

**Partiel de Physique**

*Les calculatrices et les documents ne sont pas autorisés.*

**Réponses exclusivement sur le sujet. Si vous n'avez pas assez de place, écrivez au verso (merci d'indiquer de tourner la page).**

**QCM** (Sans points négatifs) (4 points)

**Entourer la bonne réponse**

1- La résistance thermique s'exprime en :

- a)  $K \cdot W^{-1}$
- b)  $W \cdot K^{-1}$
- c)  $W \cdot m^{-1} \cdot K^{-1}$
- d)  $m \cdot K \cdot W^{-1}$

2- Si l'on connaît la relation de Mayer ( $c_p - c_v = R$ ) et que l'on sait que  $\gamma = \frac{c_p}{c_v}$ , on peut en déduire que :

- a)  $c_p = \frac{\gamma \cdot R}{\gamma - 1}$
- b)  $c_p = \frac{R}{\gamma - 1}$
- c)  $c_p = \frac{\gamma^2 \cdot R}{\gamma - 1}$

3- Lors d'un cycle thermodynamique, il n'est **pas** possible d'écrire à propos du système que l'on étudie :

- a)  $W_{cycle} + Q_{cycle} = 0$
- b)  $\Delta H_{cycle} = 0$
- c)  $Q_{cycle} = 0$

4- Laquelle parmi les grandeurs suivantes n'est pas une fonction d'état ?

- a) Enthalpie H
- b) Energie interne U
- c) Quantité de chaleur Q

5- Le premier principe de la thermodynamique à l'échelle infinitésimal est :

- a)  $dU = dQ - VdP$
- b)  $dU = dQ + VdP$
- c)  $dU = dQ + PdV$
- d)  $dU = dQ - PdV$

6- Laquelle de ces grandeurs suivantes est intensive ?

- a) Masse
- b) Volume
- c) Température

7- Un équilibre thermique entre un système de température  $T_1$  et un système de température  $T_2$  est atteint lorsque :

- a)  $T_1 = T_2$
- b)  $T_1$  et  $T_2$  tendent vers l'infini
- c)  $T_1 < T_2$

8- Dans le cas isobare, la chaleur  $Q$  est égale à la variation d'une fonction d'état : l'enthalpie  $H$ . Si le gaz qui subit la transformation est parfait, la variation d'enthalpie  $\Delta H$  est égale à :

- a)  $\Delta H = n \cdot c_v \cdot \Delta T$
- b)  $\Delta H = n \cdot c_T \cdot \Delta T$
- c)  $\Delta H = n \cdot c_p \cdot \Delta T$

### Préambule

On rappelle que :

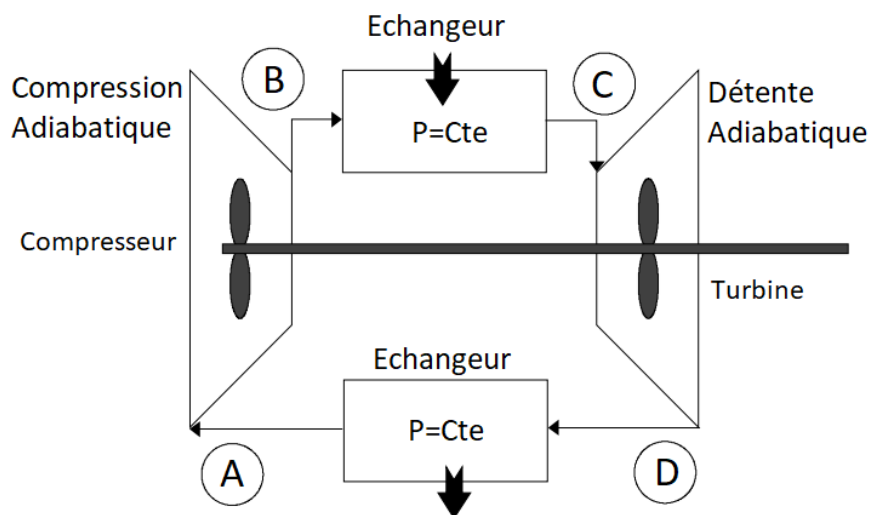
$$c_p - c_v = R \text{ (ou } C_p - C_v = nR)$$

$$\text{et } \gamma = \frac{c_p}{c_v}.$$

### Exercice 1 Le cycle de Brayton (9 points)

Un gaz parfait circule dans une installation. Il échange du travail avec l'extérieur dans le compresseur et la turbine. Le travail fourni par le passage du gaz dans la turbine sert d'une part à faire fonctionner le compresseur (turbine et compresseur montés sur le même axe) et d'autre part à produire de l'électricité.

Les transferts thermiques ont lieu dans des échangeurs. Le fluide, ici un gaz d'hélium, décrit le cycle de Brayton. Ce cycle est constitué de deux transformations isobares et de deux transformations adiabatiques :



- Compression adiabatique réversible du point A avec une température  $T_A = 300 \text{ K}$  et une pression  $P_A = 20 \times 10^5 \text{ Pa}$  vers le point B à la pression  $P_B = 80 \times 10^5 \text{ Pa}$
- Détente isobare du point B vers le point C à la température  $T_C = 1300 \text{ K}$
- Détente adiabatique de C vers D
- Compression isobare de D vers A

Toutes les transformations sont supposées réversibles.

On donne pour 1 *mol* d'hélium,  $C_V = \frac{3}{2}R$ ,  $C_P = \frac{5}{2}R$ ,  $R = 8.314 J.K^{-1}.mol^{-1}$

- 1) Représenter le cycle ABCDA dans un diagramme de Clapeyron.

- 2) Pour une transformation adiabatique réversible, montrer que  $\frac{T}{p^\beta} = \text{Constante}$  avec  $\beta$  en fonction de  $\gamma$ .

- 3) En déduire  $T_B$  et  $T_D$ . Faire l'application numérique. On donne  $4^{0.4} \approx 1.75$  et  $\frac{52}{7} \approx 7.42$ .

- 4) Pour chaque transformation, donner  $\Delta U$ ,  $Q$  et  $W$ .

- 5) En déduire  $Q_{cycle}$  et  $W_{cycle}$ .  
(S'assurer que  $W_{cycle}$  ne s'écrit qu'en fonction de  $C_p$  et des températures  $T_A$  et  $T_C$ .)

- 6) Le rendement du cycle s'écrit  $\eta = -\frac{W_{cycle}}{Q_{B \rightarrow C}}$ . Montrer qu'il peut se mettre sous la forme  $\eta = 1 - \frac{1}{r_p^\beta}$  avec  $r_p = \frac{P_B}{P_A}$ . Faire l'application numérique.

**Exercice 2** *Le cycle de Carnot (8 points)*

On considère une mole de gaz parfait ( $n = 1 \text{ mol}$ ), initialement à l'état  $(P_A, V_A, T_A = T_f)$ , qui subit les transformations suivantes (toutes réversibles) :

- Transformation isotherme amenant le gaz dans l'état ( $P_B, V_B < V_A, T_B = T_f$ )
- Transformation adiabatique amenant le gaz dans l'état ( $P_C, V_C, T_C = T_c > T_f$ )
- Transformation isotherme amenant le gaz dans l'état ( $P_D, V_D > V_C, T_D = T_c$ )
- Transformation adiabatique ramenant le gaz dans l'état initial

1) Représenter l'allure du cycle décrit par le gaz dans le diagramme de Clapeyron (P,V).

2) Utiliser la loi de Laplace pour montrer les relations suivantes :

$$T_f V_B^{\gamma-1} = T_c V_C^{\gamma-1} \text{ (adiabatique de } B \text{ à } C)$$

$$T_f V_A^{\gamma-1} = T_c V_D^{\gamma-1} \text{ (adiabatique de } D \text{ à } A)$$

3) En déduire que  $\frac{V_A}{V_B} = \frac{V_D}{V_C}$

4) Exprimer la quantité de chaleur et le travail pour chaque transformation du cycle en fonction de  $R, T_f, T_c, V_A, V_B, V_C$  et  $V_D$ .

5) En déduire le rendement d'expression  $r = \frac{|W_{cycle}|}{Q_{absorbée}}$  en fonction de  $T_c$  et  $T_f$ .