Novembre 2021

.. GROUPE .



Contrôle de Physique

Les calculatrices et les documents ne sont pas autorisés. Le barème est donné à titre indicatif.

Réponses exclusivement sur le sujet. Si vous manquez de place, vous pouvez utiliser le verso des pages.

Exercice 1. Questions de cours [2.5 POINTS](3 points - pas de points négatifs)

Choisissez la bonne réponse

- 1. Un mouvement est dit uniforme si
 - a. Sa trajectoire est une ligne droite.
 - b. Son accélération est constante au cours du temps.
 - c. Sa vitesse est constante au cours du temps.
 - d. Sa vitesse et son accélération varient très peu avec le temps.
- 2. En coordonnées polaires $(\overrightarrow{u}_{\rho}, \overrightarrow{u}_{\theta})$, le vecteur position est donné par

a.
$$\vec{r}(t) = \rho \overrightarrow{u}_{\rho} + \theta \overrightarrow{u}_{\theta}$$

c.
$$\vec{r}(t) = \theta \overrightarrow{u}_{\rho} + \rho \overrightarrow{u}_{\theta}$$

$$(b.) \vec{r}(t) = \rho \vec{u}_{\rho}$$

d.
$$\vec{r}(t) = \rho \vec{u}_{\theta}$$

- 3. Un mobile décrit un trajet rectiligne le long de l'axe (Ox). Son équation horaire s'écrit $x(t) = 10 2t^2$.
 - a. Le mouvement est uniforme
 - b. Le mouvement est uniformément circulaire
 - c. Le mouvement est décéléré
 - d. La norme de l'accélération est de $2 m/s^2$
- 4. Considérons un mobile dont la position à chaque instant est donné par son vecteur position $\vec{r}(t)$. L'accélération de ce mouvement est donné par

a.
$$\overrightarrow{a}(t) = \frac{\partial \overrightarrow{r}(t)}{dt^2}$$

c.
$$\overrightarrow{a}(t) = \left[\frac{\partial \overrightarrow{r}(t)}{\partial t}\right]^2$$

$$(b.) \vec{a}(t) = \frac{\partial^2 \vec{r}(t)}{dt^2}$$

$$d. a(t) = \sqrt{r(t)}$$

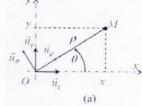
5. Deux vecteurs sont orthogonaux si leur produit scalaire est nul.



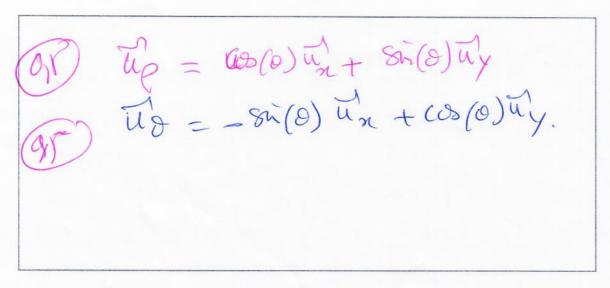
b. FAUX

EXERCICE 2: COORDONNES CARTESIENNES ET POLAIRES [8 POINTS]

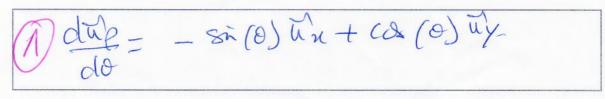
Le schéma ci-contre représente, sur le même plan, les coordonnées polaires ainsi que les coordonnées cartésiennes.



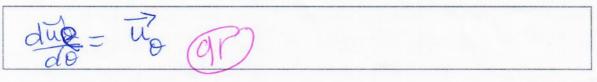
1. Exprimer les vecteurs unitaires $\overrightarrow{u}_{\rho}$ et $\overrightarrow{u}_{\theta}$ de la base polaire en fonction des vecteurs unitaires \overrightarrow{u}_x et \overrightarrow{u}_y de la base cartésienne.



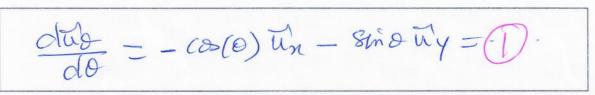
2. a. Calculer $\frac{d\overrightarrow{u}_{\rho}}{d\theta}$, la dérivée du vecteur unitaire $\overrightarrow{u}_{\rho}$ par rapport à l'angle θ .



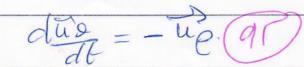
b. Exprimer $\frac{d \overrightarrow{u}}{d\theta}$ en fonction de $\overrightarrow{u}_{\theta}$



3. a. Calculer $\frac{d\overrightarrow{u}_{\theta}}{d\theta}$, la dérivée du vecteur unitaire $\overrightarrow{u}_{\theta}$ par rapport à l'angle θ .



b. Exprimer $\frac{d \overrightarrow{u}_{\theta}}{d \theta}$ en fonction de $\overrightarrow{u}_{\rho}$



4. Le point M représente la position d'un mobile se déplaçant au cours du temps. Exprimer le vecteur \overrightarrow{OM} dans la base cartésienne ainsi que dans la base polaire.

OH(t) = reun + yuy + zuz D

Polare

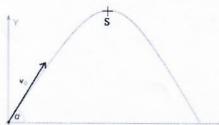
OH(t) = Pup. D

5. Ecrire l'expression générale du vecteur vitesse et donner son expression dans la base polaire en expliquant chaque étape de calcul.

 $\vec{v} = \frac{d\vec{v}}{dt} \quad def \quad d're \quad \vec{v} | resse \quad \vec{v} | shakese$ $\vec{v} = \frac{d}{dt} \left(\rho \vec{v} \rho \right).$ $= \frac{d\vec{v}}{dt} \quad \vec{v} + e \quad \frac{d\vec{v}}{dt} \quad \left(\frac{delivee}{dr} \cdot dr \right).$ $\vec{v}(t) = e^{\vec{v}} \vec{v} \rho + e^{\vec{v}} \vec{v} \rho \cdot ds$ $\vec{v}(t) = e^{\vec{v}} \vec{v} \rho + e^{\vec{v}} \vec{v} \rho \cdot ds$

EXERCICE 3: MOUVEMENT D'UN PROJECTILE [5,5 POINTS]

On considère un projectile lancé à partir du point (0;0) au repère cartésien à l'instant t=0 s. Il est lancé en faisant un angle α avec l'horizontale. Le projet passe par le point S qui correspond au sommet de la trajectoire.



Le vecteur \overrightarrow{OM} vaut :

$$\overrightarrow{OM} = \left(v_0 \cos \alpha \right) \cdot t \ \overrightarrow{u}_x + \left[\left(v_0 \sin \alpha \right) \cdot t - 5t^2 \right] \overrightarrow{u}_y$$

1. a. Donner les équations horaires, x(t) et y(t), de ce mouvement.

$$OPn(t) = No cos(x)t \cdot O$$

$$OP(t) = (No sin x)t - 5t^{2} \cdot (2)$$

b. Donner l'équation de la trajectoire du point M (x,y).

2. Exprimer le vecteur vitesse $\overrightarrow{v}(t)$. Exprimer sa norme.

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{doy}{dt}$$

$$= \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = N_{0}\cos(\alpha) \quad u_{x} + \left(N_{0}\sin(\alpha) - \log t\right) \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = N_{0}\cos(\alpha) \quad u_{x} + \left(N_{0}\sin(\alpha) - \log t\right) \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = N_{0}\cos(\alpha) \quad u_{x} + \left(N_{0}\sin(\alpha) - \log t\right) \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = N_{0}\cos(\alpha) \quad u_{x} + \left(N_{0}\sin(\alpha) - \log t\right) \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{y}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt} \quad u_{x}$$

$$\frac{\partial(t)}{\partial t} = \frac{du}{dt} \quad u_{x} + \frac{du}{dt}$$

3. Au sommet de la trajectoire, V_y (la composante suivant l'axe Y du vecteur vitesse) est nulle. Calculer la hauteur maximale atteinte par le projectile en fonction de V_0 et de l'angle α .

Au sommet:

$$Ny = 0 \Rightarrow No \sin(\alpha) = 10t = 0$$
.

 $t = No \sin(\alpha) = 10t = 0$.

In replace daws $y(t)$.

 $y = -5 \frac{No \sin(\alpha)}{100} + No \sin(\alpha) \frac{No \sin(\alpha)}{10}$
 $y = -5 \frac{No \sin(\alpha)}{100} + \frac{No \sin(\alpha)}{100} = \frac{No \sin(\alpha)}{100}$
 $y = -\frac{No \sin(\alpha)}{100} + \frac{No \sin(\alpha)}{100} = \frac{No \sin(\alpha)}{100}$

EXERCICE 4: ACCÉLÉRATION EN COORDONNÉES POLAIRES [4 POINTS]

Pour un mouvement quelconque, l'expression de l'accélération en coordonnées polaires est donnée par :

$$\overrightarrow{a}(t) = (\ddot{\rho} - \rho \dot{\theta}^2) \overrightarrow{u}_{\rho} + (\rho \ddot{\theta} + 2\dot{\rho} \dot{\theta}) \overrightarrow{u}_{\theta}$$

1. Quelle est l'expression de l'accélération si le mouvement est circulaire ? Justifier.

mvt chalaie => nayon = $de = \rho$ => $\rho = 0$ et $\rho = 0$. $a = \sqrt{R\delta^2}$ $\mu \rho + (R\delta^2)$ $\mu \rho$. $a = \sqrt{R\delta^2}$ $e^{2\rho}$.

2. Quelle est l'expression de l'accélération si le mouvement est, en plus d'être circulaire, aussi uniforme. Justifier.

OR more and $\delta = cAk = 3\delta^{\circ} = 0$ $\vec{a}' = (R\delta^{2}) \text{ in } \quad \text{or}$ $\vec{a} = (R\delta^{2}) \text{ in } \quad \text{or}$ $\vec{a} = (R\delta^{2}) \text{ in } \quad \text{or}$