый плохой (долгий) способ	
>> X = val(ones(siz));	
>> X(mod((1:end)-k-1, end)+1)	Реализуйте в одну строчку
	сдвиг вектор-строки ${f X}$ на ${f k}$ .
	Hапример, при $X = 'MatLab'$ и
	k = 2 результат - 'abMatL',
	а при $k = -1$ - 'atLabM'.
	Нельзя использовать функции
	MatLaba, содержащие в
	названии слово <b>shift</b> .
>> X = ceil(s*rand([m n]));	Сгенерируйте случайную
	матрицу размера <b>m×n</b> с
	элементами из 1:s.
>> A(1: (size(A,1)+1):	Реализуйте функцию diag(A)
(size(A,1)*min(size(A))))	через другие функции
(===(11,1, ===(5120(11,1,1,1	МаtLaba.
>> Y = reshape(X, [size(X,1) size(X,2)*	Заданы двумерные матрицы <b>А,</b>
size(X,3)])	В, С, D одинаковых размеров.
D125(A/J/]/	
	По матрице $X = cat(3, A, B, C, D)$
	С, D) получите матрицу [A,
>> 77	B, C, D].
>> Y = permute(X,[1 3 2]);	Заданы двумерные матрицы А,
>> Y = reshape(Y, [size(X,1)* size(X,3)	В, С, D одинаковых размеров.
size(X,2)])	По матрице $X = cat(3, A, B,$

```
С, D) получите матрицу [A;
                                             B; C; D]
>> B = repmat(A, [m n])
                                             Реализуйте присваивание В =
                                             kron(ones(m,n), A) более
                                             простым способом для любых
                                             натуральных \mathbf{m}, \mathbf{n} и матрицы
                                             A. Например, при m = 2; n =
                                             3; A = [4 5];
                                             B =
                                                 4
                                                     5
                                                         4
                                                              5
                                                                  4
                                                                       5
                                                              5
                                                     5
                                                                  4
                                                                       5
>> B = A(repmat(1:size(A,1),m,1),
                                              Реализуйте присваивание В =
repmat(1:size(A,2),n,1))
                                             kron(A, ones(m,n)) более
                                             простым способом для любых
% Менее эффективный способ из [Acklam]
                                              натуральных \mathbf{m}, \mathbf{n} и матрицы
>> i = 1:size(A,1);
                                             A. Например, при m = 2; n =
>> j = 1:size(A,2);
                                             3; A = [4 5; 6 7];
>> B = A(i(ones(1,m),:), j(ones(1,n),:))
                                             B =
                                                 4
                                                     4
                                                         4
                                                              5
                                                                  5
                                                                       5
                                                 4
                                                     4
                                                         4
                                                              5
                                                                  5
                                                                       5
                                                              7
                                                                  7
                                                                       7
                                                 6
                                                         6
                                                     6
                                                 6
                                                     6
                                                         6
                                                             7
                                                                  7
>> B = reshape([repmat([A;
                                              Реализуйте присваивание В =
repmat(zeros(size(A)), n, 1)], n-1, 1);
                                             kron(eye(n),A) более простым
A], n*size(A,1), n*size(A,2));
                                              способом для любых
>> I = reshape((1:n*size(A,2))', n,
                                             натуральных \mathbf{m}, \mathbf{n} и матрицы
size(A,2))';
                                             A. Например, при n = 3; A =
                                              [4 5; 6 7];
>> B = B(:,I);
                                             B =
% Более эффективный и эффективный способ
                                                 4
                                                         0
                                                              0
                                                                  0
                                                                       0
из [Acklam]
                                                              0
                                                                       0
                                                 6
                                                     7
                                                         0
                                                                  0
>> B = zeros([size(A) n n]);
                                                 0
                                                     0
                                                         4
                                                              5
                                                                  0
                                                                       0
>> B(:,:,1:n+1:n^2) = repmat(A, [1 1
                                                 0
                                                         6
                                                              7
                                                                  0
                                                                       0
                                                                  4
                                                                       5
n]);
                                                 0
                                                     0
                                                         0
                                                              0
>> B = permute(B, [1 3 2 4]);
                                                 0
                                                     0
                                                         0
                                                              0
                                                                  6
                                                                       7
>> B = reshape(B, n*size(A));
% Самый эффективный и эффектный способ
% (формирование «нужной» команды)
>> eval(['B = blkdiag(' repmat('A,
',1,n-1) 'A);'])
% Способ из [Acklam]
                                              Реализуйте присваивание В =
>> B = zeros([size(A) n n]);
                                             kron(A,eye(n)) более простым
>> B(:,:,1:n+1:n^2) = repmat(A, [1 1
                                              способом для любых
                                             натуральных \mathbf{m}, \mathbf{n} и матрицы
n]);
>> B = permute(B, [3 1 4 2]);
                                             A. Например, при n = 3; A =
>> B = reshape(B, n*size(A));
                                              [4 5; 6 7];
                                             B =
                                                 4
                                                         0
                                                              5
                                                                  0
                                                                       0
                                                     0
                                                 0
                                                     4
                                                         0
                                                              0
                                                                  5
                                                                       0
                                                 0
                                                         4
                                                              0
                                                                  0
                                                                       5
                                                     0
                                                                       0
                                                 6
                                                     0
                                                         0
                                                              7
                                                                  0
                                                 0
                                                         0
                                                              0
                                                                  7
                                                                       0
                                                     6
                                                                       7
                                                 0
                                                     0
                                                         6
                                                              0
                                                                  0
```

>> reshape(permute(repmat(A, [1 1	Реализуйте функцию <b>kron(A,</b>	
size(B, 1) size(B, 2)] ), [3 1 4 2]	В) для любых двумерных	
),size(A, 1)*size(B, 1), size(A, 2)*	матриц через функции	
size(B, 2)).* repmat(B, [size(A, 1)	reshape, permute, repmat,	
size(A, 2)])	size. Для A = [2 3; 4 5], B	
	= [1 7; 6 0] должна	
	получаться матрица	
	ans =	
	2 14 3 21	
	12 0 18 0	
	4 28 5 35	
	24 0 30 0	
>> D = C(:,size(C,2):-1:1)'	Реализуйте присваивание <b>D =</b>	
	rot90(C), не используя	
	функции <b>rot90</b> .	
>> D = C(size(C,1):-1:1,size(C,2):-1:1)	Реализуйте поворот матрицы	
	на 180 градусов без	
	использования функции <b>rot90</b> .	
	При С = [1 2 3; 4 5 6]	
	результат поворота	
	D =	
	6 5 4	
	3 2 1	
>> all(x(:) > 0)	Напишите код, который	
	проверяет, что в матрице ${f x}$	
% или так (хуже)	все элементы положительные.	
>> sum(x(:)<=0)==0		
>> prod(size(x))<=1	Напишите код, который	
-	проверяет, что матрица х	
% обратите внимание, что size([])= [0 0]	является скаляром или пустой	
	матрицей.	
>> ndims(x) <= 2 & sum(size(x) > 1) <= 1	Напишите код, который	
	проверяет, что 🗴 является	
	вектор-столбцом или вектор-	
	строкой (быть может,	
	пустой).	
>> m = 10; n = 2;	Сгенерируйте на плоскости <b>m</b>	
>> X = rand([m n]);	случайных точек. Для новой	
>> y = rand([1 n]);	случайной точки найдите	
>> [m i] = min(sum((X - repmat(y, m,	среди этих точек ближайшую	
1)).^2, 2));	(реализуйте метод ближайшего	
>> scatter(X(:,1),X(:,2));	соседа) по евклидовой	
>> hold on;	метрике. Сделайте	
>> scatter(y(:,1),y(:,2),'filled');	визуализацию.	
>> line ([X(i,1) y(1)],[X(i,2) y(2)])		
>> D = reshape( sqrt( sum(( repmat(X,	Для матрицы <b>X = rand([m n])</b>	
<pre>size(Y,1), 1) - reshape( repmat(Y',</pre>	и матрицы <b>Y = rand([h n])</b> , в	
size(X,1), 1), size(X, 1)*size(Y, 1),	которых по строкам	
size(X, 2))).^2, 2)), size(X, 1),size(Y,	перечислены координаты <b>n</b> -	
1))	ı l	
	мерных точек постройте $\mathbf{m} \times \mathbf{h}$ -	
% Эффектный способ из [Acklam]	мерных точек постройте <b>m×h</b> - матрицу попарных евклидовых расстояний.	

```
>> D = sqrt(sum(abs(repmat(permute(X, [1
3 2]), [1 size(Y,1) 1]) -
repmat(permute(Y, [3 1 2]), [size(X,1) 1
1]) ).^2, 3))
>> [x(:,2) x(:,1)] = find(tril(ones(n),
                                           Сгенерировать все сочетания
-1))
                                           из n элементов по два, не
                                           используя специальных
                                           функций для работы с
                                           перестановками (т.е.
                                           реализовать функцию
                                           nchoosek(1:n, 2)).
% Первый способ
                                           Для двух векторов одинаковой
>> m = length(a);
                                           длины a и b сгенерировать
>> len = b - a + 1;
                                           вектор c = [a(1):b(1)]
>> n = sum(len);
                                           a(2):b(2) ...]. Для a = [1 \ 3]
>> c = ones(1, n);
                                           5 6], b = [3 3 5 7] OTBET
>> c(1) = a(1);
>> len(1) = len(1) + 1;
                                           c =
                                              1 2 3 3 5 6 7
>> c(cumsum(len(1:end-1))) = a(2:m) -
b(1:m-1);
>> c = cumsum(c);
% Эффектное решение методом формирования
«нужной» команды
>> c = eval(['[', sprintf('%d:%d
',[a;b]), ']'])
% Ещё одно эффектное решение из [Loren],
предложенное Matt Fig и Jason Merrill.
>> f = @(a,b) cell2mat(arrayfun(@(x,y)
{x:y}, a, b);
>> c = f(a,b);
>> A = repmat((1:max(a))', 1,
                                           Для вектор-строки а с
length(a));
                                           натуральными элементами
>> A(A>repmat(a, max(a),1)) = 0
                                           сгенерировать матрицу, у
                                           которой в первом столбце
                                           записаны числа от 1 до a(1),
                                           во втором - от 1 до а(2) и
                                           т.д. При этом матрица
                                           дополнена нулевыми
                                           элементами. Так, для a = [3]
                                           1 2 3] должна порождаться
                                           матрица
                                           A =
                                               1
                                                    1
                                                         1
                                                              1
                                               2
                                                    0
                                                         2
                                                              2
function m = mymean(X)
                                           Hапишите функцию mymean,
L = isnan(X);
                                           которая находит средние
X(L) = 0;
                                           значения (по одному
m = sum(X)./sum(~L);
                                           направлению) с учётом NaN
                                           элементов матрицы. Для
                                              NaN
```

	N-N 0 C
	NaN 0 6
	1 5 NaN
	>> mrmoon(V)
	<pre>&gt;&gt; mymean(X) ans =</pre>
	1 2 4
>> H = min(max(H, minH), maxH)	В матрице <b>Н</b> заменить все
	значения, которые больше
	maxH на maxH, а все
	значения, которые меньше
	minH на minH. Например, при
	H = [1 5 3; 5 2 8; 7 9 10],
	maxH = 8, minH = 4 должна
	получиться матрица
	H =
	4 5 4
	5 4 8
	7 8 8
>> B = cumsum(A);	Для вектор-сток <b>А</b> и <b>а</b>
>> diff([0 B(cumsum(a))])	вычислить сумму первых а(1)
	элементов вектора А, сумму
	следующих а(2) элементов
	вектора А и т.д. Например,
	$\pi p u A = 1:10, a = [2 1 3]$
	OTBET
	ans =
	3 3 15
$\Rightarrow$ i = abs(x1-y)>abs(x2-y);	Даны вектор-строки <b>х1</b> , <b>х2</b> и
>> a = x1;	у. Сформировать вектор-
>> a(i) = x2(i);	строку <b>a</b> , в которой <b>a(i) =</b>
	<b>x1(i)</b> , если <b>y(i)</b> ближе к
	x1(i), a unage $a(i) = x2(i)$ .
	Для $\mathbf{x}1 = [1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5], \ \mathbf{x}2 = [3 \ 1 \ 2 \ 1 \ 2], \ \mathbf{y} = [0 \ 1 \ 2 \ 3]$
	4] OTBET
	a =
	1 1 2 4 5
>> A(:,~v) = 0	Дана матрица <b>А</b> и бинарная
	вектор-строка <b>v</b> . В матрице
% чуть хуже вариант из [Cambridge]	оставить без изменения все
>> A = A*diag(v)	столбцы, которые
-	соответствуют единицам
% и совсем плохо:	вектора <b>v</b> , а элементы
>> A = A.*repmat(v,size(A,1),1)	остальных столбцов занулить.
	Для <b>v = [0 1 0 1]</b> и <b>A =</b>
% возможное решение	[1:4;3:6] OTBET
>> A = bsxfun(@(x,y) x.*y, A, v);	A =
	0 2 0 4
	0 4 0 6
>> i = (a == 0);	Все нули, идущие подряд в
>> a(i(1:end-1)&i(2:end)) = []	векторе а, заменить одним
	нулём. Для а = [0 0 1 2 0 0
	0 3 0 4 0 0] OTBET

	a =
	0 1 2 0 3 0 4 0
>> Z = sum(X*W.*conj(Y), 2);	Реализовать эффективно код
	[Acklam]
% менее эффективное решение	Z = zeros(m, 1);
>> Z = diag(X*W*Y');	for i = 1:m
,,	Z(i) = X(i,:)*W*Y(i,:)';
	end
% вариант из [Cambridge]	Построить матрицу попарных
>> K = X*X';	евклидовых расстояний
>> d = diag(K);	системы точек, которые
<pre>&gt;&gt; one = ones(length(d), 1);</pre>	·
>> D = sqrt(d*one'+one*d'-2*K);	покоординатно записаны в матрице <b>X</b> .
% решение [Acklam]	матрице <b>х.</b> В каждом столбце матрицы <b>X</b>
<pre>&gt;&gt; [i, j, v] = find(X);</pre>	_
	есть ненулевой элемент.
>> t = logical(diff([0; j]));	Найти порядковые номера (в
>> i = i(t)';	столбце) и значения всех
>> v = v(t)';	первых ненулевых элементов
	каждого столбца. Для X =
	0 2 0
	0 0 3
	4 4 5
	OTBET
	3 1 2
	4 2 3
	(т.е. Зй элемент первого
	столбца равен 4, 1й элемент
	второго - 2 и т.д.)
>> B = bsxfun(@(x,y) x.*(x==y), A,	В каждой строке матрицы А
max(A,[],2))	оставить неизменным
	максимальный элемент, а
	остальные обнулить. Ответ
	записать в новую матрицу В.
	Для <b>A</b> =
	8 9 4 0
	7 8 3 2
	8 3 1 6
	OTBET B =
	0 9 0 0
	0 8 0 0
	8 0 0 0

# §26. Как не надо программировать в системе MatLab

Весь предыдущий текст направлен на обучение программированию на примерах. Описание MatLab-команд есть в хорошо организованных файлах помощи (большинство современных книг по этой системе просто «повторяют» их содержание). Язык системы очень прост в освоении. Достаточно серьёзные программы удаётся начинать писать прямо сразу после знакомства с системой MatLab¹. Однако, несмотря на простоту освоения языка, есть куча тонкостей, которыми надо овладеть... Им и было уделено основное внимание. Практика

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Как правило, пользователи уже знают язык С.

показывает, что большинство студентов не может сразу проникнуться всеми тонкостями. Ниже приведены примеры типичных ошибок студентов, только что «освоивших» язык.

Написано	Верный вариант
>> A = reshape(A, [1	>> A = A(:)'
size(A,1)*size(A,2)])	
% для двумерной матрицы А	
>> b = size(x);	>> b = length(x);
>> b(end)	3 ( ),
% для вектор-строки х	
>> A - tril(A)	>> triu(A,1)
>> sum(a==b) == size(a, 2)	>> isequal(a,b)
% для вектор-строк a и b	% универсальный способ!
>> sum((a - b) ~= 0) == 0	>> all(a == b)
>> X = X(:)'; X(X==0) = []	>> X(X(:)'~=0)
>> logical(A + B)	>> A   B
% для логических массивов А и В	
>> nz = 2:length(A);	>> find(A(1:end-1) == 0) + 1
>> nz(A(1:end-1) == 0)	% часто так лучше!
<pre>&gt;&gt; find(ismember(A,0))</pre>	>> find(A==0)
	% есть ещё решение через
	% строковые функции
>> min(x(:)) > 0	>> all(x(:) > 0)
>> all(all(x>0))	
>> (length(x(:))-length(x(x>0)))	
== 0	
% сложно поверить, что это написал	
человек хоть что-то понимающий в	
программировании	
>> max(a(find(a==0) + 1))	Возможен выход за пределы массива
% для вектор-строки а	(при a = [0]). Верно:
	>> max(a(find(a(1:end-1)==0)+1))
>> [x y] = meshgrid(1:n, 1:n);	>> x = repmat(1:n,n,1);
>> x = x - y;	>> x = x - x';
% у потом не используется	или
	>> x = -ones(n);
	>> x(1,:) = 0:n-1;
	>> x = cumsum(x);
>> cumsum(A==b).*(A==b)	>> z = A==b; cumsum(z).*(z)
>> setdiff(A, intersect(A,B))	>> setdiff(A, B)
>> [B I] = unique(A)	>> [B I] = unique(A)
>> A(I(I>=5))	>> B(I>=5)
L	I .

### §27. Советы по оформлению m-файлов

- 1. Имена переменных и функций должны быть «говорящими» (примеры имён переменных: fileName, maxValue, примеры имён функций: classify, selectFeatures и т.д.).
- 2. При именовании переменных и функций придерживайтесь определённого стиля (который принят в Вашей группе разработчиков). Опишем некоторые наиболее часто встречающиеся рекомендации... Переменные, которые в цикле меняют свои значения, лучше начинать с букв i, j, k; переменные, обозначающие число, с букв n, m. Если функция возвращает только указатель или ничего не возвращает, то её название отражает, что она делает (plot). Если функция возвращает одно значение, то её название отражает смысл этого значения (max, min, mean). В названиях не используют отрицаний (isfound, но не isNotFound). Часто используют префиксы:

префикс (примеры)	используют
get, set	при доступе к объекту или свойству;
(getobj(), setappdata())	T to g
compute	для отражения, что вычисление функции
(computeweights(),	может занять достаточно много времени;
<pre>computespread())</pre>	Monet saint potate in miero peneini,
find	когда что-то «ищется»;
(findnearestneighbor(),	, , ,
<pre>findheaviestelement())</pre>	
is, has, can, should	когда возвращается логическая переменная.
<pre>(iscomplete(), hasLicense(),</pre>	T , T ,
<pre>canEvaluate())</pre>	

3. Программа должна быть разбита на «небольшие» части: функции. Если какой-то кусок кода встречается несколько раз, то неплохо бы сделать его отдельной

функцией. Если функция используется только в теле другой функции, то надо сделать её встроенной (описать в том же файле).

- 4. При передаче данных функции лучше использовать аргументы, а не глобальные переменные. Использование структур помогает избавиться от длинных списков аргументов.
- 5. Используйте уже существующие функции, если их можно эффективно применить для решения Вашей задачи. Много известных алгоритмов уже реализовано (если не в самой системе MatLab, то в одной из её библиотек). Для поиска нужных функций научитесь пользоваться помощью системы.
- 6. Не ленитесь документировать функцию! Не оставляйте это «на потом». Назначения всех переменных должны быть описаны. Заголовок функции должен поддерживать использование help (выводит первый непрерывный блок комментариев) и lookfor (сканирует первую строку файла). Кстати, в поле Description окна Current Directory выводится первый комментарий, найденный в тексте файла (это очень удобно при просмотре содержимого каталога).

```
Схема для заголовка функции
%FINDCLASS Классификация выборки методом MVS.
% function [classes, StructInfo] =
% findClass(trainData, trainMarks, testData)
%
% DESCRIPTION:
% Описание функции
%
% INPUTS:
% Описание входных данных. Вот пример...
% trainData - ОБУЧЕНИЕ - двумерная матрица "объект-признак".
% trainMarks - МЕТКИ ОБУЧЕНИЯ - вектор-столбец.
% testData - КОНТРОЛЬ - двумерная матрица "объект-признак".
% Обе матрицы имеют одинаковое число столбцов.
% Возможны пропуски значений (NaN).
% Beктор trainMarks имеет длину равную числу строк trainData.
% OUTPUTS:
% Описание выходных данных.
%
% USAGE:
% Примеры использования функции.
%
% NOTES:
% Особенности функции.
%
% Перечень файлов, необходимых для работы функции.
%
% See also:
% Перечень «похожих» функций.
```

```
% GLOBALS:
% Перечень и описание глобальных переменных.
%
% HISTORY:
% История изменений функции.
%
% AUTHOR:
% Данные автора (+ почта для связи).
%
% REFERENCES:
% Необходимые ссылки
function [classes, StructInfo] = findClass(trainData, trainMarks, testData)
```

7. Используйте выравнивание, отступы и пробелы. Это повышает «читабельность». Отделяйте пробелом комментарий от знака %, отделяйте левую и правую части присваивания от знака = и т.д. Используйте скобки (особенно в логических выражениях). Это понятно и позволяет избежать ошибок. Избегайте слишком длинных строк.

```
Пример грамотного выравнивания weightedPopulation = (doctorWeight * nDoctors) + ... (lawyerWeight * nLawyers) + ... (chiefWeight * nChiefs);
```

- 8. В случае ошибки желательно, чтобы функция её диагностировала и выдавала пользователю рекомендации по исправлению. Не забывайте про try, catch, end. Проверяйте число аргументов функции. Всегда «ожидайте ошибки» (например, условный оператор switch должен включать условие otherwise).
- 9. Помните, что некоторые функции ухудшают «читабельность» (eval, feval, exist, break, continue). Переменная, которая «создаётся» в цикле, должна быть инициализирована непосредственно перед этим циклом:

```
result = zeros(nEntries,1);
for index = 1:nEntries
    result(index) = computeFactors(index);
end
```

10. Не дублируйте данные.

```
% плохо
trainObjects = [.1 .23 .2 .15 .7];
etalons = [.1 .2 .7];

% хорошо
trainObjects = [0.1 0.23 0.2 0.15 0.7]; % и 0 надо указывать!
indexOfEtalons = [1 3 5];
```

- 11. Пишите «минимальный» код (по числу команд) и простой код (не используйте слишком сложные синтаксические конструкции, которые не свойственны языку).
- 12. Не решайте сразу слишком общую задачу решайте свою (в интерпретаторе код, который решает общую задачу, очень сложно отладить). Сразу проверяйте код, написанный для решения какой-то подзадачи, на серии тестов.
- 13. Твёрдо знайте базовые команды и специфику их использования (см. весь текст выше). Например, старайтесь использовать функции, а не скрипты, структуры массивов, а не массивы структур, и т.д.

Ещё больше хороших советов можно найти в [Robbins], [Johnson].

### §28. Аналоги системы MatLab

GNU Octave (http://www.gnu.org/software/octave/),

Scilab (http://www.scilab.org/),

Java-MathLib (http://www.jmathlib.de/),

Euler (http://eumat.sourceforge.net/)

**FreeMat** (http://freemat.sourceforge.net/) – бесплатные ПО с языком «максимально совместимым» с системой MatLab.

**IDL** (Interactive Data Language, http://www.ittvis.com/) – коммерческое ПО (область применения аналогична системе MatLab, больше подходит для обработки изображений и визуализации).

**O-Matrix** (http://www.omatrix.com) – коммерческое ПО, в котором есть режим совместимости с системой MatLab.

**LyME** (http://www.calerga.com) -  $\Pi$ O, которое позволяет использовать некоторые MatLab-команды на Palm-устройствах.

При составлении заданий и примеров автору очень помогло учебное пособие Питера Аклама [Acklam], а также обсуждения на блоге Лорен Шью [Loren]. Автор позволил себе не указывать у каждого примера источник, поскольку некоторые примеры повторяются на многих сайтах Интернета (и установить их авторство достаточно проблематично). Из русскоязычных источников автору больше всего нравится книга [Потемкин, 1999], которая, возможно, уже немного устарела. В последнее время появляются учебные ресурсы, посвящённые использованию системы MatLab в анализе данных, например [Золотых, MatLab]. См. также информацию сайта [Ехропеnta.ru].

#### ЛИТЕРАТУРА, ССЫЛКИ

[Exponenta.ru] http://www.exponenta.ru

[Acklam] *Peter J. Acklam* MATLAB array manipulation tips and tricks // http://home.online.no/~pjacklam

[Loren] Loren Shure (блог) Loren on the Art of MATLAB // http://blogs.mathworks.com/loren/

[MathWorks] http://www.mathworks.com

[Griffiths] *David F. Griffiths* An Introduction to Matlab Version 2.3 // The University Dundee DD1 4HN, 2005. – http://maxwell.me.gu.edu.au/spl/matlab-page/matlab\_griffiths.pdf

[Sigmon] *Kermit Sigmon* MATLAB Primer // http://terpconnect.umd.edu/~nsw/ench250/primer.htm

[Cambridge] Cambridge University Engineering Department – Matlab // http://www-h.eng.cam.ac.uk/help/tpl/programs/matlab.html

[CVD] The technical note «How Do I Vectorize My Code?» // http://www.mathworks.com/support/tech-notes/1100/1109.html

[Robbins] *Michael Robbins* Good Matlab Programming Practices for the Non-Programmer // http://www.mathworks.com/matlabcentral/fileexchange/2371-good-matlab-programming-practices

[Johnson] *Richard Johnson* MATLAB Programming Style Guidelines // http://www.datatool.com/prod02.htm

[ML] http://www.machinelearning.ru

[Guide] MATLAB® 7 Getting Started Guide

 $http://www.mathworks.com/access/helpdesk/help/pdf\_doc/matlab/getstart.pdf$ 

[Потемкин, 1999] *Потемкин В.* Система инженерных и научных расчетов MATLAB 5.х (в 2-х томах). Диалог-МИФИ. 1999.

[Золотых, MatLab] Золотых Н.Ю. MATLAB в научной и исследовательской работе http://www.uic.unn.ru/~zny/matlab/

## Mihi ipsi scripsi!

pdf-версия учебного пособия
© 2010 г. Дьяконов Александр Геннадьевич (e-mail: djakonov@mail.ru)
д.ф.-м.н., доцент кафедры математических методов прогнозирования (ММП)
факультета вычислительной математики и кибернетики (ВМК) МГУ имени М.В. Ломоносова